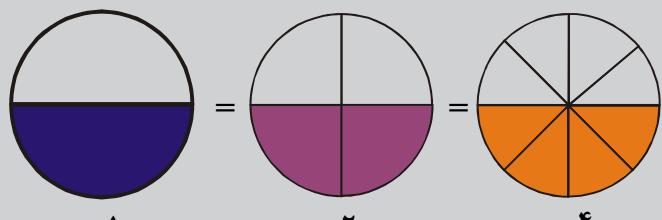




د پوهنې وزارت

# ریاضی

## پنځم ټولګي



Ketabton.com

د چاپ کال: ۱۳۹۸ هـ. ش



## ملي سرود

دا وطن افغانستان دی  
کور د سولې کور د توري  
دا وطن د ټولو کور دی  
د پښتون او هزاره وو  
پامیریان، نورستانیان  
هم ايماق، هم پشه ٻان  
لکه لم پرشنه آسمان  
لکه زره وي جاویدان  
وايو الله اکبر وايو الله اکبر  
نوم د حق مودی رهبر

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



د پوهنې وزارت

# ریاضي

## پنځم ټولګي

د چاپ کال: ۱۳۹۸ هـ . ش.



## د کتاب ځانګړتیاوې

**مضمون:** ریاضي

**مؤلفین:** د تعلیمي نصاب د ریاضي دیپارتمنت د درسي کتابونو مؤلفین

**ایدیت کوونکی:** د پښتو ژبې د ادبیت دیپارتمنت غږي

**تولگی:** پنځم

**د متن ژبه:** پښتو

**انکشاف ورکوونکی:** د تعلیمي نصاب د پراختیا او درسي کتابونو د تأليف لوی ریاست

**خپروونکی:** د پوهنې وزارت د اړیکو او عامه پوهاوی ریاست

**د چاپ کال:** ۱۳۹۸ هجري شمسی

**د چاپ څای:** کابل

**چاپ خونه:**

**برېښنالیک پته:** curriculum@moe.gov.af

د درسي کتابونو د چاپ، وېش او پلورلو حق د افغانستان اسلامي جمهوریت د پوهنې وزارت سره محفوظ دي. په بازار کې یې پلورل او پپرودل منع دي. له سرغروونکو سره قانوني چلنډکېږي.

## د پوهنې د وزیر پیغام

### اقرأ باسم ربک

د لوی او بنیونکي خدای ﷺ شکر په خای کوو، چې مور ته يې ژوند رابینلی، او د لوست او لیک له نعمت خخه يې برخمن کړي يو، او د الله تعالی پر وروستي پیغمبر محمد مصطفی ﷺ چې الهی لوړنې پیغام ورته (لوستل) و، درود وايو.

خرنګه چې ټولو ته سکاره ده ۱۳۹۷ هجري لمريز کال د پوهنې د کال په نامه ونومول شو، له دې امله به د ګران هپواد بنوونیز نظام، د ژورو بدلونونو شاهد وي. بنوونکي، زده کوونکي، کتاب، بنوونځی، اداره او د والدينو شوراګانې د هپواد د پوهنیز نظام شپرگونې بنسټيز عناصر بلل کېږي، چې د هپواد د بنوونې او روزنې په پراختیا او پرمختیا کې مهم رول لري. په داسې مهم وخت کې د افغانستان د پوهنې وزارت د مشترابه مقام، د هپواد په بنوونیز نظام کې د دې او پراختیا په لور بنسټيزو بدلونونو ته ژمن دي.

له همدي امله د بنوونیز نصاب اصلاح او پراختیا، د پوهنې وزارت له مهمو لوړیتوبونو خخه دي. همدارنګه په بنوونځیو، مدرسو او ټولو دولتي او خصوصي بنوونیزو تأسیساتو کې، د درسي کتابونو محتوا، کيفيت او توزیع ته پاملنډ د پوهنې وزارت د چارو په سر کې خای لري. مور په دې باور يو، چې د باکيفيته درسي کتابونو له شتون پرته، د بنوونې او روزنې اساسی اهدافو ته رسیدلني نشو.

پورتیو موخته د رسیداو او د اغښناک بنوونیز نظام د رامنځته کولو لپاره، د راتلونکي نسل دروزونکو په توګه، د هپواد له ټولو زړه سواندو بنوونکو، استادانو او مسلکي مدیرانو خخه په درناوي هيله کوم، چې د هپواد بچيانو ته دې درسي کتابونو په تدریس، او د محتوا په لېردولو کې، هیڅ دول هڅه او هاند ونه سپموي، او د یوه فعال او په ديني، ملي او انتقادي تفکر سمبال نسل په روزنه کې، زيار او کوبښ وکړي. هره ورڅ د ژمنې په نوي کولو او د مسئوليټ په درک سره، په دې نیت لوست پیل کړي، چې د نن ورځې ګران زده کوونکي به سباد یوه پرمختللي افغانستان معماران، او د ټولنې متمند او ګټور او سپدونکي وي.

همداراز له خوږو زده کوونکو خخه، چې د هپواد ارزښتاکه پانګه ده، غوښتنه لرم، خو له هر فرصت خخه ګهه پورته کړي، او د زده کړي په پروسه کې د خيرکو او فعالو ګډونوالو په توګه، او بنوونکو ته په درناوي سره، له تدریس خخه بشه او اغښناکه استفاده وکړي.

په پای کې د بنوونې او روزنې له ټولو پوهانو او د بنوونیز نصاب له مسلکي همکارانو خخه، چې د دې کتاب په لیکلو او چمتو کولو کې يې نه ستري کېدونکي هلي خلې کړي دي، منه کوم، او د لوی خدای ﷺ له دربار خخه دوى ته په دې سپیخلې او انسان جوړوونکي هڅې کې بریا غواړم. د معیاري او پرمختللي بنوونیز نظام او د داسې ودان افغانستان په هيله چې وګړي بې خپلواک، پوه او سوکاله وي.

د پوهنې وزیر

دکتور محمد میرویس بلخي

## لیک لړ

گنه	سرليکونه	مخونه
۱	جمع	لومړۍ خپرکۍ: د خو رقمي عددونو د جمع او تفریق عملیې
۴	تفریق	
۷	د جمعې د عملیې آزمونه	
۸	د تفریق د عملیې آزمونه	
۱۲	د جمعې په عملیه کې د بدلون (تبديلی)، اتحادي او صفر...	
دویم	دویم خپرکۍ: د ضرب او تقسیم عملیې او د ضرب عملیې خاصیتونه	
۱۸	ضرب	
۲۳	تقسیم (وېش)	
۲۸	د ضرب او تقسیم د عملیو آزمونه د یو بل په واسطه	
۳۲	د ضرب په عملیه کې د یوه او صفر خاصیتونه	
۳۳	د ضرب په عملیه کې د بدلون (تبديلی)، اتحادي خاصیت...	
	دریم خپرکۍ: د هندسي مبحث	
۴۲	نقطه، خط، قطعه خط، نیم خط (شعاع)، مستقييم خط	
۴۴	د مستقييم خط حالت	
۴۶	د مستقييموخطونو حالتونه نظر یو بل ته	
۴۸	د خط ډولونه	
۵۱	زاویه	
۵۴	د زاویې بنودنه	
۵۵	د زاویې د اندازه کولو واحد	
۵۷	پونستني	
۵۹	مجاورې زاویې	
۶۰	مکملې زاویې او مکملې مجاورې زاویې	
۶۲	متتمې زاویې او متتمې مجاورې زاویې	
۶۳	متقابل به راس زاویې	
۶۵	پونستني	
۶۵	مثلث	
۶۷	د زاویې له مخي د مثلث ډولونه	
۷۰	د ضلعو له مخي د مثلث ډولونه	



٧٤	مطلع	٣٤
٧٦	مستطيل	٣٥
٧٧	مربع	٣٦
٧٩	دایره	٣٧
٨٣	پونتني	٣٨
٨٥	خلورم خپرکي: تر تولو لوی مشترک قاسم او تر تولو کوچنی مشترک مضرب پر ٢، ٣، ٥، ١٠ باندي د وېش قابلیت	٣٩
٩٠	د قاسم او مضرب د مفاهيمو پېژندنه	٤٠
٩٤	د اوليه او مرکب (غیر اوليه) عددونو پېژندنه	٤٢
٩٩	مشترک قاسمونه او د دوو يا خو عددونو تر تولو د لوی مشترک ...	٤٤
١٠١	د دوو يا خو عددونو مشترک مضربونه او تر تولو د کوچنی ...	٤٦
١٠٢	د تجزيء په واسطه د ذواضعاف اقل پیدا کول	٤٧
١٠٥	پنځم خپرکي: عام کسر او د هغه خلور گونې عملې	٥١
١٠٧	عام کسر	٥٢
١١٠	له صفر سره مساوي کسرونه	٥٣
١١٢	له واحد خخه لوی کسرونه	٥٤
١١٨	واقي او غير واقعي کسرونه	٥٦
١٢٤	معادل کسر	٥٨
١٣٢	د عام کسر اختصار (ساده کول)	٦٠
١٤٠	د عام کسرونو پرتله (مقاييسه) کول	٦٢
١٤٥	د عام کسر تصحیح او غير واجب کول	٦٤
١٤٨	د عام کسر جمع	٦٦
١٥١	د ذواضعاف اقل په مرسته د کسرونو ...	٦٧
١٥٧	د عام کسرونو جمع کول چې صحیح عدد ولري	٦٩
١٥٨	د عام کسر تفريقي	٧٠
١٦١	د ذواضعاف اقل په مرسته د کسرونو هم مخرج کول او ...	٧١
١٦٧	د عام کسر تفريقي کول چې صحیح عدد ولري	٧٣
١٧٢	د کسري عدد ضرب په کسري عدد کې	٧٥
١٧٧	د صحيح عدد لرونکو کسرونو ضرب	٧٦
١٨٢	د عام کسر تقسيم	٧٨
١٨٧	د کسري عدد وېش پر کسري عدد باندي	٧٩
١٩٢	کسالکسر	٨١

# لومړۍ خپرکې

## د خو رقمي عددونو د جمع او تفریق عملیې

جمع



- که چیرې د جمعې په عملیه کې د مرتبو رقمونه د یو بل لاندې و نه لیکل شي، خه ستونزې به منځ ته راوړي ؟  
په تېرو تولګيو کې مو د عددونو جمع کول زده کړي دي. وموليدل چې د یویز عددونو لاندې د یویز عددونه او د لسیز عددونو لاندې د لسیز عددونه .... او مليارد عددونو لاندې د مليارد عددونه لیکل شوي او سره جمع شوي دي.  
لكه په لاندې مثالونو کې :

لومړۍ مثال

$$\begin{array}{r}
 1\ 0\ 1\ 1\ 1 \\
 8\ 6\ 7\ 5\ 4\ 2 \\
 + 2\ 4\ 9\ 7\ 6\ 3 \\
 \hline
 1\ 1\ 1\ 7\ 3\ 0\ 5
 \end{array}$$

← د جمعې لومړۍ جزء

← د جمعې دویم جزء

← د جمعې حاصل

دویم مثال

$$\begin{array}{r}
 1\ 0\ 7\ 1\ 1 \\
 4\ 2\ 3\ 8\ 9\ 1 \\
 + 1\ 8\ 9\ 3\ 2\ 0 \\
 \hline
 6\ 2\ 1\ 6\ 2\ 6
 \end{array}$$

فعاليت

د ۱۰۷۰۶۴۲ او ۱۸۷۶۴۲۳۱ عددونه د لاندې جدول په اړوند مرتبو او طبقو کې ولیکي.

د میلاردو طبقه			د میلونو طبقه			د زریزو طبقه			د یویزو طبقه		
سل میلارڈ	لس میلارڈ	میلارڈ	سل میلون	لس میلون	میلون	سل زریز	لس زریز	زریز	سلیز	لسیز	یویز



پونستني

۱- لاندي عددونه جمع کړئ.

$$\begin{array}{r}
 & & 7 & 6 & 0 & 0 & 9 & 3 \\
 & & 1 & 2 & 7 & 6 & 4 & \\
 & & 9 & 0 & 9 & 9 & 0 & 8 & \\
 & & 4 & 0 & 0 & 3 & 0 & 0 & 5 \\
 & 9 & 0 & 8 & 6 & 5 & \\
 + & 1 & 3 & 2 & 6 & & \\
 \hline
 & & + & 1 & 1 & 7 & 0 & \\
 \hline
 & & + & 1 & 7 & 6 & 4 & \\
 \hline
 \end{array}$$

۲- لاندي تشن ځایونه په مناسبو ارقامو سره ډک او جمع يې کړئ.

$$\begin{array}{r}
 4 \square \square 7 2 \\
 + 1 5 3 \square 8 \\
 \hline
 \square 8 4 5 0
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 6 \square 4 3 7 \\
 + 1 9 6 \square 8 \\
 \hline
 1 \square 0 1 0 5
 \end{array}$$

۳- لاندي عددونه د مرتبو او طبقو په پام کې نیولو سره جمع کړئ.

- |       |    |        |       |
|-------|----|--------|-------|
| ۲۸۰۶۲ | او | ۳۲۹۶۰۱ | -الف- |
| ۵۰۰۸۹ | او | ۱۳۲۵۱  | -ب-   |
| ۸۷۶۴۲ | او | ۹۰۰۰۶۴ | -ج-   |
| ۶۸۷۵۳ | او | ۶۴۲۵۳۷ | -د-   |



لاندې عددونه جمع او تشن خایونه په مناسبو رقمونو سره دک کړئ.

$$\begin{array}{r}
 \boxed{\phantom{0}} 1 \ 5 \ \boxed{\phantom{0}} 3 \\
 + \ 8 \ 0 \ 8 \ 1 \ 8 \ \boxed{\phantom{0}} \\
 \hline
 \boxed{\phantom{0}} 0 \ \boxed{\phantom{0}} 3 \ 2 \ 1 \ 4
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 7 \ 6 \ \boxed{\phantom{0}} \ 5 \\
 + \ 9 \ 0 \ 8 \ 4 \ 7 \ 6 \\
 \hline
 \boxed{\phantom{0}} 6 \ \boxed{\phantom{0}} 0 \ 4 \ 8 \ \boxed{\phantom{0}}
 \end{array}$$

### عبارتی پښتنې

۱- فرهاد یو موټر په ۸۰۷۰۷۰ افغانی، یو کمپیوټر په ۷۵۶۰۰

افغانی او یو موټرسایکل یې په ۱۲۳۰۰ افغانی وپیرودل.

معلوم کړئ چې فرهاد، د خو افغانیو پیرودنه کړي ده؟

۲- که چېرې د کندھار او هرات تر منځ د سپک او برداوالي

۵۸۸ کيلو متره، د کابل او کندھار تر منځ د سپک او برداوالي

۵۵۰ کيلو متره وي، د کابل او هرات تر منځ د سپک

او برداوالي معلوم کړئ.

۳- که چېرې د بلخ ولايت د نفوسو شمېر ۲۳۴۵۱۳۰ تنه،

د هرات ولايت د نفوسو شمېر ۱۴۰۷۳۰۲ تنه او د کابل د نفوسو شمېر

۳۴۰۰۸۰۰ تنه وي، د درې واپو ولايتونو د نفوسو شمېر به خو تنه وي؟

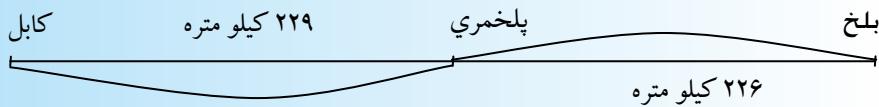
۴- که چېرې د ننګرهار په ولايت کې د یوه کال د ډېزلو تېلو لګښت

۸۷۶۴۳۰۰ د بغلان په ولايت کې ۶۸۶۴۲۳۵ لیتره او د کابل په ولايت کې

۶۴۳۰۲۰۰۰ لیتره وي، د درې واپو ولايتونو د ډېزلو لګښت په یوه کال کې



## فعالیت



پورته شکل په پام کې ونسی، یو عبارت ورته جوړ کړئ او د کابل - بلخ ترمنځ واټن معلوم کړئ.

### کورنۍ دنده



خلور پر له پسې ۴ رقمي عددونه ولیکۍ او له هغه وروسته د خلور وارو عددونو د جمعې حاصل معلوم کړئ.

### تفريق

- که چیرې د تفريقي په عملیه کې د مرتبو رقمونه د یو بل لاندې ځای پر ځای نه شي، د تفريقي د عملیې پایله به خه وي؟



د تفريقي عملیه مو په تبرو ټولګيو کې لوستې ده، اوس یې بیا لې رخه یادونه کوو. د تفريقي په عملیه کې د ارقامو مقامي ارزښت باید په پام کې ونيول شي. هغه عددونه چې یو ډول (عینې) مرتبې لري، تر یو بل لاندې راخي او بیا وروسته د تفريقي عملیه سر ته رسپړي.

د مثال په توګه:

$$\begin{array}{r}
 \text{مفرق منه} \quad \leftarrow \quad 846 \quad \quad 7008 \quad \quad 486764 \\
 \text{مفرق} \quad \leftarrow \quad - 353 \quad \quad - 6852 \quad \quad - 389857 \\
 \text{د تفریق حاصل} \quad \leftarrow \quad \underline{493} \quad \quad \underline{156} \quad \quad \underline{96907}
 \end{array}$$

### فعالیت

۱- د ۷۸۶۴ عدد او د ۹۶۴۳۲ عدد داسې ولیکئ چې د تفریق عملیه سر ته ورسولی شي او هغه حل کړي، له حل خخه وروسته مفرق منه، مفرق او د تفریق حاصل هم وښیئ.

۲- لوړۍ لاندې پونټنې په خپلو کتابچو کې حل کړئ. وروسته په دریو گروپونو ووبشل شئ، د هرې پونټنې د تفریق حاصل په خپلو ډلو کې له یو بل سره پرتله کړئ. و ګورئ چې چا سم او صحیح حل کړې دي، هغو زده کوونکو چې تېروتنه کړې ده خپلې تېروتنې د ګروپونو د غرو په مرسته اصلاح کړئ.

$$\begin{array}{r}
 964322 \\
 - 14808 \\
 \hline
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 864291 \\
 - 317628 \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 17649762 \\
 - 8642531 \\
 \hline
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 6010234 \\
 - 1879321 \\
 \hline
 \end{array}$$

۳- د مثال په پام کې نیولو سره په لاندې تشو ئایونو کې د(<، > او يا =) نسبی ولیکئ.

$$\boxed{167 - 68} < \boxed{304 - 25}$$

99                    279

$$89 - 36 \quad \boxed{\phantom{00}} \quad 76 - 27$$

$$6743 - 1567 \quad \boxed{\phantom{00}} \quad 196 - 20$$

$$3721 - 864 \quad \boxed{\phantom{00}} \quad 778 - 64$$

### کورني دنده



- که چېږي مفروق ۸۶۷۴۱۴۶ او مفروق منه ۹۱۱۱۱۱۱۱ وي، د تفریق حاصل معلوم کړئ.
- آیا له کوچنۍ عدد خخه لوی عدد تفریق کولای شئ؟ که یې نشي کولای ولې؟

### عبارتی پونستني

۱- مزمل ۲۷۶۳ افغانی درلودې. هغه وغونستل چې يو بايسکل واخلي، که چېږي د یوه بايسکل بیه ۳۷۲۰ افغانی وي مزمل به خونرو افغانیو ته اړتیا ولري چې بايسکل واخیستلی شي؟

۲- یو بنوال له خپلو حاصلاتو خخه ۱۷۴۴۲۰ افغانی تر لاسه کړې دي، که چېږي د سري، درملو او بېل بیه یې ۹۷۶۴۱ افغانی وي د نوموري بنوال گته معلومه کړئ.

۳- د دوو سوداګرو سرمایه ۸۹۷۶۴۲۳۷ افغانی ده که چېږي د یوه سوداګر



- سرمایه ۸۷۶۳۲۵۷ افغانی وي د هغه بل سوداگر سرمایه به خومره وي؟
- ۴- مليحه له کريمي خخه ۳۷۸۹۶ افغانی زياتي لري که چېري کريمه ۱۳۲۴۶ افغانی ولري، نومليحه به خو افغانی ولري؟
- ۵- فاروق د خپل تعمير په جورولو کې ۳۴۷۶۱۲۰ افغانی لګولي دي که چېري نوموري تعمير په ۲۳۸۴۶۵۰ افغانی وپلوري فاروق به خو افغانی تاوان وکړي؟

## کورني دندنه



له ۶۸۹۷۶ عدد خخه کوم عدد کم شي چې د ۱۷۸۴۱ عدد پاتې شي؟

### د جمعي د عملې آزمونه

• د جمعي عملې د خه لپاره آزموو؟

• آيا يوازى د جمعي د عملې سرته رسول موږ ته د پونستنی د سم والى  
ډاډ راکوي؟  
لاندي مثال ته پام وکړئ.



		$+$		$=$		
۱۶	+	۴		=	۲۰	آزمونه

		$=$		
۲۰	-	۴	=	۱۶

		$=$		
۲۰	-	۱۶	=	۴

## د پورتني مثال له حل خخه داسي نتيجه تر لاسه کېږي

د دې لپاره چې د جمعې عمليه موسمه سرته رسولې ده که نه.  
د جمعې له حاصل خخه د جمعې يو جزء تفريقي کوو که چېږي د تفريقي  
حاصل د جمعې له بل جزء سره مساوي وي، نو عمليه سمه او صحيح ده.

### فعالیت

لاندې پونستني جمع کړئ او وروسته يې وازمویئ.

$$\begin{array}{r} 45 \\ + 65 \\ \hline 126 \end{array} \quad \begin{array}{r} 3456 \\ + 1675 \\ \hline 9764002 \end{array} \quad \begin{array}{r} 210 \\ + 10875 \\ \hline 10875 \end{array}$$

### کورني دنده



- تر ټولو لوی دوه رقمي عدد له کوچني دوه رقمي عدد سره جمع کړئ او  
وروسته يې وازمویئ؟

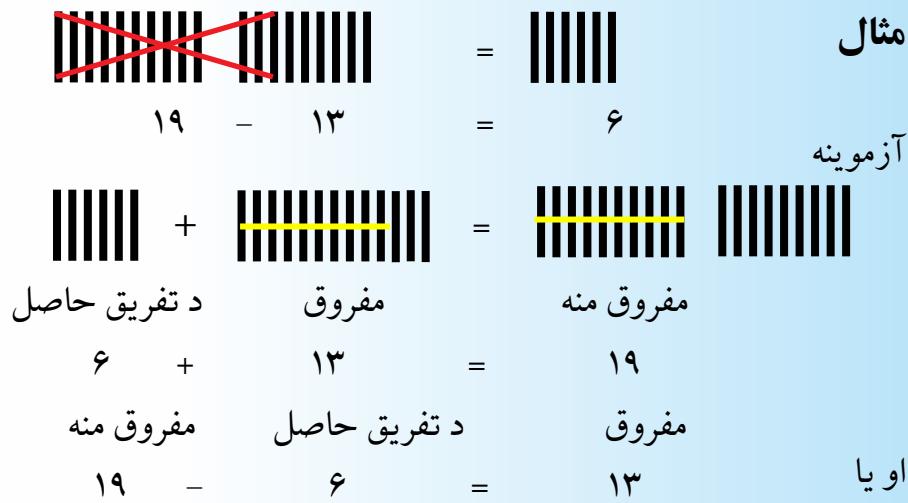
$$\begin{array}{r} 789102 \\ + 164005 \\ \hline \end{array}$$

- مخامنځ عددونه جمع او وازمویئ؟

### د تفريقي د عمليې آزمونه

- د تفريقي سرته رسيدلې عمليه خه ډول آزمایو؟
- د کومې عمليې په سرته رسولو سره د تفريقي د پونستنو په سم والي ډاډمن  
کېړو؟





له پورتنيو مثالونو خخه داسي نتيجه تر لاسه کوو:  
دې لپاره چې پوه شو د تفریق عملیه سمه سرته رسیدلې ده که نه.  
په دوو ډولونو سره د هغه آزمونیه کوو:

- ۱- د تفریق حاصل له مفروق سره جمع کوو که چېږي د جمعی حاصل بي  
له مفروق منه سره مساوي شي، د تفریق عملیه سمه ده.
- ۲- له مفروق منه خخه د تفریق حاصل تفریق کوو که چېږي د تفریق  
حاصل بي له مفروق سره مساوي وي د تفریق عملیه سمه ده.

### فعالیت

زده کوونکی دې لاندې پونستې په ګروپونو کې حل کړي او وروسته دې  
و آزموي.

$$\begin{array}{r}
 35 \\
 -18 \\
 \hline
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 674 \\
 -185 \\
 \hline
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 100000 \\
 -212349 \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 76430105 \\
 -9870706 \\
 \hline
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 76543213 \\
 -1234567 \\
 \hline
 \end{array}$$

## کورنی دندہ



لاندې پوبنتنه په خپلو کتابچو کې حل او وآزمويئ.

٧٦٤٢

- ٦٨٠٥

## پوبنتني

١- لاندې پوبنتني حل او امتحان يې کړئ.

٦٧٤٣٠٢

+ ١٧٨٦٠٠

٩٧٦٤٣٢١

+ ١٠٥٠٢٠٨

١٥١٦١٧١٨٠

- ٩٨٧٦٤٢٩٣

١٠٠٠٠٠٠

- ٩٨٧٦٤٢١

٢- د لاندې پوبنتنو تشن خایونه د (<، > او يا =) مناسبو نښو په واسطه ډک کړئ.

١٩١٦ - ١٢٠

٩٨٩ + ٨٧٦

٧٦٤ + ٣٢٥

٩٩٩٩ - ٦٨٤

٦٨٤٢٣ - ٠

٤٨٤٢٣ + ٢٠٠٠

٣- هري پوبنتني ته خلور خوابونه ورکړل شوي دي، په خپلو کتابچو کې يې صحیح خواب ولیکئ.

- که چېري مفروق د تفریق له حاصل سره جمع شي خه لاسته راخي؟

ب: مفروق

الف: د جمعي حاصل

د: هېڅ يو

ج: مفروق منه

- که چېري د جمعې له حاصل خخه د جمعې يو جزء تفریق شي خه لاس  
ته رائي؟

- ب: مفروق منه لاسته رائي.  
د: د جمعې بل جزء لاسته رائي.

### کورني دنده



لاندي پونستنه حل او وآزمويئ.

$$\begin{array}{r} 87642301 \\ - 9878992 \\ \hline \end{array}$$

### عبارة پونستني

۱- په يوه بن کې ۱۸۶۷۴ ونې کېنول شوي دي، د بیلابلو پېښو  
له امله يو شمېر ونې وچې شوي. که چېري په بن کې ۹۶۷۲  
ونې پاتې شوي وي، معلوم کړئ چې خومره ونې وچې شوي  
دي؟

۲- هغه کوچني عدد چې له ۶، ۵، ۳، ۷ رقمونو خخه لاسته  
رائي، له هغه لوی عدد خخه تفریق کړئ چې له همدغو  
عددونو خخه لاسته رائي؟

۳- له ۷۸۹۶ عدد خخه کوم عدد تفریق شي تر خو د  
۳۸۶۴ عدد پاتې شي؟

۴- له ۶، ۴ او ۵ خلورو رقمونو خخه تر ټولو لوی خلور رقمي او تر ټولو  
کوچني خلور رقمي عدد جوړ کړئ او له لوی عدد خخه یې کوچني عدد  
تفریق کړئ، د تفریق حاصل معلوم کړئ.

## کورني دنده



چوکات کي دنه عدد معلوم كړئ.

$$167423 - \boxed{\phantom{000}} = 97423$$

$$99687001 - \boxed{\phantom{000}} = 89010105$$

### د جمعي په عملیه کې د بدلون(تبديلی)، اتحادي او صفر خاصیتونه

- آيا د جمعي په عملیه کې د جمعي د اجزاوو څایونه بدلولای شو ؟
- خرنګه کولای شو چې د دوو څخه زیات عددونه سره جمع کړو ؟



#### الف: د جمعي په عملیه کې د بدلون خاصیت

لاندي مثالونو ته پام وکړئ.

$$12+9=21$$

لومړۍ

$$9+12=21$$

يا:

$$12+9=9+12=21$$

نو لیکلای شو چې

$$327 + 85 = 412$$

دویم

$$85 + 327 = 412$$

يا:

$$327 + 85 = 85 + 327 = 412$$

نوله دې امله

### د پورتنیو مثالونو له حل څخه کولای شو چې ولیکو

که چېږي د جمعي په عملیه کې د جمعي د اجزاوو څایونه يو له بله سره

بدل شي، د جمعي په حاصل کې کوم بدلون منځ ته نه رائي. دا خاصیت د جمعي د بدلون خاصیت په نامه يادپوري.

### فعاليت

۱- د شکل له مخي د جمعي افадه ولیکئ او د جمعي د بدلون خاصیت په کې تطبیق کړئ.



۲- د جمعي په عملیه کې د تبدیلی له خاصیت خخه په کار اخیستلو سره په لاندې تشو ځایونو کې مناسب عددونه ولیکئ.

$$659 + 68 = 68 + \boxed{\phantom{00}} , \quad \boxed{\phantom{00}} + 763 = \boxed{\phantom{00}} + 315$$

$$\boxed{\phantom{00}} + 328 = \boxed{\phantom{00}} + 98 , \quad 898 + \boxed{\phantom{00}} = 215 + \boxed{\phantom{00}}$$

### کورني دنده



لاندې پونستني په خپلو کتابچو کې ولیکئ، د تبدیلی له خاصیت خخه په ګټې اخیستلو سره تشن ځایونه په مناسبو عددونو ډک کړئ.

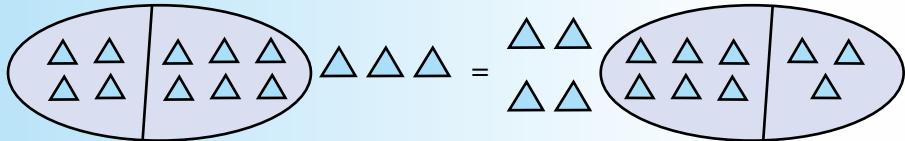
$$627 + \boxed{\phantom{00}} = 312 + \boxed{\phantom{00}}$$

$$\boxed{\phantom{00}} + 327 = \boxed{\phantom{00}} + 136$$

## ب: د جمعي په عملیه کې اتحادي خاصیت



۱- لاندې شکل ته پام وکړئ.



$$(4+6)+3 = 4+(6+3)$$

$$10+3 = 4+9$$

$$13 = 13$$

حل:

پورتنی حل شوی مثال داسې هم لیکلی شو.

$$(4+3)+6 = 7+6 = 13$$

۲- غواړو چې د ۱۶، ۵ او ۱۴ عددونه سره جمع کړو.

$$14 + (6 + 5) = 6 + (14 + 5) = 5 + (14 + 6)$$

$$14 + 11 = 6 + 19 = 5 + 20$$

$$25 = 25 = 25$$

۳- غواړو چې د ۶۷، ۸۵ او ۱۰۲ عددونه سره جمع کړو.

$$(67+85)+102 = 67+(85+102) = 85+(67+102)$$

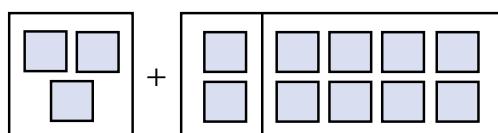
$$152 + 102 = 67 + 187 = 85 + 169$$

$$254 = 254 = 254$$

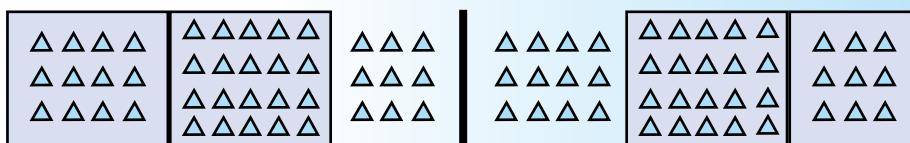
د پورتیو مثالونو له حل خخه لاندې پایله تر لاسه کولای شو.  
که چېري د جمعي په عملیه کې د جمعي اجزاوي له دوو جزو خخه زیات وي په  
خپله خوبنه د جمعي دوه جزوونه جمع کولای شو او بیا یې د جمعي له بل جزء سره  
جمع کوو. دغه خاصیت ته د جمعي په عملیه کې اتحادي خاصیت وايي.

### فعالیت

۱- لاندې شکل و گورئ، افاده یې ولیکئ او د اتحادي خاصیت خخه په ګټې  
اخیستلو سره هغه ساده کړئ.



۲- د جمعي په عملیه کې له اتحادي خاصیت خخه په کار اخیستلو سره په  
لاندې شکلونو کې د هغوي هر یوه افاده ترتیب او ساده یې کړئ.



۳- د جمعي په عملیه کې د اتحاد له خاصیت خخه په کار اخیستلو د لاندې درکړل  
شوو عددونو افاده په شکل کې وبنایاست.  $(4+5)+6 = 4+(5+6)$

### کورنۍ دنده



- د اتحادي خاصیت خخه په کار اخیستنې سره د لاندې پوبشنو په تشو  
ځایونو کې مناسب عددونه ولیکئ.

$$524 + (127 + \boxed{\phantom{0}}) = (\boxed{\phantom{0}} + \boxed{\phantom{0}}) + 353$$

$$(\boxed{\phantom{0}} + 4372) + 6721 = 243 + (\boxed{\phantom{0}} + \boxed{\phantom{0}})$$

## ج: د جمعي په عملیه کې د صفر خاصیت



لاندې مثال ته پام وکړئ.

$$0 + 17 = 17$$

,

$$327 + 0 = 327$$

$$95 + 0 = 95$$

,

$$624 + 0 = 624$$

د پورتنيو مثالونو له حل خخه دا نتیجه اخلو چې:

که چېري له یوه عدد سره صفر یا صفر له یوه عدد سره جمع کړو د جمعي حاصل په خپله هماغه عدد دی. دغه خاصیت ته د جمعي په عملیه کې د صفر خاصیت وايي.

### فعاليت

د لاندې شکل له مخي یې افاده ولیکئ.



### کورنۍ دنده



لاندې پونستني په خپلو کتابچو کې حل کړئ.

$$1) \boxed{\phantom{00}} + 215 = 215$$

$$2) 587 + \boxed{\phantom{00}} = 587$$

$$3) 328 + \cdot = \boxed{\phantom{00}}$$



پونتی

۱- د لاندی پونتنو په تشو ځایونو کې مناسب عددونه ولیکئ.

$$\begin{aligned}
 (20 + \boxed{\phantom{00}}) + 62 &= \boxed{\phantom{00}} + (38 + 62) \\
 (\boxed{\phantom{00}} + 43) + 17 &= 35 + (43 + \boxed{\phantom{00}}) \\
 (\boxed{\phantom{00}} + 53) + 91 &= 28 + (53 + \boxed{\phantom{00}}) \\
 (88 + 93) + \boxed{\phantom{00}} &= 88 + (\boxed{\phantom{00}} + 68) \\
 (325 + \boxed{\phantom{00}}) + 215 &= 325 + (43 + \boxed{\phantom{00}})
 \end{aligned}$$

۲- د جمعي په عملیه کې د اتحادي خاصیت په پام کې نیولو سره د لاندی شکلونو له مخې د هغوي افاده ترتیب او حل يې کړئ.



۳- د جمعي په عملیه کې د اتحادي خاصیت په پام کې نیولو سره لاندی درکړل شوې افادي په شکلونو کې ونبایاست؟

$$(6+5)+4 = 6+(5+4)$$

$$3+(7+2) = (3+7)+2$$

## دویم خپرکی

### د ضرب او تقسیم عملی اود ضرب عملی خاصیتونه

#### ۱- ضرب

- خه وخت د ضرب له عملی خخه کار اخلو ؟
- له خو رقمی عددونو سره د خو رقمی عددونو ضرب خنگه لاسته راورو ؟  
لاندی مثالونو ته پام وکړئ .



**لومړۍ مثال:** (۱) پړاو :

$$\begin{array}{r}
 \text{د ضرب لوړۍ جزء} \longrightarrow & 63 \\
 \text{د ضرب د دویم جزء د یویز رقم} \longrightarrow & \times 42 \\
 63 \longrightarrow & 126 \quad (1) \text{ پړاو} \\
 \text{د ضرب د لوړۍ جزء په تولو} & \\
 4 \times 63 \longrightarrow & + 252 \\
 \text{رقمونو کې ضربوو او حاصل} & \hline 2646 \\
 \text{د ضرب حاصل} & \\
 \end{array}$$

یې تر خط لاندی ليکو .

(۲) پړاو : د ضرب د دویم جزء د لسیز رقم د ضرب د لوړۍ جزء په تولو  
رقمونو کې ضربوو، دغه حاصل هم تر خط لاندی د لیکل شوي رقم د لسیز  
تر مرتبې لاندی پیل او په ترتیب سره ليکو، اوس تر خط لاندی د لیکل شوي  
دواړه حاصلونه یو له بل سره جمع کوو، په دې صورت کې د دوه رقمی  
عددونو د ضرب حاصل له دوه رقمی عددونو سره حاصل کيږي .

## دویم مثال

د پورتني مثال په خېر عمل کوو.

د ضرب د دویم جزء د مرتبو تول رقمونه د ضرب د لوړي جزء په رقمونو کې ضربو او د هري مرتبې د ضرب حاصل د هماغې ضرب شوي مرتبې لاندي په ترتیب سره لیکو، له هغه وروسته د ضرب حاصلونه له یو بل سره جمع کوو.

$$\text{د ضرب لوړي جزء} \longrightarrow 364$$

$$\text{د ضرب دویم جزء} \longrightarrow \times 622$$

$$(1) \text{ پړاو } 2 \times 364 \longrightarrow 728$$

$$(2) \text{ پړاو } 2 \times 364 \longrightarrow 728$$

$$(3) \text{ پړاو } 6 \times 364 \longrightarrow + 2184$$

$$364 \times 622 \longrightarrow 226408 \text{ د ضرب حاصل}$$

## فعالیت

د پورتنيو مثالونو خخه په ګټې اخیستلو سره لاندې پونښنې حل کړئ.

$$\begin{array}{r} 64 \\ \times 23 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 98 \\ \times 65 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 464 \\ \times 102 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 312 \\ \times 213 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 762 \\ \times 105 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 106 \\ \times 709 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 900 \\ \times 70 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 973 \\ \times 100 \\ \hline \end{array}$$

## کورنی دندہ



لاندې پوبنتني حل کړئ.

$$\begin{array}{r} 432 \\ \times 123 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 123 \\ \times 15 \\ \hline \end{array}$$

له خورقمي عددونو سره د خورقمي عددونو ضرب

## مثال

$$\begin{array}{r}
 4023 \\
 \times 7105 \\
 \hline
 20115 \quad \longleftarrow \quad 4023 \times 5 \quad - (1) \\
 0000 \quad \longleftarrow \quad 4023 \times 0 \quad - (2) \\
 4023 \quad \longleftarrow \quad 4023 \times 1 \quad - (3) \\
 + 28161 \quad \longleftarrow \quad 4023 \times 7 \quad - (4) \\
 \hline
 28583415 \quad \longleftarrow \quad \text{د ضرب حاصل}
 \end{array}$$

د پورته مثال له حل خخه لاندي پايله تر لاسه کوو چي:  
له خو رقمي عددونو سره د خو رقمي عددونو په ضرب کي د ضرب د دويم  
جزء هر رقم د ضرب دلومري جزء په ټولو رقمونو کي په ترتیب سره ضربو او  
د ټولود ضرب حاصل سره جمع کوو.

