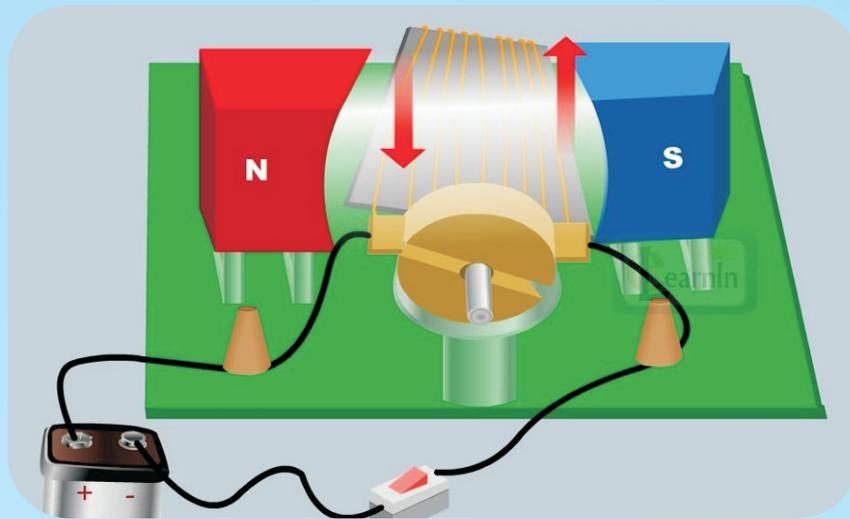




ننگرهار طب پوهنځی

د برق فزیک

د برق فزیک



پوهنيار هدايت الله

۱۳۹۵

پلورل منع دی

پوهنيار هدايت الله
۱۳۹۵

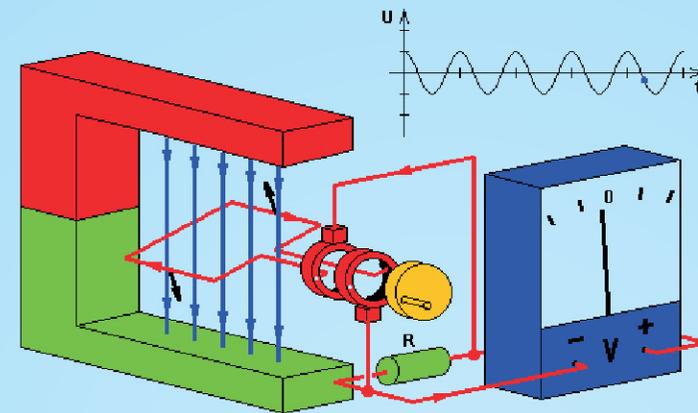


Nangarhar Medical Faculty

Afghanic

Teach Assist Hydayatullah

Electric Physics



Funded by
Kinderhilfe-Afghanistan



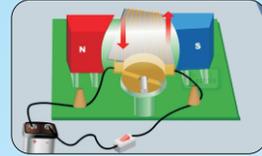
Not For Sale

2016

د برق فزیک

پوهنیاړ هدايت الله

Afghani



Pashto PDF
2016



Nangarhar Medical Faculty
ننگرهار طب پوهنځی

Funded by
Kinderhilfe-Afghanistan

Electric Physics

Teach Assist Hydayatullah

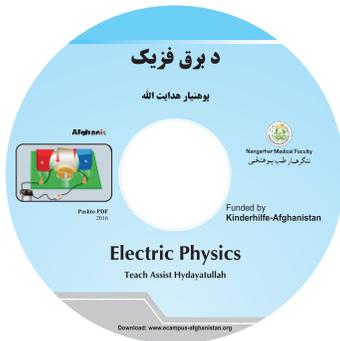
Download: www.ecampus-afghanistan.org

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِیْمِ

د برق فزیک

پوهنیاړ هدايت الله

دغه کتاب په پي ډي ايف فارمټ کې په مله سي ډي کې هم لوستلی شی:



د کتاب نوم د برق فزیک
لیکوال پوهنیار هدایت الله
خپرندوی ننگرهار پوهنتون، طب پوهنځی
ویب پاڼه www.nu.edu.af
د چاپ کال ۱۳۹۵، لومړی چاپ
چاپ شمېر ۱۰۰۰
مسلسل لمبر ۲۱۷
ډاونلوډ www.ecampus-afghanistan.org
چاپ ځای سهر مطبعه، کابل، افغانستان



دا کتاب د افغان ماشومانو لپاره د جرمني کمېټې په جرمني کې د Eroes کورنۍ یوې خیریه ټولنې لخوا تمویل شوی دی. اداري او تخنیکي چارې یې په آلمان کې د افغانیک لخوا ترسره شوي دي. د کتاب د محتوا او لیکنې مسؤلیت د کتاب په لیکوال او اړونده پوهنځي پورې اړه لري. مرسته کوونکي او تطبیق کوونکي ټولني په دې اړه مسؤلیت نه لري.

د تدریسي کتابونو د چاپولو لپاره له مور سره اړیکه ونیسئ:
ډاکتر یحیی وردک، د لوړو زده کړو وزارت، کابل
تیلیفون ۰۷۵۶۰۱۴۶۴۰
ایمیل textbooks@afghanic.org

د چاپ ټول حقوق له مؤلف سره خوندي دي.

ای اس بی ان ۸-۳۰-۶۲۰-۹۹۳۶-۹۷۸-۹۷۸-۹۹۳۶-۶۲۰-۳۰-۸

د لوړو زده کړو وزارت پیغام



د بشر د تاریخ په مختلفو دورو کې کتاب د علم او پوهې په لاسته راوړلو، ساتلو او خپرولو کې ډیر مهم رول لوبولی دی. درسي کتاب د نصاب اساسي برخه جوړوي چې د زده کړې د کیفیت په لوړولو کې مهم ارزښت لري. له همدې امله د نړیوالو پیژندل شویو معیارونو، د وخت د غوښتنو او د ټولني د اړتیاوو په نظر کې نیولو سره باید نوي درسي مواد او کتابونه د محصلینو لپاره برابر او چاپ شي.

له ښاغلو استادانو او لیکوالانو څخه د زړه له کومې مننه کوم چې دوامداره زیار یې ایستلی او د کلونو په اوږدو کې یې په خپلو اړوندو څانگو کې درسي کتابونه تألیف او ژباړلي دي، خپل ملي پور یې اداء کړی دی او د پوهې موتور یې په حرکت راوستی دی. له نورو ښاغلو استادانو او پوهانو څخه هم په درنښت غوښتنه کوم تر څو په خپلو اړوندو برخو کې نوي درسي کتابونه او درسي مواد برابر او چاپ کړي، چې له چاپ وروسته د گرانو محصلینو په واک کې ورکړل شي او د زده کړو د کیفیت په لوړولو او د علمي پروسې په پرمختگ کې یې ښک گام اخیستی وي.

د لوړو زده کړو وزارت دا خپله دنده بولي چې د گرانو محصلینو د علمي سطحې د لوړولو لپاره د علومو په مختلفو رشتو کې معیاري او نوي درسي مواد برابر او چاپ کړي. په پای کې د افغان ماشومانو لپاره د جرمني کمیټې او زموږ همکار ډاکټر یحیی وردک څخه مننه کوم چې د کتابونو د خپرولو لپاره یې زمینه برابره کړې ده.