### فعاليت

د لاندي عددونو د ضرب حاصل پيدا کړئ.

$$\begin{array}{r} 7642 \\ \times 1074 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 30506 \\ \times 2713 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 7106 \\ \times 957 \\ \hline \end{array}$$

### کورني دنده



د درکړل شوو عددونو د ضرب حاصل معلوم کړئ.

$$\begin{array}{r} 30706 \\ \times 4123 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 7432 \\ \times 1705 \\ \hline \end{array}$$

### د صفر لرونکو عددونو ضرب

- ستاسو په نظر، د صفر لرونکو عددونو ضرب آسانه دي او که د غير صفر لرونکو عددونو ضرب؟ خنګه؟



## لومړۍ مثال

$$\begin{array}{r}
 70 \\
 \times 60 \\
 \hline
 4200
 \end{array}$$

لومړۍ پراو ۷۰ × ۶۰ ←  
په دویم واري خرنګه چې ۶ د لسيزو په مرتبه کې دي په ۷۰  
کې يې ضربو او ليکو:  
د ضرب حاصل ۴۲۰۰

که چېري د ضرب حاصل ته پاملننه وشي ليدل کېږي چې په حقیقت کې (۷×۶) ضرب شوي دي او د ضرب د حاصل بنی خواته د لومړۍ جزء او دویم جزء د صفرونو په شمېر، صفرونه ليکل شوي دي چې پورتنی مثال په لنډه توګه داسي ليکلای شو.

$$\begin{array}{r}
 70 \\
 \times 60 \\
 \hline
 4200
 \end{array}$$

په دې مثال کې په لومړۍ وار ۷ له ۶ سره ضرب شوي دي چې حاصل يې ۴۲ کېږي او بیا د لومړۍ جزء او دویم جزء دو ه صفرونه د ۴۲ بنی خواته ليکل شوي دي دپورته مثال د حل خخه کولای شو چې ولیکو. چې په حقیقت کې د ضرب حاصل  $4200$  کېږي. يعني  $4200 = 70 \times 60$ .  
د پورته مثال د حل خخه کولای شو چې ولیکو. که چېري د ضرب د لومړۍ جزء او دویم جزء بنی خواته او يا د یو جزء بنی خواته یو يا خو صفرونه ولرو باید لومړۍ غیر صفری عددونه ضرب کړو او په پای کې د ضرب د لومړۍ او دویم او یا د یو جزء د عددونه د بنی خواتول صفرونه د ضرب د حاصل بنی خواته کېردو.

## دویم مثال

$$\begin{array}{r}
 130 \\
 \times 400 \\
 \hline
 52000
 \end{array}$$

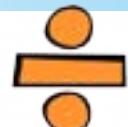
## کورني دنده



د لاندي عددونو ضرب حاصل لاسته راوئ.

$$\begin{array}{r}
 84000 \\
 \times 9000 \\
 \hline
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 4000 \\
 \times 5000 \\
 \hline
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 3500 \\
 \times 4000 \\
 \hline
 \end{array}$$

### ۲- تقسيم (وېش)



په درې رقمي عددونو باندي د خو رقمي عددونو وېش

- آيا کولاي شي، يو عدد چې د رقمونو شمېر يې له دريو خخه زيات وي
- په يو درې رقمي عدد ووېشئ؟



لومړۍ مثال: د ۴۷۶۲۳ عدد د ۲۳۵ پر عدد ووېشئ:

$$\begin{array}{r}
 47623 \quad | \quad 235 \\
 \text{مقسوم عليه} \quad \leftarrow \\
 \text{خارج قسمت} \quad \leftarrow
 \end{array}$$

په لومړي وارې د مقسوم کین لوري ته درې رقمونه له مقسوم عليه سره پرته کوو. ليدل کېري چې د مقسوم د کينې خط درې رقمي عدد تر مقسوم عليه خخه لوی دی اټکل کوو چې ۲۳۵ عدد خو مرتبې د ۴۷۶ په عدد کې شامل دي. د مثال په توګه: اټکل کوو چې دوه مرتبې شامل دي. د ۲ عدد په خارج قسمت کې ليکو د ۲۳۵ په عدد کې يې ضربو او حاصل يې د ۴۷۶ عدد لاندي ليکو او له ۴۷۶ عدد خخه يې تفريقي کوو.

$$\begin{array}{r}
 47623 \quad | \quad 235 \\
 \downarrow -470 \quad \leftarrow \\
 \hline
 \quad \quad \quad 2 \\
 \quad \quad \quad \hline
 \quad \quad \quad 0062
 \end{array}$$

لیدل کېږي چې د تفریق حاصل د ۶ عدد دی په مقسوم کې تر ۶ عدد د مخه يا بنی خواته د ۲ عدد دی د ۲ عدد رابنکته کوو، د تفریق د حاصل بنی خواته بې لیکو، ۶۲ کېږي چې له مقسوم خخه کوچنی دی. دا چې په مقسوم عليه نه وېشل کېږي، نوله دې امله په خارج قسمت کې صفر لیکو او بیاله مقسوم خخه د ۳ عدد هم رابنکته کوو د ۲ عدد بنی خواته بې لیکو چې ۶۲۳ شي او ۶۲۳ په مقسوم عليه وېشل کېږي.

$$\begin{array}{r}
 47623 \\
 - 470 \\
 \hline
 00623
 \end{array}
 \quad | \quad \begin{array}{r}
 235 \\
 - \\
 20 \\
 \hline
 \end{array}$$

اوسم اړکل کوو چې د ۲۳۵ عدد خو مرتبې په ۶۲۳ کې شامل دی. د مثال په توګه: وايو چې د ۳ عدد تاکل شوي دی، کله چې د ضرب عمليه سرته رسوو ۷۰۵ لاسته راخي، گورو چې له مقسوم خخه لوی دی. نو بنه ده چې د ۲ عدد په کې ضرب کړو او د تفریق عمليه سرته رسوو. د تفریق حاصل ۱۵۳ کېږي، خرنګه چې له مقسوم عليه خخه کوچنی دی، نو ۱۵۳ پاتې عدد کېږي.

$$\begin{array}{r}
 47623 \\
 - 470 \\
 \hline
 623
 \end{array}
 \quad | \quad \begin{array}{r}
 235 \\
 - \\
 202 \\
 \hline
 \end{array}$$

پاتې ← ۱۵۳

دویم مثال

$$\begin{array}{r}
 176432 \\
 - \\
 305 \\
 \hline
 \end{array}
 \quad | \quad \begin{array}{l}
 \text{مقسوم عليه} \\
 \text{خارج قسمت}
 \end{array}$$

که چېړې پورته مثال ته پام وکړو لیدل کېږي چې د مقسوم کین لور ته درې رقمي عدد له مقسوم عليه خخه کوچنی دی، نو بايد د مقسوم کينې خواته خلور

رقمي عدد په پام کې ونيسو او د وېش عملیه د لومړۍ مثال په خپر سره ورسوو.

$$\begin{array}{r}
 176432 \\
 - 1525 \\
 \hline
 2393 \\
 - 2135 \\
 \hline
 2582 \\
 - 2440 \\
 \hline
 142
 \end{array}$$

باتې ←

### فعالیت

په ګروپونو کې له پورتنی مثال خخه په ګټې اخیستلو سره د وېش عملیه سر ته ورسوئ، خارج قسمت او پاتې یې معلوم کړئ.

7642350	102	864751	111
120764200	700	786423124	687

### کورنۍ دندنه



د وېش عملیه سر ته ورسوئ.

1)  $6423 \div 122 = ?$

2)  $76425 \div 200 = ?$

د خو رقمي عددونو و پش په هغه عددونو باندي چې له درې رقمونو خخه زيات وي.

- خوک د و پش د عملیې د اجزاوو نومونه اخيستلاي شي؟
- د تقسيم عملیې خخه په ورئني زوند کې خه ګته اخيستل کېږي؟



لاندي مثال ته پام واروئ.

$$\begin{array}{r}
 43250 \\
 - 4082 \\
 \hline
 2430 \\
 - 2041 \\
 \hline
 389
 \end{array}$$

### فالیت

د پورتني مثال خخه په ګټې اخيستلو سره په ډلو کې لاندي د و پش عملیې سر ته ورسوئ.

$9417$	$42135$
$891052$	$2988614$

## کورنی دندہ



- د ۳۸۴ عدد په ۸۹ کي ضرب کړئ، د ضرب حاصل په ۳۸۴ ووېشئ او خارج  
قسمت له ۸۹ سره پرتله کړئ او د بېش د حاصل پایله په خپلو کتابچو کې  
ولیکۍ.  
- لاندې پونښتني حل کړئ.

$$\begin{array}{r} 7256 \\ \times 225 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2570581 \\ \times 8010 \\ \hline \end{array}$$

## د ضرب د عمليي آزموننه

- د دي لپاره چې په سم ډول د ضرب د عمليي له سرته رسولو خخه ډاډمن شو، خه باید وکړو؟
- د دي لپاره چې پوه شو د ضرب عمليه مو په صحیح توګه سرته رسولي ده او که نه:
- د ضرب حاصل د ضرب په یوه جزء باندي وېشو، په دي ډول د ضرب بل جزء لاس ته رائخي. لکه لاندي مثال:

$  \begin{array}{r}  14580 \\  - 1296 \\  \hline  1620  \end{array}  $	<b>آزموننه</b> $  \begin{array}{r}  324 \\  \times 45 \\  \hline  1620  \end{array}  $	$  \begin{array}{r}  324 \\  \times 45 \\  \hline  +1296 \\  \hline  14580  \end{array}  $
--	---	--

په پورته مثال کې د ضرب حاصل  $14580$  دی، د ضرب په یوه جزء  $324$  باندي وېشل شوی دی، لاسته راغلی حاصل، د ضرب بل جزء دی. په عمومي ډول یې داسي ليکلی شو.

د ضرب حاصل = د ضرب دويم جزء  $\times$  د ضرب لومړۍ جزء  
 د ضرب دويم جزء = د ضرب لومړۍ جزء  $\div$  د ضرب حاصل  
 د ضرب لومړۍ جزء = د ضرب دويم جزء  $\div$  د ضرب حاصل

## فعالیت

- ۱- که چېري د ضرب حاصل  $128750$  وي او د ضرب يو جزء  $125$  وي. د ضرب بل جزء معلوم کړئ.
- ۲- که چېري د ضرب لومړۍ جزء  $265$  ، د ضرب دویم جزء  $175$  وي. د ضرب حاصل معلوم کړئ، او وي آزمویئ.

## کورنۍ دنده



که چېري د ضرب دویم جزء  $96$  او د ضرب حاصل  $12672$  وي، د ضرب لومړۍ جزء معلوم کړئ.

### د تقسیم د عملیې آزموینه



• د تقسیم عملیې د سم والي د معلومولو لپاره خه باید وکړو ؟

د دې لپاره چې پوه شود وېش عملیه صحیح سرته رسپدلي ده او که نه: مقسوم عليه په خارج قسمت کې ضربوو، پاتې عدد ورسه جمع کوو، که چېري حاصل شوي عدد له مقسوم سره مساوی وي، نو عملیه صحیح ده.

$$\begin{array}{r}
 762 \\
 \times 408 \\
 \hline
 6096 \\
 \dots \\
 +3048 \\
 \hline
 310896
 \end{array}$$

آزموینه

$$\begin{array}{r}
 310896 \\
 -3048\downarrow\downarrow \\
 \hline
 006096 \\
 -6096 \\
 \hline
 0000
 \end{array}$$

مثال

په پورته مثال کې مقسوم عليه ۷۶۲ او خارج قسمت ۴۰۸ دی، چې د دواړو عددونو د ضرب حاصل له (۳۱۰۸۹۶) سره مساوی کېږي او د اړه مقسوم سره مساوی دی، له دې امله د تقسیم عملیه صحیح ده، نولیکلای شو چې:

$$\text{خارج قسمت} = \frac{\text{مقسوم عليه}}{\text{مقسوم}}$$

$$\text{مقسوم} = \text{پاتې} + \text{خارج قسمت} \times \frac{\text{مقسوم عليه}}{\text{مقسوم}}$$

## فعالیت

- \_ که چېرې مقسوم (۶۷۴۲۱)، مقسوم عليه (۱۰۳) وي، خارج قسمت معلوم کړئ او وي آزمويئ.
- \_ که چېرې مقسوم عليه (۶۴۵)، خارج قسمت (۱۹۸) او پاتې (۲،۳) وي، مقسوم معلوم کړئ.

### کورنۍ دندہ



- 1- د وېش د عملیې د آزمونې لپاره خه باید وکړو؟
- 2- که چیري دوېش په یو عملیه کې مقسوم عليه ۱۲۶، خارج قسمت ۵۸ او پاتې ۳۱ وي، مقسوم پیدا کړئ؟



لاندې پوښتنې حل او امتحان کړئ.

$$9138 \times 210 = ? \quad -1$$

$$730 \times 2450 = ? \quad -2$$

$$456 \times \boxed{\phantom{00}} = 560.88 \quad -3$$

$$89762 \div 135 = ? \quad -4$$

$$970432 \div 204 = ? \quad -5$$

$$730041 \div 4140 = ? \quad -6$$

$$\boxed{\phantom{00}} \times 258 = 95202 \quad -7$$

$$8425 \times 479 = ? \quad -8$$

$$\boxed{\phantom{00}} \div 225 = 674 \quad -9$$

$$241110 \div \boxed{\phantom{00}} = 705 \quad -10$$

فعاليت:

۱۱- که چېرې د ۱۲ قلمونو بیه ۱۲۰ افغانۍ وي، د ۱۵ قلمونو بیه به خو افغانۍ وي؟

۱۲- که د یوه جریب خمکې بیه ۳۵۰۰۰ افغانۍ وي، د ۱۰۶ جریبو خمکې بیه به خو افغانۍ وي؟

۱۳- که یو موږ ۲۳۷۱۴ کیلومتره واتن په ۱۶۷ ساعتونو کې ووهي، نوموري موټر په یوه ساعت کې خو کیلو متله واتن وهلى دي؟

۱۴- که یو زده کوونکې ۱۳ کتابچو ته اړتیا ولري، د ۱۳۴۵۱۰۰ زده کوونکو لپاره خو کتابچو ته اړتیا ده؟

۱۵- که چېرې په یوه شپه او ورخ کې د یوه بنار د برېښنا لګښت (صرف) ۵۰۳۰ کیلو واته وي، د نوموري بنار د یوې میاشتې د برېښنا لګښت به خومره وي؟

## د ضرب په عملیه کې د یوه او صفر خاصیت



- که چیرې (۱) په عدد کې او یا یو عدد په (۱) کې ضرب شي، د ضرب حاصل به د خه سره مساوي وي؟

- که چیرې (۰) په عدد کې او یا یو عدد په (۰) کې ضرب شي، د ضرب حاصل به د خه سره مساوي وي؟

**الف: په ضرب کې د (۱) د عدد خاصیت**

$$1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 = 6$$

$$6 \times 1 = 6$$

$$1 \times 6 = 6$$

**ب: په ضرب کې د صفر خاصیت**

$$0 + 0 + 0 + 0 + 0 + 0 = 0$$

$$6 \times 0 = 0$$

$$0 \times 6 = 0$$

## فعالیت

۱- تشن خایونه په مناسبو عددونو سره ڈک کړئ.

x	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
0	0				0				0			
1	1				5				9			

۲- په تشو خایونو کې مناسب عددونه ولیکئ.

$$3764 \times 1 = \boxed{\phantom{000}}$$

$$1 \times 73415 = \boxed{\phantom{000}}$$

$$9400 \times \boxed{\phantom{00}} = 9400$$

$$\boxed{\phantom{00}} \times 7621 = 7621$$

$$\boxed{\phantom{00}} \times 9321 = 0$$

$$6754 \times \boxed{\phantom{00}} = 0$$

$$94761 \times \boxed{\phantom{00}} = \boxed{\phantom{00}}$$

$$\boxed{\phantom{00}} \times 17642 = 0$$

کورني دندہ



د جمعي افادي په ضرب واپوئ او حاصل يې لاسته راوړئ.

$$2 + 2 + 2 + 2 + 2 + 2 + 2 = \text{---} \times \text{---} = \text{---}$$

$$0 + 0 + 0 + 0 + 0 + 0 + 0 = \text{---} \times \text{---} = \text{---}$$

د ضرب په عملیه کې د بدلون (تبديلى)، اتحادي خاصیت او د جمعي  
په عملیه کې د ضرب توزيعي خاصیت

• آيا د ضرب په عملیه کې د ضرب د اجزاءو خایونه بدلولی شو؟

الف: په ضرب کې د بدلون خاصیت

لاندي مثالونو ته پام وکړئ:

$$12 \times 5 = 60 \quad -1$$

$$5 \times 12 = 60$$

$$12 \times 5 = 5 \times 12 = 60 \quad \text{نو}$$

$$105 \times 6 = 630 \quad -2$$

$$6 \times 105 = 630$$

$$105 \times 6 = 6 \times 105 = 630 \quad \text{نو}$$



له پورته مثالونو خخه ليکلای شو چې: که چېري په ضرب کې د ضربی اجزاوو ځایونه بدل شي، د ضرب په حاصل کې کوم بدلون نه راخي. دغه خاصیت ته د ضرب د عملیې د تبدیلی خاصیت وايي.

## فعالیت

زده کوونکي دې په ضرب کې له تبدیلی خاصیت خخه په کار اخیستلو سره تشن ځایونه په مناسبو عددونو سره ډک کړي.

$$\begin{array}{rcl} 64 & \times & \boxed{\phantom{00}} = 6 \times \boxed{\phantom{00}} = 384 \\ \boxed{\phantom{0}} \times 9 & = & 72 \times \boxed{\phantom{00}} = 648 \\ \boxed{\phantom{0}} \times 706 & = & 8 \times \boxed{\phantom{00}} = 5648 \end{array} \quad \begin{array}{l} -1 \\ -2 \\ -3 \end{array}$$



### کورنۍ دندہ

تش ځایونه په مناسبو عددونو سره ډک کړئ؟

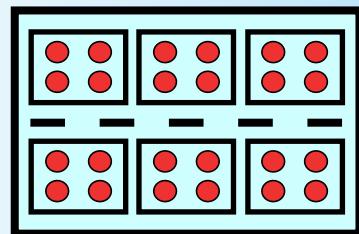
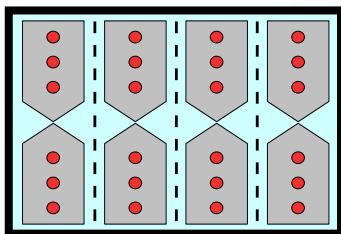
$$23 \times 7 = \boxed{\phantom{00}} \qquad 7 \times 23 = \boxed{\phantom{00}}$$

$$23 \times \boxed{\phantom{00}} = 7 \times \boxed{\phantom{00}} = 161 \qquad \text{یا}$$

### ب: د ضرب په عملیه کې اتحادي خاصیت

- که چېري د ضرب په عملیه کې د ضرب د اجزاوو شمېر د دوو خخه زیات وي د ضرب عملیه خه ډول سر ته رسوئ؟

**لومړۍ مثال:** لاندې شکلونو ته پام وکړئ.



**خنګه چې لیدل کېږي:**

$$(3 \times 2) \times 4$$

$$6 \times 4 = 24$$

$$2 \times (4 \times 3) =$$

$$2 \times 12 = 24$$

**نو له دې امله ليکلای شو چې:**

$$(2 \times 3) \times 4 = 2 \times (4 \times 3) = 24$$

**دویم مثال:** د ۸، ۶ او ۹ عددونه داسې ضربوو:

$$(8 \times 6) \times 9 = 48 \times 9 = 432$$

$$8 \times (6 \times 9) = 8 \times 54 = 432$$

$$6 \times (8 \times 9) = 6 \times 72 = 432$$

**په پایله کې:**

$$(8 \times 6) \times 9 = 8 \times (6 \times 9) = 6 \times (8 \times 9) = 432$$

**د پورتنيو مثالونو له حل خخه ليکلی شو:**

د دريو عددونو په ضرب کې لومړۍ، اول او دویم عددونه ضربوو، بيا د هغوي د ضرب حاصل په دريم عدد کې ضربوو یا دا چې لومړۍ، دویم او دريم عددونه ضربوو او بيا د هغوي د ضرب حاصل په اول عدد کې ضربوو

او يا لوړۍ، اوں او دریم عددونه ضربوو او بیا د هغوي د ضرب حاصل په  
دويں عدد کې ضربوو.  
په درې واړو حالاتو کې د هغوي د ضرب حاصل عین عدد کېږي. دغه  
خاصیت په ضرب کې د اتحادي خاصیت په نامه یادېږي.

### فعالیت

په ضرب کې له اتحادي خاصیت خخه په کار اخیستنې لاندی تشن خایونه  
په مناسبو عددونو سره ډک کړئ.

$$5 \times 4 \times 3 = \boxed{\phantom{00}} \times (4 \times 3) = \boxed{\phantom{00}} \times (5 \times 3) = (\boxed{\phantom{00}} \times 5) \times 3$$

$$(6 \times 7) \times 9 = 6 \times (7 \times \boxed{\phantom{00}}) = 7 \times (\boxed{\phantom{00}} \times 9)$$

### کورنۍ دندہ



په تشو خایونو کې مناسب عددونه ولیکئ.

$$1) 8 \times 9 \times 10 = 10 \times (\boxed{\phantom{00}} \times 8) = (10 \times 9) \times \boxed{\phantom{00}} = \boxed{\phantom{00}} \times (10 \times 8)$$

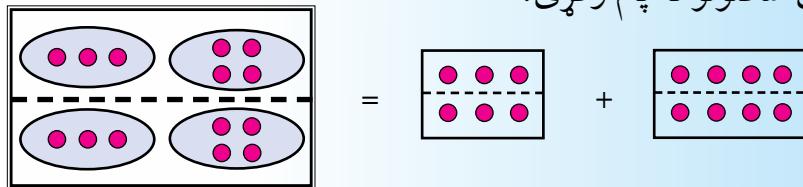
$$2) (6 \times 8) \times 10 = 6 \times (\boxed{\phantom{00}} \times 10)$$

$$3) (\boxed{\phantom{00}} \times 17) \times 9 = \boxed{\phantom{00}} \times (17 \times 5)$$

## ج: د جمعي په عملیه باندې د ضرب د عملیي توزيعي خاصیت

آيا د یو عدد د ضرب حاصل د دوو یا خو عددونو د جمعي له حاصل سره لاس ته راوړلی شو؟

لاندې شکلونو ته پام وکړئ.



$$2 \times (3 + 4) =$$

$$(2 \times 3) + (2 \times 4) =$$

$$2 \times 7 = 14$$

$$6 + 8 = 14$$

$$2 \times (3 + 4) = (2 \times 3) + (2 \times 4) = 14 \quad \text{په پایله کې:}$$

**لومړۍ مثال:** د  $(7+4)$  د جمعي حاصل په لاندې ډول د ۵ په عدد کې ضربوو:

$$5 \times (7+4) = 5 \times 11 = 55$$

حل:

$$5 \times 7 + 5 \times 4 = 35 + 20 = 55$$

یا:

$$5 \times (7+4) = 5 \times 7 + 5 \times 4 = 55$$

نو له دی امله:

**دویم مثال:** د  $(150+60)$  د جمعي حاصل په لاندې ډول د  $(20)$  په عدد کې ضربوو:

$$20 \times (150 + 60) = 20 \times 210 = 4200$$

حل:

$$20 \times 150 + 20 \times 60 = 3000 + 1200 = 4200$$

یا

$$20 \times (150 + 60) = 20 \times 150 + 20 \times 60 = 4200$$

نو په پایله کې

دریم مثال: د  $(15+12)$  د جمعی حاصل په لاندې چول د  $(22)$  په عدد کې ضربوو.

$$22 \times (15 + 12) = 22 \times 27 = 594 \quad \text{حل:}$$

$$22 \times 15 + 22 \times 12 = 330 + 264 = 594 \quad \text{یا:}$$

$$22 \times (15 + 12) = 22 \times 15 + 22 \times 12 = 594 \quad \text{نو په پایله کې:}$$

له پورتنيو مثالونو خخه لیکلای شو چې:  
 که چېرپی د دوو عددونو جمع (مجموعه) په یوه دریم عدد کې ضرب کړو، د نومورپی د جمعی اجزاءو سره جمع او د جمعی حاصل یې په دریم عدد کې ضربوو او یا دا چې د جمعی هر یو جزء په درېم عدد کې ضربوو او د ضرب حاصلونه یې سره جمع ګوو. په دواړو حالاتونو کې عین عدد حاصل کېږي، دغه خاصیت ته د جمعی په عملیې باندې د ضرب توزيعي خاصیت وايي.

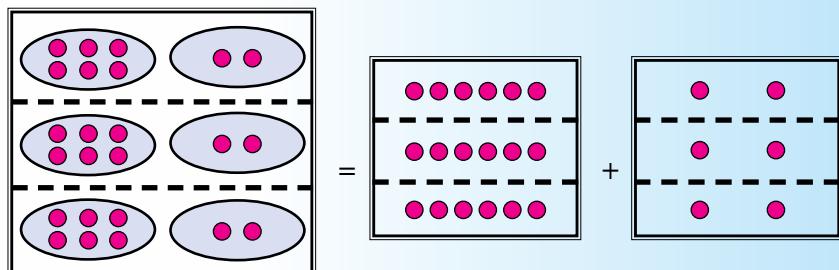
### فعالیت

- د جمعی په عملیې باندې د ضرب له توزيعي خاصیت خخه په کار اخیستنې سره په لاندې تشو ځایونو کې مناسب عددونه ولیکئ.

$$3 \times (4 + 20) = 3 \times \boxed{\phantom{0}} + \boxed{\phantom{0}} \times 20$$

$$5 \times (3 + 4) = \boxed{\phantom{0}} \times 3 + 5 \times \boxed{\phantom{0}}$$

او لاندی شکلونو خخه په گتې اخیستنی سره د لاندی شکل افاده ولیکئ.



### کورني، دنده



د جمعی په عملی باندی د ضرب له توزيعي خاصیت خخه په کار اخیستلو سره لاندی تشن ځایونه په مناسبو عددونو ډک کړئ.

$$30 \times (5 + 4) = (30 \times 5) + (30 \times \boxed{\phantom{0}})$$

$$8 \times (50 + 9) = (8 \times \boxed{\phantom{0}}) + (8 \times \boxed{\phantom{0}})$$

### پوشتنې



۱- په ضرب کې د تبدیلی له خاصیت خخه په لاندی تشن ځایونو کې مناسب عددونه ولیکئ.

$$104 \times \boxed{\phantom{0}} = 63 \times \boxed{\phantom{0}}$$

$$\boxed{\phantom{0}} \times 25 = 25 \times \boxed{\phantom{0}}$$

۲- د ضرب د اتحادي خاصیت په کارولو په لاندی تشن ځایونو کې مناسب عددونه ولیکئ.

$$(12 \times \boxed{\phantom{00}}) \times 14 = 12 \times (\boxed{\phantom{0}} \times \boxed{\phantom{00}}) = \boxed{\phantom{00}} \times (12 \times 14)$$

$$(6 \times 5) \times 14 = \boxed{\phantom{00}} \times (5 \times \boxed{\phantom{00}}) = 14 \times (\boxed{\phantom{00}} \times 6)$$

$$(\boxed{\phantom{00}} \times 17) \times 10 = \boxed{\phantom{00}} \times (17 \times 10) = 17 \times (\boxed{\phantom{00}} \times 6)$$

$$(7 \times \boxed{\phantom{00}}) \times 9 = 7 \times (\boxed{\phantom{00}} \times 15) = \boxed{\phantom{00}} \times (7 \times 9)$$

$$(\boxed{\phantom{00}} \times \boxed{\phantom{00}}) \times 6 = \boxed{\phantom{00}} \times (\boxed{\phantom{00}} \times 6) = \boxed{\phantom{00}} \times (\boxed{\phantom{00}} \times \boxed{\phantom{00}})$$

٣- د جمعی په عملیه کې د ضرب له توزيعي خاصیت خخه په کار اخیستلو سره لاندې پونښتې حل کړئ.

$$(100 + 20) \times 5 = ?$$

$$(10 + 6) \times 3 = ?$$

$$(10 + 8) \times 2 = ?$$

$$(500 + 50) \times 10 = ?$$

$$(200 + 5) \times 5 = ?$$

$$1 \times (1000 + 10) = ?$$

$$1 \times (1000 + 5) = ?$$

٤- د جمعی په عملیه کې د ضرب له توزيعي خاصیت خخه په کار اخیستنې سره په تشو څایونو کې مناسب عددونه ولیکئ.

$$(20 + 4) \times \boxed{\phantom{00}} = \boxed{\phantom{00}} \times 10 + \boxed{\phantom{00}} \times 10$$

$$(30 + \boxed{\phantom{00}}) \times 50 = 30 \times \boxed{\phantom{00}} + 20 \times \boxed{\phantom{00}}$$

$$9 \times (\boxed{\phantom{00}} + 70) = \boxed{\phantom{00}} \times 60 + 9 \times \boxed{\phantom{00}}$$

# دریم خپرکی

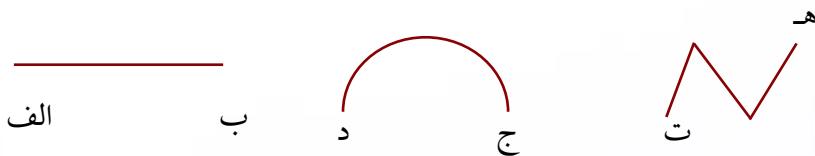
## د هندسی بحث

- که چیرې د قلم خوک د کاغذ پرمخ کېردو خه ډول شکل منع ته راخي؟
- د دوو نقطو تر منع تر ټولو لنډه واتن د خه په نوم يادېږي؟

نقطه: یوه نښه ده چې په کاغذ باندې د پنسل د نري خوکي له اينبودلو  
څخه منع ته راخي او د یوه توري په واسطه بنودل کېري، لکه: د (الف)  
نقطه.

### الف

خط: خط عبارت له هغه اوږدوالی څخه دی چې د نقطو د حرکت څخه د  
کاغذ پرمخ منع ته راخي او په دوه تودو سره بنودل کېري، لکه: د (الف)  
ب)، (د ج)، (ت ه) او داسی نور خطونه.



قطعه خط: د کاغذ پرمخ د دوو نقطو تر منع لنډې فاصلې ته قطعه خط  
وايي، لکه: د (الف، ب) قطعه خط چې په هغه کې د (الف) نقطې ته مبداء  
او د (ب) نقطې ته پاي وايي.



## فعالیت

- ۱- په خپله خوبنې د کاغذ پر مخ دوي نقطي کېږدئ او بیا یې د خط کش او پنسل په واسطه ونسلوئ او لاندې پونښتو ته څوابونه وواياست.
- الف: هغه شکل چې لاس ته راخي د خه په نامه یادېږي؟  
 ب: آیا مبدا او پای ټري؟  
 ج: خه ډول بنودل کېږي؟  
 د: آیا تر لاسه شوی قطه خط د اندازې وړ دی؟

**نیم خط (شعاع):** هغه مستقیم خط ته وايی چې له یوې خوا محدود (تپلی) او له بلې خوا غیر محدود (خلاص) وي، خلاص لوري ته یې په خپله خوبنې امتداد ورکولای شو او په شکله د (الف ب) سره بنودل کېږي لکه، لاندې نیم خط (شعاع):

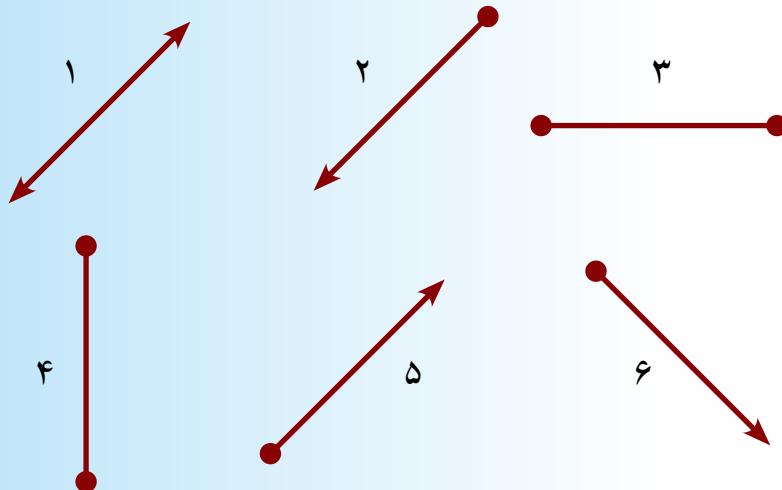


**مستقیم خط:** مستقیم خط هغه خط دی چې دواړو خواووته امتداد ورکول کډای شي او او بردواړی یې اندازه کډای نه شي. لکه لاندې مستقیم چې د (الف، ب) په واسطه بنودل کېږي.



## فعالیت

لاندی خطونه و گورئ، په خپله کتابچه کې د هغوي د شمیري تر خنگ د هر يوه نوم ولیکي.



## کورنۍ دنده



يو مستقيم خط رسم کړئ او په هغه باندی ټوته خط، نيم خط او مستقيم خط د دوو تورو په واسطه و بنیئ.

## د مستقيم خط حالتونه

- په چاپېریال کې مستقيم خط په خو حالتو لیدلی شي، نومونه یې واخلئ؟

مستقيم خط درې حالتونه لري.

۳- مایل خط

۲- عمودي يا قائم خط

۱- افقی خط

### افقی خط

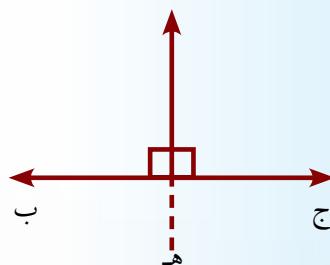
افقی خط هغه خط ته ويل کېري چې د ولاړو او بود سطحې په امتداد وي، لکه: د مېز خنډه، د فرش خنډه، د کوتې د چت خنډه او د کاغذ پر مخ د (ج ب) خط



### عمود او یا قایم خط

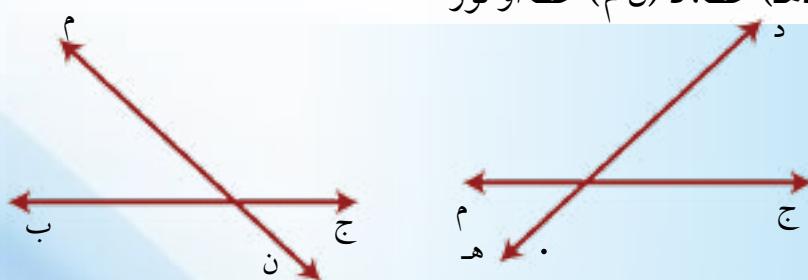
عمودی یا قایم خط هغه خط ته وايي چې پر افقی خط باندې دوې قایمې زاویې جوړې کړي.

لکه د (هـ د) خط په (ج ب) خط باندې، همدارنګه په چاپېریال کې د دروازې بازوګان، د مېز، خوکۍ پایې هر یو عمودی خط رابنېي.



### مايل خط

هغه خط چې نه عمودی او نه افقی وي د مايل خط په نوم یادېږي.  
لکه د (دهـ) خط، د (ن م) خط او نور



## فعاليت

په ډلو کې د خطونو ډولونه چې په تولګي او شيانو کې یې گوري، وبنیئ.

### کورني دنده



د هغو شکلونو او شيانو نومونه چې افقی، عمودي او مايل خطونه خرگند کړای شي، ولیکي.

### د دوو مستقيمو خطونو حالتونه نظر یو بل ته

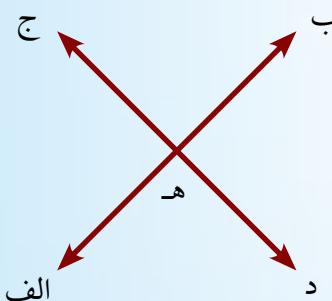
- په خپل چاپريال کې هغه خطونه وبنیئ چې یوازې یوه ګډه (شريکه) نقطه ولري؟
- په خپل چاپريال کې هغه خطونه وبنیئ چې هېڅ ګډه (شريکه) نقطه ولناري؟



### ۱- متقاطع خطونه

که چېري دوو مستقيم خطونه یوه ګډه نقطه ولري متقاطع خطونه بلل کېږي.

لکه په لاندي شکل کې د (الف ب) او د (د ج) دوو متقاطع خطونه چې د (ه) نقطه یې د ګډه (شريکه) نقطه ده.



## ۲- موازي خطونه

هغه خطونه چې گاهه (شريکه) نقطه ونلي او امتداد يې هم يو بل قطع نه کري، موازي خطونه بلل کېري.  
لکه د (الف ب) او (ج د) موازي خطونه.



## ۳- منطبق خطونه

که چېري دوه مستقيم خطونه دوي گډي (شريکي) نقطي ولري، منطبق خطونه بلل کېري.  
لکه د (ج الف) او (د ب) توهه خطونه



### فعاليت

- ۱- په تولګي کې موازي، متقطع او منطبق خطونه وښي.
- ۲- د دوولرګيو په واسطه موازي، متقطع او د منطبقو خطونو حالتونه وښي.

### کورني دنده



- ۱- دوه خطونه نظر يو بل ته خو حالته لري؟
- ۲- موازي خطونه خه ډول خطونه دي؟

- ۳- متقاطع خطونه خو مشترکی نقطی لري؟  
۴- که چېري دوه خطونه دوي مشترکي نقطي ولري، آيا دا خطونه درې مشترکي نقطي درلودلى شي؟  
۵- دوه خطونه چې هېڅ مشترکه نقطه ونلري، د خه په نامه يادېږي؟

## د خط ډولونه

- د اري غابونه خه ډول خط دي؟
- نوي شوي مياشت خه ډول خط دي؟  
خط په درې ډوله دي.



۳- منحنۍ خط

۲- منكسر خط

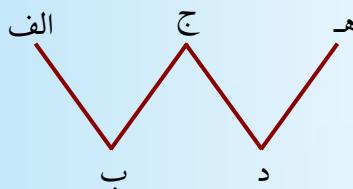
۱- مستقيمه خط

### مستقيمه خط

مستقيمه خط مو په ۴۳ مخ کې ويژندل.

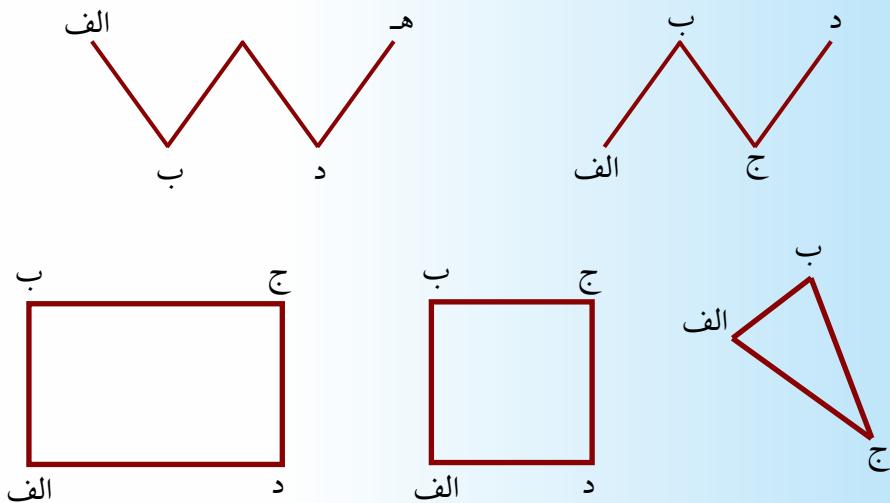
### منكسر خط

هغه قطعه خطونه چې د یوه مستقيمه خط په امتداد نه وي، خو له یو بل سره مشترکه نقطه ولري، منكسر خط بلل کېري، لکه: د اري غابونه، د ځينو ونو د پانو څنډي او داسي نور.



## فعالیت

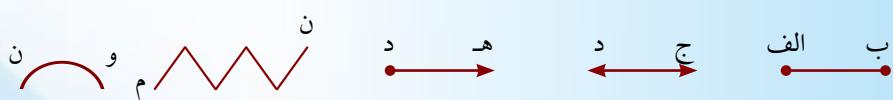
۱- لاندې شکلونو ته پاملننه وکړئ او منکسر خطونه وبنایاست.



۲- د وني یوه نری لښته دasicې ماته کړي چې منکسر خط وبنیئ.



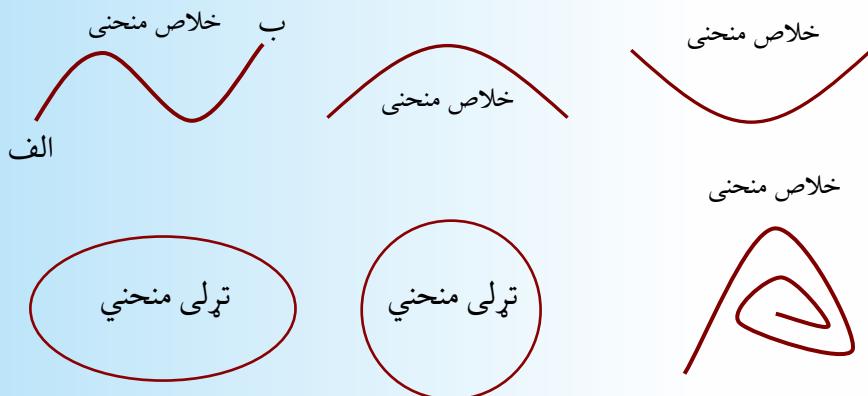
په لاندې شکلونو کې مستقیم او منکسر خطونه وبنیئ او هغه په خپلو کتابچو کې رسم او د هر یوه ترڅنګ د هغوي نوم ولیکئ.



## منحنی خط



منحنی خط هجه خط ته وايي چې نه مستقیم وي او نه منکسر. لکه نوي میاشت، دسترګو وريئي او نور. لاندې منحنی خطونو ته پام وکړئ.



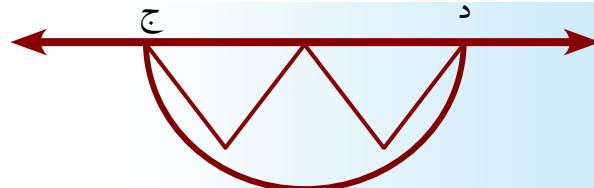
منحنی د دوو تورو په واسطه بنودل کېږي، لکه: د (الف ب) منحنی خط.

### فعالیت

- ۱- یو تار په دواړو لاسونو کې دا سې ونیسې چې لوړۍ مستقیم خط او بیا منحنی خط وښی.
- ۲- د ګاغذ پر مخ دوې نقطې دا سې له یوې بلې سره ونبلوئ چې قطعه خط، منکسر خط او منحنی خط په کې وبنودل شي.



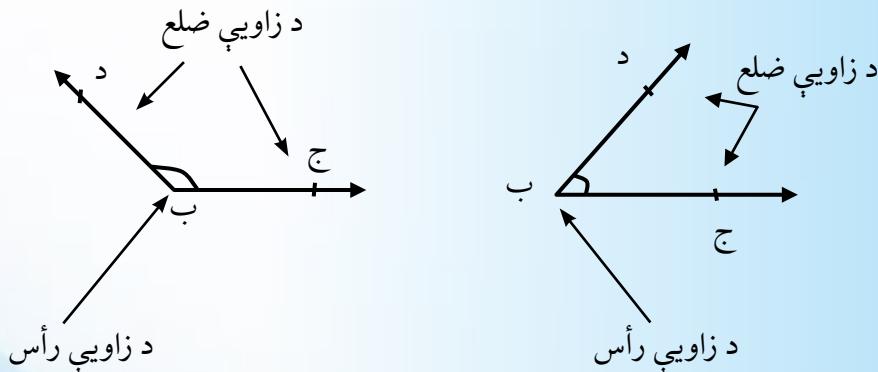
په لاندې شکل کې د خطونو دولونه وښیئ او هر دول خط یې د نوم سره په خپله کتابچه کې رسم کړئ.



### زاویه

• د یوه منكسر خط د هرو دوو قطعه خطونو تر منځ خه ډول شکل ويني؟

زاویه هغه شکل دی چې د دوو نیمه خطونو (شعاعو) په واسطه چې مشترکه مبدأ ولري، منځ ته رائي. د دواړو نیمه خطونو مشترکې مبدأ ته د زاویې رأس او هرې شعاع ته یې د زاویې ضلع وايي.



## د زاویې بنودنه

زاویه د دریو تورو په واسطه بنودل کېږي. په دې چول چې د زاویې د رأس توری د لیکلو او لوستلو په وخت کې د نورو دوو تورو په منځ کې راخي.

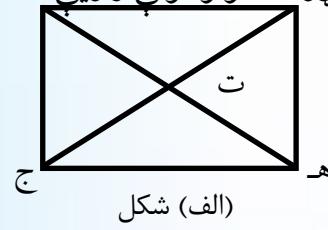
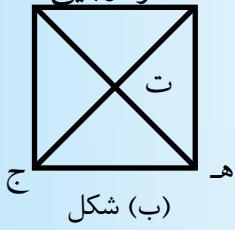


يادونه: د (الف ب ج) زاویه د (زاویه يا د ب زاویه) په شکل هم بنودل کېږي.

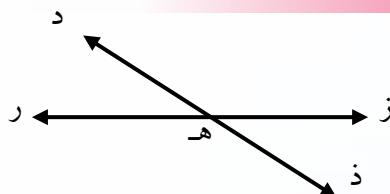
لاندي شکلونه په ډلو کې په پوره دقت سره وګوري او لاندي پونښتو ته څوابونه ووایي.

۱- د هر شکل زاویې وشمېرلي.

۲- د دواړو شکلونو ټولې زاویې د درو فهو په واسطه سره وښيئ. و



کورنۍ دنده



لاندي شکل په پام کې ونيسي.

الف: خطونه په کوم نوم سره يادېږي؟

ب: خو زاویې گوري؟

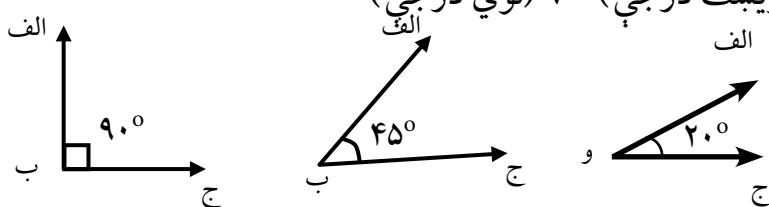
ج: د شکل تولی زاویې د حروفو په واسطه سره وښیئ؟  
د زاویې د اندازه کولو واحد



- تاسو د زاویې د پراخواли د اندازه کولو واحد پېژنۍ؟
- تاسو زاویه په خه شي اندازه کېږي؟

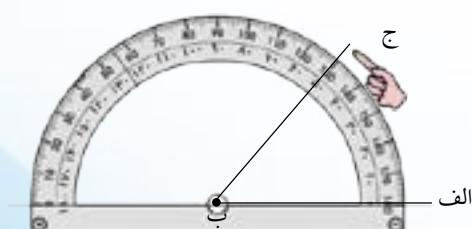
د زاویې د اندازه کولو واحد درجه منل شوي ده.

درجه د یوې قایمې زاویې ( $\angle$ ) برخې ته وايي يا په بل عبارت که چېږي یوه قایمه زاویه په  $90^\circ$  مساوی برخو ووپشو هرې برخې ته یې درجه وايي. چې علامه یې ( $^{\circ}$ ) ده او د اسې بنودل کېږي  $20^\circ$  (دوې درجي)  $45^\circ$  (نځه څلويښت درجي)  $90^\circ$  (نوی درجي)



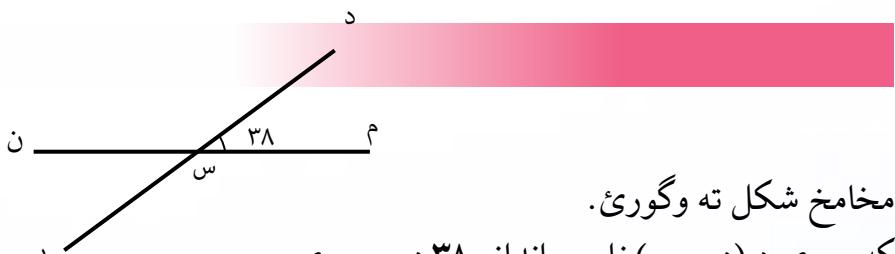
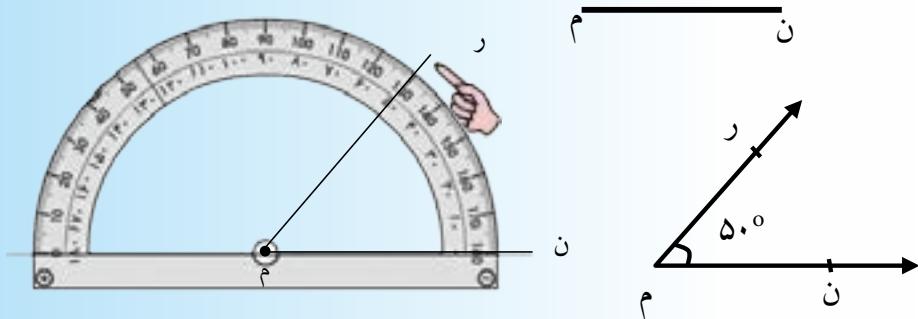
د زاویې د اندازه کولو لپاره، د نقالې په نامه وسيلي څخه کار اخیستل کېږي.

**نقاله:** نقاله نوميرې نقاله نيم دايروي شکل لري چې محیط یې په  $180^\circ$  برابرو (مساوي) برخو وپشل شوي دي چې هره برخه یې یوه درجه ( $1^\circ$ ) نښيئ. په مخامنځ شکل کې د نقالې  $50^\circ$  عدد د (الف ب ج) زاویې له دویمې ضلعې سره تقابل کوي. نو ويلاي شو چې د (الف ب ج) زاویه  $50^\circ$  درجي ده.



که چېږي اوس وغواړو د  $50^\circ$

په اندازه زاویه رسم کړو، لومړی یو قطعه خط رسموو. د یېلګې په توګه د (ن م) قطعه خط، له هغه وروسته په نومورپی قطعه خط باندې نقاله دا سې ږدو، چې مرکزې د (م ن) د قطعه خط د (م) پر نقطه باندې منطبق شی، گورو چې د نقالې د ۵۰ درجې پر کومه برخه باندې ده. او په فرضي ډول د (ر) نقطه په نښه کوټه؛ د (ر) نقطه له (م) سره نښلوو، د (ن م ر) رسم شوي زاویه غونبتل شوی ( ) زاویه ده.



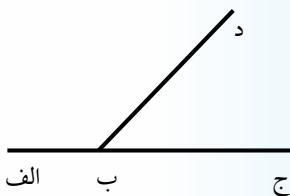
مخامنځ شکل ته وګوري.

- که چېرې د (د س م) زاویې اندازه ۳۸ درجې وي.
- الف: د نورو زاویو اندازه د نقالې په واسطه معلومه کړئ.
- ب: د (د س م) او (د س ن) د زاویو مجموعه خو درجې ده؟
- ج: د (د س م) او (ر س م) د زاویو مجموعه خو درجې ده؟
- د: د (د س م) او (ر س ن) د زاویو اندازې سره پرتله کړئ.
- ه: د (د س ن) او (ر س ن) د زاویو په اندازه کې خه ارتباط موجود دی؟

## کورنی دندہ



- په خپله خوبنې په خپلو کتابچوکې يوه زاویه رسم او د نقالی په مرسته د هغې اندازه پیدا کړئ؟
- د لاندې هرې يوې زاویې اندازه د نقالی په واسطه پیدا کړئ؟



- د نقالی په واسطه هغه زاویه چې پراخوالی يې ( $40^{\circ}$ ) وي، رسم کړئ؟
- د زاویې ډولونه**

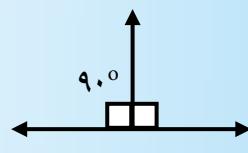
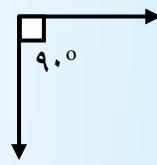
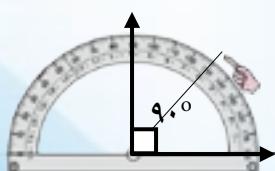
زاویه په درې ډوله ده.

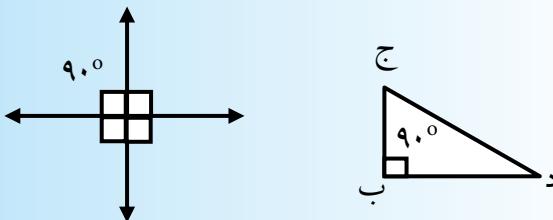
- ۱- قایمه زاویه      ۲- حاده زاویه      ۳- منفرجه زاویه

### ۱- قایمه زاویه

له قایمې زاویې سره مو په دريم تولګي کې بلدتیا پیدا کړي ده او له يوه کاغذ خخه مو قایمه زاویه جوړه کړه او د هغه په واسطه مو قایمه زاویه رسم کړه. نو اوس قایمه زاویه داسي تعريفوو.

**قایمه زاویه:** هغه زاویه ده چې پراخوالی يې درجې وي، لکه: لاندې زاویې.

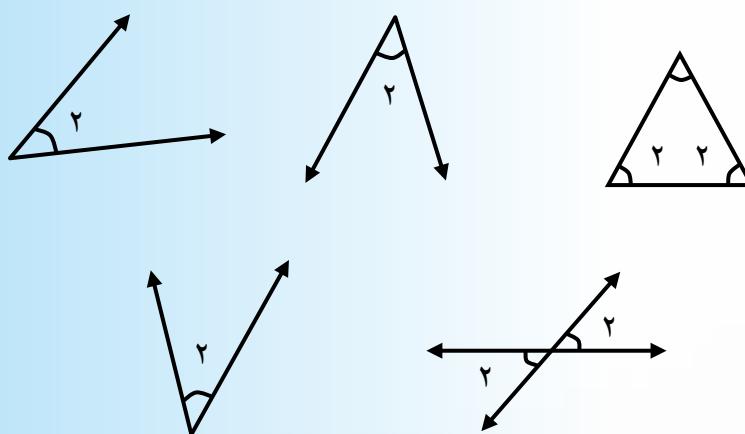




## ۲- حاده زاویه

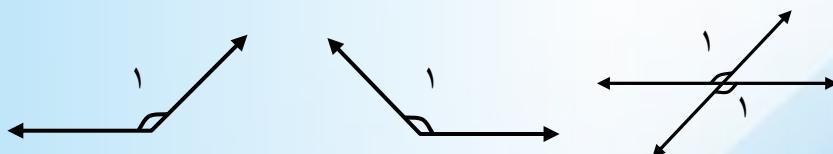
هغه زاویه ده چې پراخوالی يې له قایمې زاویې خخه کم او يا د  $90^{\circ}$  درجو خخه کوچنۍ وي، حاده زاویه بلل کېږي.

لکه په لاندې شکلونو کې د (۲ شمیری) زاویې:



## ۳- منفرجه زاویه

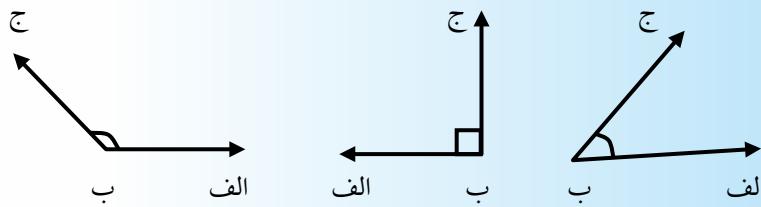
هغه زاویه ده چې پراخوالی يې د قایمې زاویې خخه زیات او ياد له  $90$  درجو خخه لویه وي، منفرجه زاویه بلل کېږي. لویه وي. لکه په لاندې شکلونو کې د (۱ شمیری) زاویې:



## کورني دنده

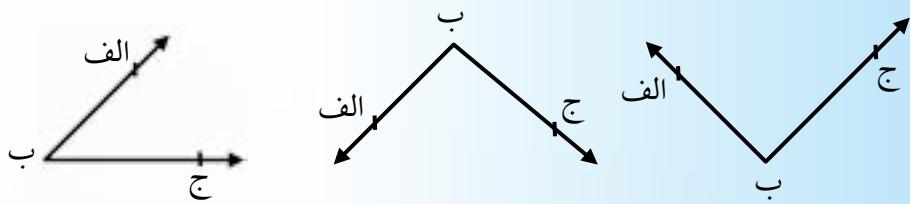


د نقالي په مرسته لاندي زاويه په خپلو كتابچو کې رسم او د اپوندو زاویو نومونه د هغوي ترڅنګ ولیکي.



## پوبتنې

۱- د لاندي زاویو اندازه د نقالي په واسطه پیدا کړئ؟

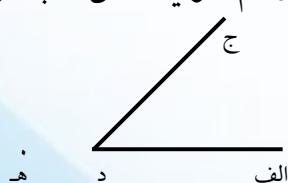


۲- د (الف د ج) زاویه په پام کې ونسیئ.  
د خط کش په واسطه د (د الف) ضلعه کین

لوري ته تر (هـ) نقطې پوري امتداد ورکړئ، دغه رسم شوي شکل ته پاملنه

وکړئ او لاندي پوبتنو ته خوابونه وواياست.

الف: (الف  $\overset{\wedge}{D}$  ج) او د (هـ  $\overset{\wedge}{D}$  ج) زاويه د نقالي  
په واسطه اندازه کړئ.



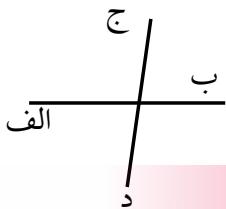
ب: د (الف د ج) او د (ج د ه) زاویو مجموعه خو درجې کېرى؟

۳- هغه زاویه چې له  $90^\circ$  خخه لویه وي، د خه په نامه يادېرى؟

۴- هغه زاویه چې له  $90^\circ$  درجو خخه کوچنی وي، د خه په نامه يادېرى؟

۵-  $90^\circ$  زاویه د خه په نامه يادېرى؟

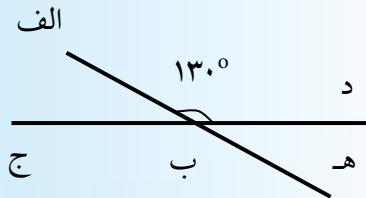
۶- په مخامنځ شکل کې خو زاویې لیدل کېرى،  
هر یوه د نقالې په واسطه اندازه کړئ او د هغوى  
مجموعه معلومه معلومه کړئ.



کورني دنده



په لاندې شکل کې د نامعلومو زاویو اندازه د نقالې په واسطه پیدا کړئ.

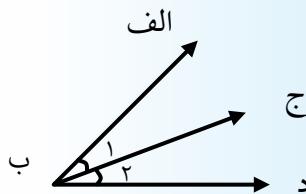


## مجاوري، مكملي مجاري، متممي، متممي مجاري زاويه او متقابل به رأس زاويه

### مجاري زاويه

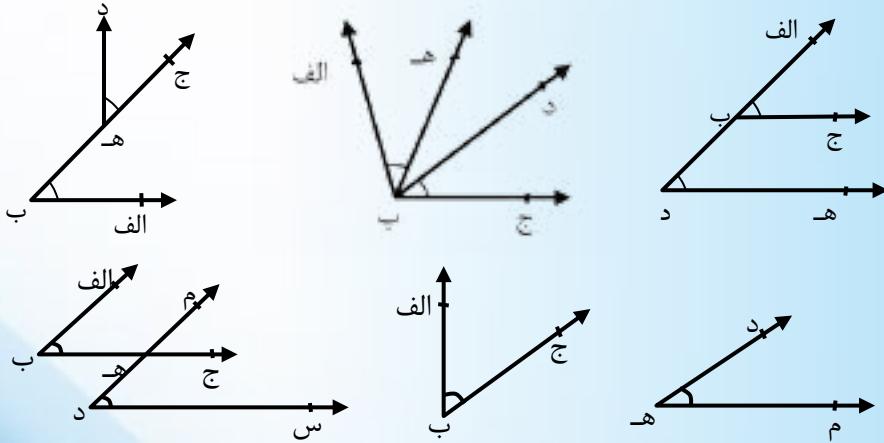
هغه دوه زاويه چې شريک رأس او يوه شريکه ضلع ولري، دخه په نوم يادپوري؟

دوه زاويه چې مشترک رأس، مشترکه ضلع ولري او د مشترکي ضلع<sup>ا</sup> دواړو خواوو ته پرتې وي، د مجاورو زاويه په نامه يادپوري، لکه: د (۱) او (۲) زاويه چې د (ب) مشترک رأس او د (ب ج) مشترکه ضلعيه لري.



### فعالیت

لاندي شکلونو ته پاملننه وکړئ او پوبنتنو ته یې خوابونه ورکړئ.

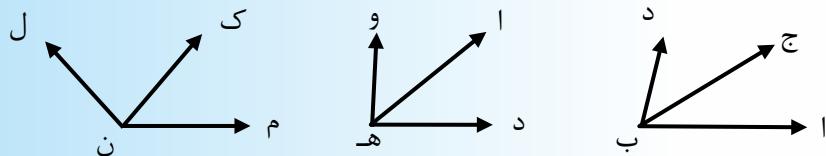


- ١- کومې زاوېي مشترک رأس او مشترکي ضلعې نه لري؟
- ٢- کومې زاوېي مشترک رأس او مشترکي ضلعې لري او د خه نوم يادېږي؟
- ٣- کومې زاوېي مشترکه ضلعه لري، خو مشترک رأس نه لري؟

## کورني دنده



د نقالې په مرسته لاندې مجاوري زاوېي په خپلوكتابچو کې رسم کړئ، د مشترکو ضلعو او مشترکو راسونو نومونه یې ولیکئ.



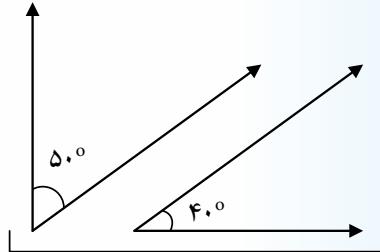
### مکملې او مکملې مجاوري زاوېي

- دوې غیر مجاوري زاوېي چې د هغوي د پراخوالی مجموعه یوه قایمه یا  $90^\circ$  وي، د خه په نوم يادېږي؟
- دوہ مجاوري زاوېي چې د هغوي د پراخوالی مجموعه یوه قایمه یا  $90^\circ$  وي، د خه په نوم يادېږي؟

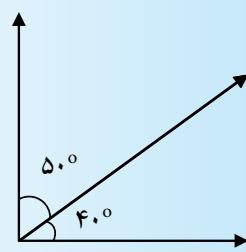


دوه غیر مجاوري زاوېي چې د زاویو د پراخوالی مجموعه یې  $90^\circ$  وي د مکملو زاویو په نوم يادېږي.  
دوه مجاوري زاوېي چې د زاویو د پراخوالی مجموعه یې  $90^\circ$  وي د مکملو مجاورو زاویو په نوم يادېږي.

لکه: د لاندی شکلونو په خپر چې مکملې او مکملې مجاوري زاویې په کې بنودل شوي دي.



مکملې زاویې



مکملې مجاوري زاویې

### فعالیت

یوه قایمه زاویه رسم کړئ، او د نقالی په واسطه یې په  $20^{\circ}$  او  $70^{\circ}$  وو بشئ او د (الف) نوم ور باندی کېږدئ.

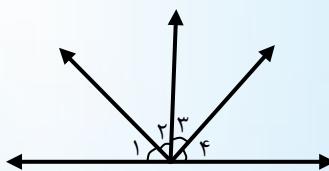
دغه راز د  $20^{\circ}$  او  $70^{\circ}$  دوې زاویې جلا، جلا رسم کړئ او همدغه دواړه زاویې د (ب) په نامه ونوموئ، اوس لاندی پوښتنو ته خواب ورکړئ.

- ۱- د (الف) او (ب) زاویو مجموعه په جلا، جلا توکه پیدا کړئ؟
- ۲- د (الف) او (ب) زاویې د خه په نامه یادېږي؟
- ۳- آیا د (الف) شکل زاویې ته مکملې مجاوري زاویې ویلی شو، ولې؟
- ۴- آیا د (ب) شکل زاویې مکملې مجاوري زاویې دی که مکملې زاویې؟

### کورنۍ دنده



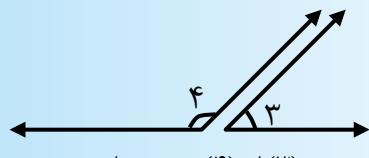
د لاندی شکل زاویې اندازه کړئ، د مکملو زاویو جوړې ولیکئ.



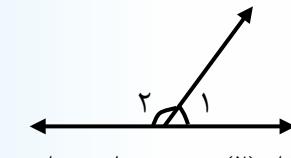
## متممی او متممی مجاوري زاويي



- دوي غير مجاوري زاويي چي د هغوي د پراخوالی مجموعه دوه قايمې يا  $180^\circ$  وي، دخه په نوم يادپوري؟
- دوي مجاوري زاويي چي د هغوي د پراخوالی مجموعه دوه قايمې يا  $180^\circ$  وي، دخه په نوم يادپوري؟  
که چېري دوه زاويي مشترک رأس او مشترکه ضلع ونلري، خود پراخوالی مجموعه يې  $180^\circ$  درجي وي، د متممی زاويو په نوم يادپوري.  
هغه دوي مجاوري زاويي چي د پراخوالی مجموعه يې  $180^\circ$  درجي وي، د متممو مجاورو زاويو په نوم يادپوري، لکه: لاندي زاويي:

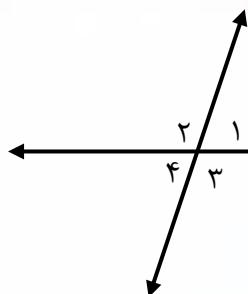


د (۳) او (۴) متممی زاويي

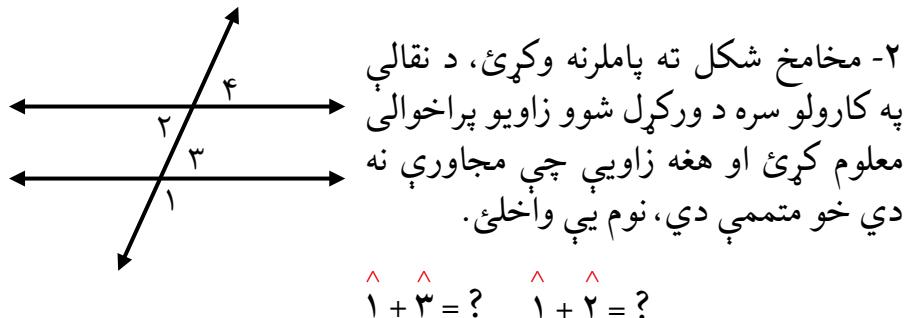


د (۱) او (۲) متممی مجاوري زاويي

## فعالیت



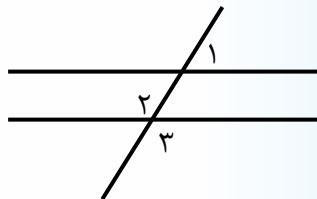
1- مخامنځ شکل په پام کې ونسی، له نقالې  
څخه په کار اخښتني او له نموني سره  
سم، هغه جوړه زاويي پراخوالی اندازه يې  
 $180^\circ$  درجي وي او هم مجاوري زاويي وي  
 $\hat{1} + \hat{2} = 180^\circ$  ولیکئ.



### کورني دنده



په لاندې شکل کې د ۱، ۲، ۳ زاویې اندازه کړئ، وروسته وواياست چې کومه جوړه یې متممه ۵ه؟



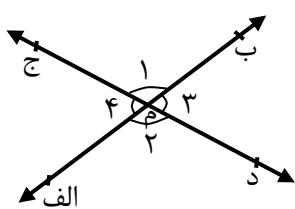
### متقابل به رأس زاویې

- د دوو مستقيمو خطونو د تقاطع په نتيجه کي، خو زاویې منځ ته راخي؟
  - هغه دوه زاویې چې د مستقيمو خطونو د تقاطع خڅه د یو بل مقابل (مخامنځ) ته حاصل یېري، دڅه په نوم یادیري؟
- دوې زاویې چې مشترک رأس ولري او د یو بل د ضلعو په امتداد واقع وي، مقابل به رأس زاویې بلل کېري. مقابل به رأس زاویې سره مساوي دي لکه: په لاندې شکل کې د (۱، ۲) او (۳، ۴) زاویې.



## فعالیت

لاندی شکل ته پاملننه وکړئ او پونښتو ته خوابونه ووايast.



۱- د ۱، ۲، ۳ او ۴ هري زاويو اندازه د نقالې په  
واسطه پيدا کړئ.

۲- د (۱، ۲) او (۳، ۴) زاويې په کومو نومونو  
سره یادیږي؟

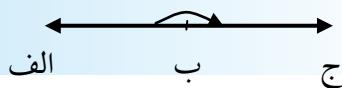
۳- د (۱، ۲) او (۳، ۴) زاويو تر منځ د اندازې  
له پلوه خه اړیکه شتون لري؟

۴- د خلور واپو زاويو د اندازې مجموعه پيدا کړئ.

۵- د (ب، الف) او د (ج د) خطونو د تقاطع نقطه کومه ده؟

## مستقيمه زاوие

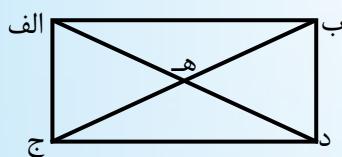
هغه زاویه ده چې د مستقيم خط یوې خواته پرته او اندازه یې  $180^\circ$  درجې  
وي، لکه: د (الف ب ج) زاویه:



## کورني دنده

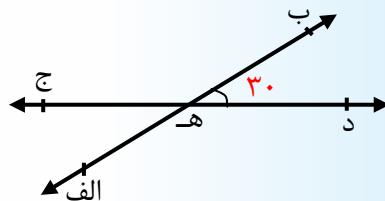


- ۱- دوه مستقيم خطونه داسي رسم کړئ چې تولې زاويې یې قایمې وي.
- ۲- د نقالې په مرسته د لاندی شکل تولې زاويې اندازه کړئ او او د زاویو د  
پراخوالی خخه په ګټې لاندی پونښتو ته خواب ووايast.
- ۳- د تولو مکملو زاویو نومونه ولیکئ.
- ۴- د تولو متممو زاویو نومونه ولیکئ.





۱- په لاندې شکل کې د  $30^\circ$  درجې زاویې د ټولو متممو مجاورو زاویو اندازه پیدا کړئ.



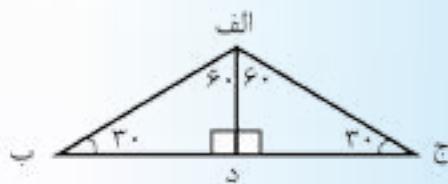
۲- په پورته شکل کې د  $30^\circ$  درجې زاویې متقابل به رأس زاویه خو درجې ده؟  
۳- د لاندې هرې یوې زاویې مکمله زاویه، ولیکئ.

$30^\circ$  ،  $23^\circ$  ،  $64^\circ$  ،

۴- د لاندې هرې یوې زاویې متممه زاویه ولیکئ.

$130^\circ$  ،  $33^\circ$  ،  $110^\circ$  ،  $17^\circ$

۵- په لاندې شکل کې مکمله او متممې مجاوري زاویې وسایاست.



### مثلث

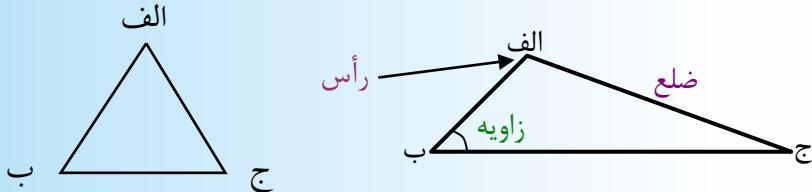
• هغه تړلې شکل چې د دریو مستقیمو خطونو خخه منځ ته رائۍ، دخه په نوم یادېږي؟

مثلث هغه تړلې شکل دی چې د دریو قطعه خطونو په واسطه جوړ شوي وي.





د مثلث هر خط ته د مثلث ضلع وايي. د دوو ضلую د نسبلېدو نقطې ته د مثلث رأس وايي. هر مثلث درې رأسه، درې ضلعي او درې زاويې لري.



د مثلث بسودنه: مثلث د رأسونو د دريوو تورو په واسطه بسودل کېږي، لکه:  
د (الف ب ج) مثلث او داسي ليکل کېږي د (الف  $\triangle$  ب ج)

### فعالیت

له خط کش او نقالي خخه کار و اخلئ، د (ب) په رأس يوه قايمه زاويه رسم کړي، د زاويې د قايمو ضلую پرمخ د (ج) او (د) نقطې د ۳ سانتي مترو او ۴ سانتي مترو په اندازه جلاء کړئ، د (ج) او (د) نقطې له يو بل سره ونسيلوئ او لاندي پوبنتنو ته خوابونه ووايئ.

- ۱- رسم شوي شکل خو رأسه لري؟
- ۲- رسم شوي شکل خه نوم لري؟
- ۳- د رسم شوي مثلث زاويې د نقالي په واسطه اندازه کړئ او مجموعه بي پیدا کړئ.
- ۴- د مثلث د دريوو واړو ضلعي د تورو په واسطه وښيئ، د (ج د) ضلعي او بردواли اندازه کړئ.

## کورنی دندہ



یوه منفرجه زاویه د (م) په رأس رسم کړئ، د هغې د ضلعو پرمخ په خپله خوبنه د (ج) او (د) دوي نقطې وټاکي او له یو بل سره یې ونبلوئ. د هري زاویې اندازه جلا، جلا پیدا کړئ او وروسته د دريو وارو زاویو مجموعه پیدا کړئ؟

### د زاویې له مخي د مثلث ډولونه

• تراوسه خو ډوله زاویې پېژنئ؟



### فعالیت

- ١- د (الف ب ج) قایمه زاویه رسم کړئ د (الف) او (ج) نقطې سره ونبلوئ.
- ٢- د (د س ر) منفرجه زاویه رسم کړئ، د (د) او (ر) نقطې سره ونبلوئ.
- ٣- د (ذ ش ز) حاده زاویه چې مساوی ضلعي ولري رسم کړئ، د (ذ) او (ز) نقطې سره ونبلوئ.
- ٤- ووایاست چې دا مثلثونه د یو بل خخه خه توپیر لري؟

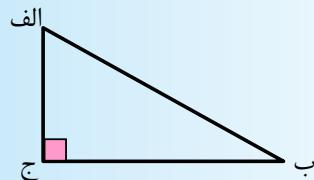
### مثلث د زاویو له مخي په درې ډوله دی.

- ١- قایم الزاویه مثلث
- ٢- حاده الزاویه مثلث
- ٣- منفرج الزاویه مثلث

### ١- قایم الزاویه مثلث

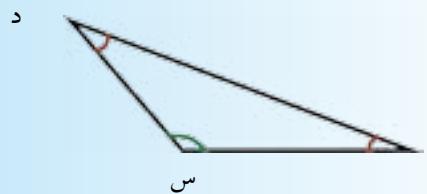
هغه مثلث چې یوه زاویه یې قایمه وي، قایم الزاویه مثلث ورته وايي، لکه: د (الف ب ج) مثلث چې په هغه کې یې د (ب) زاویه قایمه

زاویه ده او نوری دوی (الف او ج) زاویې يې: حاده زاویې دی.



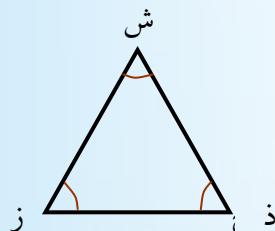
### ٢- منفرج الزاویه مثلث

هر مثلث چې یوه زاویه يې منفرجه وي، منفرج الزاویه مثلث بلل کپرۍ، لکه: د (د س ر) مثلث چې د (س) زاویه يې منفرجه او دوه نوری (د او س) زاویې يې حاده زاویې دی.



### ٣- حاده الزاویه مثلث

هغه مثلث دی چې درې واپه زاویې يې حادې وي، حاده الزاویه مثلث ورته وايې، لکه: د (د ش ز) مثلث چې درې واپه زاویې يې حاده زاویې دی.



## فعالیت

په چله ییزه توگه کار و کړئ.

۱- د خط کش او نقالې په کارولو سره قایم الزاویه، منفرج الزاویه او حاده الزاویه مثلونه رسم کړئ.

۲- د نقالې په کارولو سره د هر مثلث د تولو زاویو پراخوالی پیدا کړئ.

۳- د هر مثلث د تولو زاویو نومونه د پراخوالی په نظر کې نیولو سره ولیکئ.

۴- د هر مثلث د تولو زاویو د پراخوالی مجموعه پیدا او له یوبل سره یې مقایسه کړئ.

۵- آیا د یوه مثلث دوه زاویې، قایم يا منفرجه زاویې کیدا شئ؟

۶- آیا په هر مثلث کې باید دوه زاویې حاده وئ؟

## کورنۍ دنده



د قایم الزاویه، حاده الزاویه او منفرجه الزاویه مثلثونو تر منځ توپیر ولیکئ او په شکل کې یې وبنایاست.