هیله منده یم چې نوموړې گټوره پروسه دوام وکړي او پراختیا ومومي تر څو په نږدې راتلونکې کې د هر درسي مضمون لپاره لږ تر لږه یو معیاري درسي کتاب ولرو.

په درنښت

پوهنوال دوکتور فریده مومند

د لوړو زده کړو وزیر

کابل، ۱۳۹۵

د درسي کتابونو چاپول

قدرمو استادانو او گرانو محصلينو!

د افغانستان په پوهنتونونو کې د درسي کتابونو کموالی او نشتوالی له لویو ستونزو څخه گڼل کېږي. یو زیات شمیر استادان او محصلین نویو معلوماتو ته لاس رسی نه لري، په زاړه میتود تدریس کوي او له هغو کتابونو او چپترونو څخه گټه اخلي چې زاړه دي او په بازار کې په ټیټ کیفیت فوتوکاپي کېږي.

تر اوسه پورې مور د ننگرهار، خوست، کندهار، هرات، بلخ، کاپیسا، کابل او کابل طبي پوهنتون لپاره ۲۲۳ عنوانه مختلف درسي کتابونه د طب، ساینس، انجنیري، اقتصاد او زراعت پوهنځیو (۹۶ طبي د آلمان د علمي همکارو ټولني DAAD، ۱۰۰ طبي سره له ۲۰ غیر طبي د افغان ماشومانو لپاره د جرمني کمپني Kinderhilfe-Afghanistan او ۴ نور غیر طبي د آلماني او افغاني پوهنتونونو ټولني DAUG) په مالي مرسته چاپ کړي دي.

د یادوني وړ ده، چې نوموړي چاپ شوي کتابونه د هېواد ټولو اړونده پوهنځیو ته په وړیا توگه وپشل شوي دي. ټول چاپ شوي کتابونه له www.afghanistan-ecampus.org ویب پاڼې څخه د یاونلوډ کولای شئ.

دا کړنې په داسې حال کې تر سره کېږي چې د افغانستان د لوړو زده کړو وزارت د (۲۰۱۰-۲۰۱۴) کلونو په ملي ستراتیژیک پلان کې راغلي دي چې:

"د لوړو زده کړو او د ښوونې د ښه کیفیت او زده کوونکو ته د نویو، کره او علمي معلوماتو د برابرولو لپاره اړینه ده چې په دري او پښتو ژبو د درسي کتابونو د لیکلو فرصت برابر شي د تعلیمي نصاب د ریفورم لپاره له انگریزي ژبې څخه دري او پښتو ژبو ته د کتابونو او درسي موادو ژباړل اړین دي، له دې امکاناتو څخه پرته د پوهنتونونو محصلین او استادان نشي کولای عصري، نویو، تازه او کره معلوماتو ته لاس رسی پیدا کړي."

مونږ غواړو چې د درسي کتابونو په برابرولو سره د هیواد له پوهنتونونو سره مرسته وکړو او د چپتر او لکچر نوټ دوران ته د پای ټکی کېږدو. د دې لپاره دا اړینه ده چې د لوړو زده کړو د موسساتو لپاره هر کال څه نا څه ۱۰۰ عنوانه درسي کتابونه چاپ شي.

له ټولو محترموا استادانو څخه هيله کوو، چې په خپلو مسلکي برخو کې نوي کتابونه وليکي، وژباړي او يا هم خپل پخواني ليکل شوي کتابونه، لکچر نوټونه او چپټرونه ايډېټ او د چاپ لپاره تيار کړي، زمونږ په واک کې يې راکړي چې په ښه کيفيت چاپ او وروسته يې د اړوند پوهنځيو، استادانو او محصلينو په واک کې ورکړو. همدارنگه د ياد شويو ټکو په اړوند خپل وړانديزونه او نظريات له مونږ سره شريک کړي، تر څو په گډه پدې برخه کې اغيزمن گامونه پورته کړو.

د مؤلفينو او خپروونکو له خوا پوره زيار ايستل شوی دی، ترڅو د کتابونو محتويات د نړيوالو علمي معيارونو په اساس برابر شي، خو بيا هم کيدای شي د کتاب په محتوی کې ځينې تيروتنې او ستونزې ولېدل شي، نو له درنو لوستونکو څخه هيله مند يو تر څو خپل نظريات او نيوکې مؤلف او يا مونږ ته په ليکلې بڼه راوليږي، تر څو په راتلونکي چاپ کې اصلاح شي. د افغان ماشومانو لپاره د جرمني کميټې او د هغې له مشر ډاکټر ايروس څخه ډېره مننه کوو چې د دغه کتاب د چاپ لگښت يې ورکړی دی، دوی په تېرو کلونو کې هم د ننگرهار پوهنتون د ۱۰۰ عنوانه طبعي او ۲۰ عنوانه غيرطبعي کتابونو د چاپ لگښت پر غاړه درلود.

په ځانگړې توگه د جي آی زيت (GIZ) له دفتر او CIM (Center for International Migration & Development) چې زما لپاره يې په تېرو پنځو کلونو کې په افغانستان کې د کار امکانات برابر کړی دي، هم د زړه له کومې مننه کوم.

د لوړو زده کړو له وزيرې پوهنوال دوکتور فريده مومند، علمي معين پوهنوال محمد عثمان بابري، مالي او اداري معين پوهنوال ډاکټر گل حسن وليزي، د ننگرهار پوهنتون د پوهنځيو رييسانو او استادانو څخه مننه کوم چې د کتابونو د چاپ لړۍ يې هڅولې او مرسته يې ورسره کړې ده. د دغه کتاب له مؤلف څخه ډېر منندوی يم او ستاينه يې کوم، چې خپل د کلونو-کلونو زيار يې په وړيا توگه گرانو محصلينو ته وړاندې کړ.

همدارنگه د دفتر له همکارانو هر يو حکمت الله عزيز، احمد فهيم حبيبي او فضل الرحيم څخه هم مننه کوم چې د کتابونو د چاپ په برخه کې يې نه سترې کيدونکې هلې ځلې کړې دي.

ډاکټر يحيی وردک، د لوړو زده کړو وزارت سلاکار

کابل، اپريل ۲۰۱۶

د دفتر ټيليفون: ۰۷۵۶۰۱۴۶۴۰

ايميل: textbooks@afghanic.org

تقریظ

د فزیک ساینس خانگې محترم و مو غرو ته !

اسلام علیکم

هغه ترجمه چې د Physics چې RESNICK-HALLIDAY-KRANE مولفین دی د ۲۵، ۲۲، ۲۷ او ۲۸ خپرکیو ژباړه په پښتو چې پوهیالی هدایت الله د فزیک ساینس خانگی غړی ته د پوهنیار علمی رتبې ته د لوړتیا لپاره د خانگی له خوا دنده ورکړل شوې وه اوس یې دهغې د ترجمې، ترتیب او تنظیم بشپړ کړی دې مونږ درې کسيز هیئت د پیل څخه تر پای پورې ولوستله او دهغی د علمی ارزښت په هکله خپل نظر په لاندې ډول څرگندو:

نوموړی ترجمه صحت ده او په (۱۸۰) مخونو کې د ((فزیک)) تر سرلیک لاندې په پښتو ژبه، ساده او روان عبارت لیکل شوې او تر زیاته حده کوشش شوې ترڅو لوستونکې ورڅخه په ډیره اسانه توگه گټه واخلي.