## د ضلعو له مخي د مثلث دولونه



- که چېري د مثلث د تولو ضلعو او بردوالی سره تو پیر ولري، مثلث د خه په نوم ياديري؟
  - که چېري د يوازې د مثلث د وو ضلعو او بردوالی سره مساوي وي، مثلث د خه په نوم ياديري؟
  - که چېري د مثلث د تولو ضلعو او بردوالی سره مساوي وي، مثلث د خه په نوم ياديري؟
- مثلث د ضلعو له مخي په درې ډوله دي.

۲- متساوي الساقين مثلث

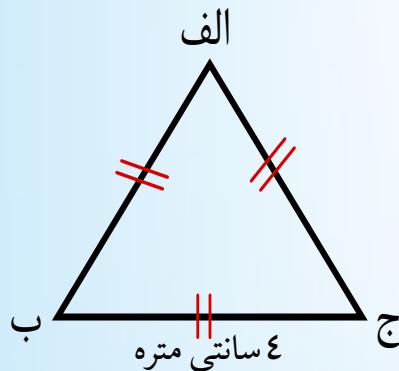
۱- متساوي الاضلاع مثلث

۳- مختلف الاضلاع مثلث

### ۱- متساوي الاضلاع مثلث

هغه مثلث ته وايي چې د درې واپو ضلعو او بردوالی يې سره مساوي وي، لکه:  
د (الف ب ج) مثلث چې د درې واپو ضلعو او بردوالی يې ۴ سانتي متره دي.

$$4 \text{ سانتي متره} = ج \text{ الف} = ج \text{ ب} = ب \text{ الف}$$

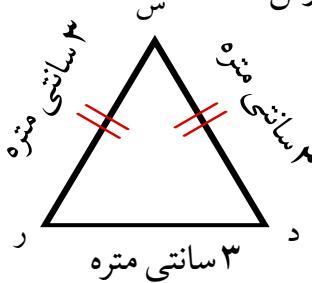


## ٢- متساوي الساقين مثلث

هغه مثلث دی چې دوو ضلعې يې مساوي وي، لکه: د (د س ر) مثلث چې يوازى د دوو ضلعو اور دوالى ضلعې سره مساوي دي.

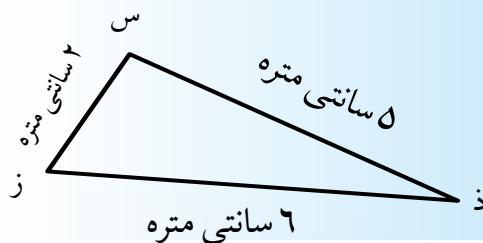
$$3 \text{ سانتی متره} = \text{رس} = \text{رس}$$

$$2 \text{ سانتی متره} = \text{در}$$



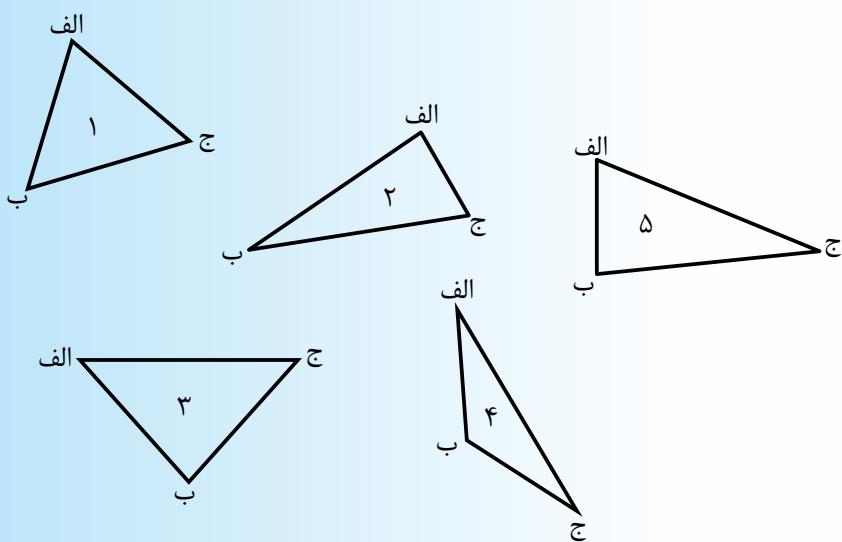
## ٣- مختلف الاضلاع مثلث

هغه مثلث دی چې درې واړه ضلعې يې سره مختلفې وي، لکه: د (ا ب ج) په مثلث کې، چې د دریو واړو ضلعو اور دوالى له یو بل سره مساوي نه دي.



### فعالیت

- په ډلو کې له یو بل سره کار وکړئ او لاندني پونښتيو ته څوابونه ووایي.
- الف: د خط کش په کارونی سره د لاندниو مثلثونو ضلعې اندازه کړئ.
- ب: د هر مثلث د ضلعو د اور دوالى په نظر کې نیولو سره په خپلو کتابچو کې د مثلثونو نومونه د هغوي د شمیری تر خنګ ولیکئ.



٢- آيا هر متساوي الاضلاع مثلث متساوي الساقين مثلث هم دی؟  
 ٣- د مخامنځ شکل ضلعي او زاويي اندازه کړئ او لاندې پونښتو هڅوابونه ووای.

الف: کومې ضلعي یو له بل سره مساوي دي؟

ب: کومې زاويي یو له بل سره مساوي دي؟

ج: نومورۍ مثلث د ضلعلو له پلوه په کوم نوم یادېږي؟

د: نومورۍ مثلث د زاویو له مخي خه نوم لري؟

٤- د ٤ سانتي مترو په اوبردواالي د (الف ب) خط رسم کړئ او د (ب) په نقطه کې یې یوه قایمه زاویه رسم کړئ، له دویمي ضلعي خخه د ٤ سانتي مترو په اوبردواالي د (ج) نقطه جلا کړئ، وروسته د (ج) نقطه د (الف) له نقطې سره ونبليوئ او لاندې پونښتو هڅوابونه ووایاست .

الف: د رسم شوي مثلث هره زاویه اندازه کړئ؟

ب: د (ج الف) ضلعي او بردواالي اندازه کړئ چې خو سانتي متره او خو ملي متره کېږي؟

ج: رسم شوي مثلث د زاویو له مخي خه نوم لري او د ضلعلو له مخي خه نوم لري؟

۵- د نقالی په واسطه د (ب) په رأس يوه قایمه زاویه رسم کړئ او له قایمو ضلعو خڅه يې د ۳ سانتي مترو او ۴ سانتي مترو په اندازه د (ج د) دوې نقطې جلا کړئ او له يو بل سره يې ونبلوئ او د هغې دريمې ضلعي اوبرد والي اندازه کړئ.

۶- آيا يو قایم الزاویه مثلث متساوي الاضلاع مثلث کېدای شي، که چېږې کېدای نشي، ولې؟

۷- د (الف) په رأس کې يوه زاویه رسم کړئ چې ۶۰ درجي وي، د هغې له اړوندو ضلعو خڅه (ب او ج) نقطې د ۵,۵ سانتي مترو په اندازه جلا کړئ او د خط کش په واسطه يې ونبلوئ او لاندې پوبنتنو ته څوابونه وواياست. الف: د رسم شوي مثلث هره زاویه خو درجي ده؟ او د دريو واهرو زاویو مجموعه خو درجي ده؟

ب: د هري ضلعي د اوبرد والي اندازه ولیکۍ.

ج: رسم شوي مثلث دضلعو او زاویو له مخې خه نومېري؟

## کورني دندنه



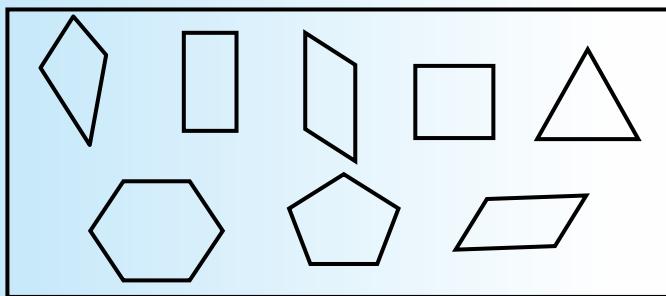
يو مختلف الاضلاع او يو متساوي الساقين مثلث چې يوه زاویه يې ( $90^{\circ}$ ) وي رسم کړئ، اضلاع او زاویې يې اندازه کړئ.

## مصلع

هغه تپلی شکل چې له درې يا د دريو خخه د زياتو قطعه خطونو خخه جوړ وي، د خه په نوم یادیږي؟

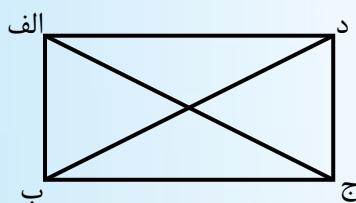


هغه تپلی شکل چې د دريو او يا له دريو خخه د زياتو قطعه خطونو خخه منځ ته راشي، مصلع بلل کېږي. هر قطعه خط ته د مصلعي ضلع او د دوو ټوته خطونو د یو خای کېدو نقطې ته د مصلعي رأس وايي، لکه: په لاندې شکلونو کې:



## د مصلعي قطر

هغه قطعه خط چې د یوی مصلعي دوه غیر مجاور رأسونه (کونجونه) یو له بله سره نښلوي د مصلعي قطر بلل کېږي، لکه: په لاندې مصلع کې د (الف ج) او (ب د) قطرونه:



## فعالیت

۱- د (ب) په رأس کې د  $30^\circ$  درجې زاویه رسم کړئ، د زاویې پر دواړو ضلعو باندې د  $4$  سانتي مترو په اندازه د (ج) او (د) نقطې وټاکۍ، د زاویې له رأس خڅه د  $3$  سانتي مترو په اندازه د زاویې په منځنۍ برخه کې د (ه) یوه کيفي نقطه وټاکۍ، له (ج) او (د) نقطو سره یې وښلوي. رسم ته پاملنې وکړئ او لاندې پونښتو ته خوابونه ووايast.

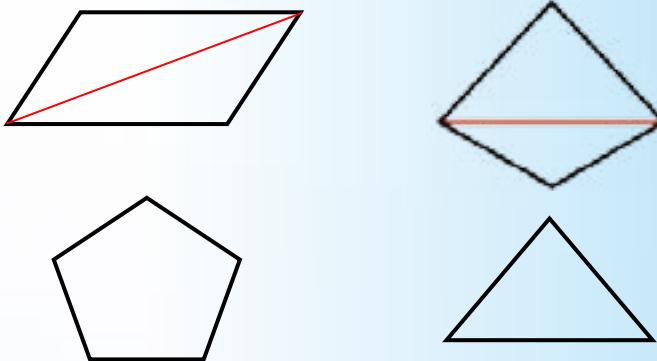
الف: رسم شوی شکل خه نومېږي؟

ب: د رسم شوې مضلعې هره زاویه اندازه کړئ او ولیکئ.

ج: د رسم شوې مضلعې د ټولو زاویو مجموعه پیدا کړئ.

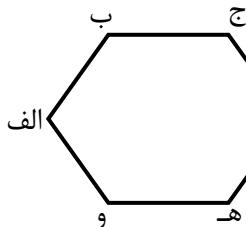
د: که چېږي د (ه) نقطه د (ب) له نقطې سره وښلوي د (ب ه) قطعه خط د مضلع د خه په نامه یادېږي؟

۲- په لاندې شکلونو کي د مضلعې ځینې قطروونه په سره رنګ رسم شوې دي، د درکړل شوو شکلونو قطروونه بشپړ کړئ او د دې مخ د جدول تشن ځایونه ډک کړئ.



د خو ضلعې نوم	درې ضلعې يا مثلث	څلور ضلعې	پنځه ضلعې
د ضلعو شمېر	۳		.
د قطروونو شمېر	.		

## کورنى دنده

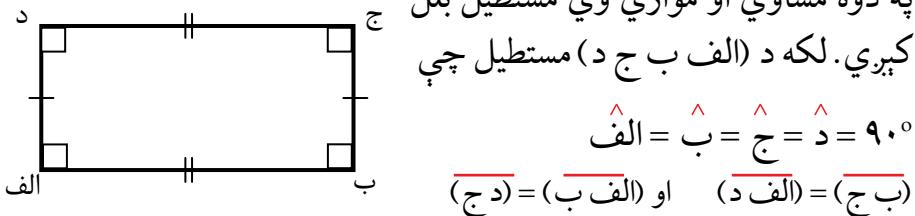


د مخامنخ شكل قطروننه رسم كپئ.  
وواياست چي خو ضلعي خو رأسونه، خو زاويي د او خو قطروننه لري؟

## مستطيل

- داسي خلور ضلعي پيرئي چي تولي خلور زاويي يې قايمه وي؟

هغه خلور ضلعي چي خلور واره زاويي يې قايمى او مقابلى ضلعي يې دوه په دوه مساوي او موازي وي مستطيل بلل كپري. لكه د (الف ب ج د) مستطيل چي



## فعاليت

په گروپونو کې د خط کش او نقالي په کارولو سره لاندى فعاليتونه سر ته ورسوي او پونبنتونه خوابونه ووايئ.

د سانتي مترو په اوردوالي د (الف ب) يو قطعه خط رسم كپئ او په دوارو سرونو کې يې دوي قايمى زاويي رسم كپئ، د نومورو زاويي د دويمو ضلую پرمخ د ۲، ۲ سانتي مترو په اندازه قطعه خطونه د (ج) او (د) نقطي جلا كپئ، دغه دواوه نقطي سره ونبيلوئ او بيا لاندى پونبنتونه خوابونه وواياست:

- 1- د (د ج) قطعه خط اوردوالي خو سانتي مترو دى؟
- 2- دشكل رسم شوي هره زاويه خو درجي ده؟
- 3- رسم شوي شكل خو رأسه (كنجونه)، خو زاويي او خو ضلعي لري او كومى ضلعي يې يو له بله سره مساوي دى؟

٤- که چېري (الف ب) او (د ج) ضلعو ته امتداد ورکول شي، یو بل به سره قطع کوي او که نه؟

٥- د (الف ح) او (ب د) ضلعي موازي دي او که متقاطع؟

٦- لاس ته راغلى شكل په خه نامه يادپيري؟

## كورني دنده



يو مستطيل رسم کوي چي او بردوالى يې ٧ سانتي متراه او سور يې ٢ سانتي متراه وي.

## مربع

٠ تاسو مربع پېژنۍ خوک د مربع او مستطيل تر منځ توپير ويلی شي؟



هغه خلور ضلعي چي خلور واپه زاويې يې قايمې او ضلعي يې سره مساوي وي مربع بلل کوي. لکه: د (الف ب ج د) مربع.

الف



د

<sup>^</sup><sup>^</sup><sup>^</sup><sup>^</sup>  
د = ب = ج = الف

ب

ج

الف د = ج د = ب ج = الف ب

## فعاليت

د ٥ سانتي مترو په او برد والي د (الف ب) یو قطعه خط رسم کوي، د نوموري توپه خط په دواړو سرونو کي دوي قايمې زاويې رسم کوي او بيا د نومورو زاويو د دويمو ضلعلو پرمخ د ٥ سانتي مترو په اندازه د (ج) او (د) دوي نقطې په نښه کوي، په نښه شوي نقطې سره ونبسلوئ، او س رسم شوي شكل ته خير شئ، اټکل وکړئ چي خه نومېږي او لاندې پونښتو ته خوابونه وواياست.

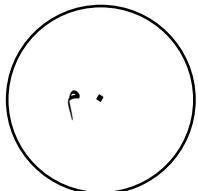
- ۱- د (ج د) قطعه خط خو سانتي متنه دی؟
- ۲- د رسم شوو قطعه خطونو اوبرد والی له يو بل سره خه ارتباط لري؟
- ۳- دوي نوري رسم شوي زاويي خو درجي دي او خلور واوه زاويي له يووي  
بلی سره خه اړیکه لري؟
- ۴- رسم شوي شکل د اضلاع او زاویو د خصوصیتونو له پلوه په خه نامه یادپری؟
- ۵- د يوې مربعی د اضلاع او زاویو تر منځ خه ارتباط وجود لري؟
- ۶- که چېري د (الف) نقطه له (د) سره او د (ج) نقطه له (ب) سره ونسبلوو،  
د (الف د) او (ج ب) خطونه د خه په نامه یادپری؟
- ۷- نوموري قطرونه اندازه او پرتله کړئ، وواياست چې له يو بل سره خه  
ارتباط لري؟

کورني دنده



يوه مربع له قطرونه سره رسم کړئ، چې د يوې ضلعې اوبردواли یې ۴ سانتي  
متنه وي  
د مربع قطرونه د خط کش په واسطه اندازه کړئ، وواياست چې دا قطرونه  
د اوبردوالي له پلوه يو بل سره خه ارتباط لري؟

## دایره، د دایرې مرکز، د دایرې شعاع، د دایرې وتر او د دایرې قطر



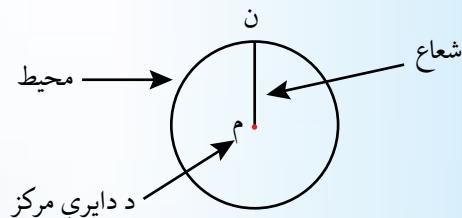
- آيا پوهېږئ چې مخامنځ شکل خه نومېږي؟
- د دې لپاره چې تاسو دایره رسم کړئ، خه کوئ؟



### فعالیت

د پنسل په خوکه کې یو تار وترئ، د تار په بل سر کې د حلقي غوندي یوه غوته واچوئ، په غوته کې یو سنجاق داخل کړئ، بیا یې په کاغذ وټومبئ او شاوختوه یې په بشپړه توګه د پنسل خوکه تاو کړئ، هغه تړلې منحنۍ چې د پنسل په واسطه د کاغذ پر مخ رسم ېږي، دایره نومېږي.  
نو ويلاي شو چې:

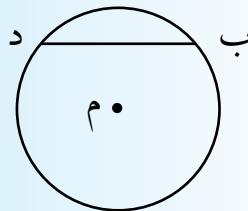
دایره هغه تړلې منحنۍ د چې تولې نقطې یې له یوې ثابتې نقطې (مرکز) خڅه مساوی فاصله ولري. تړلې منحنۍ ته د دایرې محیط، ثابتې نقطې ته د دایرې مرکز او هغه قطعه خط چې د دایرې محیط له مرکز سره نښلوی د دایرې شعاع بلل کېږي، لکه: لاندې دایره چې په کې د دایرې محیط، مرکز او شعاع بنودل شوي دي.



## د دایرې وتر

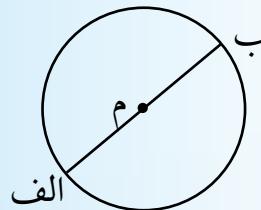
هغه قطعه خط دی چې د دایرې د محیط دوې نقطې سره نښلوي، د وتر په نامه يادېږي.

لکه: په لاندې دایرې کې د (ب د) وتر



## د دایرې قطر

هغه قطعه خط چې د دایرې له مرکز خخه تېر او د دایرې د محیط دوې نقطې يو له بل سره وښلوي، د دایرې قطر بلل کېوي،  
لکه: د (الف ب) قطر



د دایرې قطر د هغې د شعاع دووه برابره دي يعني: شعاع  $\times 2 =$  قطر  
**فعالیت**

د پرکار او خط کش خخه په ګټې يوه دایرې رسم کړئ، د هغه درې وترونه دasicې رسم کړئ چې يو یې له مرکز خخه تېر شي او هر وتر د دوو تورو واسطه وبنایاست، بیا لاندې پوښتنو ته څوابونه ورکړئ.

۱- د هر وتر او بردواли اندازه کړئ، تر ټولو او برد وتر یې کوم دي او ووايې

چې د خه په نوم يادېږي؟

- ۲- د اوبرد وتر (قطر) او بردواں د همغې دائیرې له شعاع سره پرتله کړئ.
- ۳- د خط کش په واسطه د دائیرې ۳ نور قطرونه او ۳ نو وترونې رسم کړئ.
- ۴- په یوه دائیره کې خو وترونې او خو قطرونې رسمولای شئ؟

## کورني دنده



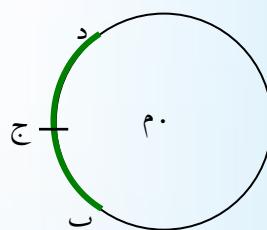
یوه دائیره رسم کړئ او په هغې کې مرکز، محیط، شعاع، قطر او وتر وبنایاست.

## د دائیرې قوس

- د دائیرې د محیط یوه برخه، خه ډول خط جوړوي؟
- د دائیرې هغه برخه چې د وتر په واسطه جلا کېږي، د خه په نوم يادېږي؟
- د دائیرې هغه برخه چې د دوو شعاع ګانو په واسطه جلا کېږي، د خه په نوم يادېږي؟

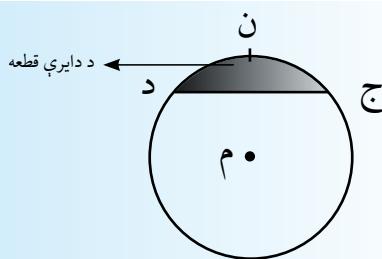


د دائیرې د محیط یوه برخه د دائیرې قوس بلل کېږي، لکه: (د ج ب) قوس او د اسې بنودل کېږي، د (د ج ب) قوس يا (د ج ب).



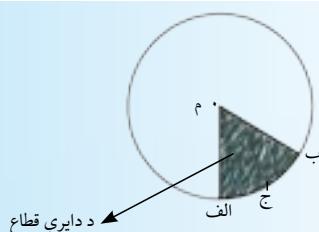
## د دایري قطعه

د دایري سطحي يوه برخه چې د دایري د قوس او د هغې د اړوند وتر په  
واسطه احاطه شوي وي، د دایري د قطعې په نامه یادېږي، لکه: په لاندې  
دایره کې هغو ساحې چې د (ج ن د) قوس او د (ج د) د وتر په واسطه  
احاطه شوي ده.



## د دایري قطاع

د دایري سطحي يوه برخه چې د دایري د دوو شاعو او اړوند قوس په  
واسطه احاطه شوي وي، د دایري قطاع بلل کېږي، لکه: توره شوي برخه  
چې د (الف م) او (ب م) شاعو او د (ب ج الف) قوس په واسطه احاطه  
شوي ده.



## فعالیت

يوه دایره رسم کړئ، د هغې د محیط يوه برخه (قوس) د (ق ج س) په  
واسطه مشخص کړئ او لاندې پوښتنو ته څواب ورکړئ:  
الف: که چېږي د (ق) نقطه د (س) له نقطې سره ونبلوئ، د (ق س) قطعه  
خط ته خه وايي؟

ب: هغه برخه چې د (س ج ق) قوس او د (س ق) وتر په واسطه احاطه کېږي، د خه په نامه يادېږي؟

ج: که چېږي د (ق) او (س) نقطې د دایرې له مرکز سره ونبليوئ، هغه برخه چې د دغو شاععگانو او اړوند قوس په واسطه جلا کېږي، د خه په نامه يادېږي؟

## کورني دنده



یوه دایره رسم کړئ او په هغې کې د دایرې مرکز، محیط، شعاع، وتر، قوس قطر، قطعه او قطاع وښایاست؟

## پونتنې



۱- د پرکار په مرسته یوه دایره د ۵ سانتی مترو په شعاع رسم کړئ، او د لاندниو پونتنو څوابونه په کې وښایاست.

الف- په یوه دایره کې خو مرکزونه لیدلای شئ؟

ب- په یوه دایره کې خو شاععگانې او خو وترونہ رسمولای شئ؟

ج- په یوه دایره کې خو قطرتونه رسمولای شئ؟

د- که چېږي ووايو چې د دایرې شعاع د هغې د قطر نيمایي ده آیا خبره مو صحیح ده او که نه؟

ذ- که چېږي ووايو چې په یوه دایره کې ډېر لوی وتر د هغې له قطر خخه عبارت دی، آیا صحیح خبره مو کېږي ده او که نه؟

ر- دایره تړلې منحنی ده که خلاص؟

۲- که چېږي ووايو چې د دایرې د عین قوس په مقابل کې د دایرې قطعه د هغې له قطاع خخه کوچنی ده، په صحیح خبره مو کېږي ده که نه؟

۳- د (د م) یو قطعه خط رسم کړئ او د (م) په نقطه کې د ۶۰ درجو یوه

زاویه رسم کړئ، د (م) نقطه مرکز ونیسی، د (د م) په شعاع سره یوه دائیره رسم کړئ، د محیط او د زاویې د دویمې ضلعي د تقاطع نقطې ته (ج) ووايې، نوموری نقطه له (د) سره ونبلوئ او لاندې پوبنتنو ته ځوابونه ورکړئ.

الف: د رسم شوي مثلث هره یوه زاویه اندازه کړئ او وواياست چې مثلث د زاویو له پلوه په خه نامه یادېږي؟

ب: د مثلث هره ضلع اندازه کړئ، ووايې مثلث د ضلعو له پلوه نوم په کو نوم یادېږي.

ج: د (د م) شعاع د (د ج) له وتر سره پرتله کړئ او په لاندی تشن ځای کې له دغو

(=، > او یا <) نښو خخه یوه ولیکئ. د ج د م

د: د (د م ج) زاویې رأس د دائیرې په کومه برخه کې پروت دی؟

## خلورم خپرکی

### تر تولو لوی مشترک قاسم او تر تولو کوچنی مشترک مضرب

د دی لپاره چې د دوو یا د دوو څخه د زیاتو عددونو تر تولو لوی مشترک قاسم او تر تولو کوچنی مشترک مضرب پیدا کړای شو. نو اړتیا ده چې لومړی د عددونو د وېش قابلیتونه، فاسمونه، مضربونه او د اولیه او غیر اولیه عددونو په مفهومونو باندې پوه شو.

#### پر ۲، ۳، ۶، ۱۵ او ۱۰ باندې د وېش قابلیت

- آپا د ۲۱۰ عدد د ۲ او ۳ پر عددونو پوره د وېش وړ دی او که نه؟
- د ۲۴۵۱ عدد د ارقامو مجموعه پیدا کولای شئ؟



**پر ۲ باندې د وېش قابلیت:** هر عدد چې لومړی رقم یې صفر یا جفت وي پر ۲ پوره وېشل کېږي. د مثال په ډول: د ۶۳۴، ۳۴۲، ۷۹۰، ۵۹۸، ۳۲۷۲ پر ۲ باندې پوره د وېشلو وړ دی ځکه عددونه چې لومړی رقم یې صفر یا جفت دي.  
د آزموینی لپاره:  
 $634 \div 2 = 317$  ،  $342 \div 2 = 171$

$$3272 \div 2 = 1636 \quad 598 \div 2 = 299 \quad 790 \div 2 = 395$$

**پر ۳ باندې د وېش قابلیت:** هر عدد چې د رقمونو مجموعه یې پر ۳ باندې پوره وېشل شي، هغه عدد پر ۳ باندې پوره وېشل کېږي د مثال په ډول: ۵۷۳، ۴۲۶، ۸۴۳، ۳۲۴۶ هر یو عدد پر ۳ باندې پوره د وېشلو وړ دی، ځکه چې د رقمونو مجموعه یې پر ۳ باندې پوره وېشل کېږي، یعنی: د آزموینی لپاره:  
 $8+4+3=15$  ،  $5+7+3=15$  ،  $3+2+4+6=15$  ،  $4+2+6=12$

$$426 \div 3 = 142 \quad 843 \div 3 = 281$$

$$573 \div 3 = 191 \quad 3246 \div 3 = 1082$$



**پر ۶ باندی ۵ و پش قابلیت:** هغه عدد چې پر ۲ او ۳ باندی پوره د و پشلو وړ وي، پر ۶ باندی هم پوره د و پشلو وړ دي، د مثال په توګه: ۲۲۸، ۱۸، ۳۲۴۶، ۲۳۱۰ چې هر یو یې پر ۲ او ۳ باندی پوره د و پشل کېږي، یعنی:

$2310 \div 3 = 770$	اوهم	$2310 \div 2 = 1155$	نوله دې امله: $2310 \div 6 = 385$
$3246 \div 3 = 1082$	اوهم	$3246 \div 2 = 1623$	نوله دې امله: $3246 \div 6 = 541$
$18 \div 3 = 6$	اوهم	$18 \div 2 = 9$	نوله دې امله: $18 \div 6 = 3$
$228 \div 3 = 76$	اوهم	$228 \div 2 = 114$	نوله دې امله: $228 \div 6 = 38$

## فعالیت

له لاندی عددونو خخه په تشو خایونو کي مناسب عددونه ولیکئ.

۱۲۹ ، ۳۰۰ ، ۴۸ ، ۴۸۳ ، ۵۴۲ ، ۳۹۶ ، ۶۹۳ ، ۳۰۴ ، ۸۲

- هغه عددونه چې پر ۲ باندی پوره د و پشلو وړ دي، عبارت دی له:

\_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_.

- هغه عددونه چې پر ۳ باندی پوره د و پشلو وړ دي، عبارت دی له:

\_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_.

- هغه عددونه چې پر ۶ باندی پوره د و پشلو وړ دي، عبارت دی له:

\_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_.

## کورنۍ دندہ



درې داسې عددونه ولیکئ چې پر (۲، ۳ او ۶) باندی پوره د و پشلو وړ وي.



## پوښتنې

- ۱- له لاندې عددونو خخه کوم یو پر ۲، کوم یو پر ۳ او کوم یو پر ۶ عدد باندې پوره د وېشلو وړ دي، جلا جلايی ولیکئ: ۱۵۲۲، ۷۳۲۰، ۶۲۲، ۳۲۱، ۴۳۲۶، ۲۵۸، ۸۵۰، ۷۹۲
- ۲- په لاندې عددونو کې هغه عددونه چې پر ۲ پوره د وېشلو وړ وي، تري لاندې کربنه ويأسئ. ۷۲۴، ۱۰۰، ۶۱۳۵، ۷۲۰۲۰، ۵۶۹۷
- ۳- په لاندې عددونو کې هغه عددونه چې پر ۳ پوره د وېشلو وړ دي، کړۍ خنې تاو کړئ. ۳۵۵، ۲۷۶۱، ۱۰۰۲، ۵۱۳۶، ۶۲۳۱۳، ۱۷۱۱۲
- ۴- د ۳ او ۵ رقمونو په کارولو سره، شپږ درې رقمي عددونه ولیکئ چې پر ۳ پوره د وېشلو وړ وي.
- ۵- په لاندې عددونو کې هغه عددونه چې پر ۶ د وېشلو وړ وي، کړۍ تري تاو کړئ. ۳۹۶، ۷۳۶۸، ۵۴۹، ۹۴۸۴، ۷۶۲۰، ۴۳۲۵، ۳۰۰
- ۶- تول هغه درې رقمي عددونه ولیکئ چې یوازې له ۰ او ۲ او ۷ رقمونو خخه جوړ او پر (۲) او (۳) پوره د وېشلو وړ وي.
- ۷- په ۲\*۵، ۲\*۶۴\* او ۱۴\* عددونو کې د هر یوه ستوري پر ظای کوم رقم ولیکل شي چې لاس ته راغلي عددونه پر ۳ پوره ووېشل شي.
- ۸- هغه درې عددونه پیدا کړئ چې د (۱) له رقمونو خخه جوړ شوي وي او په ۳ پوره د وېشلو وړ وي.
- ۹- په ۲\*۶۰، ۴۲\* او ۶۰\* عددونو کې د هر یوه ستوري پر ظای کوم رقم ولیکل شي چې لاس ته راغلي عددونه پر ۶ پوره ووېشل شي.

**پر ٥ باندي ٥ و بش قابليت:** هغه عددونه چې لومړي رقم يې صفر يا پنځه وي، پر ٥ پوره و بشل کېږي. لکه:

٩٠٥ ، ٨١٧٠ ، ١٢٤٥ ، ١٠٠٠ ، ٣١٠٥  
هر یو پر ٦ عدد باندي پوره د ویشلو وړ دی، خکه چې لومړي رقم صفر یا ٥ ده.

$$8170 \div 5 = 1634 \quad , \quad 9005 \div 5 = 1801 \quad , \quad 3105 \div 5 = 621$$

**پر ١٠ باندي ٥ و بش قابليت:** هر هغه عدد چې لومړي رقم يې صفر وي، پر ١٠ پوره و بشل کېږي، د مثال په توګه: ٢٧٠ ، ١٨٩٠ ، ٣٥٦٠، ١٠٠٠ عددونه پر ١٠ پوره و بشل کېږي چې لومړني رقمونه يې صفرونه دي، آزمونې لپاره:

$$3560 \div 10 = 356 \quad , \quad 270 \div 10 = 27 \quad , \quad 1890 \div 10 = 189$$

$$1000 \div 10 = 100$$

## فعالیت

له یوه خخه تر ٣٠ پوري ټول عددونه په ترتیب سره ولیکئ، وروسته په ٥ او ١٠ د و بشلو د قابليت په کارولو سره په لاندي تشو ځایونو کې مناسب عددونه ولیکئ.

- هغه عددونه چې پر ٥ پوره د و بشلو وړ دی، عبارت دي له:

\_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_

- هغه عددونه چې پر ١٠ پوره د و بشلو وړ دی، عبارت دي له:

\_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_

- هغه عددونه چې پر ٥ او ١٠ پوره د و بشلو وړ دی، عبارت دي له:

\_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_، \_\_\_\_\_

## کورنی دندہ



له لاندی عددونو خخه کوم یې پر ۱۰ او کوم یې پر ۵ او کوم یې پر ۱۰ پوره وېشل کېږي، جلا جلا یې ولیکئ.  
۹۰۰، ۸۳۲۵، ۸۳۷۰، ۶۳۷۰، ۹۵۴۵، ۱۰۰۰، ۶۴۵۵

## پوبنتني



- ۱- په لاندی عددونو کې هغه عددونه چې پر ۵ د وېشلو وړوي، کړي تري تاو کړئ  
۲۰۱۱۵، ۹۰۰۵، ۴۱۰۰۰، ۲۱۱۹، ۷۴۳۲۵، ۶۳۰، ۱۰۰۱۷، ۹۰۷۱، ۴۶۵۰
- ۲- پنځه عددونه ولیکئ چې پر ۵ پوره د وېشلو وړوي.
- ۳- پنځه عددونه ولیکئ چې پر ۱۰ د وېش وړوي.
- ۴- د الف، ب، او ج، د هر جزء له پاره درې درې عددونه ولیکئ.  
الف: پر پنځو پوره د وېشلو وړوي.  
ب: پر ۱۰ پوره د وېشلو وړوي.  
ج: پر ۵ او ۱۰ پوره د وېشلو وړوي.
- ۵- ټول درې رقمي عددونه ولیکئ چې د ۱،۰۰ او ۵ رقمونو خخه جوړ شوي وي او پر (۵ او ۱۰) پوره د وېش وړوي.
- ۶- ۶۰۰۱، ۹۰۰۱، ۷۱۰۰، ۵۱۵، ۸۰۳۵، ۱۰۰۰، ۶۰۰۲، ۷۶۵۳ عددونه په پام کې ونسی او لاندی پښتنو ته څواب ووايې.  
الف: کوم عددونه پر ۵ او ۱۰ پوره د وېش وړ دي؟ ولې؟  
ب: کوم عددونه پر ۵ او ۱۰ پوره د وېش وړنه دي؟ ولې؟
- ۷- دوه داسي عددونه ولیکئ چې پر (۲، ۳، ۲، ۶، ۳، ۵ او ۱۰) باندې پوره د وېشلو وړوي

## د قاسم او مضرب د مفاهيمو پېژندنه

- که چيري د وېش په يوه عملیه کې باقي صفر شي، يعني: مقسوم په مقسوم عليه پوره ووېشل شي، په دې حالت کې:
- مقسوم په بل کوم نوم يادوي؟
- مقسوم عليه په بل کوم نوم يادوي؟



د قاسم د مفهوم د پېژندلو لپاره د بىلگى په توګه: د ۴ عدد په پام کې نيسو، د ۴ عدد، د ۲ پر عدد پوره وېشل کېري، دلته د ۲ عدد ته د ۴ د عدد قاسم وايي، د ۴ عدد، د (۱) پر عدد هم پوره وېشل کېري چې (۱) ته هم د خلورو د عدد قاسم وايي، په خپله د ۴ عدد، د ۴ په عدد پوره وېشل کېري، نو د ۴ عدد ته د ۴ عدد قاسم وايي، نو ويلاي شو چې د ۴ د عدد قاسمونه له ۱، او ۲، او ۴ خخه عبارت دي، خود ۳ عدد، د ۴ عدد قاسم نه دي، خکه چې د ۴ عدد پر ۳ پوره نه وېشل کېري. دغه راز که چېري د ۶ عدد، د ۳ پر عدد ووېشو پوره وېشل کېري، نو ۳ ته د ۶ قاسم ويلاي شو، خود ۵ عدد د ۶ عدد قاسم نه دي، خکه چې ۶ پر ۵ پوره نه وېشل کېري. له دې امله: ۱، ۲، ۳، ۶: د ۶ عدد قاسمونه دې.  
اوسم که چېري د ۸ عدد په پام کې نيسو، د ۸ د عدد قاسمونه له عبارت دي، ۱، ۲، ۴، ۸ = د ۸ د عدد قاسمونه

خو ۳، د ۵ او ۷ عدونه خخه هيچ يو د ۸ د عدد قاسمونه نه دي.  
د عدد د مضرب د مفهوم د پېژندلو لپاره، که چېري يو عدد په ترتیب سره د ۱، ۲، ۳، ۴... په عدونو کې ضرب کړو، د هغه عدد يو برابر، دوھ برابر، درې برابر، خلور برابر او... عدونه لاس ته راخي، د هغه عدد همداخه يو برابر، دوھ برابر، درې برابر او خلور برابر... عدد ته د هغه عدد مضربونه وايي.

د مثال په توګه: که چېري د ۲ عدد په ۱، ۲، ۳، ۴... عددونو کې ضرب کړو، د ۲ عدد یو برابر ( $1 \times 2 = 2$ )، دوہ برابره ( $2 \times 2 = 4$ )، درې برابره ( $3 \times 2 = 6$ )، خلور برابره ( $4 \times 2 = 8$ ) لاسته راخي چې د ۶، ۴، ۲، ۸ عددونو ته د ۲ د عدد مضربونه وايي، نولیکلای شو چې:  
 $8 = 2 \times 2 \times 2 \times 2$ ....

## فعالیت

- ۱- د هر عدد قاسمونه په تشوخایونو کې ولیکئ.  
 $\_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = 9$
- ۲- آیا د ۵ عدد د ۴۵ قاسم دی؟ ولې؟  
 $\_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = 45$
- ۳- آیا د ۱۶ عدد د ۸ قاسم دی؟ ولې؟  
 $\_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = 16$
- ۴- په لاندي تشوخایونو کې د ۷، ۴، او ۹ عددونو درې نور مضربونه ولیکئ.  
 $\_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = 4$
- ۵- آیا د ۴۴ عدد د ۱۱ مضرب دی؟  
 $\_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = \_\_\_ \times \_\_\_ = 11$
- ۶- د ۱۱ عدد درې نور مضربونه ولیکئ؟
- ۷- د پورتني فعالیت په پام کې نیولو سره کوم عدد د ۴ مضرب او هم د ۷ عدد مضرب دی؟

## کورنی دندہ



- ۱- د ۳۰ د عدد ټول قاسمونه په ترتیب سره له کوچنی خخه تر لوی پوري وليکئ.
- ۲- له ۱۴، ۱۶، ۲۱، ۲۴، ۳۴، ۴۲، ۵۱، ۶۳، ۶۸ او ۷۵ عددونو خخه داسي عددونه وتياکئ چې:

- الف: د ۲ د عدد مضرب وي.
- ب: د ۷ د عدد مضرب وي.
- ج: د ۸ د عدد مضرب وي.
- د: د ۱۷ د عدد مضرب وي.