دا چې د دی رسالې څخه مخکې د فزیک تر عنوان لاندې کومه واحده علمی رساله موجوده نه وه چې بشپړ معلومات ولري ترڅو محصلین په نظري او عملي ډگر کې ترې گټه واخلي نوموړی رساله د برق فزیک په هکله د معلوماتو لپاره یوه موثره او با ارزښته منبع گڼل کېږي په لنډ ډول ویلې شو چې د دی علمی رسالې موضوع د یوې خوا ځوان محصلین د هغې په هکله بشپړ معلومات لاسته راوړي او له بلې خوا د طب پوهنځي د P.C.B ټولگي د محصلینو لپاره د عملي کار د اجرا کولو او د برق د فزیک په اړوند معلومات لاسته راوړلې شي.

په پای کې ویلې شو چې پوهیالی هدایت الله د نوموړې ترجمې په لیکلو کې خورا زیار گاللي دی نو مونږ درې کسيز هیئت نوموړی د دغې علمی دندې سرته رسولو ته د زړه له کومې مبارکې وایو او د پوهیالی علمی رتبې څخه د پوهنیار علمی رتبې ته د لوړتیا لپاره د نورو شرایطو ترڅنګ کافي بولو او د لوی خدای (ج) څخه ورته د لاریاتو بریالیتوبونو هیله کوو.

په درنښت

پوهنوال دوکتور سید قمبر علی (حیدری)

پوهندوی استاد الفت (شیرزی)

پوهندوی دوکتور جنت میر (مومند)

د اثر په اړه د لارښود استاد نظر

د طب پوهنځی محترم ریاست ته

محترما!

ما د Resnick- Halliday- Krane لخوا د تالیف شوی فزیک کتاب پښتو ژباړه چی د طب پوهنځی د کدر د غړی پوهیالی هدایت الله لخوا لیکل شوی په مختلفو پړاونو کی مطالعه کړی چی په اړه یی خپل نظر په لاندی ډول ارائه کوم:

دا ژباړه چی د اصلی اثر د ۲۵ څخه تر ۲۸ فصلونو پوری په بر کی نیسی او د طب پوهنځی د دوهم سمستر د فزیک د مضمون د مفرداتو سره مستقیم اړیکه لری او د یوی برخی تکمیل کوونکی درسی مواد جوړوی، د محترم پوهیالی هدایت الله لخوا په پوره امانتداری سره سرته رسیدلی ده. په ژباړه کی د داسی اصطلاحاتو د لیکنی څخه چی لوستونکی ته د مفهوم له اړخه ستونزه پیدا کوی ډډه شوی او کونښ شوی ترڅو لیکنه په روانه او عامه پښتو ژبه تر سره شی چی هم د پښتو ژبو وینکو محصلینو او نورو لوستونکو لپاره د هغی لوستل او مفاهمو هضم یی آسانه کړی وی. د اثر په ۲۵ فصل کی بریننایی چارج او د کولمب قانون په ۲۲ فصل کی د بریننایی ساحی او په ۲۸ فصل کی پوتنسیل او د پوتنسیلی انرژی په اړه د اړونده مفاهمو ذکر شوی دی چی د هغی په اړه معلومات لرل د هر محصل لپاره اړینه ده. د هر فصل په پای کی د اصلی اثر د محتوا مطابق پوښتنی او نور مسائل په پوره وضاحت سره لیکل شوی دی چی د اثر اعتبار یی نور هم زیات کړی دی.

محترم پوهیالی هدایت الله د طب پوهنځی د درسی کریکولم مطابق په پسرلنی او ژمنی سمسترونو کی په خورا بریا سره د فزیک د مضمون مختلفی برخی (برق، اوپتیک، حرارت او میخانیک فزیکونو) لیکچر او عملی برخی په مختلفو گروپونو کی تدریسی کړی چی د څانگی اړینه درسی اړتیا یی پوره کړی ده.

زه په پای کی د دی اثر د اعتبار د تائید ترڅنگ د نورو شرایطو د بشپړتیا په صورت کی د هغی د علمی رتبی د لوړتیا سره موافقه لرم او محترم هدایت الله ته د نورو بریاو هیله کوم.

په درنښت

پوهاند محمد اجمل حبیب صافی

د انجنیری د تخنیکي مضمونونو د څانگی آمر

د اصلي اثر په هکله تائیدي تقریظ

د طب پوهنځی د فزیک ساینس د خانگې محترمو غړو ته!

اسلام علیکم

دغه علمی درسي اثر چې د 2002 - Physics - Volume 2 - Fifth Edition څخه د ۲۷، ۲۶، ۲۵ او ۲۸ څپرکو پښتو ژباړه د پوهنپار علمي رتبې ته د لوړتیا لپاره محترم پوهیالی هدایت الله د فزیک په نوم ژباړلی دی.

ما په خپله په پوره غور سره مطالعه کړه د دې اثر څرنگوالی له علمي او درسي اړخه په لاندې ټکو کې داسې راښودم:

د کتاب ژباړه د اصل اثر سره بشپړ سمون لري د طب په درسي کریکولم کې شامل او د طب پوهنځی د PCB ټولگې په دوهم سمستر کې تدریس کېږي.

کتاب په خورا ساده پښتو ملي او رسمي ژبه ژباړل شوی دی چې لوستونکې ورڅخه په ډیره اسانۍ سره علمي گټه اخیستلای شي.

له دې څخه مخکې د ننگرهار پوهنتون د طب په پوهنځی کې د (فزیک) په نوم په ملي او رسمي ژبو مواد نه وو موجود. د ډیرې خوښۍ ځای دی چې د دې علمي اثر په ژباړې سره د یوې خوا د طب پوهنځیو محصلینو ته کومک وشو او له بلې خوا په پښتو ژبه کې یوه علمي تشه هم ډکه شوه.

د دې اثر په رامنځته کیدو په تدریسي چارو کې د محصلینو د علمي کچې د کیفیت د ښه کیدو په کار کې یو ارزښتناکه گام پورته شو.

زه دغه اثر نوموړي ته د پوهنپار علمي رتبې ته د لوړتیا لپاره تائید او کافي بولم او په راتلونکي کې ورته د لاربريالیتوبونو هیله مند یم.

په درنښت

پوهنوال سید قمبر علی حیدری

د فارمکولوژی خانگې آمر

د ژباړن خبری

داچی اللہ (ج) انسانان په خپل قدرت سره په ډیر لوړ شرافت کی پیدا کړی او دا انسان په خپل ژوند کی په مختلفو حالاتو کی واقع کیږی کله جوړ او کله نا جوړ وی. ددی لپاره چی انسان اشرف دتولو مخلوقاتودی نو باید دهغه بڼه صحت هوسا ژوند لپاره همیشه کونښن وشي. نوله دی امله داچه زه دننگرهار دطب پوهنځی دبیزیک ساینس دډیپارتمنټ دفزیک دمضمون استاد یم. ما هم کونښن وکړ چی دخپل علمی ترفیع لپاره چی دپوهیالی خڅه پوهنیاری، ته ده داسی یو څه ولیکم چی هغه دانسانانو دنبه صحت او هوسا ژوند لپاره پکار

راشی اودهغوی داستفادی وړ وگرځی. نوهغه وه چی دډیپارتمنټ دمحترمواستادانو لخوا راته د Physics چی KRANE – HALLDAY – RESNICK لخوا الیکل شوی دی. د 25، 26، 27 او 28 څپرکو پښتو ژباړه انتخاب کړه او زما درهنماء استاد محترم الحاج پوهاند محمد اجمل (صافی) لخوا هم ومنل شوه. چی دغه کتاب دطب، انجنری، ساینس اوفزیک دمینوالو لپاره یواساسی کتاب دی. دفزیک پواسطه دډیرو انسانانو داکثره مریضتیاؤ تشخیص اوتداوی صورت نیسی. او هم نن پرمختگونه د برق په اساس مینځ ته راغلی نوله دی امله ما د برق په هکله دا کتاب وژباړه ترڅو د انسانانو د ژوند د پرمختگ او هم د مریضتیاوو د تشخیص اوتداوی لپاره ورڅخه گټه واخیستل شی. داچی نوموړی کتاب می په روانه پښتو ژبه ژباړلی دی تروسه می کونښن کړی چی دانگلیسی لغات اوجملی پښتوته واړوم خوبیا هم دساینس ترمینالوژی په پام کی نیول شوی چی دا یوه علمی اړتیا ده ددی لپاره چی لوستونکی

ورځڅخه سمه گټه پورته کړې په دې کتاب کې جدولونه او انځورونه ته هم ځای ورکړل شوی دی همدارنگه په ژباړه کې می ترخپله وسه پوری امانتداری په پام کې نیولی ده.

په پای کې دمحترم استاد الحاج پوهاند محمد اجمل (صافی) څخه چې د ډیرو بوختیاؤ سره سره ئی زما ددی علمی رسالی په ژباړه او دناسمیو په سمون کې مرسته کړې دزړه له کومې مننه کوم همدارنگه ددرنو لوستونکو څخه په خورا درنشت هیله کوم چې ددی علمی رسالی املائی او انشایی ناسمی راپه گوته گړې ترڅو په راتلونکي کې دتکراریدو څخه مخنیوی وشي.

په درنښت

پوهنیار هدایت الله

د دوهم جلد لپاره سریزه

دا د درسی کتاب پنځمه گڼه ده چی لومړی ځل په 1960 م کال کی د ډیویډ هالیډای او رابرت ریزنیک پواسطه د ساینس او انجینری محصلینو لپاره د فزیک په توگه خپره شوی وه. د څلورو لسيزو راهیسی دغه کتاب د حساب کولو په بنیاد د پیژندگلوی، سروی کورس لپاره معیارونه وړاندی کړی دی او د هغه د پیشکشونو د وضاحت او بشپړتوب له کبله بڼه شهرت لری. پدی گڼه کی ډیر زیار ویستل شوی ترڅو لاسرسی ورته زیات شی بیدون د دی څخه چی محتوا او سطحه یی قربانی شی. درسونه په بنیادی ډول دوباره لیکل شوی چی ترڅو د موادو جریان یی نور هم په نرمی سره شی او موضوعاتو ته د محصلانو لاسرسی اسانه کړی. مونږ زیار ویستلی ترڅو ډیری گټوری نمونی وړاندی کړو او له مشخصو موضوعاتو څخه عمومی موضوعاتو ته پرمختگ وکړو کله چی نوی موضوعات رامنځ ته کیږی.

دغه گڼه په پیداکوژی (نبوونی او روزنی علم) او همدارنگه په څپرکو کی د موادو په ترتیبولو کی زیات تغیرات ښکاره کوی. هغه څوک چی د دی کتاب له څلورمی گڼی سره بلد دی هغوی به د ښکاره تغیرشوی ترتیب سره ورته موضوعگانی هم پدی گڼه کی پیدا کړی. د دغی تغیراتو په راوستلو کې مونږ د تیرو گڼو د استعمالوونکو مشوری، پلټنی او د هغوی د فزیک زده کړی د پلټنی نتایج مو په پام کی نیولی دی. د دغی گڼی په منځ کی چی مونږ کوم تغیرات رامنځ ته کړی په لاندی ډول دی:

1. دوباره ترتیبونه د دی سبب شوه چی په نتیجه کی د لومړی جلد څخه دوه څپرکیونه لری شی، په دوهم جلد کی څپرکیونه دوباره شماره گذاری شول چی له پنځه ویشتم څخه شروع کیږی کوم چی د څلورمی گڼی د لومړی جلد د دریم څپرکی سره مطابقت کوی.

2. محصلین خنی وخت د برقی ساحی په محاسبه کی د ډیر زیات متداوم چارج د ویش له ادغام کولو سره لاس او گریوان وی ، ځکه چی دواړه مفهومی خلاصه او محاسباتی چیلنجونه دی. د دی لپاره چی د وخت نه مخکی د مفهومی مشکلاتو سره معامله وکړو مونږ د برقی قوی سره په اړیکه کی یو جوړښت معرفی کوو ددی پرځای چی د برقی ساحی سره بی معرفی کړو. د مثال په ډول: په لومړی څپرکی کی مونږ د خطی چارج پواسطه په یوه نقطوی چارج کی د واردی شوی قوی محاسبه تر بحث لاندی نیسو. محصلین د برقی ساحی پرځای د برقی قوی لپاره یو ښه او غوره فزیکي شعور او حس لری، نو پدی طریقی سره مونږ کولای شو چی ریاضیکي جوړښت په یو ډیر فزیکي متن تأسیس کړو. وروسته به مونږ د ساحی او پوتنشیل لپاره محاسبه تکرار کړو. د ورته علتونو لپاره مونږ د کاسی (کشکولی) قضیه یا قانون او اصول په لومړی څپرکی کی د قوی په درس کی معرفی کوو، کوم چی د دی معرفت د لومړی ټوک د ۱۴ څپرکی د جاذبوی قوی د مبحث سره موازی او برابر وی.
3. د رادرفورډ شیندللو مبحث د مخکنی گڼی د گاوس قانون له څپرکی څخه د نوی گڼی دوهم څپرکی د برقی ساحو مبحث ته انتقال شوی دی.
4. په ۲۷ څپرکی (گاوس قانون) کی مونږ د برقی جریان او برقی ساحو خطونو ترمنځ اړیکو بحث غزولی دی او اوس مونږ د متداوم چارج ویشنی په اړه د گاوس قانون معمولی پروگرامونه تر بحث لاندی نیسو مخکی د دی چی د هادی اجسامو پروگرامونو ته ورشو.
5. ۲۹ څپرکی (د موادو برقی خاصیت) په یو نوی څپرکی کی (په هادی او عایق کی غیرمتحد شوی مواد) راټول شوی دی کوم چی د مخکنی گڼی په دوه څپرکو کی (برقی ظرفیتونه او برقی څپي) وو. مونږ پدی باور یو چی دغه مواد ځانله مقاومت لری، او پدی طریقی سره د دی معرفتی کولو پواسطه مونږ په اسانه توگه کولای شو چی په برقی ساحه کی د کنډکسراو عایق کره وره سره مقایسه کړو.
6. د فزیک تعلیمی پلټنی په ثابته توگه ښایی چی محصلین د ساده مسقیم جریان د دورو دکړو وړو او عمل په پوهیدنه کی د پام وړ مشکلات لری. لدی کبله مونږ د دی

موضوع په اړه خپل وړاندیز ته پرمختګ ورکړی کله چې په یوه وخت کې د څو حلقه یی دورو یونښن او اندازه کولو وسایل کمپری.