## پوبستني



- ۱- آياد ۷ عدد، د ۲۸ د عدد، قاسم دی؟ ولي؟
- ۲- آياد ۵ عدد، د ۱۶ د عدد، قاسم دی؟ ولي؟
- ۳- د ۱۲ د عدد قاسمونه وليکئ.
- ۴- آياد ۳ عدد، د ۵ د عدد قاسم دی؟ ولي؟
- ۵- آياد ۴۵ عدد، د ۹ د عدد مضرب دی؟ ولي؟
- ۶- آياد ۲۵ عدد، د ۷ د عدد مضرب دی؟ ولي؟
- ۷- آياد ۵۶ عدد، د ۸ د عدد مضرب دی؟ ولي؟
- ۸- آياد ۱۰۰ عدد، د ۹ د عدد مضرب دی؟ ولي؟
- ۹- آياد ۳۵ عدد، د ۵ پر عدد پوره وپشل کېږي؟ د ۵ عدد په خه نوم او د ۳۵ عدد په خه نامه يادپوري.
- ۱۰- له لاندي عددونو خخه لوړۍ د ۲۰ او ۱۶ عددونو قاسمونه او بيا د ۴ او ۳ عددونو مضربونه وليکئ؟
- ۱۱- د ۹، ۱۲، ۱۵، ۲۵ او ۱۱ عددونو قاسمونه وليکئ.
- ۲۰، ۱۸، ۱۶، ۱۴، ۱۲، ۱۰، ۸، ۶، ۴، ۲

- ۱۲- د ۸ او ۱۱ عددونو دوه رقمي مضربونه په جلا جلا توگه ولیکئ.
- ۱۳- دوه رقمي عددونه ولیکئ چې:  
الف: د ۱۰۰ قاسمونه وي.  
ب: د ۲۵ مضربونه وي.
- ۱۴- له ۱۷۴، ۱۷۸، ۱۹۱، ۳۱۵، ۳۲۰، ۳۴۶، ۴۲۵، ۴۷۵ عددونو خخه  
داسيه عددونه پيدا کړئ چې:  
الف: د ۲ مضرب وي.  
ب: د ۵ مضرب وي.
- ۱۵- ۵۰، ۲۴، ۶، ۲ او ۱۲ عددونو خخه د ۱۲ د عدد قاسمونه او مضربونه  
په نښه او جلا جلا یې ولیکئ.

## د اولیه او مرکب (غیر اولیه) عددونو پېژندنه

- هغه عددونه چې یوازې دوھ قاسمونه لري، د خه په نوم يادېږي؟
- هغه عددونه چې د دوو خخه زيات قاسمونه لري، د خه په نوم يادېږي؟

لاندې عددونو ته پاملنې وکړئ:

۲، ۳، ۴، ۶، ۷، ۸

د پخوانيو معلوماتو له معخي لیکلای شو چې:

$3 = 1 + 2$  د عدد قاسمونه

$6 = 1 + 2 + 3$  د عدد قاسمونه

$8 = 1 + 2 + 4$  د عدد قاسمونه

$1 = 1$  د عدد قاسمونه

که چېري د پورتنيو عددونو قاسمونو ته پاملنې وشي ليدل کېږي  
چې د ۲، ۳ او ۷ هر یو عدد یوازې ۲ قاسمه لري چې په خپله عدد  
او د (۱) عدد دي

د ۶، ۴ او ۸ هر یو عدد د دوو قاسمونو سر بېره د نورو قاسمونو  
درلودونکي هم دي، نوله دي امله ۲، ۳ او ۷ عددونه د اولیه په نامه، د  
۴ او ۸ عددونه د غیر اولیه (مرکبو) عددونو په نامه يادوي.

نولیکلای شو چې:

**اولیه عددونه:** هغو عددونو ته وايي چې دوھ قاسمه ولري چې یو  
ې په خپله او بل یې د (۱) عدد وي.

**مرکب عددونه:** هغو عددونو ته وايي چې له دوو خخه زيات  
قاسمونه ولري، يعني له خپل څان او یو خخه پرته په نورو عددونو  
هم د وېشلو وړ وي.

ډېر کوچنۍ اولیه عدد له ۲ خخه عبارت دي او دا یوازینې اولیه عدد  
دي چې جفت دي او نور ټول جفت عددونه غیر اولیه (مرکب)  
عددونه دي.

د عددونو تر منځ داسي عدد هم شته چې په اولیه او غیر اولیه



عددونو پوري اره نه لري، دا عدد له يو (۱) خخه عبارت دی. هکه  
 چې د (۱) عدد يوازې يو قاسم لري او بس  
 تاسي په لاندي جدول کي وګورئ چې له يوه خخه تر ۱۰۰ پوري  
 عددونه په ترتیب سره ليکل شوي دي، هغه عددونه چې گرد چاپره  
 ې کړي تاو شوي ده د اولیه عددونو په نامه یادېږي، هکه دا هغه  
 عددونه دي چې يوازې په يو او خپل څان پوره وېشل کېږي.

۱	(۲)	(۳)	۴	(۵)	۶	(۷)	۸	(۹)	۱۰
(۱۱)	۱۲	(۱۳)	۱۴	۱۵	۱۶	(۱۷)	۱۸	(۱۹)	۲۰
۲۱	۲۲	(۲۳)	۲۴	۲۵	۲۶	۲۷	۲۸	(۲۹)	۳۰
(۳۱)	۳۲	۳۳	۳۴	۳۵	۳۶	(۳۷)	۳۸	۳۹	۴۰
(۴۱)	۴۲	(۴۳)	۴۴	۴۵	۴۶	(۴۷)	۴۸	۴۹	۵۰
۵۱	۵۲	(۵۳)	۵۴	۵۵	۵۶	۵۷	۵۸	(۵۹)	۶۰
(۶۱)	۶۲	۶۳	۶۴	۶۵	۶۶	(۶۷)	۶۸	۶۹	۷۰
(۷۱)	۷۲	(۷۳)	۷۴	۷۵	۷۶	۷۷	۷۸	(۷۹)	۸۰
۸۱	۸۲	(۸۳)	۸۴	۸۵	۸۶	۸۷	۸۸	(۸۹)	۹۰
۹۱	۹۲	۹۳	۹۴	۹۵	۹۶	(۹۷)	۹۸	۹۹	۱۰۰

## فعالیت

لاندی مثالونو ته پاملننه وکړئ.

$$2 \times 3 = 6 \quad , \quad 2 \times 2 \times 3 = 12$$

$$2 \times 3 \times 3 = 18 \quad , \quad 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 36$$

لیدل کېږي چې د ۲ او ۳ عددونو له ضربولو او کارولو خخه زیات او بېلاپېل عددونه جوړېږي.

هم په همدي چول ۴ عددونه وليکي چې یوازې د ۲ او ۳ عددونو له ضرب خخه لاس ته راغلي وي. هم دي ۴ عددونه وليکي چې د ۲ او ۵ عددونو له ضرب خخه لاس ته راغلي وي.

د ۱۲ عدد اولیه عدد نه دي، خکه چې د ۱۲ د عدد فاسمونه له ۱، ۲، ۶، ۴، ۳، ۱۲ خخه عبارت دي، په دي عددونو کې ۲ او ۳ اولیه عددونه دی ۲ او ۳ د ۱۲ د عدد فاسمونه دي.

## کورنۍ دندہ



په لاندی عددونو کې کوم عددونه اولیه او کوم یې مرکب عددونه دی؟

۲۱۶، ۱۰۰، ۵۵، ۱۲۱، ۸۶۳، ۹۷۷، ۴۰۹، ۵۶۳، ۲۵۳



۱- آیا د دوو اوپه عددونو د ضرب حاصل:

الف: يو اوپه عدد دي؟

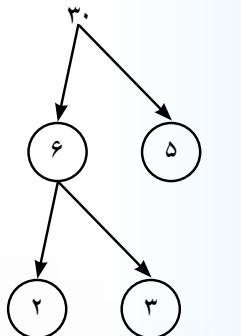
ب: يو مرکب عدد دي؟

۲- له لاندي عددونو خخه کوم يې اوپه عددونه او کوم يې مرکب عددونه دي؟  
٥١١ ، ٩٤٠ ، ١٣٢ ، ٣٣٥ ، ٤٩٩ ، ٦٢١ ، ٨٨١

۳- ونبایاست چې ٢٩٦٨ ، ٣٦٠٠ ، ٨٨٨ عددونه، مرکب عددونه دي؟

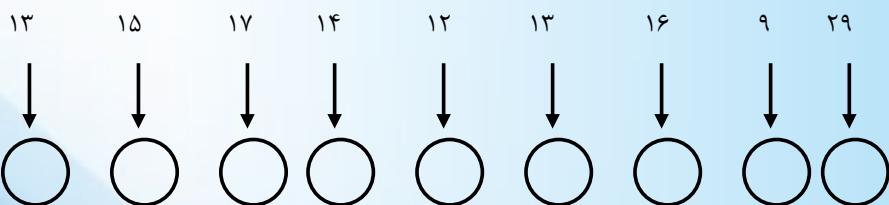
۴- د ٥٠ د عدد قاسمونه پیدا کړئ او له هغه خخه اوپه عددونه ولیکي؟

۵- د لاندي مثال په شان د درکړل شوو عددونو اوپه قاسمونه پیدا کړئ.  
٩٠ ، ٢١ ، ٤٢



مثال

۶- په لاندي عددونو کې د اوپه عددونو پرشاوخوا يوه دائيره مرکبو عددونو پرشا و خط دو خطونه وباسی. د هر عدد لاندي اړوند دائرو کې يو قاسم چې اوپه عدد وي، ولیکي.



٧- د پورتنى پونستني په پام کي نیولو سره له لاندي جملو خخه  
کومه يې صحیح او کومه يې غلطه ده؟ هره صحیح جمله په (✓)  
نبني او هره غلطه جمله په (✗) نبني سره معلومه کړئ، [ د صحیح  
والی او غلط والی يې روښانه کړئ. ]  
الف: د ۱۲۹ عدد اولیه عدد دی.  
ب: د (۱) عدد، اولیه عدد نه دی.

ج: د ۲۱ عدد قاسمونه اولیه عددونه دی.  
د: هر عدد لبر تر لبره د اولیه عددونو یو قاسم لري.  
ه: که چېري عدد جفت وي، اولیه عدد نه بلل کېري.  
و: د ۳۰ عدد، درې اولیه قاسمونه لري؟

## مشترک قاسمونه او د دوو يا خو عددونو تر ټولو د لوی مشترک قاسم تاکل

• د یوه عدد د قاسم مفهوم بیان کړئ؟



د مشترک قاسم او تر ټولو د لوی مشترک قاسم د تاکلو لپاره لاندې مثالونو ته پاملنې وکړئ.

**لومړۍ مثال:** د (۶) او (۱۸) عددونو د مشترک قاسمونو او تر ټولو د لوی مشترک قاسم د تاکلو لپاره داسي کړنه کوو:

$$= 6 \text{ د عدد قاسمونه } 1, 2, 3, 6$$

$$= 18 \text{ د عدد قاسمونه } 1, 2, 3, 6, 9, 18$$

$$= 6 \text{ د }(6) \text{ او }(18) \text{ عددونو مشترک قاسمونه}$$

له (۱، ۲، ۳، ۶) مشترکو قاسمونو خخه د (۶) عدد تر ټولو لوی مشترک قاسم دی، که چېري د (۶) او (۱۸) عددونه پر هغه ووېشل شي، پوره وېشل کېږي.

ليکلای شو چې:

لهمه د (۶) او (۱۸) عددونو تر ټولو لوی مشترک قاسم  
له دی امله د دوو يا خو عددونو تر ټولو لوی مشترک قاسم په مشترکو قاسمونو کې هغه مشترک قاسم دی چې تر ټولو لوی وي.  
**دویم مثال:** د (۱۲) او (۲۸) عددونو د مشترکو قاسمونو او تر ټولو لوی مشترک قاسم د پیدا کولو لپاره په لاندې ډول عمل کوو.

$$= 12 \text{ د عدد قاسمونه } 1, 2, 3, 4, 6, 12$$

حل:

$$= 28 \text{ د عدد قاسمونه } 1, 2, 4, 7, 14, 28$$

$$= 12 \text{ د }(12) \text{ او }(28) \text{ عددونو مشترک قاسمونه}$$

$$= 4 \text{ د }(12) \text{ او }(28) \text{ تر ټولو لوی مشترک قاسم}$$

## فعالیت

د (۳۶) او (۵۴) عددونو مشترک قاسمونه او تر تولو لوی مشترک  
قاسم پیدا کړئ.

کورنی دندہ



د (۱۴) او (۲۰) عددونو مشترک قاسمونه او تر تولو لوی مشترک  
قاسم پیدا کړئ.

پوبنتني



د لاندې عددونو مشترک قاسمونه او تر تولو لوی مشترک قاسم پیدا کړئ.

۶- (۴۴، ۲۲، ۳۴)

۱- (۳۰، ۴۰)

۴- (۵۶، ۲۸)

۳- (۲۴، ۳۶)

۵- (۵۶، ۲۴)

۲- (۴۰، ۶۰)

۷- وبنایاست چې د ۴ عدد د (۱۶) او (۲۰) عددونو تر تولو لوی  
مشترک قاسم دی؟

۸- وبنایاست چې د ۳ عدد د (۱۵) او (۲۶) عددونو تر تولو لوی  
مشترک قاسم نه دی؟

## د دوو يا خو عددونو مشترک مضربونه او تر ټولو د کوچني مشترک مضرب ټاکل

• د یوه عدد د مضرب مفهوم بیان کړئ؟



د دوو يا خو عددونو د مشترک مضرب او تر ټولو کوچني مشترک مضرب د پیدا کولو لپاره لاندې مثالونو ته پاملنہ وکړئ.

**لومړۍ مثال:** د (۲) او (۳) عددونو د مشترک مضرب او تر ټولو کوچني مشترک مضرب د پیدا کولو لپاره په لاندې توګه عمل کړو:  
حل: د مخکنیو لارښوونو له مخي لیکلی شو چې:

$$\dots, 20, 18, 16, 14, 12, 10, 8, 6, 4, 2 = \text{د } (2) \text{ د عدد مضربونه}$$

$$\dots, 27, 24, 21, 18, 15, 12, 9, 6, 3 = \text{د } (3) \text{ د عدد مضربونه}$$

لیدل کېږي خرنګه چې د (۲) او (۳) عددونو مشترک مضربونه عبارت دي له: (۶، ۱۲، ۱۸) او نورو عددونو خڅه.

له نومورو عددونو خڅه هغه عدد چې پر (۲) او (۳) د تقسیم قابلیت لري او تر ټولو کوچني دي، د (۶) عدد دی، نو د (۶) عدد ته د (۲) او (۳) عددونو تر ټولو کوچني مشترک مضرب وايي.

**دویم مثال:** د (۴) او (۶) عددونو مشترک مضربونه او تر ټولو کوچني دی، مشترک مضرب په لاندې توګه پیدا کړو:  
حل: د مخکنیو لارښوونو له مخي لیکلی شو چې:

$$\dots, 36, 32, 28, 24, 20, 16, 12, 8, 4 =$$

$$= \text{د } (4) \text{ د عدد مضربونه}$$

$$= \text{د } (6) \text{ د عدد مضربونه} \quad \dots, 36, 24, 12 =$$

= د (۴) او (۶) د عددونو مشترک مضربونه

خرنګه چې لیدل کېږي د (۴) او (۶) عددونو مشترک مضربونه ډپر زیات دي، خود (۱۲) عدد د نوموري عددونو تر ټولو کوچني مشترک مضرب دی یعنې تر ټولو کوچني عدد دی چې پر (۴) او (۶) د تقسیم قابلیت لري، نو لیکلی شو چې:

$$= \text{د } (4) \text{ او (6) تر ټولو کوچني مشترک مضرب} = 12$$

## فعالیت

د (٦) او (٩) عددونو مشترک مضربونه او تر تولو کوچنی مشترک مضرب پیدا کرئ.

### کورنی دندہ



د (٨) او (١٢) عددونو مشترک مضربونه او تر تولو کوچنی مشترک مضرب پیدا کرئ.

### پوبستنی



د لاندی عددونو تر تولو کوچنی مشترک مضرب پیدا کرئ.

٥- (٦ , ٩)

٢- (٥ , ١٠)

٨- (٤ , ٨)

٤- (١٠ , ١٥)

٣- (٤ , ٦)

٦- (٣ , ٥ , ٧)

٧- (٢ , ٦ , ٨)

٨- آیاد (٣٠) عدد ٧ د (٥) او (٦) عددونو تر تولو کوچنی مشترک مضرب دی؟

٩- آیاد (٢٤) عدد د (٢) او (٨) عددونو تر تولو کوچنی مشترک مضرب دی؟

### د تجزیې په واسطه کوچنی مشترک مضرب پیدا کول

٠ آیاد دوو یاد دوو خخه د زیاتو عددونو تر تولو کوچنی مشترک مضرب پیدا کولای شئ؟

هغه عددونه چې کوچنی مشترک مضرب يې پیدا کوو په یوه کربنه کې په جلا، جلا توګه ليکو، وروسته د نومورو عددونو کينې خواته یو عمودي خط رسموو، د عمودي خط کينې خواته د اسې اولیه



عدد لیکو چې د خط د بنې خوا له عددونو خخه کم ترکمه دوه عددونه ور باندې پوره ووبشل شي، د تقسیم عملیې ته دوام ورکوو او هر خارج قسمت د هغه تر مقسوم لاندې لیکو.

هغه عددونه چې پوره نه و بشل کېږي، په خپل حال یې بستکته لیکو او د تقسیم عملیې ته تر هغه پورې دوام ورکوو چې د وروستني خارج قسمت (نوی مقسوم) په دوو عددونو کې مشترک فاصله پیدا شي.  
په پای کې د خارج قسمت او د مقسوم عليه د ټولو عددونو د ضرب حاصل تر ټولو کوچنۍ مشترک مضرب دی.

**لومړۍ مثال:** د (۸)، (۵) او (۴) عددونو تر ټولو کوچنۍ مشترک مضرب په لاندې توګه پیدا کوو:

	2	4	5	8
	2	2	5	4
	1	5	2	

په پایله کې:  $2 \times 5 \times 1 \times 2 \times 2 = 40$  د راکړل شوو عددونو تر ټولو کوچنۍ مشترک مضرب دی.

**دویيم مثال:** د ۵، ۱۰، ۱۲ او ۱۵ عددونو ذواضعاف اقل داسې پیدا کوو:

	5	10	12	15
	5	5	6	15
	5	5	2	5
	1	1	2	1

نو تر ټولو کوچنۍ مشترک مضرب  $2 \times 3 \times 5 \times 2 = 60$

## فعالیت

په ډله یزه توګه کار وکړئ او د ۶۰ ، ۹۰ او ۱۵۰ عددونو تر ټولو کوچنی مشترک مضرب د تجزیې په واسته پیدا کړئ.

## کورنۍ دندہ



د ۱۲۰ ، ۱۸۰ او ۳۰۰ عددونو تر ټولو کوچنی مشترک مضرب پیدا کړئ.

## پوبستني



د لاندې عددونو تر ټولو کوچنی مشترک مضرب د تجزیې په طریقه پیدا کړئ.

- ۱- (۹ ، ۱۵ ، ۲۷)
- ۲- (۱۲ ، ۳۶ ، ۴۲)
- ۳- (۲۵ ، ۵۰ ، ۷۵)
- ۴- (۵۶ ، ۶۴ ، ۷۲)
- ۵- (۱۲ ، ۳۰ ، ۴۲)
- ۶- (۳۲ ، ۹۶ ، ۱۰۰ ، ۱۴۴)
- ۷- (۱۶ ، ۲۴ ، ۳۲ ، ۳۸)
- ۸- (۲۵ ، ۳۰ ، ۳۵ ، ۴۰)
- ۹- (۲۲ ، ۳۳ ، ۵۵ ، ۱۱۰)

## پنځم خپرکي

### کسرونه او د هغه خلور گونې عملی

عام کسر

- د یوه شي خلورمه حصه د عدد په واسطه بنیئ؟



په لاندې شکل کې یو ختکى په خلورو مساوي برخو وېشل شوي دی د دې ختکي یوه برخه په یوه بشقاب کې او درې نورې برخې یې په بل بشقاب کې اینسودل شوې دی، ويلاي شو چې په لوړۍ بشقاب کې د ختکي خلورمه برخه او په هغه بل بشقاب کې درې پر خلور برخې اېسودل شوې دی. د لوړنې بشقاب ختکى ( $\frac{1}{4}$ ) او د دویم بشقاب ختکى ( $\frac{3}{4}$ ) لیکلای شو.

همدغو د  $\frac{1}{4}$  او  $\frac{3}{4}$  عددونو ته کسر وايي.  
د  $\frac{1}{4}$  په کسر کې د  $\frac{3}{4}$  عدد ته د کسر صورت،  $\frac{3}{4}$  ته د کسر مخرج وايي او د دواړو تر منځ کربنې ته کسري خط وايي، د کسر مخرج خرګندوي چې یو ختکى پر خو مساوي برخو وېشل شوي دی، صورت یې دا خرګندوي چې خو برخې ترې اخیستل شوې دی.

$$\frac{3}{4}$$



$$\frac{1}{4}$$



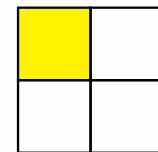
**مثال:** په لاندی شکلونو کې رنگ شوې برخې په کسر سره بسodel  
شوې دی.



$$\frac{1}{3} \text{ یو پر درې برخه له شکل خخه رنگ شوې ده}$$



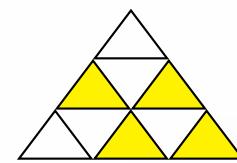
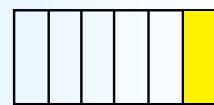
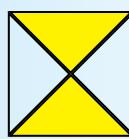
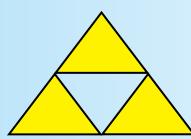
$$\frac{2}{3} \text{ برخه د مربع رنگ شوې ده.}$$



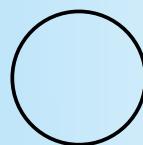
$$\frac{1}{4}$$

### فعالیت

۱- په لاندی هر یوه شکل کې د رنگ شوو برخو کسر ولیکئ.



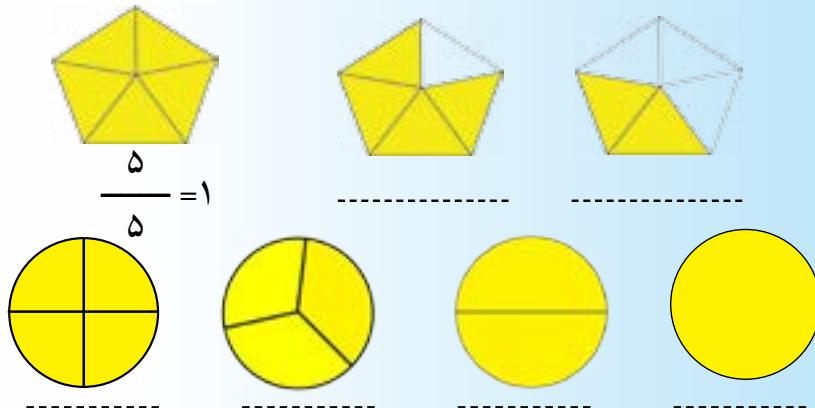
۲- په لاندی شکلونو کې د دایري  $\frac{2}{4}$  برخه، د خط  $\frac{1}{5}$  برخه، د مستطيل  $\frac{5}{6}$  برخه او د مربع  $\frac{2}{3}$  برخه رنگ کړئ.



## کورنی دندہ



تش خایونه د مثال په خېر بشپړ کړئ.



## له صفر سره مساوی کسرونه



- خه وخت یو کسر له صفر سره مساوی کډای شي؟  
لاندې شکلونو او د تورو شوو برخو اړوند کسرونو ته پاملننه وکړئ.



$$\frac{3}{3}$$



$$\frac{1}{3}$$



$$\frac{2}{3}$$



$$\frac{0}{3} = 0$$

$\frac{3}{3}$  کسر خرګندوي چې ټول شکل تور شوي دي.

$\frac{2}{3}$  کسر خرګندوي چې د شکل دوې برخې تورې شوي دي.

$\frac{1}{3}$  کسر خرګندوي چې د شکل یوه برخه توره شوي ده.

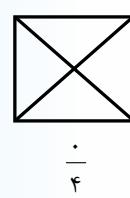
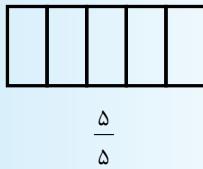
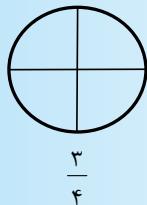
کسر خرگندوی چې د شکل کومه برخه توره شوي نه ده .  
 $\frac{1}{3}$

له صفر سره په مساوی کسرونه کي د شکل هیڅ یوه برخه نه رنګ  
 کېږي او د دي ډول کسرونو، صورتونه تل صفر وي، لکه:

$$\frac{1}{4} \quad \frac{1}{3} \quad \frac{1}{2} \quad \frac{1}{1}$$

### فعاليت

1- د هر شکل له اړوند کسر سره سم، برخې توري کړي.

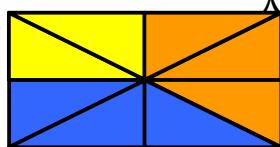


2- لاندي مستطيل ته وګوري د سمو جملو په مخکي د / نښه کېردي.

د مستطيل  $\frac{1}{2}$  برخه شنه ده. د مستطيل  $\frac{3}{4}$  برخه رنګ شوي ده.

د مستطيل  $\frac{1}{8}$  برخه شنه ده. د مستطيل  $\frac{8}{8}$  برخه رنګ شوي ده.

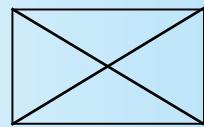
د مستطيل  $\frac{1}{8}$  برخه نارنجي ده. د مستطيل  $\frac{1}{8}$  برخه رنګ شوي ده.



کورنۍ دنده



لاندي انځورو (شکلونو) ته پام وکړي د رنګ شوو برخو  
 اړوند کسرونه ولیکۍ.



### فعالیت

۱- لاندی شکل ته پاملننه و کپرئ



د شکل کوم کسر شین رنگ لري؟

د شکل کوم کسر سور رنگ لري؟

د پورتنی شکل خو دانی  $\frac{1}{5}$  برخی رنگ شوي دي؟

د شکل کوم کسر رنگ شوي دي؟

خو خلی  $\frac{1}{5}$  ،  $\frac{2}{5}$  کپري؟

۲- د پورتنی فعالیت په کارولو سره په تشو ځایونو کې مناسب عددونه ولیکئ.

۴ واره  $\frac{1}{5}$  ،  $\frac{4}{5}$  کپري.

۲ واره  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{2}{3}$  کپري.

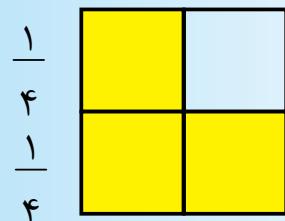
۳ واره  $\frac{1}{4}$  ، ..... کپري.

۴ واره  $\frac{1}{6}$  ،  $\frac{4}{6}$  ، کپري.

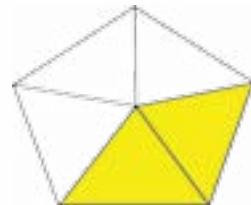
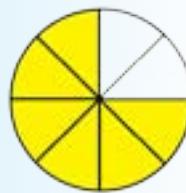
۳ واره  $\frac{1}{7}$  ،  $\frac{3}{7}$  کپري.

$\frac{2}{6}$  يعني ... واره ...

۳- په لاندی شکلونو کې له حل شوي مثال خخه په کار اخیستنی د هر یوه شکل اړوند کسر ولیکئ.



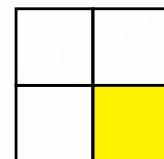
$\frac{1}{4}$ ,  $\frac{1}{4}$ ,  $\frac{1}{4}$  واري  $\frac{3}{4}$  کېږي.



### کورني دندنه



په لاندی شکلونو کې د هر یوه شکل د تورو شوو برخو اړوند کسر ولیکئ.

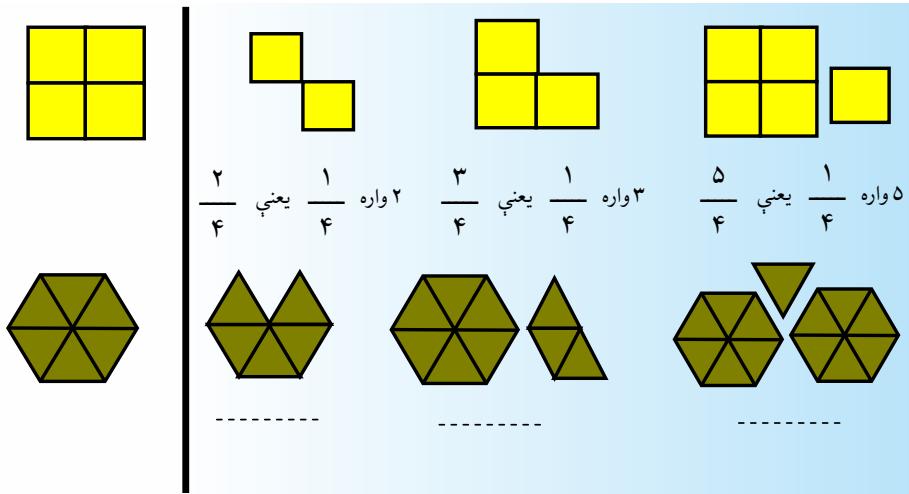


### له واحد خخه لوی کسرونه

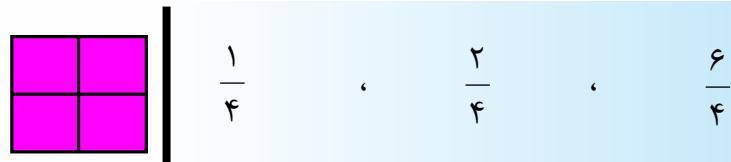
۰ د کاغددوو پايو خخه په ګتمې اخیستلو یو واحد او خلورمه حصه یې بنیئ؟



د کتار کین لوري ته شکلونه د واحد په توګه تاکل شوي دي، اړوندو شکلونو ته چې د هر واحد په مقابل کې رسم شوي دي له حل شوو مثالونو خخه په کار اخیستنی، مناسب کسرونه ولیکئ.

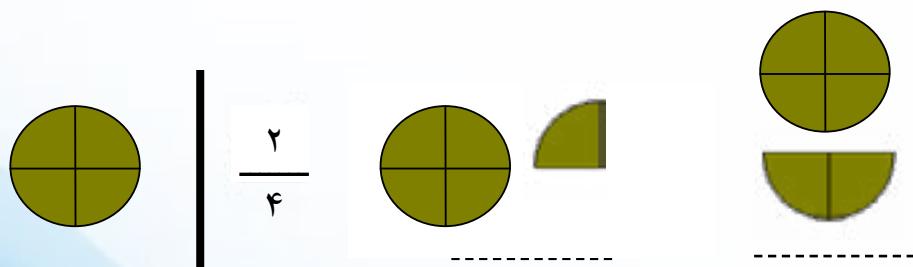


له کین لوري خخه په کار اخيستني د هر کسر اړوند شکل رسم کړئ.



### فعاليت

د کین لوري له شکل خخه په کار اخيستني دبى لوري ده رشك  
اړوند کسر وليکي.



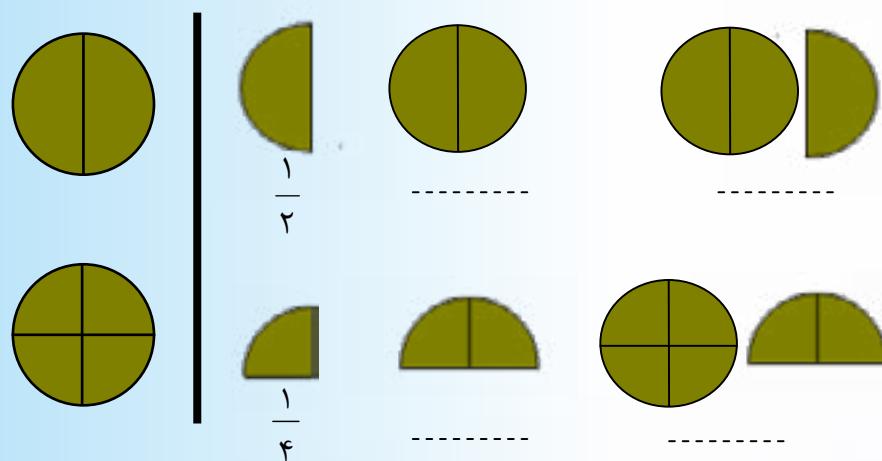
له واحد خخه لوی کسرونه هغه کسرونه دی چې له واحد (یوه  
شی) خخه لوی قیمت بنیئ او تل د صورت عدد نظر د مخرج عدد

ته لوی وي، لکه: د  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{1}{3}$  او داسی نور کسرونه

### کورني دنده



د کتاب د کین لوري له شکلونو خخه په کار اخیستنی د بنی لوري  
هر شکل اپوند کسر ولیکئ.



### واقعي او غير واقعي کسرونه

- هغه کسرونه چې صورت یې له مخرج خخه لوی وي، د خه په نوم یادیري؟
- هغه کسرونه چې صورت یې له مخرج خخه کوچنی وي، د خه په نوم یادیري؟



يو كيک په اتو مساوي برخو و بشو او درې برخې په بشقاب کې بدو، نوله دې امله په بشقاب کې — برخه د کيک موجوده. ده که چېري تولي اته برخې په بشقاب کې کېبردو په دې صورت په بشقاب کې د کيک — برخه موجوده ده. که چېري د همدغه کيک په خېر يو بل ورته کيک را واخلو او په ۸ مساوي برخو يې وو بشو، د هغه د دريو برخو په کېښودلو سره مور کولاي شود کيک  $\frac{11}{8}$  برخې په بشقاب کې کېبردو، نوله دې امله به په بشقاب کې  $\frac{11}{8}$  برخې موجودې وي.

په  $\frac{3}{8}$  کسر کې صورت له مخرج خخه کوچنۍ دی. داسي کسر

ته واقعي کسر وايي  $\frac{11}{8}$  او  $\frac{8}{8}$  کسرونو کې د کسر صورت له مخرج خخه لوی او ياله  $\frac{8}{8}$  مخرج سره مساوي دی، داسي کسرونه د غير واقعي کسرونو په نامه يادېږي.

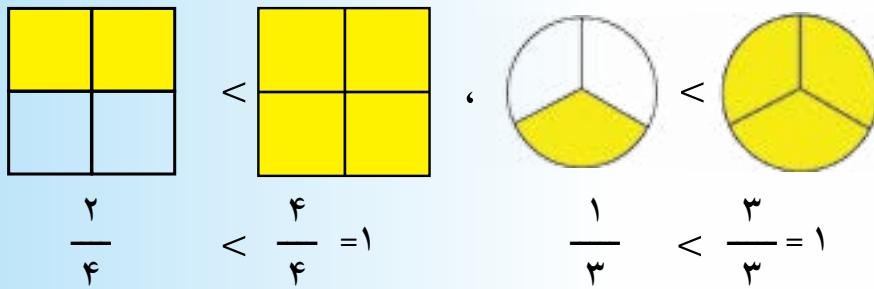
له پورتنيو خرگندونو خخه کولاي شوليكو چې:  
هغه کسر چې په هغه کې صورت له مخرج خخه کوچنۍ وي، د واقعي کسر په نامه يادېږي.

هغه کسر چې په هغه کې صورت له مخرج خخه لوی وي يا ورسه مساوي وي، د غير واقعي کسر په نامه يادېږي. واقعي کسر له يوه خخه کوچنۍ وي او غير واقعي کسر له يوه خخه لوی يا ورسه مساوي وي.

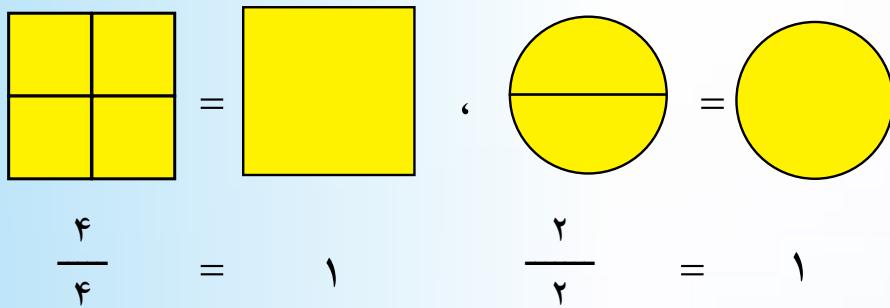
### لومړۍ مثال

لاندې شکلونه هغه کسرونه بنېي چې صورت یې له مخرج خخه کوچنۍ وي.

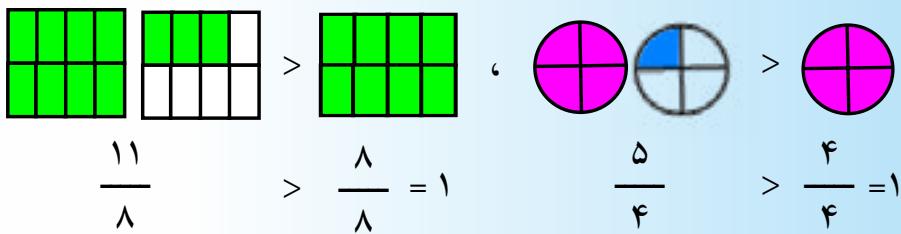
(مخرج > صورت) دغه چول کسرونه له یوه واحد خخه کوچنی دي او واقعی کسرونه بلل کېري.



**دویم مثال:** لاندی شکلونه هغه کسرونه دي چې صورت او مخرج يې سره مساوی (مخرج = صورت) دي دا چول کسرونه له واحد (1) سره مساوی دي، دي چول کسرونو ته غیر واقعی کسرونه وايې:



**دریم مثال:** لاندینې شکلونه هغه کسرونه خرگذوي چې صورت يې له مخرج خخه لوی (مخرج > صورت) وي، دا چول کسرونه له واحد خخه لوی دي.



### فعاليت

۱- د لاندینيو واقعي کسرونو وروستي درې کسرونه پيدا کړئ.

$$\frac{1}{8}, \frac{2}{8}, \frac{3}{8}, \frac{4}{8}, \underline{\quad}, \underline{\quad}, \underline{\quad}$$

۲- د لاندینيو غير واقعي کسرونو وروستي خلور پر له پسې کسرونه پيدا کړئ.

$$\frac{9}{9}, \frac{10}{9}, \frac{11}{9}, \underline{\quad}, \underline{\quad}, \underline{\quad}, \underline{\quad}$$

۳- د لاندې کسرونو په پام کې نیولو سره واقعي او غير واقعي مناسب کسرونه په تشو خایونو کې ولیکئ.

$$\frac{11}{8}, \frac{12}{16}, \frac{19}{20}, \frac{42}{18}, \frac{98}{47}, \frac{172}{99}, \frac{245}{372}, \frac{1741}{1982}, \frac{1861}{1861}$$

واقعي کسرونه:  $\underline{\quad}, \underline{\quad}, \underline{\quad}, \underline{\quad}, \underline{\quad}$

غير واقعي کسرونه:  $\underline{\quad}, \underline{\quad}, \underline{\quad}, \underline{\quad}, \underline{\quad}$

## کورنی دنده

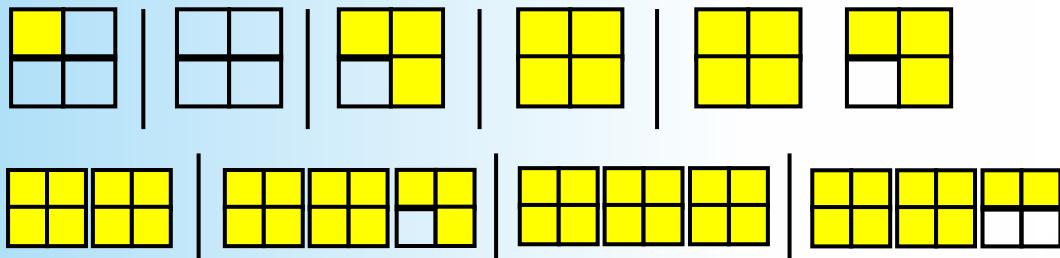


- ۱- پنځه کسرونه ولیکئ چې صورتونه یې له مخرجونو څخه ۳ واحده کوچنی وي.
- ۲- خلور داسې کسرونه ولیکئ چې مخرجونه یې له صورتونو څخه ۲ واحده لوی وي.

### پښتنې



- ۱- د لاندې کوم کسر توري برخې واقعي کسر او د کوم کسر توري  
برخې غیر واقعي کسرونه نسيي؟



- ۲- په لاندې کسرونو کې د (>, <, =) نسبو په واسطه خرګنده کړئ  
چې کوم یو یې له واحد څخه لوی، کوم یو یې له واحد څخه  
کوچنی او کوم یو یې له واحد سره مساوي دي.

$$\frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{5}{4}, \frac{6}{7}, \frac{2}{2}, \frac{4}{3}, \frac{5}{7}, \frac{7}{4}, \frac{8}{5}, \frac{6}{6}, \frac{6}{4}, \frac{5}{6}, \frac{1}{9}, \frac{9}{8}$$

- ۳- په لاندې کسرونو کې واقعي او غیر واقعي کسرونه جلا جلا  
ولیکئ.

$$\frac{28}{29}, \frac{35}{35}, \frac{67}{60}, \frac{39}{56}, \frac{46}{80}, \frac{65}{70}, \frac{214}{251}, \frac{318}{215}, \frac{300}{300}, \frac{215}{401}, \frac{118}{140}$$

$$\frac{99}{99}, \frac{91}{100}, \frac{76}{86}, \frac{42}{46}, \frac{31}{46}, \frac{25}{21}, \frac{60}{120}, \frac{100}{100}, \frac{67}{37}, \frac{25}{19}$$

-٤

الف: یوه دایرہ رسم کرئ او هغه پر دوو مساوی برخو ووبشی،  
دورو شوو برخو په واسطه  $\frac{2}{2}$  غیر واقعی کسر وبنایاست.

ب: یوه دایرہ رسم کرئ او هغه پر اتو مساوی برخو ووبشی، د تورو  
شوو برخو په واسطه  $\frac{7}{8}$  واقعی کسر وبنایاست.

ج: دری دایری رسم کرئ او هر یوه په خلورو مساوی برخو ووبشی  
او د تورو شوو برخو په واسطه  $\frac{11}{4}$  غیر واقعی کسر وبنایاست.

۵- د  $\frac{0}{2}, \frac{1}{2}, \frac{2}{2}, \frac{3}{2}$  هر یو کسر په دایرو کی د تورو  
شوو برخو په واسطه وبنایاست.

۶- داسی واقعی کسرونہ ولیکی چې مخرجونه یې ۶ وي.

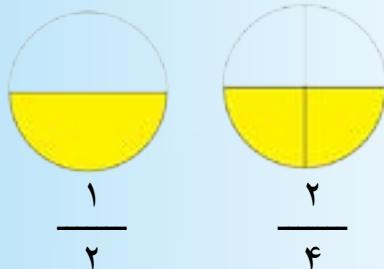
۷- داسی غیر واقعی کسرونہ ولیکی چې صورتونه یې ۵ وي.

## معادل کسرونه

- ۰ د  $\frac{3}{4}$  کسر صورت او مخرج د ۲ په عدد کې ضرب کړئ ؟
- ۰ د  $\frac{3}{4}$  او  $\frac{6}{8}$  کسرونه په شکل کې وښیئ ؟
- ۰ آیا دا رسم شوی شکلونه عین مقدار (اندازه) بښیئ ؟  
لاندې مثال ته پاملنې وکړئ :



**لومړۍ مثال:** خنګه چې په لاندې شکل کې لیدل کېږي، د دایري سطحه په څلورو مساوي برخو وپشل شوې ده او له هغو برخو خڅه دوې برخې توري شوې دي چې دغه دوې توري شوې برخې د دایري د سطحې  $(\frac{1}{4})$  برخه ده. خنګه چې په شکل کې لیدل کېږي په حقیقت کې د هغې دایري نيمه یا  $(\frac{1}{2})$  برخه توره شوې ده، نو د دایري  $(\frac{2}{4})$  برخه د دایري د سطحې له  $(\frac{1}{2})$  برخې سره مساوي ده.



$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4}$$

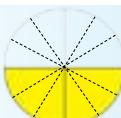
د  $(\frac{2}{4})$  کسر او د  $(\frac{1}{2})$  کسر قیمتونه سره مساوي دي او دغو کسرونو ته معادل کسرونه هم وايې.

په همدي ډول که چېږي د دایري د سطحې هره څلورمه برخه په ۳ مساوي برخو، لکه: خنګه چې په شکل کې لیدل کېږي ووپشو. په دې حالت کې د دایري توله سطحه په ۱۲ مساوي برخو وپشل شوې

د چې شپږ برخې يې تورې شوې دی. د شکل له مخې لیکلای شو.



$$\frac{2}{4}$$



$$\frac{6}{12}$$

$$\frac{2}{4} = \frac{6}{12}$$

د  $\frac{2}{4}$  کسرو او د  $\frac{6}{12}$  کسر قيمتونه سره مساوي دي او د غو کسرونو  
ته معادل کسرونو هم وايې

دغه راز کولای شو چې د  $3$  عدد د  $\frac{2}{4}$  کسر په صورت او مخرج  
کې ضرب کړو او د نوموږي کسر معادل کسر لاس ته راړو، یعنې:

$$\frac{2}{4} = \frac{2 \times 3}{4 \times 3} = \frac{6}{12}$$

دویم مثال: لاندې کسرونو ته چې د شکلونو د تورو شوو برخو  
اندازې بنېي پاملننې وکړئ.



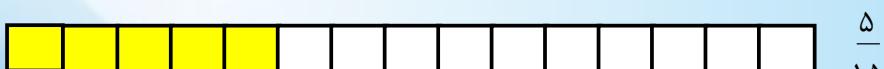
$$\frac{1}{3}$$



$$\frac{2}{6}$$



$$\frac{4}{12}$$



$$\frac{5}{15}$$

لکه خنگه چې په  $\frac{1}{3}$ ،  $\frac{2}{6}$ ،  $\frac{4}{12}$  و  $\frac{5}{15}$  کسرونو کې ليدل کېبری، د دغو کسرونو صورتونه او مخرجونه مختلف دي، خود هره یو تور کسري ی مساوی شوي برخه خرگندوي. نو د ټولو ذکر شوو کسرونو قيمتونه له یوبل سره مساوی دي او د دغو کسرونو ته معادل کسرونه وايسي.

هغه کسرونه چې د صورت او مخرج عددونه یې له یوبل سره مختلف خو قيمتونه یې له یوبل سره مساوی وي، معادل کسرونه بلل کېبری، لکه: د لوړۍ او دویم مثال کسرونه.

$$\begin{array}{rcl} \frac{1}{2} & = & \frac{2}{4} = \frac{6}{12} \\ \frac{1}{3} & = & \frac{2}{6} = \frac{4}{12} = \frac{5}{15} \end{array}$$

د یو کسر د معادل کسرونو د لاسته راوړلو لپاره د نوموري کسر صورت او مخرج به عين عدد (د صفر پرته) کې ضرب کوو او یا یې پري تقسيم کوو.

دریم مثال: د  $\frac{5}{3}$  کسر، خلور کسرونه لاسته راوړئ.

د  $\frac{5}{3}$  کسر د معادل کسرونو د لاس ته راوړلو لپاره د ۵، ۴، ۳، ۲، ۶، ۷، ۸ عددونو خخه هر یو د  $\frac{5}{3}$  کسر په صورت او مخرج کې ضربوو د پورتنيو عددونو خخه د هر یوه عدد د ضربولو په نتيجه کې د نوموري کسر، یو معادل کسر لاس ته راخېي، یعنې:

$$\frac{3 \times 2}{5 \times 2} = \frac{6}{10}$$

$$\frac{3 \times 3}{5 \times 3} = \frac{9}{15}$$

$$\frac{3 \times 4}{5 \times 4} = \frac{12}{20}$$

$$\frac{3 \times 5}{5 \times 5} = \frac{15}{25}$$

$$\frac{3}{5} = \frac{6}{10} = \frac{9}{15} = \frac{12}{20} = \frac{15}{25}$$

نو ليکلای شو چې:

دریم مثال: د  $\frac{3}{7}$  کسر دوه معادل کسرونه پیدا کړئ.

$$\frac{3}{7} = \frac{3 \times 2}{7 \times 2} = \frac{6}{14}$$

$$\frac{3}{7} = \frac{3 \times 3}{7 \times 3} = \frac{9}{21}$$

نود  $\frac{3}{7}$  کسر د  $\frac{6}{14}$  او  $\frac{9}{21}$  کسرونو سره معادل دي.

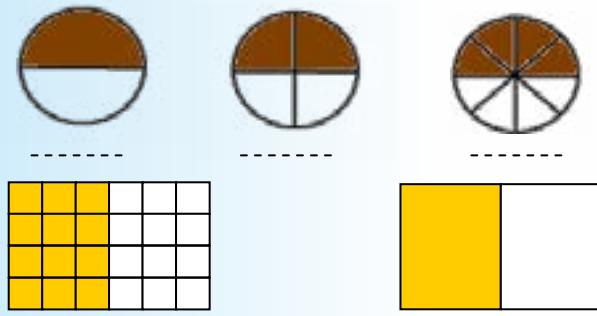
$$\frac{6}{14} = \frac{6 \div 2}{14 \div 2} = \frac{3}{7}$$

حکه:

$$\frac{9}{21} = \frac{9 \div 3}{21 \div 3} = \frac{3}{7}$$

## فعالیت

- د هر شکل اړوند کسرونه د رنګ شوو برخو له مخي وليکئ



- په یوه عدد کي د کسر صورت او مخرج په ضربولو سره نوموري  
د کسر دوہ معادل کسرونه پیدا کړئ.

- په یوه عدد باندي  $\frac{8}{12}$  د کسر د صورت او مخرج په وېشلو سره  
د کسر دوہ معادل کسرونه پیدا کړئ.

## کورنۍ دنده



- په یوه عدد کي د کسر د صورت او مخرج په ضربولو سره د  $\frac{5}{6}$   
کسر درې معادل کسرونه پیدا کړئ.

- په یوه عدد باندي د کسر د صورت او مخرج په وېشلو سره د  
 $\frac{45}{60}$  د کسر دوہ معادل کسرونه پیدا کړئ.

## پونتنی



- ۱- د  $\frac{1}{3}, \frac{25}{40}, \frac{3}{8}$  هر يوه کسر صورت او مخرج په ۵ کې ضرب کړئ، لاس ته راغلي معادل کسرونه ولیکئ.
- ۲- د  $\frac{6}{3}, \frac{15}{21}$  هر يوه کسر صورت او مخرج په ۳ باندي ووبشئ او نوي لاس ته راغلي معادل کسرونه ولیکئ.
- ۳- ووايast چې لاندې هر يو مساوات ولې سم او صحيح دی.

$$\frac{4}{5} = \frac{8}{10}$$

$$\frac{44}{100} = \frac{11}{25}$$

۴- د  $\frac{11}{9}$  کسر معادل کسر ولیکئ چې مخرج يې ۲۹۷ وي.

۵- د  $\frac{12}{13}$  کسر معادل کسر ولیکئ چې مخرج يې ۶۵ وي.

۶- د  $\frac{5}{6}$  کسر معادل کسر ولیکئ چې مخرج يې ۶۵ وي.

## کورنی دندہ



۷- د  $\frac{7}{6}$  کسر معادل کسر ولیکئ چې مخرج يې ۱۸ وي.

## د کسرونو اختصار (ساده کول)

- ۱۰ د  $\frac{2}{4}$  کسر صورت او مخرج د ۲ پر عدد ووپشی؟
- ۱۰ د  $\frac{1}{2}$  کسر په شکل کې وبنیئ او هغه د  $\frac{2}{4}$  کسر د شکل سره پرتله کړئ؟
- ۱۵ د کسر ته پاملنہ وکړي



خونګه چې د ۵ عدد د ۱۵ او ۲۰ عددونو مشترک قاسم دی، نوله دې امله  $\frac{15}{20}$  د کسر صورت او مخرج د هغوي په مشترک قاسم باندې چې ۵ دی وېشلي شو.

$$\frac{15}{20} = \frac{15 \div 5}{20 \div 5} = \frac{3}{4}$$

په نتیجه کې د  $\frac{15}{20}$  ، معادل کسر  $\frac{3}{4}$  لاس ته راخي چې  $\frac{3}{4}$  کسر د  $\frac{15}{20}$  کسر د پر ساده شکل دی. له دې امله ويلی شو چې یو ساده کسر د یوه له عدد خخه پرته بل مشترک قاسم نه لري.

$$\frac{15}{20} = \frac{3}{4}$$

د یوه کسر په مشترک قاسم باندې د هغه د صورت او مخرج د وېشلو عملیې ته د کسر اختصار (ساده کول) وايي.

ڊپر لوی عدد چې د هغه په واسطه یو کسر اختصار کولی شو، د صورت او مخرج د لوی مشترک قاسم په نامه یادېږي. د مثال په توګه: د  $\frac{3}{3}$  کسر د  $5, 5, 15$  په عددونو سره اختصار کولی شو، خود هغوي لوی عدد  $15$  دی. نوله دې امله د  $30$  او  $45$  ڊپر لوی مشترک قاسم  $15$  بدل کېږي.

که چېري د یوه کسر صورت او مخرج په یوه عدد باندې ووېشو، ويلاي شو چې هغه کسر مو اختصار کړي دی، نو د کسر د اختصار کولو لپاره لوړۍ داسي عدد پیداکوو چې د کسر صورت او مخرج پر هغه عدد باندې پوره ووېشل شي.

له دې امله د کسرونو د اختصارولو په وخت کې د عددونو د وېش له قابلیت خخه باید کار واخلو.

**لومړۍ مثال:** غواړو د  $\frac{3}{6}$  کسر اختصار کړو.

حل: هغه عدد چې د  $\frac{3}{6}$  کسر صورت او مخرج ور باندې پوره وېشل کېږي، د  $3$  عدد دی، نو د  $\frac{3}{6}$  کسر صورت او مخرج په  $3$  پر عدد باندې وېشو.

$$\frac{3}{6} = \frac{3 \div 3}{6 \div 3} = \frac{1}{2} \quad \text{له دې امله:}$$

د  $\frac{1}{2}$  کسر د  $\frac{3}{6}$  د کسر اختصار شوی شکل دی، یعنی:

دویم مثال: د  $\frac{10}{30}$  کسر داسی اختصار کولی شو:

په پورتني کسر کې ليدل کېږي چې د کسر صورت او مخرج په ۲۵، او ۱۰ عددونو باندې پوره د وېشلو وړ دی، نوله دې امله نوموری کسر په خو ډولونو ساده کولی شو.

**لومړۍ طریقہ:** د  $\frac{10}{30}$  کسر صورت او مخرج د ۱۰ په عدد وېشو، نوليکلی شو چې:

$$\frac{10}{30} = \frac{10 \div 10}{30 \div 10} = \frac{1}{3}$$

د  $\frac{1}{3}$  کسر د  $\frac{10}{30}$  کسر ډېر ساده شکل دی. څکه  $\frac{1}{3}$  د کسر صورت او مخرج بې له یوه څخه په کوم بل عدد پوره د وېش وړ نه دی.

همداسي کوي شو چې د  $\frac{10}{30}$  کسر صورت او مخرج د ۵ په عدد باندې ووېشو.

$$\frac{10}{30} = \frac{10 \div 5}{30 \div 5} = \frac{2}{6}$$

د  $\frac{2}{6}$  کسر د  $\frac{10}{30}$  د کسر ساده شکل نه دی، څکه چې صورت او مخرج یې بیا هم په (۲) عدد باندې پوره د وېشلو وړ دی.

$$\frac{2}{6} = \frac{2 \div 2}{6 \div 2} = \frac{1}{3}$$

$\frac{1}{3}$  کسر د  $\frac{10}{30}$  کسر ساده شکل دی.

همدارنگه  $\frac{10}{30}$  کسر په لاندې ډولونو سره، هم اختصار کولی شو.

د  $\frac{10}{30}$  کسر صورت او مخرج پر ۲ باندې وېشو

$$\frac{10}{30} = \frac{10 \div 2}{30 \div 2} = \frac{5}{15} \quad \text{نو:}$$

اوسم د  $\frac{5}{15}$  کسر صورت او مخرج د ۵ په عدد باندې وېشو

$$\frac{5}{15} = \frac{5 \div 5}{15 \div 5} = \frac{1}{3}$$

د  $\frac{1}{3}$  کسر د  $\frac{10}{30}$  د کسر ساده شکل دی.

کورني دنده



د  $\frac{15}{25}$  ،  $\frac{7}{21}$  او  $\frac{4}{16}$  کسرونه په خپلو کتابچو کې اختصار کړئ.

**دویمه طریقه:** په دې طریقه کې د یوه کسر د صورت خو صفرونه د مخرج له خو صفرونو سره په داسې ډول اختصار کولی شو چې د صورت د صفرونو شمېره د مخرج د صفرونو له شمېري سره مساوي وي.

$$\frac{10}{30} = \frac{1}{3}$$

په پورته مثال کې د  $\frac{10}{3}$  کسر ډېر ساده شکل، یعنې:  $\frac{1}{3}$  کسر موله خو لارو خخه تر لاسته راور.

په عمومي توګه په حساب کې د اختصارولو عملیه داسې بنیو چې په لیکلی ډول د صورت او مخرج عليه له وېشلو خخه تېر شو او پر ځای یې د صورت او مخرج خارج قسمت پورته او بنکته ولیکو او د کسر پر صورت او مخرج باندې یوه نری کربنه وکابو. د بیلگې په توګه: د  $\frac{10}{15}$  کسر داسې اختصار کوو.

$$\frac{2}{15} = \frac{2}{3}$$

لومړۍ مو ولیدل چې د کسر صورت او مخرج پر ۵ باندې وبشل کېږي. د کسر په صورت  $(10)$  باندې مو یوه نری کربنه تېره کړه او خارج قسمت چې  $2$   $(10 \div 5 = 2)$  دی د  $(10)$  د پاسه یې لیکو، په همدي ډول د مخرج  $(15)$  باندې مو یوه نری کربنه تېره کړه او خارج قسمت چې  $3$   $(15 \div 5 = 3)$  دی، تر لاندې مو ولیکل او  $\frac{2}{3}$  کسر لاس ته راغې.

په اختصار کې د یوه کسر ډېر ساده شکل ځینې وخت د تقسیم (وېش) له خو پړاونو څخه وروسته لاس ته راخې. د مثال په توګه:

$$\text{د } \frac{3}{5} \text{ کسر د } \frac{180}{300} \text{ کسر ډېر ساده شکل دی چې د وېش له خو}$$

پړاونو وروسته لاس ته راغلی دی.

$$\begin{array}{r} 3 \\ 6 \\ \hline 180 \\ \hline 300 \\ 5 \\ 15 \\ \hline 5 \end{array} = \frac{3}{5}$$

په عمومي ډول د یوه کسر ډېر ساده بنه (شکل) هغه کسر دی چې صورت او مخرج يې له (۱) څخه پرته په کوم بل عدد د وېش وړ نه وي.

## فعالیت

د لاندې کسرونو د اختصار په پام کې نیلو سره په تشو ځایونو کې مناسب (وړ) عددونه ولیکئ.

$$\frac{4}{16} = \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$\frac{30}{50} = \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$\frac{15}{20} = \underline{\quad}$$

$$\frac{40}{70} = \underline{\quad}$$

$$\frac{18}{24} = \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$\frac{15}{60} = \underline{\quad}$$

## کورنی دندہ



آيا لاندي کسرونه په خپل ساده شکل سره قرار لري؟ که چېري نه  
وي هغه اختصار کړئ.

$$\frac{15}{63}, \quad \frac{9}{45}, \quad \frac{3}{4}, \quad \frac{7}{9}, \quad \frac{100}{200}, \quad \frac{9}{11}$$

## پوبستني



1- د لاندي کسرونو ډېر ساده شکل پیدا کړئ.

$$\frac{4}{5}, \quad \frac{15}{25}, \quad \frac{10}{30}, \quad \frac{7}{28}, \quad \frac{16}{18}, \quad \frac{54}{72}, \quad \frac{32}{81}, \quad \frac{180}{39}, \quad \frac{100}{200}$$

2- د لاندي کسرونه په تشو خایونو ( ) کې مناسب عددونه  
ولیکئ.

$$\frac{6 \div \boxed{\phantom{00}}}{10 \div \boxed{\phantom{00}}} = \frac{3}{5}$$

$$\frac{20 \div \boxed{\phantom{00}}}{30 \div \boxed{\phantom{00}}} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{24 \div \boxed{\phantom{00}}}{32 \div \boxed{\phantom{00}}} = \frac{6}{8}$$

$$\frac{10}{20} = \frac{5}{\boxed{\phantom{00}}}$$

$$\frac{35 \div \boxed{\phantom{00}}}{42 \div \boxed{\phantom{00}}} = \frac{5}{\boxed{\phantom{00}}}$$

$$\frac{8}{32} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{8}$$

٣- دلاندي كسر و نو د صورت ياد مخرج په تشو خاينو کي مناسب عددونه ولیکي.

$$\frac{2}{7} = \frac{\underline{\hspace{1cm}}}{21}, \quad \frac{9}{15} = \frac{3}{\underline{\hspace{1cm}}}, \quad \frac{2}{5} = \frac{\underline{\hspace{1cm}}}{5}$$

$$\frac{36}{42} = \frac{6}{\underline{\hspace{1cm}}}, \quad \frac{27}{45} = \frac{\underline{\hspace{1cm}}}{5}, \quad \frac{20}{12} = \frac{\underline{\hspace{1cm}}}{24}$$

$$\frac{36}{9} = \frac{4}{\underline{\hspace{1cm}}}, \quad \frac{42}{6} = \frac{\underline{\hspace{1cm}}}{1}, \quad \frac{10}{2} = \frac{\underline{\hspace{1cm}}}{5}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{\underline{\hspace{1cm}}}{6}, \quad \frac{16}{12} = \frac{4}{\underline{\hspace{1cm}}}, \quad \frac{8}{4} = \frac{\underline{\hspace{1cm}}}{2}$$

$$\frac{12}{16} = \frac{3}{\underline{\hspace{1cm}}}, \quad 7 = \frac{\underline{\hspace{1cm}}}{1} = \frac{\underline{\hspace{1cm}}}{4}, \quad 5 = \frac{\underline{\hspace{1cm}}}{1} = \frac{\underline{\hspace{1cm}}}{5}$$

## د کسرونو پر تله(مقایسه) کول

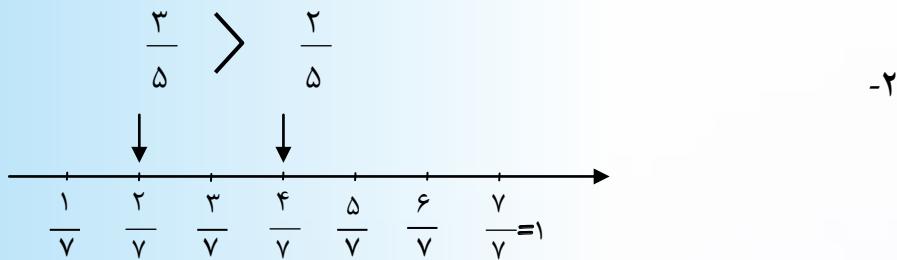
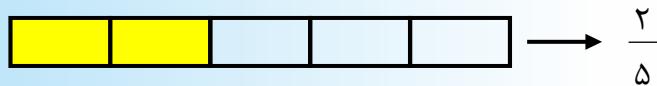
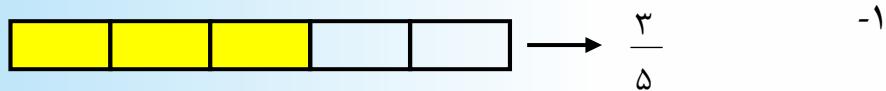


- د دې لپاره چې پوه شو د دوو کسرونو تر منځ کوم یو لوی دی،  
خه باید وکړو؟
- هغه کسرونه چې مساوی مخرجونه ولري، خه ډول یې پر تله کوو؟

په لاندي دريو حالتونو کي کسرونه مقاييسه کوو.

### د مساوی مخرج لرونکو کسرونو مقاييسه.

لاندي شکلونو ته پاملننه وکړئ:



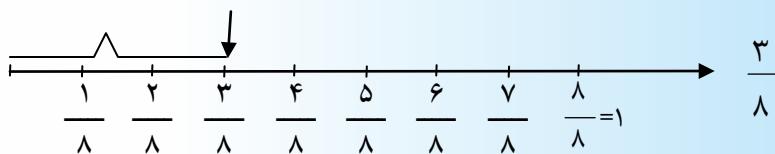
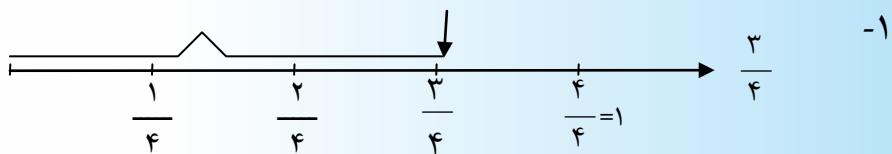
د پورته شکل د لېدلوا له مخي لاندي نتیجه لیکلای شو چې:

پايله (نتیجه): هغه کسرونه چې مخرجونه یې مساوی وي، هغه کسر یې لوی دی چې صورت یې لوی وي.

## د مساوي صورت لرونکو کسرونو مقاييسه

- هغه کسرونه چې مساوي صورتونه ولري، خه ډول یې پرتهه کوو؟

لاندي شکلونو ته پاملننه وکړئ



$$\frac{3}{4} > \frac{3}{8}$$

-2



$$\frac{2}{3}$$



$$\frac{2}{5}$$

$$\frac{2}{3} > \frac{2}{5}$$

-2

د پورته شکلونو له ليدلو خخه دي نتيجي ته رسپرو چې:

**پايله:** په هغو کسرونو کې چې صورتونه یې مساوي او مخرجونه یې مختلف وي، هغه کسر لوی دی چې مخرج یې کوچنۍ وي.



د  $\frac{13}{21}$  او  $\frac{14}{21}$ ،  $\frac{120}{1000}$  او  $\frac{120}{11000}$  کسرونه په خپلو کتابچو کې مقایسه کړئ.

#### ج- ۵ مختلفو صورتونو او مخرجونو لرونکو کسرونو مقایسه.

• هغه کسرونه چې مختلف صورتونه او مختلف مخرجونه ولري،  
څه ډول یې پرتله کوو؟  
هغه کسرونه چې صورتونه او مخرجونه یې مختلف وي، په لاندې  
دوو طریقو سره یې مقایسه کولی شو.  
لومړۍ طریقه

په پیل کې لومړۍ کسرونه هم مخرج کوو او وروسته د هم مخرج  
لونکو کسرونو په شان یې سره مقایسه کوو.

مثال: د  $\frac{3}{7}$  و  $\frac{2}{5}$  کسرونه داسې مقایسه کولی شو.

حل: نوموري کسرونه هم مخرج کوو، یعنې د لومړني کسر صورت  
او مخرج د دویم کسر په مخرج (۵) کې ضربوو او د دویم کسر  
صورت او مخرج د لومړني کسر په مخرج (۷) کې ضربوو، په دې  
ډول د دواړو کسرونو مخرجونه ۳۵ کېږي.

د پخوانیو معلوماتو له مخې لیکلای شو چې:

$$\frac{3}{7} = \frac{3 \times 5}{7 \times 5} = \frac{15}{35}$$

$$\frac{2}{5} = \frac{2 \times 7}{5 \times 7} = \frac{14}{35}$$

$$\frac{15}{35} > \frac{14}{35}$$

$$\frac{3}{7} = \frac{15}{35}$$

$$\frac{2}{5} = \frac{14}{35}$$

$$\frac{3}{7} > \frac{2}{5}$$

خرنگه چې:

په نتیجه کې:

که چېرې د یوه کسر مخرج د بل کسر پر مخرج باندي د وېشلو وړ  
وي داسې کسرونه د هغه په معادل کسر بدلولى شو.

مثال: د  $\frac{5}{4}$  او  $\frac{3}{8}$  دوه کسرونه سره مقایسه کوو. خرنگه

چې د  $\frac{5}{8}$  کسر مخرج، یعنې د  $\frac{3}{4}$  کسر مخرج یعنې په  $\frac{6}{8}$  باندي

دوبسلو وردی، نولیکلای شو چې.

$$\frac{3}{4} = \frac{6}{8}$$

او س د  $\frac{5}{8}$  او  $\frac{6}{8}$  دوه کسرونه سره مقایسه کولی شو.

$$\frac{5}{8} < \frac{6}{8}$$

نولیکو چې:

$$\frac{5}{8} < \frac{3}{4}$$

په نتیجه کې:  
دویمه طریقہ

د مختلفو صورتونو او مخرجونو لرونکو کسرنو د مقایسې لپاره نوموری کسرونه په هغو کسرنو چې صورتونه يې مساوی وي بدلوو، له هغه وروسته يې د هغو کسرنو په خېر چې صورتونه يې سره مساوی وي، پرتله کوو.

مثال : د  $\frac{2}{3}$  او  $\frac{4}{5}$  دوه کسرونه داسې پرتله کوو.

حل : دلومړني کسر صورت او مخرج په ۴ (دویم کسر په صورت) کې ضربوو د دویم کسر صورت او مخرج په ۲ (دلومړني کسر په صورت) کې ضربوو.

$$\frac{2}{3} = \frac{2 \times 4}{3 \times 4} = \frac{8}{12}$$

$$\frac{4}{5} = \frac{4 \times 2}{5 \times 2} = \frac{8}{10}$$

خرنگه چې ليدل کېږي:  $\frac{8}{10}$  او  $\frac{8}{12}$  د کسرونو صورتونه سره مساوي دي، نو

$$\frac{8}{10} > \frac{8}{12}$$

له بلې خوا خرنگه چې  $\frac{8}{12} = \frac{2}{3}$  او  $\frac{8}{10} = \frac{4}{5}$  دي، په نتیجه کې

$$\frac{4}{5} > \frac{2}{3}$$

### فعالیت

1- لاندې کسرونه د ( $>$ ,  $<$  او  $=$ ) نبتو د اینښودلو په واسطه مقایسه کړئ.

$$\frac{5}{9} \boxed{\phantom{00}} \frac{2}{9}, \quad \frac{8}{12} \boxed{\phantom{00}} \frac{8}{12}, \quad \frac{6}{18} \boxed{\phantom{00}} \frac{6}{25}$$

2- لاندې کسرونه د مخرجونو له مساوي کولو وروسته یو له بله سره مقایسه کړئ.

$$\frac{1}{3} \boxed{\phantom{00}} \frac{6}{9}, \quad \frac{4}{6} \boxed{\phantom{00}} \frac{7}{12}, \quad \frac{3}{5} \boxed{\phantom{00}} \frac{4}{7}$$

### کورنۍ دندہ

لاندې کسرونه د ( $>$ ,  $<$  او  $=$ ) نبتو د اینښودلو په واسطه مقایسه کړئ.

$$\frac{3}{7} \boxed{\phantom{00}} \frac{3}{8}, \quad \frac{7}{16} \boxed{\phantom{00}} \frac{3}{16}, \quad \frac{6}{6} \boxed{\phantom{00}} \frac{12}{12}$$

$$\frac{9}{15} \boxed{\phantom{00}} \frac{5}{12}, \quad \frac{4}{18} \boxed{\phantom{00}} \frac{5}{16}, \quad \frac{4}{6} \boxed{\phantom{00}} \frac{7}{12}$$



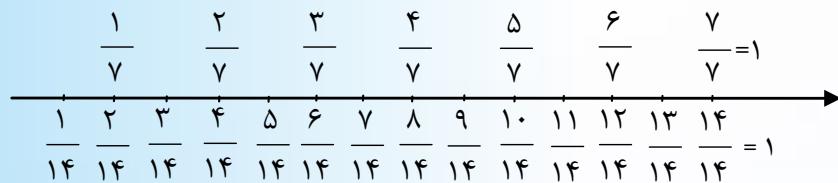
۱- دلاندی کسرونو هره جوره مقایسه کړئ او نتیجه یې د ( $>$ ,  $<$ ) نښو په واسطه وبنایاست.

$$\frac{20}{8} \text{ او } \frac{7}{8}, \quad \frac{3}{9} \text{ او } \frac{3}{7}, \quad \frac{6}{10} \text{ او } \frac{9}{10}, \quad \frac{7}{20} \text{ او } \frac{12}{20}$$

$$\frac{23}{75} \text{ او } \frac{23}{68}, \quad \frac{7}{16} \text{ او } \frac{10}{16}, \quad \frac{16}{32} \text{ او } \frac{22}{32}, \quad \frac{15}{40} \text{ او } \frac{15}{48}$$

$$\frac{14}{18} \text{ او } \frac{11}{18}, \quad \frac{27}{49} \text{ او } \frac{17}{85}, \quad \frac{168}{27} \text{ او } \frac{168}{200}, \quad \frac{1002}{1001} \text{ او } \frac{1001}{10001}$$

۲- له عددی محور خخه کار واخلی، دلاندی کسرونو د هرې جورې تر منځ د ( ) په تشن څای کې د ( $>$  یا  $<$ ) مناسبې نښې ولیکوي.



$$\frac{5}{7} \bigcirc \frac{12}{14} \quad \frac{13}{14} \bigcirc \frac{4}{7} \quad \frac{6}{7} \bigcirc \frac{1}{7} \quad \frac{11}{14} \bigcirc \frac{6}{7}$$

$$\frac{3}{14} \bigcirc \frac{4}{7} \quad \frac{\cdot}{7} \bigcirc \frac{2}{7} \quad \frac{2}{7} \bigcirc \frac{9}{14} \quad \frac{5}{14} \bigcirc \frac{3}{7}$$

٣- د مخرج له مساوي کولو خخه په کار اخیستنی سره، د لاندې  
کسرونو هره جوړه مقایسه کړئ.

$$\frac{3}{4} \text{ او } \frac{4}{5}, \quad \frac{6}{7} \text{ او } \frac{8}{9}, \quad \frac{5}{6} \text{ او } \frac{7}{8}$$

$$\frac{5}{6} \text{ او } \frac{3}{4}, \quad \frac{3}{7} \text{ او } \frac{15}{14}, \quad \frac{4}{15} \text{ او } \frac{3}{5}$$

٤- د  $>$ ,  $<$  او  $=$  نښو په واسطه لاندې کسرونه مقایسه کړئ.

$$\frac{2}{9} \boxed{\phantom{00}} \frac{5}{9}, \quad \frac{32}{40} \boxed{\phantom{00}} \frac{23}{40}$$

$$\frac{10}{12} \boxed{\phantom{00}} \frac{11}{12}, \quad \frac{7}{18} \boxed{\phantom{00}} \frac{5}{18}$$

$$\frac{9}{14} \boxed{\phantom{00}} \frac{3}{4}, \quad \frac{2}{3} \boxed{\phantom{00}} \frac{7}{12}$$

$$\frac{8}{12} \boxed{\phantom{00}} \frac{8}{12}, \quad \frac{15}{30} \boxed{\phantom{00}} \frac{15}{30}$$

## د عام کسر تصحیح او غیر واجب کول

### الف: د عام کسر تصحیح

- خوک د  $\frac{7}{2}$  او  $\frac{1}{3}$  کسرونه په شکل کي بنبي؟
- خوک د  $\frac{7}{2}$  کسر د  $\frac{1}{3}$  کسر ته اپوري؟

پوهېږي چې له واحد خخه لوی کسرونه دوہ شکلونه لري غير واقعی کسر او مخلوط کسر.



د مثال په توګه: د  $\frac{7}{2}$  کسر له واحد خخه لوی او دوہ شکلونه لري.

$$\frac{1}{3} \frac{7}{2} \text{ او } \frac{7}{2}$$

$\frac{7}{2}$  ته کسری شکل او  $\frac{1}{3}$  ته مخلوط کسری شکل وايې او داسې یې لولو، درې صحیح یو پر دوہ او ئینې دغه ډول ( $\frac{1}{2} \frac{3}{3}$ ) کسر د داسې کسر په نامه چې صحیح عدد لري، يادوي. په مخلوط کسری شکل باندي د کسرې شکل د بدلولو لپاره لاندي مثالونو ته پاملنې وکړئ.