7. اوس مونږ د مقناطیسی ساحی د منبع معرفت او پیژندګلوی (۳۳ څپرکی) د یوازی محرک چارج له کبله د ساحی په پیشکش کولو سره او بیا د یو برق تیرونکی عنصر په سبب ساحی ته انتقال پیلوو. دا د هغی مقناطیسی ساحی په طریقه چې په تیر څپرکی کی (لومړی په ځانګړی محرک چارج کی د قوی قابو کول او بیا په برق تیرونکی عنصر، کی قوی قابو کول) معرفی شوه د غوره جوړیدنی وړتیا رامنځ ته کوی. همدارنګه اوس مونږ د کهربایی ډوله محوری ساحی مستقیمه محاسبه د بیوت سوارټ قانون څخه په استفاده وړاندی کوو مخکی لدی چی د امپیر د قانون څخه په استفادی محاسبه تکرار کړو.

8. د دوه قطبی مقناطیس مومنټ پیژندنه تر ۳۵ څپرکی پوری ځنډیدلی (د موادو مقناطیسی خاصیت). دا په یوه برخه کې ترسره شوی تر څو په محصلینو باندی د مقناطیسی ساحی د نوی موادو فشار او همدارنګه په متن کې د دوه قطبی مقناطیس په معرفی کولو سره ډیر تړلی روش وړاندی کوی په کوم ک کې چې به دا په مستقیمه توګه عملی شی. مونږ د اتومی او هستوی مقناطیسی توب مبحث دلته خلاصه او لنډ کړیدی. دیته مو ترجیح ورکړه چې دغه په جزیات سره بحث کول وروستی څپرکی ته پرېږدو چیری چی په هغه څپرکی کی د اتوم اولی جوړښت د الکترون د څرخیدنی سره معرفی کیری.

9. مونږ د تیری ګنی ۴۰، ۴۱، ۴۲ او ۴۳ څپرکو ته د دی ګنی په ۳۸ او ۳۹ څپرکو کې ځای او جوړښت ورکړی. ۳۸ څپرکی د ماکسویل له سوالونو او د الکترو مقناطیس څپو په اړه دهغی له پروګرامونو څخه بحث کوی کوم مواد چې د څلورمی ګنی په ۴۰ او ۴۱ څپرکیو کې وؤ. ۳۹ څپرکی د روښانه څپو خاصیت راپیژندلو په ګډون انعکاس او انکسار او همدارنګه هغه مواد هم ترکیب کوی، کوم چې په مخکنی ګنی په ۴۱، ۴۲ او ۳۴ څپرکو کې ښکاره کیدل. د انځور جوړښت د طیاری د ښینسی پواسطه اوس په راتلونکی ۴۰ څپرکی کی موندل کیری، چیری چی دا ډیر مناسبه ښکاری چی دا

موضوع د انځور جوړښت د نښینې او عدسیې پواسطه د مبحث لاندې وڅیړل شې.

10. په څلورمه گڼه کې، له عصري فزیک څخه موضوعات د متن هری خواته شیندل شوی وو، په عمومي ډول په برخو کې ورته اختیاری نښه ورکړ شوی وه. پدې گڼه کې مونږ دینته دوام ورکړی چې له عصري فزیک څخه مثالونه د متن له هری خوا څخه راواخلو، مگر جلا برخې په عصري فزیک کې په ۴۵ او ۵۲ څپرکو کې راغونډې او یوځای شویدي کوم چې د هغې موضوعات د انرژي اساسی واحد، کوانتم فزیک، اتوم، جامداتو او هستی په اړه دهغې د پروگرامونو څخه بحث کوی. مونږ په قوی ډول دا باور لرو چې مربوط او کوانتم فزیک پدې درجه کې د پیژندگلوي د کورس د سروی یو مهم او ضروری برخه ده، مگر دغه انصاف د دی موضوعاتو په اړه په ښه ډول د تړلې او نښتې پیشکش او وړاندیز پواسطه چمتو او تیار شويدي د جدا او بیل شوو څرگندونو په نسبت، د راتولو څخه ۴۵ او ۴۸ څپرکو کوم چې د کوانتم فزیک او د هغې پروگرامونه چې د اتوم په اړه بحث کوی په اساسی ډول د څلورمې گڼې څخه دوباره لیکل شويدي. ۴۵ څپرکې مخکنې تجربه شوی ذری پیشنهاد کوی لکه د الکترومقناطیس ځلیدنی خاصیت (حرارتي ځلا، انځوری بریښنا یا فوتوالکتریک تاثیر، کامپتون اثر). سره لدې چې غیر مبهم شواهد د ذری د وړانگې لپاره د رڼا له کبله یوازی له ځنډول شوو انتخابی تجاربو څخه رامنځ ته کیږي، کوم چې مونږ هم اوس په ۴۵ څپرکې کې تری بحث کوو. د سپروډینگر د تیوري مبادی اوس په ۴۶ څپرکې کې بحث کیږي او بیا په جزیاتو سره د پوتنشل منبع او هایدرجن اتوم د پروگرامونو سره په ۴۷ څپرکې کې بحث کیږي. ۴۸ څپرکې، کوم چې د اتومي جوړښت څخه بحث کوی د څلورمې گڼې د ۵۲ څپرکې سره ورته دی یواځې د اتوم د جاذبې په قوه کې د نوی موادو په زیاتوالي سره بحث کیږي.

پدې گڼه کې د څپرکې په اخر کې مواد په بشپړه توگه د مخکنې گڼې سره توپیر کوی. د مخکنې گڼې د مشکلاتو ښه (کوم چې د څپرکیو د برخو لپاره کلیگانی وی) په ښه او محتاط ډول سره ایډیټ (بدلون ورکول) شوی او په دوه گروپونو (تمرینونه او مشکلات)

کی پرځای شوی. تمرینونه کوم چی د درسی برخو لپاره کلیگانی دی، په عمومی ډول په مربوطه او یوځای شوی برخه کی د موادو د مستقیم پلان او پروگرام څخه تمثیل او نماینده گی کوی. په عمومی ډول د دوی هدف دادی چی د محصلانو سره مرسته وکړی چی د مفکورو، مهم فارمولونو، برخو، حجم او اندازو سره بلد شی او همداسی نور. مشکلات، کوم چی د متنی برخو لپاره کلیگانی ندی، ځنی وخت د مختلفو برخو څخه او یا هم له مخکنیو څپرکو څخه د مفکورو استعمال ته ضرورت راځی. ځنی مشکلات داسی دی چی شاگرد ورته ضرورت لری چی برآورد یی کړی او ځنی په ازاده توگه ورڅخه استفاده کیږی، چی خام مواد یی پرځای شی تر څو مشکل حل کړی. د مشکلاتو او تمرینونو په ایډیټ کولو او گروپ بندی سره مونږ له مخکنی گنی څخه ځنی مشکلات له منځه وړی دی. مشکلاتو ته لاسرسی او بشپړول شاید ځنی ورک شوی مشکلات ایجاد کړی او همدارنگه یا نوی تمرینونه یا مشکلات وټاکي. لکه څرنگه چی مخکی وؤ، د بی جوړی او طاقو شمیرو تمرینونو او سوالونو ته ځوابونه په درس کی ورکول شوی او جفتو او جوړیزو مشکلاتو او تمرینونو ته د استادانو او مدرسینو پواسطه په لاسی ډول ځواب ورکول کیږی کوم چی د استادانو لپاره د لاسرسی وړ دی. څوځوابه انتخاب سوالونه او د کمپیوټر مشکلات هم د څپرکی په اخیری موادو کی اضافه شویدی. څوځوابه انتخاب سوالونه په عمومی ډول په طبیعت کی مفکوری او تصور دی او ځنی وخت په موادو

کی غیر عادی پوهی ته ضرورت لری. څوځوابه انتخاب سوالونو، لپاره حل د استادانو په لاسی کتابونو کی موندل کیدای شی. د کمپیوټر مشکلات شاید د ایکسل سپریدشیت تخنیکونو یا سمبولیک مهارت او ورځنی اداری ته لکه مایل او میتماتیکا سره بلدتیا ته ضرورت ولری.