۱-  $\frac{12}{7}$  کسر په مخلوط کسری شکل باندی داسې بدللوو.

$$\begin{array}{r} 12 \\ -7 \\ \hline 5 \end{array} \quad \left| \begin{array}{r} 7 \\ \hline 1 \end{array} \right. \quad \frac{12}{7} = 1 \frac{5}{7}$$

په نتیجه کې:

۲- د  $\frac{29}{13}$  کسر په مخلوط کسری شکل په دې چول بدللوو.

$$\begin{array}{r} 29 \\ -26 \\ \hline 3 \end{array} \quad \left| \begin{array}{r} 13 \\ \hline 2 \end{array} \right. \quad \frac{29}{13} = 2 \frac{3}{13}$$

په نتیجه کې:

په مخلوط کسری شکل باندی د کسری شکل بدللوو ته د کسر تصحیح وايی، پر مخلوط کسری شکل باندی د کسری شکل په بدللوو کې د کسر صورت د هغه پر مخرج باندی وېشو، خارج قسمت يې صحیح عدد او پاتې په صورت کې په هماغه لوړنې مخرج باندی ليکو.

مثال: د  $\frac{31}{14}$  کسر داسې تصحیح کوو.

$$\begin{array}{r} 31 \\ -28 \\ \hline 3 \end{array} \quad \left| \begin{array}{r} 14 \\ \hline 2 \end{array} \right. \quad \frac{31}{14} = 2 \frac{3}{14}$$

په نتیجه کې:

## فعالیت

د-  $\frac{32}{5}$  ،  $\frac{45}{4}$  او  $\frac{52}{9}$  کسرونه تصحیح کړئ.

### کورنۍ دندہ



د  $\frac{73}{23}$  او  $\frac{82}{18}$  کسرونه تصحیح کړئ.

### ب: د کسرونو غیر واجب

۰ د  $\frac{1}{2}$  کسر د  $\frac{7}{2}$  کسر ته اړوی شئ؟

خرنګه چې مو یو کسر له کسري شکل خخه په مخلوط کسري شکل بدل کړ، کولی شو چې مخلوط کسري شکل په کسري شکل بدل کړو.

### مثالونه

۱- د  $\frac{3}{2}$  مخلوط کسر په کسري شکل داسې بدلوو.

$$2 \frac{3}{5} = \frac{2 \times 5 + 3}{5} = \frac{10 + 3}{5} = \frac{13}{5}$$

نو

$$2 \frac{3}{5} = \frac{13}{5}$$

۲-۲ د  $\frac{2}{7}$  کسر په کسری شکل داسې اړوو.

$$6 \frac{2}{7} = \frac{6 \times 7 + 2}{7} = \frac{42 + 2}{7} = \frac{44}{7}$$

$$6 \frac{2}{7} = \frac{44}{7}$$
نو

په کسری شکل باندې د مخلوط کسری شکل بدلو لو ته د عام کسر غیر واجب کول وايي. په کسری شکل سره د یوه مخلوط کسری شکل په بدلو لو کې صحیح عدد د کسر په مخرج کې ضربوو، د ضرب له حاصل سره صورت جمع کوو او په صورت کې یې، پر هماغه مخرج باندې لیکو:

مثال: د  $8 \frac{6}{7}$  کسر په لاندې توګه غیر واجب کوو.

$$8 \frac{6}{7} = \frac{8 \times 7 + 6}{7} = \frac{56 + 6}{7} = \frac{62}{7}$$

$$8 \frac{6}{7} = \frac{62}{7}$$
نو

### فعالیت

د  $15 \frac{6}{7}$  او  $8 \frac{3}{4}$  ،  $4 \frac{2}{3}$  مخلوط کسرونه غیر واجب کړئ.



- د  $\frac{5}{14}$  او  $\frac{15}{23}$  مخلوط کسرونه غیر واجب کړئ.

پوښتني



۱- لاندې کسرونه تصحیح کړئ.

$$\frac{27}{5}, \quad \frac{18}{4}, \quad \frac{29}{6}, \quad \frac{41}{9}, \quad \frac{62}{7}, \quad \frac{49}{8}$$

$$\frac{27}{3}, \quad \frac{24}{7}, \quad \frac{45}{8}, \quad \frac{31}{8}, \quad \frac{314}{7}$$

۲- لاندې کسرونه چې په مخلوط کسری شکل لیکل شوي دي،  
غیر واجب کړئ.

$$3\frac{2}{5}, \quad 6\frac{1}{4}, \quad 7\frac{4}{7}, \quad 8\frac{2}{9}, \quad 25\frac{1}{3}, \quad 32\frac{5}{8}$$

$$19\frac{7}{8}, \quad 98\frac{5}{6}, \quad 99\frac{8}{9}, \quad 905\frac{3}{11}, \quad 115\frac{28}{30}, \quad 7\frac{35}{47}$$

## د کسرونو جمع

د هغو کسرونو جمع چې مختلف مخرجونه ولري.



- آيا هغه کسرونه چې مساوي مخرجونه ولري له يو بل سره جمع کولاي شئ؟
- آيا هغه کسرونه چې د مخرجونو تر منځ يې د تولو مخرجونو مضرب شتون ولري له يو بل سره جمع کولاي شئ؟
- آيا هغه کسرونه چې مختلف مخرجونه ولري له يو بل سره جمع کولاي شئ؟



كله چې وغواړو کسرونه جمع کړو، لوړۍ د هغوی مخرجونه ګورو چې هم مخرج دي او که نه. که چېږي هم مخرج وي له مساوي مخرجونو څخه یو مخرج (ګډ مخرج) د کسر د تولو مخرجونو پر څای په پام کې نیسو، وروسته د نوموري صورتونه سره جمع کووا او حاصل يې د کسر په صورت کې پر همه مخرج باندي ليکو: لکه لاندې مثالونه:

$$1 - \frac{3}{5} + \frac{4}{5} = \frac{3+4}{5} = \frac{7}{5} = 1 \frac{2}{5}$$

$$2 - \frac{1}{7} + \frac{3}{7} = \frac{1+3}{7} = \frac{4}{7}$$

$$3 - \frac{4}{15} + \frac{9}{15} = \frac{4+9}{15} = \frac{13}{15}$$

که چېري کسرونې هم مخرج نه وي، لومړۍ یې هم مخرج کوو،  
 له هغه وروسته یې له یو بل سره جمع کوو، لکه چې مخکې مو  
 وویل، که چېري د یوه کسر صورت او مخرج په یوه عدد کې (له  
 صفر خڅه پرته) ضرب کړو، د هغه معادل کسر لاس ته راخي. نو  
 له دي امله د کسرونو د هم مخرج کولو لپاره چې یو ډول مخرجونه،  
 نه لري د لومړۍ کسر صورت او مخرج د دویم کسر په مخرج او د  
 دویم کسر صورت او مخرج د لومړۍ کسر په مخرج کې ضربوو او  
 د هغه معادل کسرونې چې هم مخرج دي لاس ته راخي.

**مثالونه:**

$$1 - \frac{2}{3} + \frac{1}{4} = \frac{2 \times 4}{3 \times 4} + \frac{1 \times 3}{4 \times 3} = \frac{8}{12} + \frac{3}{12} = \frac{8+3}{12} = \frac{11}{12}$$

$$2 - \frac{4}{9} + \frac{5}{12} = \frac{4 \times 12}{9 \times 12} + \frac{5 \times 9}{12 \times 9} = \frac{48}{108} + \frac{45}{108} = \frac{48+45}{108} = \frac{93}{108}$$

$$3 - \frac{2}{3} + \frac{5}{6} = \frac{2 \times 6}{3 \times 6} + \frac{5 \times 3}{6 \times 3} = \frac{12}{18} + \frac{15}{18} = \frac{12+15}{18} = \frac{27}{18}$$

که چېري یو مخرج د ټولو مخرجونو مضرب وي، نومويږي مخرج،  
 مشترک مخرج تاکو اوله هغه وروسته د جمعې عملیه داسي سرته

$$4 - \frac{3}{4} + \frac{5}{8} = \frac{(8 \div 4) \times 3 + (8 \div 8) \times 5}{8} = \frac{2 \times 3 + 1 \times 5}{8} = \frac{6+5}{8} = \frac{11}{8} = 1\frac{3}{8}$$

## فعالیت

لاندی کسرونه د حل شوو مثالونو په پام کې نیولو سره جمع کړئ.

$$\frac{3}{5} + \frac{2}{6} = , \quad \frac{4}{14} + \frac{5}{9} = , \quad \frac{7}{12} + \frac{4}{6} =$$

## کورنۍ دندہ



لاندی کسرونه جمع کړئ.

$$\frac{3}{7} + \frac{2}{5} = , \quad \frac{9}{12} + \frac{5}{11} = , \quad \frac{2}{3} + \frac{1}{6} =$$

## پوبستني



۱- لاندی کسرونه جمع کړئ.

$$\frac{6}{8} + \frac{7}{8} = , \quad \frac{2}{5} + \frac{1}{5} = , \quad \frac{6}{32} + \frac{14}{32} = , \quad \frac{4}{11} + \frac{11}{5} =$$

۲- د دوو خوکيو د اوبردواولي مجموعه پیدا کړئ چې د یوې اوبردواولي

$\frac{3}{8}$  متره او د بلې اوبردواولي  $\frac{4}{5}$  متره دی.

- ۳- داود د یوی چودی  $\frac{1}{5}$  برخه او فهیمی د یوی چودی  $\frac{3}{3}$  برخه  
و خوپله، معلوم کرئ چې دواپو خومره چودی خوپله ده؟
- ۴- یوزده کونکی د خپل ریاضی کتاب  $\frac{1}{5}$  برخه په لومړی ورڅه او  
 $\frac{2}{7}$  برخه یې په دویمه ورڅه تکرار کړه، معلوم کرئ چې زده کونکی  
د خپل کتاب خومه برخه په دواپو ورڅو کې تکرار کړې ده؟
- ۵- یوه بزگر د خپلې ځمکې  $\frac{1}{3}$  برخه په لومړی ورڅه او  $\frac{1}{7}$  برخه یې  
په دویمه ورڅه یویې کړه. معلوم کرئ چې په دواپو ورڅو کې یې  
د خپلې ځمکې خومره برخه یویې کړې ده؟

## د مخرجونو تر ټولو کوچنۍ مشترک مضوب په مرسته د کسرونو جمع

۰ آیا کولای شو د کسرونو په جمع کې چې مختلف مخرجونه  
ولري د مخرجونو تر ټولو کوچنۍ مشترک مضرب په واسطه ګډ  
مخرج وټاکو؟



لاندي مثالونو ته پام وکړئ:

-۱ او  $\frac{5}{12}$  د  $\frac{7}{8}$  کسرونه جمع کړئ.

حل: لومړی د مخرجونو (۱۲ او ۱۸) تر ټولو کوچنی مشترک مضرب پیدا کوو.

	۲	۸	۱۲
۲		۴	۶
	۲		۳

نو

$$3 \times 2 \times 2 \times 2 = 24$$

اوسم د ۲۴ عدد د  $\frac{5}{8}$  او  $\frac{7}{12}$  کسرونه مشترک مخرج نیسو، وروسته له دې د مشترک مخرج  $(\frac{8}{24})$  پر هر یوه مخرج باندې وېشو او د تقسیم حاصل د کسر په صورت کې ضربوو او حاصل یې د هماغه کسر په صورت کې لیکو.

$$\begin{aligned} \frac{5}{8} + \frac{7}{12} &= \frac{(24 \div 8) \times 5 + (24 \div 12) \times 7}{24} \\ &= \frac{(3 \times 5) + (2 \times 7)}{24} = \frac{15 + 14}{24} = \frac{29}{24} = 1 \frac{5}{24} \end{aligned}$$

۲-۲ د  $\frac{7}{27}$  او  $\frac{4}{18}$  کسرونه سره جمع کړئ:

	۳	۱۸	۲۷
۳		۶	۹
	۲		۳

حل: د مخرجونو (۱۸ او ۲۷) تر ټولو کوچنی مشترک مضرب پیدا کوو:

د مخرجونو (۱۸ او ۲۷) عددونو تر ټولو کوچنی مشترک مضرب عبارت دی له:

$$3 \times 2 \times 3 \times 3 = 54$$

$$\text{نو: } \frac{7}{18} + \frac{4}{27} = \frac{(54 \div 18) \times 7 + (54 \div 27) \times 4}{54} = \frac{(3 \times 7) + (2 \times 4)}{54} = \frac{21 + 8}{54} = \frac{29}{54}$$

**فعالیت**

لاندی کسرونه د کوچنی مشترک مضرب په مرسته هم مخرج کړئ  
او له یو بل سره یې جمع کړئ.

$$1 - \frac{7}{15} + \frac{5}{18} = ?$$

$$2 - \frac{9}{24} + \frac{11}{32} = ?$$

کورنی دندہ



لاندی کسرونه د کوچنی مشترک مضرب په مرسته هم مخرج کړئ  
او له یو بل سره یې جمع کړئ.

$$\frac{4}{6} + \frac{7}{12} =$$

$$\frac{3}{10} + \frac{2}{7} =$$

$$\frac{11}{18} + \frac{9}{16} =$$

## د مخلوط کسرونو جمع

• د صحیح عدد لرونکو کسرونو جمع د صحیح عدد، نه لرونکو کسرونو له جمعی سره خه توپیر لري؟



مخلوط کسرونه چې مساوي مخرجونه ولري، په لاندي ډول جمع کېږي.

$$2 \frac{3}{8} + 3 \frac{1}{8} = \frac{19}{8} + \frac{25}{8} = \frac{19+25}{8} = \frac{44}{8} = \frac{11}{2} = 5 \frac{1}{2}$$

**لومړۍ طریقہ**

$$2 \frac{3}{8} + 3 \frac{1}{8} = 2 + 3 + \left( \frac{3}{8} + \frac{1}{8} \right) = 5 + \left( \frac{3+1}{8} \right) = 5 + \frac{4}{8} = 5 \frac{4}{8} = 5 \frac{1}{2}$$

**دویمه طریقہ**

هغه مخلوط کسرونه چې مختلف مخرجونه ولري په لاندي ډول جمع کېږي.

-1 )  $\frac{2}{3}$  او  $\frac{1}{4}$  ) کسرونه داسې جمع کوو:

## لومړۍ طریقه

$$\frac{1}{4} + 1 \frac{2}{3} = \frac{17}{4} + \frac{5}{3}$$

د مخرجونو (۴ او ۳) تر ټولو کو چنی مشترک مضرب ۱۲ دی.

$$\begin{aligned} \frac{1}{4} + 1 \frac{2}{3} &= \frac{17}{4} + \frac{5}{3} = \frac{(12 \div 4) \times 17 + (12 \div 3) \times 5}{12} \\ &= \frac{3 \times 17 + 4 \times 5}{12} = \frac{51 + 20}{12} = \frac{71}{12} = 5 \frac{11}{12} \end{aligned}$$

## د دویمه طریقه

$$\begin{aligned} \frac{1}{4} + 1 \frac{2}{3} &= (4+1) + \left( \frac{1}{4} + \frac{2}{3} \right) = 5 + \left( \frac{(12 \div 4) \times 1 + (12 \div 3) \times 2}{12} \right) \\ 5 + \left( \frac{(3 \times 1) + (4 \times 2)}{12} \right) &= 5 + \left( \frac{3+8}{12} \right) = 5 + \frac{11}{12} = 5 \frac{11}{12} \end{aligned}$$

۲- زلمي په موټر سایکل باندي له خپل کور څخه خپل باځ ته حرکت وکړ، په لومړۍ ساعت کې یې  $\frac{3}{5}$  ۴ کيلو متراه، په دویم ساعت کې یې  $\frac{4}{7}$  ۳ کيلو متراه او په دریم ساعت کې یې  $\frac{1}{5}$  کيلو متراه لار وو هله او خپل باځ ته ورسېد، معلومه کړئ چې زلمي خو کيلومتره لار وو هله ده؟

حل:

$$4 \frac{3}{5} + 3 \frac{4}{7} + 3 \frac{1}{5} = \frac{23}{5} + \frac{25}{7} + \frac{16}{5}$$

د مخريجونو (5 او 7) مشترک مضرب له 35 خخه عبارت دی.

$$\frac{23}{5} + \frac{25}{7} + \frac{16}{5} = \frac{(35 \div 5) \times 23 + (35 \div 7) \times 25 + (35 \div 5) \times 16}{35}$$

$$= \frac{(7 \times 23) + (5 \times 25) + (7 \times 16)}{35}$$

$$= \frac{161 + 125 + 112}{35} = \frac{398}{35} = 11 \frac{13}{35}$$

### فعالیت

۱- لاندی کسرونه غیر واجب کړئ او وروسته ېي جمع کړئ.

۲- په لاندی کسرونو وکړي صحیح عددونه او کسرونه جلا جلا جمع کړئ.

$$2 \frac{5}{12} + 6 \frac{3}{28} =$$

کورني دندنه



لاندی کسرونه جمع کړئ.

$$7 \frac{1}{2} + 15 \frac{1}{2} + 42 \frac{3}{4} = \quad , \quad 4 \frac{9}{16} + 3 \frac{5}{36}$$



### ۱- لاندې کسرونه جمع کړئ:

$$\frac{6}{8} + \frac{7}{8} =$$

$$\frac{6}{31} + \frac{14}{32} =$$

$$\frac{11}{5} + \frac{44}{11} =$$

$$\frac{1}{17} + \frac{78}{12} =$$

$$\frac{25}{100} + \frac{125}{100} =$$

$$\frac{178}{8} + \frac{112}{6} =$$

۲- لاندې کسرونه د مخرجونو د کوچنۍ مشترک مضرب په مرسته هم مخرج کړئ او بیا یې جمع کړئ.

$$\frac{5}{36} + \frac{3}{48} =$$

$$\frac{6}{9} + \frac{7}{18} =$$

$$\frac{1}{3} + \frac{6}{7} + \frac{12}{21} =$$

$$\frac{8}{13} + \frac{25}{11} =$$

$$\frac{17}{36} + \frac{98}{108} =$$

$$\frac{50}{80} + \frac{17}{24} + \frac{13}{20} =$$

۳- لاندې کسرونه سره جمع کړئ.

$$1 \frac{4}{9} + 2 \frac{1}{9} =$$

$$9 \frac{3}{11} + 3 \frac{6}{12} =$$

$$3 \frac{4}{5} + 1 \frac{3}{7} + 6 \frac{1}{14} =$$

$$7 \frac{3}{8} + 5 \frac{1}{8} =$$

$$8 \frac{12}{50} + 25 \frac{6}{51} =$$

$$\frac{8}{9} + 9 \frac{3}{4} + 7 \frac{3}{10} =$$

۴- دیوه قلم بیه  $\frac{1}{5}$  ۸ افغانی او د یوی کتابچې بیه  $\frac{3}{4}$  ۱۷ افغانی  
ده، د قلم او کتابچې توله بیه معلومه کړئ.

۵- احمد د خپلو پیسو په  $\frac{3}{4}$  برخه باندې کتابچه و اخیسته او  
 $\frac{1}{4}$  برخه یې یو رنګه قلم و اخیست، معلومه کړئ چې د خپلو  
پیسو خوومه برخه یې لګولې ده؟

۶- جمیلې د کیک  $\frac{1}{3}$  برخه د دوشنبې په ورخ او د هغه  $\frac{2}{6}$  برخه یې  
د سه شنبې په ورخ و خوره، معلوم کړئ چې په دواړو ورڅو کې یې  
د کیک خومره برخه خورلې ده؟

۷- د منډې په یوه لوبه کې سلما  $\frac{1}{4}$  دورې او بنایستې  $\frac{2}{5}$  دورې  
و کړلې، معلوم یې کړئ چې هغوي دواړو تولې خو دورې کړې دی؟

۸- گلالې د کیک د جوړولو لپاره،  $\frac{2}{5}$  پیالې اوړه او د ډودۍ د پخولو لپاره  
 $\frac{1}{4}$  پیالې اوړه مصرف کړل، معلومه کړئ چې گلالې تول خو  
پیالې اوړه مصرف کړي دی؟

۹- خرم له خپلې سیمې خخه  $\frac{1}{2}$  ساعته مزد وکړ، بیا بې له هغه  
ځای خخه کابل ته  $\frac{1}{4}$  ساعته مزد وکړ، معلوم کړئ چې خرم  
تول خو ساعته مزد کړي دی؟

۱۰- احمد د خپلو پیسو  $\frac{۳}{۴}$  برخه د کتاب پیرودلو لپاره او  $\frac{۱}{۸}$  برخه  
یې د شریني لپاره مصرف کړه، معلوم کړئ چې احمد د خپلو پیسو  
څومره برخه مصرف کړي ده؟

## د کسرونو تفریق

د هغو کسرونو تفریق کول چې مختلف مخرجونه ولري.

- د کسرونو تفریق د کسرونو له جمعي سره خه توپير لري؟
- آيا د کسرونو د تفریق په عملیه کې د مشترک مخرج پیدا کولو  
لپاره د مخرجونو کوچنی مشترک مضرب خخه گته اخیستل کېږي،  
که خنګه؟



تاسو مخکي لوستلي دي کله چې هم مخرج کسرونه يوله بل  
خخه تفریق کwoo، له مخرجونو خخه یو مخرج نیسو او د لومړي  
صورت خخه دویم صورت تفریق کwoo، په همدي ترتیب عملیه  
مخکي ورو. مثالونه:

$$1- \quad \frac{5}{6} - \frac{3}{6} = \frac{5-3}{6} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

$$2- \quad \frac{5}{8} - \frac{3}{8} = \frac{5-3}{8} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

کله چې کسرونه هم مخرج نه وي او د مختلفو مخرجونو لرونکي  
وي لومړي هغه د جمعي د عملیې په څېر کسرونه هم مخرج کwoo،  
وروسته د تفریق عملیه سر ته رسوو. مثالونه:

$$3- \quad \frac{4}{5} - \frac{2}{7} = \frac{4 \times 7}{5 \times 7} - \frac{2 \times 5}{7 \times 5} = \frac{28}{35} - \frac{10}{35} = \frac{28-10}{35} = \frac{18}{35}$$

$$4- \quad \frac{3}{7} - \frac{1}{9} = \frac{3 \times 9}{7 \times 9} - \frac{1 \times 7}{9 \times 7} = \frac{27}{63} - \frac{7}{63} = \frac{27-7}{63} = \frac{20}{63}$$

## د مخرجونو تر تولو کوچنی مشترک مضرب په مرسته تفریق

هغه کسرونه چې هم مخرج نه وي له پورتنی طریقی خخه پته، لکه د جمعی په شکل د مخرجونو تر تولو کوچنی مشترک مضرب په مرسته حل کولی شو.

**لومړۍ مثال:** د  $\frac{11}{12}$  له کسر خخه د  $\frac{5}{15}$  کسر داسې تفریق کړوي:

حل: لومړۍ د مخرجونو تر تولو کوچنی مشترک مضرب پیدا کړو، یا لکه، جمع د تفریق عملیه سرته رسوو.

$$\begin{array}{r}
 & 12 & 15 \\
 \hline
 3 & | & \\
 & 4 & 5 \\
 \hline
 & &
 \end{array} \quad 5 \times 4 \times 3 = 60$$

د چې  $60$  له  $3 \times 4 \times 5$  خخه په لاس راغلي، د مخرجونو ( $12$  او  $15$ ) تر تولو کوچنی مشترک مضرب دی او داسې یې ليکو.

نو

$$\begin{aligned}
 \frac{11}{15} - \frac{5}{12} &= \frac{(60 \div 15) \times 11 - (60 \div 12) \times 5}{60} = \frac{(4 \times 11) - (5 \times 5)}{60} \\
 &= \frac{44 - 25}{60} = \frac{19}{60}
 \end{aligned}$$

دویم مثال: له  $\frac{13}{18}$  کسر خخه د  $\frac{4}{15}$  کسر داسې تفریق کوو.

$$\begin{array}{r} 3 \\ \hline 18 & 15 \\ \hline 6 & 5 \end{array}$$

حل: لومړی ذواضعاف اقل نیسو

نو ( $90 = 90 \times 3 = 6 \times 5 \times 3$ ) د مخرجونو (15 او 18) تر ټولو کوچنۍ مشترک مضرب دی.

$$\begin{aligned} \frac{13}{18} - \frac{4}{15} &= \frac{(90 \div 18) \times 13 - (90 \div 15) \times 4}{90} = \frac{(5 \times 13) - (6 \times 4)}{90} \\ &= \frac{65 - 24}{90} = \frac{41}{90} \end{aligned}$$

### فعالیت

۱- د مخرجونو په مساوی کولو سره لاندې کسرونه تفریق کړئ.

$$\frac{1}{2} - \frac{3}{8} =$$

$$\frac{5}{6} - \frac{3}{4} =$$

۲- د لاندې کسرونو مشترک مخرج د کوچنۍ مشترک مضرب په مرسته پیدا او بیایې تفریق کړئ.

$$\frac{5}{16} - \frac{7}{28} =$$

$$\frac{12}{18} - \frac{9}{27} =$$

## کورنی دندہ



۱- د مخرجونو په مساوی کولو سره د  $\frac{10}{12}$  له کسر خخه د  $\frac{2}{3}$  کسر تفریق کړئ.

۲- د لاندې کسرونو مشترک مخرج د کوچنی مشترک مضرب په مرسته پیدا، بیا یې تفریق کړئ.

$$\frac{9}{14} - \frac{7}{18} =$$

## پوښتنې



۱- لاندې کسرونه تفریق کړئ.

$$\frac{8}{10} - \frac{4}{6}$$

$$\frac{5}{9} - \frac{3}{8}$$

$$\frac{6}{12} - \frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{2} - \frac{3}{12}$$

۲- لاندې کسرونه د کوچنی مشترک مضرب په مرسته هم مخرج او بیا یې تفریق کړئ.

$$\frac{9}{16} - \frac{8}{24}$$

$$\frac{18}{24} - \frac{6}{18}$$

$$\frac{24}{30} - \frac{12}{18}$$

## د کسرونو تفریق

• د صحیح عدد لرونکو کسرونو تفریق، د صحیح عدد نه لرونکو کسرونو له تفریق سره خه توپیر لري؟



**لومړۍ مثال:** د  $\frac{3}{7}$  ۽ د کسر خخه د  $\frac{5}{7}$  کسر دا ډول تفریق کوو.

حل: لومړۍ کسرونه غیر واجب کوو، وروسته د تفریق عملیه سر ته رسوو.

$$\begin{aligned} 6 \frac{3}{7} - 5 \frac{2}{7} &= \frac{(7 \times 6) + 3}{7} - \frac{(7 \times 5) + 2}{7} = \frac{42 + 3}{7} - \frac{35 + 2}{7} = \frac{45}{7} - \frac{37}{7} \\ &= \frac{45 - 37}{7} = \frac{8}{7} = 1 \frac{1}{7} \end{aligned}$$

**دویم مثال:** د  $\frac{5}{12}$  ۽ د کسر خخه د  $\frac{4}{9}$  ۽ کسر تفریق کړئ.

حل:

$$8 \frac{5}{12} - 6 \frac{4}{9} = \frac{101}{12} - \frac{58}{9}$$

د مخرجونو (۹ او ۱۲) تر ټولو کوچنی مشترک مضرب ۳۶ دي.

$$\begin{aligned} 8 \frac{5}{12} - 6 \frac{4}{9} &= \frac{101}{12} - \frac{58}{9} = \frac{(3 \times 101) - (4 \times 58)}{36} \\ &= \frac{303 - 232}{36} = \frac{71}{36} = 1 \frac{35}{36} \end{aligned}$$

دریم مثال: د دوو کلیو تر منځ فاصله  $\frac{6}{7}$  کیلو متنه د یو سړی د آس په واسطه د یوه کلی خڅه حرکت کوي او  $\frac{4}{5}$  کیلو متنه واتن وهی، خو کیلو متنه واتن ورته پاتې دی خوبل کلی ته ورسیري؟

حل:

$$\frac{12}{7} - \frac{6}{5} = \frac{(7 \times 12) + 6}{7} - \frac{(5 \times 6) + 4}{5}$$

$$= \frac{84 + 6}{7} - \frac{30 + 4}{5} = \frac{90}{7} - \frac{34}{5}$$

د مخرجونو (5 او 7) تر ټولو کوچنۍ مشترک مضرب ۳۵ دی.

$$\frac{90}{7} - \frac{34}{5} = \frac{(5 \times 9) - (7 \times 34)}{35} = \frac{450 - 238}{35} = \frac{212}{35}$$

$$\frac{12}{7} - \frac{6}{5} = \frac{212}{35} = \frac{2}{35}$$

له دې امله:

د صحیح عدد لرونکو کسرونو تفریق په بله بنه هم سرته رسولی شو، داسې چې صحیح عدد له صحیح عدد خڅه او کسری برخه له کسری برخې خڅه تفریق کوو او وروسته د دواړو حاصلونه سره جمع کوو.

یادونه

که چېږي د مفروق منه کسری برخه د مفروق د کسری برخې خڅه کوچنۍ وي د مفروق منه د صحیح عدد خڅه یو واحد د

مفروق منه له کسری برخی سره جمع کوو او وروسته د تفریق عملیه  
سرته رسوو.  
خلورم مثال:

$$3\frac{1}{3} - 1\frac{3}{4} = ?$$

لکه خرنگه چې لیدل کېږي د مفروق منه کسری برخه  $(\frac{1}{3})$  د مفروق  
د کسری برخی  $(\frac{3}{4})$  خخه کوچنی ده، نولومړی د مفروق منه  
د صحیح عدد یو واحد د مفروق منه د کسری برخی سره جمع کوو  
او وروسته د تفریق عملیه سرته رسوو.

$$3\frac{1}{3} - 1\frac{3}{4} =$$

$$2 + (\frac{1}{3}) - 1\frac{3}{4} =$$

$$\frac{1}{3} \text{ داسې هم ليکلاي شو: } 2 + (\frac{1}{3}) - 1\frac{3}{4}$$

$$2 + (\frac{3}{3} + \frac{1}{3}) - 1\frac{3}{4} = 2 + \frac{4}{3} - 1\frac{3}{4}$$

$$2\frac{4}{3} - 1\frac{3}{4} =$$

د مخرجونو (۳ او ۴) تر ټولو کوچنی مشترک مضرب  $(2-1) + (\frac{4}{3} - \frac{3}{4}) =$  ۱۲ دی:

$$1 + \frac{16-9}{12} =$$

$$1 + \frac{7}{12} = 1\frac{7}{12}$$

## فعالیت

لاندی کسرونه تفریق کرئ.

$$5 \frac{1}{2} - 1 \frac{3}{4} =$$

$$8 \frac{3}{8} - 3 \frac{1}{4} =$$

کورنی دندہ



لاندی کسرونه تفریق کرئ.

$$6 \frac{9}{10} - 2 \frac{3}{5} =$$

$$3 \frac{3}{4} - 2 \frac{1}{3} =$$

پښتنې



۱- لاندې کسرونه تفریق کړئ.

$$\frac{3}{7} - \frac{2}{7}$$

$$\frac{28}{45} - \frac{21}{45}$$

$$\frac{11}{15} - \frac{8}{18}$$

$$\frac{9}{15} - \frac{6}{15}$$

$$\frac{7}{9} - \frac{5}{12}$$

$$\frac{125}{12} - \frac{98}{36}$$

$$\frac{13}{21} - \frac{6}{21}$$

$$\frac{9}{15} - \frac{9}{6}$$

$$\frac{30}{8} - \frac{7}{20}$$

۲- لاندې کسرونه د مخرجونو کوچنی مشترک مضرب په مرسته هم  
مخرج او بیا یې تفریق کړئ.

$$\frac{5}{6} - \frac{2}{9}$$

$$\frac{12}{18} - \frac{9}{27}$$

$$\frac{19}{35} - \frac{11}{40}$$

۳- لاندې کسرونه تفریق کړئ.

$$8 \frac{5}{9} - 4 \frac{7}{9}$$

$$35 \frac{9}{12} - 18 \frac{6}{24}$$

$$24 \frac{6}{13} - 21 \frac{8}{13}$$

$$128 \frac{21}{48} - 111 \frac{11}{58}$$

۴- د پښتو سبونکي د پښتو د کتاب له  $\frac{2}{5}$  ۱۰۰ مخونو خخه

مخه درس ورکړ، پیدا کړئ چې د کتاب خو مخه پاتې دي؟

۵- یو مسلمان په یوه شپه او ورخ کې  $\frac{2}{3}$  ۱ ساعته وخت د لمونځونو د ادا کولو او د قرآن شریف په تلاوت تېروي، د نورو کارونو لپاره خومره وخت ورته پاتې کېږي؟

۶- یو سړۍ دوہ قالینې لري، یوه یې  $\frac{2}{3}$  ۴ متره مربع ده او بله یې  $\frac{1}{2}$  ۳ متره مربع ده، لوړۍ قالينه له دویمې قالینې خخه خو متره مربع لویه ده؟

۷- یوه بزگر د تخم لپاره  $\frac{1}{2}$  ۱۲۵ منه غنم ساتلي دي، له هغه خخه یې  $\frac{3}{4}$  ۶۵ منه غنم وکرل، خو منه غنم ورته پاتې دي؟

۸- یوه تن درمل خرڅونکي له  $\frac{3}{4}$  ۶۲۵ افغانیو خخه،  $\frac{1}{2}$  ۴۱۲ افغانی درمل او پاتې پیسې یې سیروم پېرودلي دي، وواياست چې خو افغانی یې په سیرومو مصرف کړې دي؟

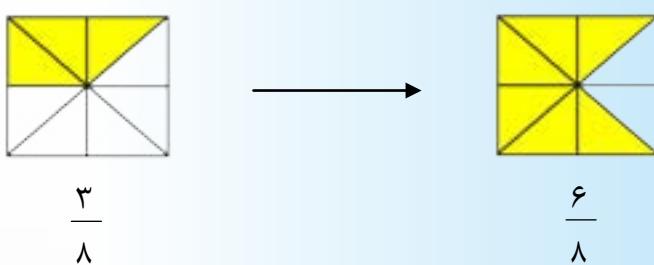
## د عام کسر ضرب

**د صحیح عدد ضرب په کسر کې او د کسر ضرب په صحیح عدد کې**

- د جمعی حاصل  $(\frac{1}{7} + \frac{1}{7})$  د ضرب د حاصل په شکل لیکلای شئ؟

**الف: د صحیح عدد ضرب په کسر کې**

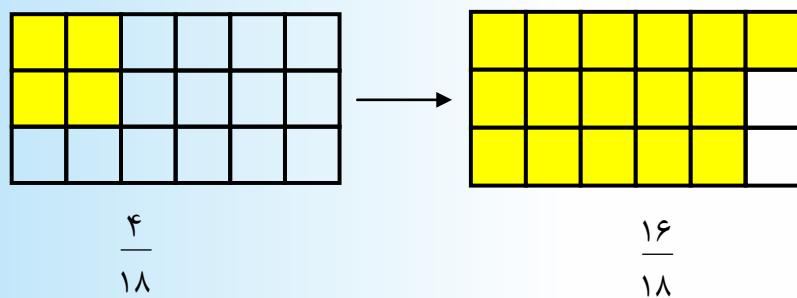
لاندې شکلونو ته پاملننه وکړئ.



د چې خط په شکل کې لیدل کېږي چې د شکل  $\frac{3}{8}$  برخه توره شوي دي، که چېرې د شکل ۲ وارې  $\frac{3}{8}$  برخې توري شي، نو په نتیجه کې به د شکل  $\frac{6}{8}$  برخه توره شي.

$$\frac{3}{8} + \frac{3}{8} = \frac{3+3}{8} = \frac{6}{8}$$

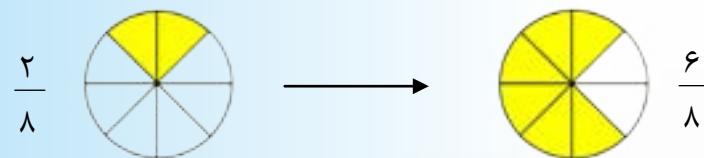
$$\frac{3}{8} \times 2 = 2 \times \frac{3}{8} = \frac{6}{8}$$



د چې خطا په شکل کې لیدل کېږي چې د شکل  $\frac{4}{18}$  برخه توره  
شوې ده، که چېري  $\frac{4}{18}$  واري  $\frac{16}{18}$  برخه د دې شکل توره شي، نو په  
نتیجه کې به د شکل  $\frac{16}{18}$  برخه توره شي، نوله دې امله ليکلای شو  
چې:

$$4 \times \frac{4}{18} = \frac{16}{18}$$

-۳



په پورته شکل کې د دائيرې  $\frac{2}{8}$  برخه توره شوې ده. که چېري د  
دائيرې ۳ واري  $\frac{2}{8}$  برخې توري شي، نو ويلاي شو چې:  $\frac{6}{8}$  برخه  
يې توره شوې د نوله دې امله ليکلای شو چې:

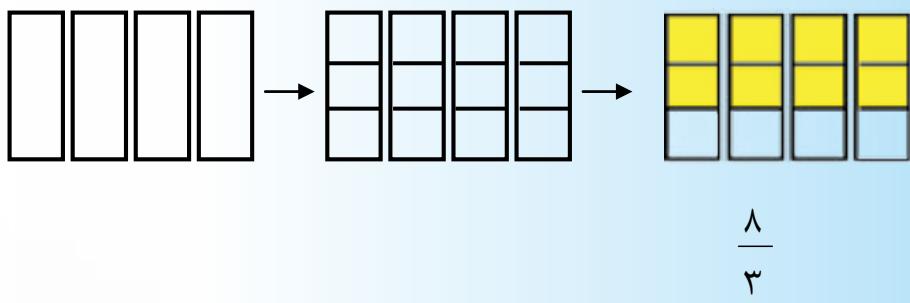
$$3 \times \frac{2}{8} = \frac{6}{8}$$

## ب: د کسر ضرب په صحیح عدد کې

لاندې مثالونو ته پاملرنه وکړئ.

$$1-1 \quad \frac{2}{3} \text{ کسر، } 4 \text{ وارې خو کېږي، } \quad \text{يا} \quad ? = ? \times 4$$

$\frac{2}{3}$  کسر، 4 وارې یعنې: لومړۍ هر یو واحد له 4 واحدونو خخه په درې مساوی برخو وېشو، وروسته له هر واحد خخه 2 برخې توره وو یعنې:



په پورته شکل کې لیدل کېږي چې  $\frac{2}{3}$  خلور وارې،  $\frac{8}{3}$  دی.

$$\frac{2}{3} \times 4 = \frac{8}{3} \quad \text{نو:}$$

$$2-2 \quad \frac{3}{4} \text{ کسر، } 5 \text{ وارې خو کېږي } \quad \text{يا} \quad ? = ? \times 5$$

$\frac{3}{4}$  کسر، 5 وارې یعنې: لومړۍ هر یو واحد له 5 واحدونو خخه په 4 مساوی برخو وېشو، وروسته له هر واحد خخه 3 برخې توره وو

یعنی:



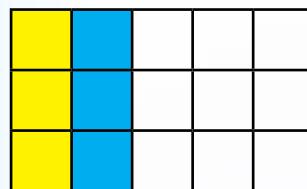
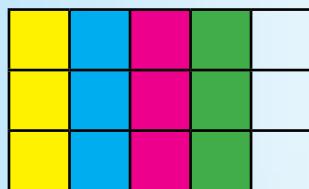
په پورته شکل کې ليدل کېری چې  $\frac{3}{4}$  پنځه واری،  $\frac{15}{4}$  کېری.

$$\text{نو له دې امله: } \frac{\frac{3}{4} \times 5}{4} = \frac{3}{4}$$

د پورته مثالونو له حل خخه کولای شو ولیکو: که چېږي یو صحیح عدد په کسر کې او یا کسر په صحیح عدد کې ضرب شي. صحیح عدد یوازی د کسر په صورت کې ضرب او پر همغه مخرج یې لیکو.