د څپرکی د اخیری موادو پرمختگ د کالیفورنیا د لوتیرن پوهنتون د پاول ستینلی د رنبتینې او اساسی همکاری لاندی صورت نیولی. مونږ ډیر نیکمرغه یو چی پدی پروژه کی مو د هغی د پوهی او جوړښتونو څخه استفاده کړیده.

مونږ زیار ویستل ترڅو داسی یو کتاب ته پرمختگ ورکړو، کوم چی وکولای شو د فزیک د پیژندگلوی، دومره ټینګه او بشپړه سروی وړاندی کړو څومره چی پدی برخه کی ممکنه وی. همدا وجه ده سره لدی که چیری یو ښوونکی غواړی چی دغه کتاب تائید او ملاتړ یی وکړی نو ضرور ده چی باید د پیل څخه تر پایه پوری یی په یو کلن کورس کی ولولی. د دی کتاب په جریان کی زیات نوبتی پیاده روی وجود لری. یعنی که یو ښوونکی غواړی چی له کمو موضوعاتو څخه په ډیر ژوره توګه بحث وکړی نو ډیری نوری لاری ورته موجودی دی، که یوه لاره بنده وی د بلی څخه استفاده کولای شی. ځنی برخی یا فرعی برخی د اختیاری نښی پواسطه په ښکاره ډول په نښه شوی دی دا څرګندوی چی کیدای شی دا پاتی شی یعنی ورته ونه کتل شی او بی لدی چی تسلسل د لاسه ورکړی مخکی تللی شی. د کورس په جوړښت پوری اړه لری کولای شی چی پوره یو څپرکی پریردی یا هم په روښانه توګه پری بحث وکړی. د ښوونکولاسی کتابونه د ملګری او مل جلدونو یا ټوکونو په څیر د لاسرسی وړ دی کوم چی د مخففاتو لپاره پیشنهادات وړاندی کوی، همدارنګه که چیری یو مکمل پیشکش په درس کی پاتی وی نو یو نادر او کمزوری محصل هم کولای شی چی پلټنه وکړی او هغه لمنځه وړل شوی موضوع پیدا او په بدله کی به ئی د مضمون پراخه نظریه او څیره ترلاسه کړی. مونږ هیله لرو چی پدی سره به دغه کتاب د دی قابل شی چی د فزیک د (سرک نقشی) په توګه تری درناوی وشی. زیات سرکونه، ننداریی یا مستقیماً کولای شی ونیسی او ضرور نده چی ټول سرکونه په لومړی سفر کی په کار واچول شی او استعمال شی. یو ښه او غوره مسافر شاید دیته تشویق شی چی نقشی ته مخ کړی او هغه سیمی او ساحی راوسپړی چی په تیر او مخکنی سفر کی تری پاتی وی.

کتاب په دوه جلدونو کې د لاسرسی وړ دی. لومړی جلد د متحرک اجسامو علم، میخانیک او ترمودینامیک تر پوښښ لاندې نیسي. اوسنی او دغه جلد الکترومقناطیس، د رڼا او لیدو پوهنه (اپټیکس) او د انرژۍ واحد، کوانتم فزیک او د هغی پروگرامونه او غوښتنی تر پوښښ لاندې نیسي. هغه لاسرسی چې پدی کې ضمیمه دی په هغی کې شامل دی:

| | |
|-------------------------------|--------------------------------|
| د ښوونکو لاسی کتابونو حل | د محصلانو د لاسی کتابونو حل |
| د استادانو لاسی کتابونه | د محصلانو لپاره د مطالعی رهنما |
| د استادانو د ذخیری منبع سی ډی | فزیک تظاهر، ورته والی پیښی |
| لابراتوار | ای درجه کورنی کار |

مدیریتی سیستم

د دی گنی په ترتیبونه او منظموه کی مونږ د بیاکتونکو د ډالی کونکی ټیم له مشورو څخه گټه اخستی ده، هغه ټیم چی یا بی په شخصی ډول او یا په گروپی ډول په محتاط ډول خپل نظرونه او کره کتنی تقریباً د لوست په هره صفحه کی وړاندی کړی چی نومونه بی په لاندی توگه ذکر کوو:

- ریچارډ بوکری، لویولا پوهنتون
- ډوان کیرمونی، پوردو پوهنتون
- جی. ریچارډ کریستن، متحده ایالاتو کاسټ گارډ اکاډمی
- پاول ډیکسون، کالیفورنیا ایالت، د سان بیرناډینو پوهنتون
- جون فیډریکی، د نیوجرسی د ټیکنالوژی انستیتیوت
- ډیویډ گاویندا، د تیکساس پوهنتون، استین ښار
- ستوارټ گیزیس، د شیکاگو پوهنتون
- جیمس گیرهټ، د واشنگتن پوهنتون

- جون گروپر ، د سان جوز ایالت پوهنتون
- مارتین هیکورټ ، ایډاهو ایالت پوهنتون
- جناتن هال ، پینسولوانیا ایالت پوهنتون
- اوشری کیرمون ، ډیابلو ویلی کالج
- جیم نیپولیتانو ، د رینسیلر پولی تخنیک انستیتیوت
- ډونالډ ناگل ، تیکساس ای انډ ایم پوهنتون
- ډاگلاس اوشیروف ، سټینفورډ پوهنتون
- هاروی پیکر ، ټرینیتی کالج
- انټونی پیټووکو ، پیما کمیونیتی کالج
- رابرټ سچیرر ، اوهایو ایالت پوهنتون
- جون ټاتونگی ، سیټل پوهنتون

مونږ د زړه له کومې د هغه اشخاصو د تلاش او سعی څخه مننه کوو او د هغوی له پوهې او ځیرکۍ څخه چې د کتاب لیکونکي ته یې وړاندې کړې دي. همدارنگه مونږ غواړو او غوره گڼو چې د واشنگټن پوهنتون د فزیک زده کړې گروپ په ځانگړې توگه د پاولا هیرون او لیلن مک‌دیرموت له مشورو څخه یادونه او تصدیق وکړو. د جون ویلی او سونس د کارکوونکو څخه په بی ساری توگه مننه کوو چې د دی پروژې لپاره یې پرله پسې او منظم ملاتړ وړاندې کړیدی. مونږ په ځانگړې ډول غواړو چې د ستوارټ جونسن څخه مننه وکړو چې د دی پروژې لپاره یې مدیریت او د بشپړیدو لپاره یې ډالۍ ورکړې ده. د دی کتاب د کیفیت لپاره اساسی مرسته او اعانه د تولید برخی چلوونکي ایلیڈابیت سواين، انځور جوړونکي هیلری نیومین ،

شکل او مثال جوړونکي انا میلهورن، او ډیزاین کوونکي کیرن کینچلو پواسطه ترسره او پوره شوی ده ، چې د دغی اشخاصو د مهارت او پوهې څخه، بغیر د دی پروژې تکمیلول ناممکن وو.

سره لدی غوره او بهترینه تلاش د لیکوالانو، بیا کتونکو او ایډیټورانو (چمتو کونکو) پدی برخه کی عاجز دی چی شاید په کتاب کی غلطیانی بنکاره شی او مونږ د استعمالوونکو اړیکو ته د سمونې، یا نظر ورکونې او انتقاد ته د موضوع یا د پیدا کوژې (ښوونې او روزنې علم) په برخه کی ښه راغلاست وایو. مونږ دغی اړیکی لولو او دومره لاسرسی او ځواب ورته ورکوو چی څومره امکان ولری مگر مونږ پدی هم متأسف یو چی ټولو ته لاسرسی او ځواب نه شو ورکولای، سره لدی مونږ د لوستونکو نظریات او انتقادات تشویقوو چی کولای شی www.wiley.com/college/halliday ته یی راولیږی.

فهرست (عنوانونه)

1 څپرکی

| صفحه | برقي چارج او د کولمب قانون |
|------|------------------------------|
| ۲ | 1-1 الکترومقناطیس: کتنه..... |
| ۴ | 1-2 بریننایی چارج..... |
| ۱۱ | 1-3 هادي او عایق اجسام..... |
| ۱۷ | 1-4 د کولمب قانون..... |
| ۲۲ | 1-5 د چارج متمادي توزیع..... |
| ۴۰ | 1-2 د چارج ساتنه (بقا)..... |
| ۴۳ | پوښتنی او ستونزي..... |

2 څپرکی

برقي ساحه

| | |
|-----|--|
| ۲۳ | ۲-1 ساحه څه شي دی؟..... |
| ۲۲ | ۲-2 برقي ساحه..... |
| ۷۱ | ۲-3 د نقطوي چارجونو برقي ساحه..... |
| ۷۹ | ۲-4 د متمادي چارج د ویش برقي ساحه..... |
| ۸۸ | ۲-5 د برقي ساحي خطونه..... |
| ۹۳ | ۲-2 په برقي ساحه کې نقطوي چارج..... |
| ۱۰۱ | ۲-7 په برقي ساحه کې د ایپول..... |

- ۸-۲ د اتوم د هستي مودل (اختیاری) ۱۰۶
- سوالونه او مسایل ۱۱۱

3 څپرکی

د گوس قانون

- ۱-3 د گوس قانون د څه شي په هکله دی؟ ۱۴۰
- ۲-3 د وکتوري ساحي فلکس (سیلان) ۱۴۱
- ۳-3 د برقي ساحي فلکس (سیلان) ۱۴۲
- ۴-3 د گوس قانون ۱۵۳
- ۵-3 د گوس د قانون استعمال ۱۵۷
- ۶-3 د گوس قانون او هادي اجسام ۱۶۲
- ۷-3 د گوس او کولمب د قوانینو تجرو بوي امتحانول ۱۷۴
- سوالونه او مسایل ۱۷۸

4 څپرکی

برقي پوتانسيال انرژي او پوتانسيال

- ۱-4 پوتنسيالي انرژي ۲۰۵
- ۲-4 بريننا پوتنسيالي انرژي ۲۰۷
- ۳-4 برقي پوتنسيال ۲۱۲
- ۴-4 د ساحي څخه د پوتنسيال محاسبه ۲۲۱

- ۲۲۵..... ۴-۵ د نقطوي چارج له امله پوتنسیال
- ۲۳۴..... ۴-۶ د متمدادي چارج د توزیع برقي پوتنسیال
- ۲۴۱..... ۴-۷ پوتنسیال څخه د ساحي محاسبه
- ۲۴۷..... ۴-۸ هم پوتنسیاله سطحی
- ۲۵۰..... ۴-۹ د چارجداره هادي پوتنسیال
- ۲۵۴..... ۴-۱۰ الکتروستاتیکی تعجیل ورکونکی (اختیاری)
- ۲۵۹..... سوالونه او مسایل

اول خپرکی

برینبنایی چارج اود کولمب قانون:

مونږ دلته یوه تفصیلی مطالعه د الکترومگنتیزم یعنی (د برق په واسطه مقناطیس کیدل) شروع کوو او هغه برخی چی اکثره ئی ددی کتاب دمطالعی څخه باقی پاتی دی هر اړخیزه مطالعه کوو. الکترومقناطیسی قوی د اتومونو په جوړښت او د اتومونو یو ځای کیدل په مالیکولونو کی ځواب ورکوی، د موادو زیاتره خواص چی مونږ ویلی دی په طبعی توگه الکترومقناطیس دی. لکه په جامداتو کی دکشش خاصیت، د مایعاتو سطحی کشش، د فترقوه، اصطکاک او عادی قوی ټولی د الکترومقناطیس قوی اودهغه له اتومونو څخه سرچینه اخلی.

د الکترومقناطیس په مثال کی به مونږ د اولوچی د برینبنایی چارجونو په منځ کی قوه داسی ده لکه دیوه اتوم د الکترونو او هستی ترمنځ چی ده: دیو چارج لرونکی شی خوځښت په دبانندی. (خارجی) برینبنایی قوی پوری اړه لری لکه یو الکترون دیو اسیلوسکوپ (داشارو اله) په میل کی دبرقی چارجونو حرکت دسرکت په منځ کی اودهغه په نورو برخو کی دسرکت په وضع پوری اړه لری، دمقناطسی موادو دذرو خصوصیت اود دایمی مقناطیس ترمنځ قوه: اود الکترومقناطسی وړانگو اچول چی په پایله کی یی *Optic* اود نوردطبعیت او خواصو څیړنی ته مونږ هڼمایی کوی لولود دی څپرکی په پیل کی برینبنایی چارج، دچارج شوی اجسامو څخه خواص اود دؤ چارج شویو اجسامو ترمنځ به بنسټیزه برینبنایی قوه به ولولو.

۱-۱ الکترومقناطیس ته یوه کتنه:

څه باید وکړو چې لاندې پایله مولاسته راوړی وی ؟

۱- دخپلې خونې دبرق (Light) تنه کیکاکۍ، دبریننا دتولیدولوپه ځای (Power plant) کې دسونگ موادو ضایعات هغه مهال الکترومقناطیسی انرژي جوړه وی چې کله بریننا دمقناطیس سره نږدی تیره شی په اخره کې دغه انرژي دبرق په تارونو کې په الکترونونو بدلیږی چې په پایله کې بریننایي قوه په روښانه رڼا بدلېږي یعني داچې برق روښانه کېږي.

۲- کله چې دکمپیوټر په لیکدږه (keyboard) کې کمپیوټر ته امر ورکړی ، ددی کار د سرته رسولو لپاره ډیر الیکترونونه په کار اچول کېږي. الیکترونونه کولای شي چې په زرگونو لارو د سرکټ منځ ته ننوځي ، خو زیاتره الیکترونونه د بریننایي ورونو (دروازو) لخوا گرځول کېږي ، الیکترونونه یوازې له هغو ورونو تیریدلای شي چې مونږ دکمانډه پواسطه پرانیستلي دي ، الیکترونونه په دي ډول له ورونو تیرېږي او لارښود شوي ځای ته ځانونه رسوي ، په پایله کې زمونږ کمانډه یعني هغه کار چې موږ کمپیوټر ته امر پری کړي دي ، مخکې ځي.