### فعالیت

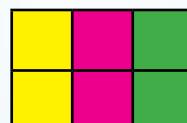
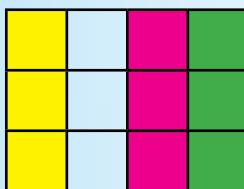
د لاندی هر یو شکل په اړه د حل شوي مثال په خیر عملی وکړئ.



$$\text{واری } \frac{3}{4} \text{ کسر خو کېری؟}$$

-----

$$4 \times \frac{3}{15} = \frac{12}{15} \quad \text{نو}$$



## کورنی دندہ



لاندی پوبنتنی ضرب کړئ.

$$1 - 5 \times \frac{3}{4} =$$

$$3 - \frac{9}{11} \times 8 =$$

$$2 - 2 \times \frac{6}{7} =$$

$$4 - \frac{4}{6} \times 4 =$$

پوبنتنی



د حل شوي مثال په خېر لاندی پوبنتنی ضرب کړئ.

$$5 \times \frac{3}{16} = \frac{15}{16}$$

$$2 \times \frac{5}{12}$$

$$4 \times \frac{3}{15}$$

$$3 \times \frac{2}{11}$$

$$\frac{2}{4} \times 5$$

$$\frac{4}{6} \times 7$$

$$\frac{3}{5} \times 4$$

$$\frac{2}{7} \times 3$$

$$\frac{2}{3} \times 4$$

$$\frac{3}{5} \times 8$$

$$\frac{3}{7} \times 2$$

$$\frac{2}{4} \times 7$$

## د کسر ضرب په کسر کې

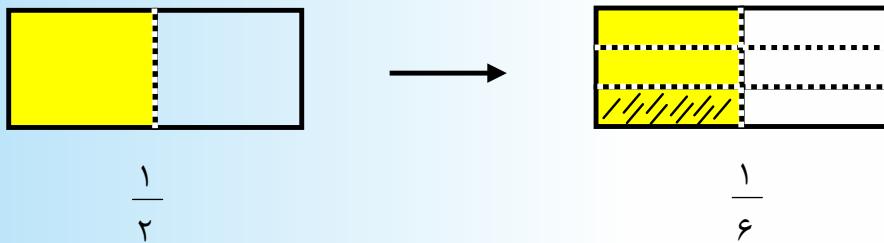


• په خپله خوبنې دوھ کسر وليکئ؟

• آيا کولای شي چې دا دوھ کسرونه له يو بل سره ضرب کړئ؟

لاندي شکلونو ته پاملننه وکړئ.

-1

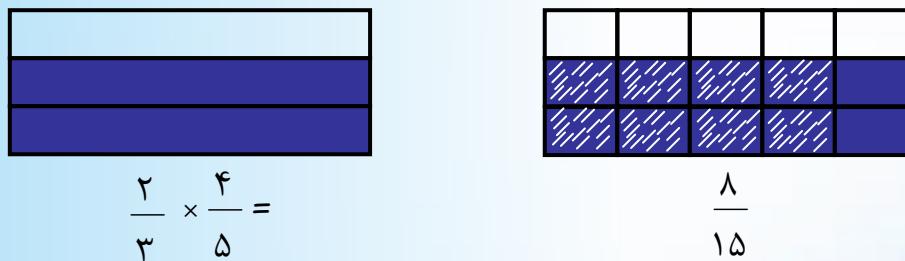


خونګه چې د چې خط په شکل کې ليدل کېږي د شکل  $\frac{1}{2}$  برخه توره شوي دي، که  $\frac{1}{2}$  برخه له  $\frac{1}{3}$  برخې څخه په مخامنځ شکل کې وګورو د ټول شکل

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$$

$\frac{1}{6}$  برخه کېږي. نوله دې امله ليکلې شو چې:

-2



د چې خط شکل  $\frac{2}{3}$  برخه توره شوي دي، که  $\frac{4}{5}$  برخه له  $\frac{2}{3}$  برخې

څخه وټاکو، نو د تول شکل  $\frac{1}{5}$  کېږي یعنې  $\frac{4}{5}$  برخه د  $\frac{2}{3}$  برخې

$$\frac{4}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{8}{15} \text{ او یا } \frac{8}{15}$$

(۱) مثال: د  $\frac{3}{4}$  کسر د  $\frac{2}{5}$  په کسر کې داسې ضربوو:

$$\frac{3}{4} \times \frac{2}{5} = \frac{3 \times 2}{4 \times 5} = \frac{6}{20}$$

(۲) مثال: د  $\frac{2}{5}$  کسر د  $\frac{4}{9}$  په کسر کې داسې ضربوو.

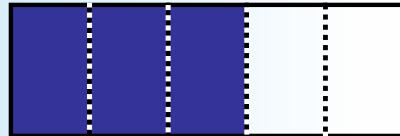
$$\frac{2}{5} \times \frac{4}{9} = \frac{2 \times 4}{5 \times 9} = \frac{8}{45}$$

له پورته حل شوييو مثالونو څخه ليکلې شو چې:

$$\frac{\text{د دويم کسر صورت} \times \text{د لوړۍ کسر صورت}}{\text{د دويم کسر مخرج} \times \text{د لوړۍ کسر مخرج}} = \text{لوړۍ کسر} \times \text{دويم کسر}$$

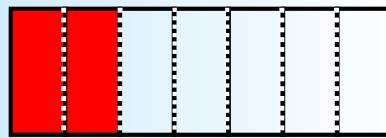
### فعالیت

۱- په لاندې شکل کې  $\frac{3}{5}$  برخه توره شوې ده، د  $\frac{3}{5}$  برخې  $\frac{1}{2}$  وټاکئ او وواياست چې  $\frac{1}{2}$  برخه د دې  $\frac{3}{5}$  برخې، د شکل کوم کسر دی؟



$$\frac{1}{2} \times \frac{3}{5} = \dots \dots \dots$$

۲- په لاندې شکل کې  $\frac{2}{7}$  برخه توره شوي ده، د  $\frac{1}{3}$  برخه وتاکۍ او وواياست چې  $\frac{2}{7}$  برخه د دې  $\frac{1}{3}$  برخه د شکل کوم کسر دی؟



$$\frac{1}{3} \times \frac{2}{7} = \dots \dots \dots$$

کورنۍ دندہ



لاندې کسرونه ضرب کړئ.

$$\frac{3}{4} \times \frac{5}{6} = \dots \dots \dots$$

$$\frac{7}{8} \times \frac{4}{6} = \dots \dots \dots$$

$$\frac{5}{9} \times \frac{3}{8} = \dots \dots \dots$$

## يادونه

۱- د هر صحیح عدد مخرج (۱) دی. دمثال په توګه: (۱، ۲، ۳، ۴، .....).

د هر یوه مخرج (۱) دی او په لاندې شکل سره یې لیکلی شو:

$$\frac{1}{1}, \frac{2}{1}, \frac{3}{1}, \frac{4}{1}, \dots$$

۲- معکوس: د یوه کسر صورت د مخرج پر خای او مخرج د صورت پر خای کې لیکلو ته د کسر معکوس کول وايي.

$$\text{د مثال په توګه: } \frac{9}{8}, \frac{9}{7}, \frac{4}{7}, \frac{2}{3}, \frac{2}{4}, \frac{2}{2}, \text{ کسرونو}$$

معکوس له  $\frac{1}{7}, \frac{1}{4}, \frac{1}{2}, \frac{8}{9}, \frac{7}{4}, \frac{3}{2}$  خخه عبارت دي.

۳- که چېري د دوو کسرونو د ضرب حاصل (۱) وي، نو ويلی شو چې کسرونه یو دبل معکوس دي.

د بېلگې په توګه: د  $\frac{1}{6}$  معکوس دی، همدارنګه  $\frac{3}{4}$  کسر د  $\frac{4}{3}$  کسر معکوس دی او  $\frac{4}{3}$  کسر د  $\frac{3}{4}$  کسر معکوس دی، خکه چې:

$$6 \times \frac{1}{6} = \frac{6}{66} = 1$$

$$\frac{1}{6} \times 6 = \frac{6}{66} = 1$$

$$\frac{3}{4} \times \frac{4}{3} = \frac{12}{12} = 1$$

$$\frac{4}{3} \times \frac{3}{4} = \frac{12}{12} = 1$$

۴- د کسرونو په ضرب کې، کولی شو چې لومړۍ کسرونه د اختصار په واسطه ساده کړو او بیا وروسته د ضرب عملیه سرته رسوو.

مثالونه:

$$\frac{3}{9} \times \frac{4}{16} = \frac{\cancel{3}}{\cancel{9}} \times \frac{\cancel{4}}{\cancel{16}} = \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1 \times 1}{3 \times 4} = \frac{1}{12}$$

$$\frac{5}{25} \times \frac{7}{9} = \frac{\cancel{5}}{\cancel{25}} \times \frac{7}{\cancel{9}} = \frac{1}{5} \times \frac{7}{9} = \frac{1 \times 7}{5 \times 9} = \frac{7}{45}$$

همدارنگه کولای شو چې د کسرونو په ضرب کې د یوه کسر صورت د بل کسر له مخرج سره اختصار کړو او بیا وروسته له هغه د ضرب عمليه تر سره کړو.

مثالونه:

$$\frac{8}{27} \times \frac{9}{40} = \frac{\cancel{8}}{\cancel{27}} \times \frac{\cancel{9}}{\cancel{40}} = \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{1 \times 1}{3 \times 5} = \frac{1}{15}$$

$$\frac{12}{45} \times \frac{7}{72} = \frac{\cancel{12}}{\cancel{45}} \times \frac{7}{\cancel{72}} = \frac{1}{45} \times \frac{7}{6} = \frac{1 \times 7}{45 \times 6} = \frac{7}{270}$$

۵- که چېري د کسرونو په ضرب کې د ضربی اجزاوو ځایونه بدل کړو د کسرونو د ضرب په حاصل کې توپیر یا بدلون نه راخي چې دې ته د ضرب د عمليې د بدلون خاصیت وايي.

مثال:

$$\frac{7}{9} \times \frac{8}{11} = \frac{7 \times 8}{9 \times 11} = \frac{56}{99}$$

یا:

$$\frac{8}{11} \times \frac{7}{9} = \frac{8 \times 7}{11 \times 9} = \frac{56}{99}$$

د کسرونو د ضرب په عملیه کې اتحادي خاصیت د نورو عددونو په  
څېر دی.

مثال:

$$\frac{3}{4} \times \frac{1}{5} \times \frac{7}{8} = \frac{3}{4} \times \left( \frac{1}{5} \times \frac{7}{8} \right) = \frac{3}{4} \times \frac{7}{40} = \frac{21}{160}$$

$$\frac{3}{4} \times \frac{1}{5} \times \frac{7}{8} = \left( \frac{3}{4} \times \frac{1}{5} \right) \times \frac{7}{8} = \frac{3}{20} \times \frac{7}{8} = \frac{21}{160} \quad \text{يا:}$$

$$\frac{3}{4} \times \frac{1}{5} \times \frac{7}{8} = \left( \frac{3}{4} \times \frac{7}{8} \right) \times \frac{1}{5} = \frac{21}{32} \times \frac{1}{5} = \frac{21}{160} \quad \text{يا:}$$

لیدل کېږي چې د  $\frac{1}{4}$  او  $\frac{7}{5}$  کسرونه په دریو پورته ډولونو یو  
له بل سره ضرب شوي دي او د ضرب حاصل یې سره مساوي دي،  
نوویلای شو چې د کسرونو د ضرب په عملیه کې د ضرب اتحادي  
خاصیت صدق کوي.

### د مخلوط کسرونو ضرب

- د صحیح عدد لرونکو کسرونو ضرب د هغه کسرونو له ضرب سره  
چې صحیح عدد نه لري، خه توپیر لري؟
- آیا د صحیح عدد لرونکو کسرونو په ضرب کې عددونه او کسرونه  
په جلا جلا ډول ضرب کولای شو؟



د مخلوط کسرونو په ضرب کې، لوړۍ د کسر مخلوط شکل په  
کسری شکل بدلوو، وروسته د ضرب عملیه تر سره کwoo.

لاندی مثالونو ته پاملنہ وکړئ.

$$1 - \frac{3}{4} \times \frac{2}{5} = \frac{11}{4} \times \frac{7}{5} = \frac{11 \times 7}{4 \times 5} = \frac{77}{20} = 3 \frac{17}{20}$$

$$2 - \frac{5}{6} \times \frac{7}{8} = \frac{5}{6} \times \frac{31}{8} = \frac{5 \times 31}{6 \times 8} = \frac{155}{48} = 3 \frac{11}{48}$$

$$3 - \frac{12 \times 6}{13} \frac{11}{1} = \frac{12}{1} \times \frac{6}{13} \frac{11}{1} = \frac{12}{1} \times \frac{89}{13} = \frac{12 \times 89}{1 \times 13} = \frac{1068}{13} = 82 \frac{2}{13}$$

۴- که چېري یو تن په یوه ساعت کې  $\frac{3}{4}$  کيلو متراه واتن ووهی، پیدا کړئ چې په  $\frac{1}{2}$  ساعتونو کې به خومره واتن ووهی؟

حل:

$$\frac{3}{4} \frac{1}{2} = \frac{15}{4} \frac{1}{2} = \frac{15 \times 1}{4 \times 2} = \frac{15}{8} = 1 \frac{7}{8}$$

نو په  $\frac{1}{2}$  ساعته کې یې  $\frac{7}{8}$  کيلو متراه واتن وهلی دی.

۵- د انسان د بدن  $\frac{2}{3}$  برخه وزن له اوېو خخه جو پر شوی دی. که د یوه تن وزن  $\frac{2}{7} 64$  کيلوگرامه وي، د نوموري په بدن کې د اوېو وزن پیدا کړئ؟

حل:

$$\frac{2}{3} \times 64 \frac{2}{7} = \frac{2}{3} \times \frac{450}{7} = \frac{2 \times 450}{3 \times 7} = \frac{900}{21} = \frac{300}{7} = 42 \frac{6}{7}$$

## فعالیت

۱- لاندی کسرونه ضرب کړئ.

$$\frac{3}{4} \times \frac{2}{5} = , \quad \frac{4}{4} \times \frac{1}{2} =$$

۲- که چېري د یوه پنسل یه  $\frac{1}{2}$  افغانی وي، د ۸ دانو یه معلومه کړئ؟

کورنی دندہ



فاطمه ۳۰ کله ده، د خپل ژوند  $\frac{3}{5}$  برخه یې تراوشه په خپل تحصیل کې تېره کړې ده، د تحصیل موده یې خوکاله ده؟

پوشتنې



۱- لاندی کسرونه لوړی اختصار او وروسته یې ضرب کړئ.

$$\frac{4}{5} \times \frac{7}{3} , \quad \frac{7}{2} \times \frac{5}{2} , \quad \frac{3}{2} \times \frac{5}{2} , \quad \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{8}{14}$$

$$\frac{5}{4} \times \frac{4}{5} , \quad \frac{8}{4} \times \frac{10}{12} , \quad \frac{14}{17} \times \frac{34}{30} , \quad \frac{7}{3} \times \frac{5}{6} \times \frac{3}{8}$$

## ۲- د لاندی کسرونو د ضرب حاصل معلوم کړئ.

$$\frac{3}{8} \times \frac{6}{7} = , \quad \frac{7}{8} \times \frac{3}{4} = , \quad \frac{3}{4} \times \frac{7}{8} = , \quad \frac{6}{7} \times \frac{3}{8} =$$

$$\frac{9}{11} \times \frac{17}{18} = , \quad 2 \times \frac{4}{9} = , \quad \frac{4}{9} \times 2 = , \quad \frac{17}{18} \times \frac{9}{11} =$$

۳- د حل شوي مثال په پام کي نيلو سره په لاندی تشو خاينونو کې مناسب عددونه وليکئ.

$$\frac{3}{4} \times \frac{1}{3} = \boxed{\phantom{00}} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{8} \times \frac{5}{4} = \frac{1}{\boxed{\phantom{00}}} \times \frac{1}{4}$$

$$\frac{8}{6} \times \frac{3}{2} = \boxed{\phantom{00}} \times \frac{1}{6} \times \boxed{\phantom{00}} \times \frac{1}{2}$$

$$\frac{4}{9} \times \frac{7}{13} = \boxed{\phantom{00}} \times \frac{1}{19} \times \boxed{\phantom{00}} \times \frac{1}{13}$$

۴- د ضرب د عملی د اتحادي خاصیت په اساس لاندی سوالونه حل کړئ.

$$\frac{1}{8} \times \frac{3}{4} \times \frac{7}{13} = ?$$

$$\frac{2}{5} \times \frac{4}{7} \times \frac{2}{12} = ?$$

$$\frac{3}{8} \times \frac{5}{7} \times \frac{3}{13} = ?$$

$$\frac{4}{5} \times \frac{1}{6} \times \frac{7}{8} = ?$$

$$\frac{3}{7} \times \frac{6}{7} \times \frac{4}{11} = ?$$

$$\frac{12}{15} \times \frac{1}{3} \times \frac{2}{4} = ?$$

۵- لاندی کسرونه ضرب کړئ.

$$\frac{3}{5} \times \frac{3}{2} = ? , \quad \frac{1}{4} \times \frac{6}{6} = ? , \quad \frac{1}{7} \times \frac{2}{2} = ?$$

$$\frac{5}{20} \times \frac{3}{11} = ? , \quad \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = ? , \quad \frac{4}{3} \times \frac{7}{5} \times 50 = ?$$

۶- یوه سوداګر ۱۰۰ قطی غوري واخیستل او  $\frac{4}{5}$  برخه یې پلورل، معلوم کړئ چې خوقطي غوري یې پلورلي دی؟

۷- د توریالي د کور او بنوونځي تر منځ واتن  $\frac{4}{5}$  ء کيلو متنه دی که توریالي د دې واتن  $\frac{5}{17}$  برخه وهلي وي، خوکيلو متنه واتن یې وهلي دی؟

۸- یوه ترکان د خپلو لرګيو له تختو خخه چې ۹۰۰۰ متنه مربع مساحت درلودل، ۱۳ مېزونه جوړ کړل او  $\frac{1}{9}$  برخه پاتې شوه، معلوم کړئ چې له نوموري تختې خخه خومره تخته پاتې ده؟

۹- یو سپری ۷۲۰ کيلو گرامه غنم لري  $\frac{5}{9}$  برخه یې شريف ته ورکړه او شريف د خپلې برخې خخه  $\frac{1}{3}$  برخه نذير ته ورکړه، معلومه کړئ چې نذير ته خو کيلو گرامه غنم رسبدلي دی؟

## د کسرونو تقسيم

د کسر وپشل پر صحیح عدد او د صحیح عدد وپشل پر کسر

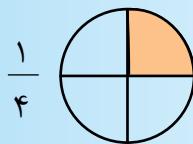
باندی

• خوک د  $(\frac{1}{2} \times \frac{1}{4})$  د ضرب حاصل له  $\frac{1}{2}$  کسر سره پرتله کړئ؟

• د  $(\frac{1}{2} \div \frac{1}{4})$  او  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{4}$  حاصلونه له یو بل سره پرتله کړئ؟

الف: د کسر تقسيم پر صحیح عدد باندی

لاندی شکل ته پاملننه وکړئ.



-1

لیدل کېږي چې د شکل  $\frac{1}{4}$  برخه پر دوو برابرو برخو وپشل شوې ده او یوه برخه یې په نښه (خط خط) شوې ده، یعنې  $\frac{1}{8}$  برخه د تول شکل په نښه (خط خط) شوې ده.

-2

$$\frac{1}{4} \div 2 = \frac{1}{8}$$

يا

$$\frac{1}{4} \div \frac{2}{1} = \frac{1}{8}$$

يا:

$$\frac{1}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

له بلې خوا پوهېرو چې:

$$\frac{1}{4} \times 2 = \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

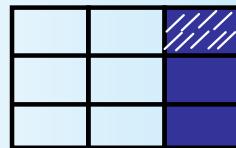
نو له دې امله:

۳- په لاندې شکل کې د شکل  $\frac{1}{3}$  برخه پر دریو مساوی برخو  
و بشل شوې او یوه برخه یې په نښه شوې ده، یعنې  $\frac{1}{9}$  برخه د تول  
شکل په نښه شوې ده.

$$\frac{1}{3}$$



$$\frac{1}{9}$$



$$\frac{1}{3} \div 3 = \frac{1}{9}$$

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{9}$$

$$\frac{1}{3} \div 3 = \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{9}$$

يا

له بله پلوه پوهېرو چې:

له دې امله:

مثالونه:

د یو بل معکوس

$$\frac{1}{5} \div 2 = \frac{1}{5} \div \frac{2}{1} = \frac{1}{5} \times \frac{1}{2} = \frac{1 \times 1}{5 \times 2} = \frac{1}{10}$$

$$\frac{1}{3} \div 4 = \frac{1}{3} \div \frac{4}{1} = \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1 \times 1}{3 \times 4} = \frac{1}{12}$$

د یو بل معکوس

د پورته مثالونو له حل خخه لاندې نتیجه ليکلی شو.

 د صحیح عدد معکوس  $\times$  کسر = صحیح عدد  $\div$  کسر

## ب: د صحیح عدد تقسیم پر کسر

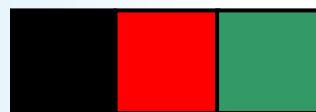


لاندې شکلونو ته پاملننه وکړئ.

-1



$$\frac{1}{3} \quad \frac{1}{3} \quad \frac{1}{3}$$



$$\frac{1}{3} \quad \frac{1}{3} \quad \frac{1}{3}$$

په پورته شکلونو کې ليدل کېږي چې په دوه شکلونو کې د  $\frac{1}{3}$  کسر ۶ وارې شامل دی، نولیکلی شو چې:

$$2 \div \frac{1}{3} = 6$$

$$2 \times \frac{3}{1} = 6$$

$$2 \div \frac{1}{3} = 2 \times \frac{3}{1} = 6$$

له بلې خوا:

له دې امله:

-2



$$\frac{1}{4} \quad \frac{1}{4} \quad \frac{1}{4} \quad \frac{1}{4}$$



$$\frac{1}{4} \quad \frac{1}{4} \quad \frac{1}{4} \quad \frac{1}{4}$$



$$\frac{1}{4} \quad \frac{1}{4} \quad \frac{1}{4} \quad \frac{1}{4}$$

په شکلونو کې ليدل کېږي چې د  $\frac{1}{4}$  کسر د ۳ په عدد کې ۱۲ واري شامل دي.

يا :

$$3 \div \frac{1}{4} = 12$$

$$3 \times \frac{4}{1} = 12$$

$$3 \div \frac{1}{4} = 3 \times \frac{4}{1} = 12$$

له بلې خوا:

له دي امله:

مثالونه

۱- په ۵ کې خو واري  $\frac{2}{3}$  شامل دي؟

$$5 \div \frac{2}{3} = \frac{5}{1} \div \frac{2}{3} = \frac{5}{1} \times \frac{3}{2} = \frac{5 \times 3}{1 \times 2} = \frac{15}{2} = 7\frac{1}{2}$$

حل:

۲- په ۹ کې خو واري  $\frac{4}{5}$  شامل دي؟

$$9 \div \frac{4}{5} = \frac{9}{1} \div \frac{4}{5} = \frac{9}{1} \times \frac{5}{4} = \frac{9 \times 5}{1 \times 4} = \frac{45}{4} = 11\frac{1}{4}$$

حل:

د پورته مثالونو له حل خخه کولي شو چې لاندي نتيجه:

$$\boxed{\text{د کسر معکوس} \times \text{صحیح عدد} = \text{کسر} \div \text{صحیح عدد}}$$

## فعالیت

لاندی د وېش عمليې سر ته ورسوئ.

$$\frac{1}{6} \div 2 = , \quad \frac{3}{4} \div 5 = , \quad \frac{5}{6} \div 3 =$$

$$6 \div \frac{2}{3} = , \quad 8 \div \frac{5}{4} = , \quad 4 \div \frac{1}{4} =$$



د تقسيم لاندی عمليې سر ته ورسوئ.

$$\frac{1}{2} \div 7 = ? , \quad 9 \div \frac{3}{4} = ? , \quad \frac{1}{6} \div 8 = ? , \quad 22 \div \frac{6}{8} = ?$$

## پوشتنې



د تقسيم لاندی عمليې سر ته ورسوئ.

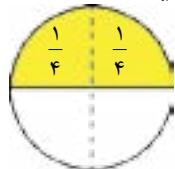
$$\frac{4}{9} \div 6 = , \quad \frac{5}{6} \div 3 = , \quad \frac{6}{7} \div 11 =$$

$$2 \div \frac{1}{5} = , \quad 3 \div \frac{1}{2} = , \quad 12 \div \frac{1}{6} =$$

$$15 \div \frac{3}{4} = , \quad \frac{2}{3} \div 3 = , \quad 18 \div \frac{2}{5} =$$

## د کسر وېشل پر کسر باندي

• د کسرونو تقسيم د کسرونو له ضرب سره خه توپير لري؟



مخامنځ شکل ته پاملننه وکړئ:

په شکل کې ليدل کېږي چې د  $\frac{1}{2}$  په کسر کې، د  $\frac{1}{4}$  کسر دوه واري شامل دي.

$$\frac{1}{2} \div \frac{1}{4} = 2$$

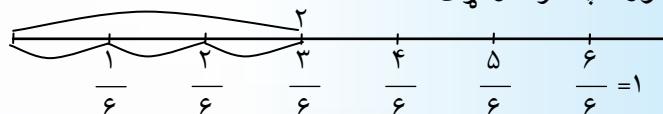
$$\frac{1}{2} \times \frac{4}{1} = \frac{1 \times 4}{2 \times 1} = \frac{\cancel{1} \cancel{4}}{\cancel{2} \cancel{1}} = 2$$

له بلې خوا:

$$\frac{1}{2} \div \frac{1}{4} = \frac{1}{2} \times \frac{4}{1} = \frac{1 \times 4}{2 \times 1} = \frac{4}{2} = 2$$

له دي امله:

۲- د عددونو محورته پاملننه وکړئ.



يعني:

خنګه چې د عددونو پر محور ليدل کېږي د  $\frac{1}{2}$ ، په کسر کې د  $\frac{1}{6}$  کسر درې واري شامل دي.

$$\frac{1}{2} \div \frac{1}{6} = 3$$

$$\frac{1}{2} \times \frac{6}{1} = \frac{1 \times 6}{2 \times 1} = \frac{\cancel{1} \cancel{6}}{\cancel{2} \cancel{1}} = 3$$

له بلې خوا:

$$\frac{1}{2} \div \frac{1}{6} = \frac{1}{2} \times \frac{6}{1} = \frac{6}{2} = 3$$

له دي امله:

## مثالونه

۱-  $\frac{1}{4}$  په  $\frac{3}{4}$  کې خووارې شامل دی؟

$$\frac{3}{4} \div \frac{1}{4} = \frac{3}{4} \times \frac{4}{1} = \frac{3 \times 4}{4 \times 1} = \frac{\cancel{3} \cancel{4}}{\cancel{4} \cancel{1}} = 3$$

۲- خووارې د  $\frac{1}{4}$  کسر د  $\frac{3}{4}$  کسر کې شامل دی.

$$\frac{3}{4} \div \frac{1}{8} = \frac{27}{4} \div \frac{17}{8} = \frac{27}{4} \times \frac{8}{17} = \frac{27 \times 2}{1 \times 17} = \frac{54}{17} = 3 \frac{3}{17}$$

۳- يوه سپري  $\frac{1}{4}$  ئ كيلو متره واتن په  $\frac{1}{2}$  ساعتونو کې وهلى دی،

معلوم كړئ چې په يو ساعت کې يې خومره واتن وهلى دی؟

$$\frac{1}{4} \div \frac{1}{2} = \frac{25}{4} \div \frac{5}{2} = \frac{25}{4} \times \frac{2}{5} = \frac{5 \times 1}{2 \times 1} = \frac{5}{2} = 2 \frac{1}{2}$$

حل:

د پورته مثالونو له حل خخه ليکلی شو چې:

$\text{د دويم کسر معکوس} \times \text{لومړي کسر} = \text{دويم کسر} \div \text{لومړي کسر}$ $\text{د مقسوم عليه معکوس} \times \text{مقسوم} = \text{مقسوم عليه} \div \text{مقسوم}$
---

يا

يادونه: لاندی مثال په پام کې نيسو:

$$24 \div 12 = 24 \times \frac{1}{12} = \frac{24}{1} \times \frac{1}{12} = \frac{24}{12}$$

په دې مثال کې ليدل کېږي چې هر کسر د صورت وېشل پر مخرج باندې  
بنيي يعني د  $\frac{7}{4}$  کسر معنا:  $7 \div 4$  او د  $\frac{3}{8}$  کسر معنا:  $3 \div 8$  دی.

### فعاليت

۱- له تېرو حل شويو مثالونو خخه په استفادې سره د تقسيم لاندی پوبنتني  
حل کړئ.

$$\frac{3}{4} \div \frac{5}{6} = \quad , \quad \frac{8}{9} \div \frac{11}{19} = \quad , \quad \frac{16}{24} \div \frac{3}{5} =$$

۲- د دوو کسرونو د ضرب حاصل  $\frac{1}{4}$  دی، که یو کسريي  $\frac{3}{8}$  وي، بل  
کسريي پیدا کړئ.

### کورنۍ دنده



- لاندی پوبنتني حل کړئ.

$$\frac{3}{4} \div \frac{5}{6} = ?$$

$$\frac{1}{2} \div \frac{1}{2} = ?$$

- یو قطى  $\frac{1}{2}$  کيلو گرامه بوره اخلي (خایوی) د  $\frac{1}{3}$  کيلو گرامه  
بورې لپاره خو قطيو ته ارتیا شته؟



۱- په لاندی پونتنو کې صحیح عدد پر کسر تقسیم کړئ.

$$5 \div \frac{1}{7}, \quad 9 \div \frac{2}{18}, \quad 16 \div \frac{8}{32}, \quad 58 \div \frac{1}{50}$$

۲- لاندی پونتنو کې کسر پر صحیح عدد تقسیم کړئ.

$$\begin{array}{lll} \frac{12}{11} \div 8 & , & \frac{3}{34} \div 9 \\ \frac{7}{25} \div 7 & , & \frac{44}{9} \div 44 \end{array}, \quad \begin{array}{lll} \frac{24}{36} \div 12 & , & \frac{32}{33} \div 62 \\ \frac{248}{124} \div 124 & , & \frac{11}{45} \div 56 \end{array}$$

۳- لاندی کسرونه تقسیم کړئ.

$$\begin{array}{lll} \frac{13}{9} \div \frac{3}{36} & , & \frac{20}{19} \div \frac{40}{19} \\ \frac{7}{16} \div \frac{49}{8} & , & 1 \frac{5}{6} \div \frac{2}{7} \end{array}, \quad \begin{array}{lll} \frac{5}{6} \div \frac{7}{9} & , & 1 \frac{7}{16} \div \frac{49}{8} \end{array}$$

۴- لاندی پونتنی د شکلونو په مرسته حل کړئ.

خو واري د  $\frac{1}{2}$  کسر، د ۳ په عدد کې شامل دي؟

خو واري د  $\frac{1}{9}$  کسر، د ۲ په عدد کې شامل دي؟

خو واري د  $\frac{1}{8}$  کسر، د  $\frac{1}{6}$  په کسر کې شامل دي؟

خو واري د  $\frac{1}{4}$  کسر، د  $\frac{1}{2}$  په کسر کې شامل دی؟

خو واري د  $\frac{1}{3}$  کسر، د  $\frac{2}{3}$  په کسر کې شامل دی؟

۵- له ۶ ډوډيو خخه د  $\frac{1}{2}$  خوبرخي (توبې) جوړېږي؟

۶- عارفي نیم کیک درلود او هغه یې پر خپلو ۴ ورونو ووېشل، معلوم کړئ چې هر یوه خومره کیڭ اخیستی دی؟

۷- د یوې رسی اوږدوالي  $\frac{4}{5}$  متره دی، که چېري هغه په ۶ مساوی برخو ووېشو، هره برخه به یې خومتره اوږدوالي ولري؟

۸- که چېري د  $\frac{1}{2}$  منو غنمو بیه ۹۰۰ افغانۍ وي، د یوه من بیه معلومه کړئ؟

۹- د یوه کيلو گرام انګورو بیه  $\frac{1}{2}$  افغانۍ ده، پر  $\frac{1}{94}$  افغانیو خو کيلو گرامه انګور اخیستلای شو؟

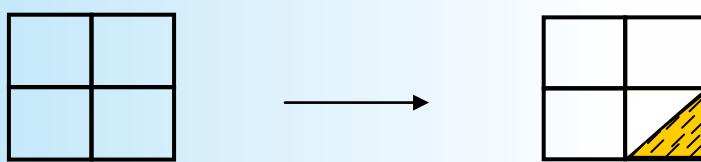
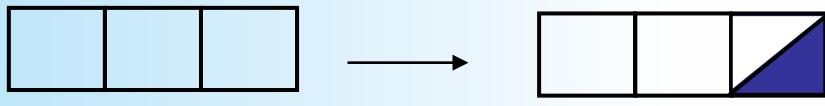
۱۰- حبیبه  $\frac{1}{2}$  متره توکر لري، د یوې جوړې جامولپاره  $\frac{1}{2}$  متره توکر ته اړتیا ده، معلومه کړئ چې حبیبه د تول توکر خخه خو جوړه جامې جوړولی شي؟

## کسرالکسر

• که چیري ديوه کسر صورت يا مخرج او يا هم دواوه په خپله  
کسرونه وي دا ډول کسرونه په کوم نوم يادېږي؟



د لاندي مثالونو شکلونو ته پاملننه وکړئ.



- په لوړي مثال کې ليدل کېږي چې یو مستطيل په دريو مساوي  
برخو وېشل شوي دي، وروسته د یوې برخې نيمائي په نښه شوې  
ده او په نښه شوې (تورې شوې) برخه په کسر سره داسي بشود  
کېږي.

$$\frac{1}{3} \over 2$$

- په دويم مثال کې ليدل کېږي چې یوه مربع په ۴ مساوي برخو  
تقسيم شوې، وروسته  $\frac{1}{4}$  برخه یې پر (۲) مساوي برخو وېشل شوې

او يوه برخه يې رنگ شوي، رنگ شوي برخه په کسر باندي داسي

$$\frac{1}{\frac{4}{2}}$$

بنودل کېري.

- د  $\frac{4}{2}$ ، په کسر کې  $\frac{1}{4}$  د کسر صورت او ۲ يې مخرج چې د  $\frac{2}{1}$  په شکل يې ليکلى شو او يو کسر الکسر جوړوي.

د کسر الکسر خو مثالونو ته پاملننه وکړئ.

$$\frac{\frac{1}{2}}{\frac{2}{3}},$$

$$\frac{\frac{3}{5}}{\frac{4}{7}},$$

$$\frac{\frac{9}{11}}{\frac{4}{1}},$$

$$\frac{\frac{5}{6}}{\frac{3}{8}},$$

### د کسر الکسر بدلوں په ساده کسر

لاندې مثال ته پاملننه وکړئ.

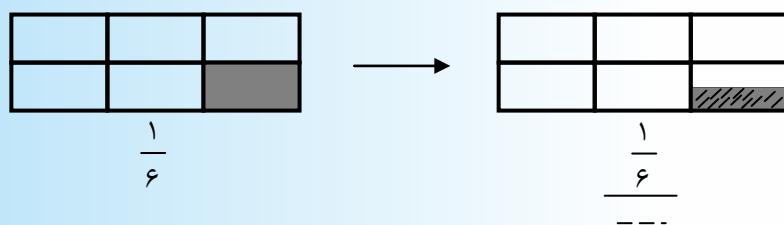
1- د  $\frac{\frac{1}{2}}{\frac{3}{4}}$  کسر الکسر په ساده کسر سره داسي بدلوو:  
حل:

$$\frac{\frac{1}{2}}{\frac{3}{4}} = \frac{1}{2} \div \frac{3}{4} = \frac{1}{2} \times \frac{4}{3} = \frac{1 \times 4}{2 \times 3} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

د کسر الکسر د ساده کولو لپاره د کسر الکسر صورت د کسر الکسر پر مخرج باندې وېشو او د تقسيم له عملیې خخه په استفادې سره مقسوم عليه معکوس د تقسيم نښه په ضرب او له اختصار خخه وروسته صورت په صورت او مخرج په مخرج کې ضربېږي په دې صورت کې د کسر الکسر ساده شکل لاس ته راخي.

## فعالیت

1- لاندی مستطیل پر شپږو مساوی برخو تقسیم او  $\frac{1}{6}$  برخه یې توره شوې ده، وروسته هم هغه  $\frac{1}{6}$  برخه پر ۲ مساوی برخو وېشل شوې ده. د دغو تقسیماتو په نظر کې نیولو سره په لاندی تشو ځایونو کې مناسب عددونه ولیکئ.



$$\frac{1}{6} = \frac{1}{6} \div \frac{2}{1} = \underline{\quad} \times \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

2- د کسر الکسر د ساده کولو د عملی په نظر کې نیولو سره د دلاندی کسرونو په تشو ځایونو کې مناسب عددونه ولیکئ.

$$\frac{7}{8} = \frac{7}{8} \div \underline{\quad} = \underline{\quad} \times \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$\frac{10}{12} = \frac{10}{12} \div \underline{\quad} = \underline{\quad} \times \frac{14}{14} = \frac{10 \times \underline{\quad}}{12 \times \underline{\quad}} = \frac{140}{\underline{\quad}} = 2 \underline{\quad}$$

## کورنی دندہ



لاندی هر یو کسر الکس ساده کړئ.

$$\frac{5}{6} = , \quad \frac{25}{30} = , \quad \frac{12}{14} =$$

$$\frac{2}{5} \quad \frac{5}{15} \quad \frac{6}{18}$$

پوشتنې



لاندی هر یو کسر الکس ساده کړئ.

$$\frac{12}{13} = , \quad \frac{20}{22} = , \quad \frac{8}{9} =$$

$$\frac{6}{13} \quad \frac{10}{11} \quad \frac{2}{3}$$

$$\frac{48}{50} = , \quad \frac{115}{120} = , \quad \frac{900}{300} =$$

$$\frac{8}{10} \quad \frac{45}{6} \quad \frac{100}{500}$$

$$\frac{3}{7} = , \quad \frac{2}{3} = , \quad \frac{4}{5} =$$

$$\frac{12}{14} \quad \frac{3}{5} \quad \frac{5}{6}$$

**Get more e-books from [www.ketabton.com](http://www.ketabton.com)**  
**Ketabton.com: The Digital Library**