۳- کله چې تاسو د خپل تلویزون د ریموټ (Remote) تنه کیکارې ، الیکترو مقناطیسی څپې له ریموټ څخه وځي او نیونکي الي ته ځي . هغه بیا دغه څپې له هغو څپو سره همغاړه کوي چې دستلایټ له ستر غالي څخه سرچینه اخلي ، دستلایټ هغه لارښوونه سرته رسوی چه تاسو د ریموټ پواسطه ورکړی وی ددی دپاره بریننایي او مقناطیسی قوي کاروي ، خو هغو الیکترونو ته لارښوونه وشي چې انځور مخ رانښکاره کوي ، یعني داچې لیدونکي انځور خپره وي.

ددې څو پدیدو اصلي لامل په هغې قوي پوري اړه لري ، چې مونږ دبریننا او مقناطیس په ډول ددی لپاره تشریح کړي. چې دمقناطیس او ذرو د تگ مخنیوي وکړي. دغه قوي د الیکترومقناطیس بنسټ جوړه وي ، له پورتنۍ لیکنې څخه مونږ داویلاي شو چې د الیکترومقناطیس ټولي اغیزې په څلورو لومړنیو معادلو کې تشریح کېږي ، چې د

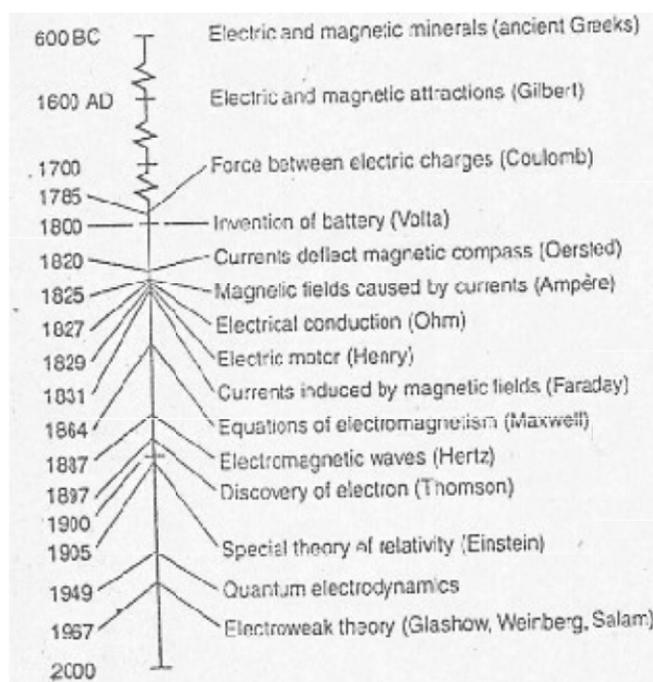
ماکسویل (*Maxwell*) معادلي هم ورته ويل کيږي، دغه معادلي د اليکترو مقناطيس خو ډوله قوانين وړاندي کوي هغه معادلي چه مونږ وړاندي ورباندي څيړنه وکړه د نيوتن د ميخانیک او ترمودائنامیک قوانين وړاندي کوي.

مونږ به لومړي د بريښنا پديدي ته پاملرنه وکړو او بيا به دمقناطيس پديدي ته پاملرنه وکړو، په پای کې به وښيو چې دواړه له يو بله نه بيليدونکي دي، يقينا بريښنايي پديده مقناطيسي اغيزه توليدوي، او مقناطيسي پديده بريښنايي اغيزي توليدوي، دامونږ ته ښي چې بريښنا او مقناطيس بايد يو ځاي کړو او د اليکترو مقناطيس نوم ورکړو، د فزيک په برخه کې د اليکترو مقناطيس قوانينو پرمخيون د نولسمي (۱۹) پيږي لويه سوبه وه دي څيړني مونږ ته د ډيرو الو د ځانگړي کاروني لاسوونه وکړه، لکه موټر، ميله يو گاني، تلويزونونه، رادار، د وړو څپو څپري او گرځنده (موبايل).

د اليکترو مقناطيس نظر يي پرمخيون تر شلمي (۲۰) پيږي پوري دوام وکړ، او دري مهم پرمختگونه يي وکړل په ۱۹۰۵ زير ديز کال البرت اينشتاين دا وښودله چې يو خوځښت کوونکي او څارونکي بريښنايي اغيزي دمقناطيسي اغيزو په ډول ښکاري، نو له دي کبله څارونکي په دي ډاډه نه وي چې دوي دمقناطيس حالت اندازه وټاکي او که د بريښنايي حالت، دغه پایله د اړيکو د ځانگړي نظريي بنسټ جوړه وي، په پایله کې مونږ ويلاي شو چې د مهال او ځاي مفکوري او ښتون راوست په اليکترو مقناطيس کې دويم پرمختگ دا ؤ چې د کوانتم نظريه (*quantum Theory*) معرفي کړل شوه، چې کوانتم اليکترو ډينامیک هم ورته ويل کيږي د ۱۹۴۹ زير ديز کال پرمهال له کوانتم گټنه وشوه، او داشوني شوه چې د اتوم د ځانگړنو په اړه سمې او ناسمې څرگندوني وشي، يقينا يوولس (۱۱) مهم اټکلونه.

د شلمي (۲۰) پيږي دريم پرمختگ اليکترو مقناطيس له يو بلي قوي سره يو ځاي کول و، چې کمزوري قوي هم ورته ويل کيږي، هغه د ميله يو اکتويټي (*Radioactivity*) وروستوالي په کړنه، او د ذرو ترمنځ متقابلو کړنو کې ځواب ورکونکي ده. لکه بريښنايي او مقناطيسي اغيزي چې په يو اليکترو مقناطيس متقابل عمل کې يو ځاي و

نو ځکه په ۱۹۲۰ زیږدیز کال کې الیکټرو مقناطیس کمزوري اغیزې په برېښنايي کمزوري (*Electroweak*) متقابل عمل کې بنودل شوي وو ، په الیکټرو ویک کې کوم نوي شیان مخي ته نه راځي ، یوازي د الیکټرو مقناطیس متقابل عمل ته بېله پاملرنه کیږي پورتنی پرمختګونه په (۱-۲۵) شکل کې لیدل کیږي.

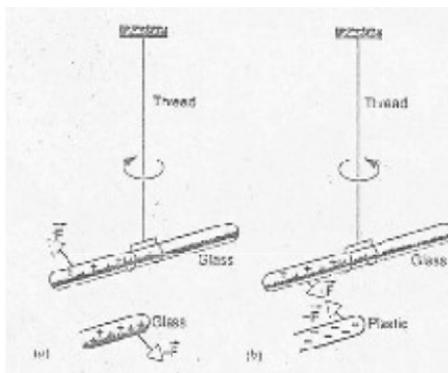


۱- شکل: د الیکټرو مقناطیس په پرمختګ د لویولاس ته راوړنو د پوهیدلو لپاره یو مهالیزلیک دي.

۲-۱ برېښنايي چارج:

کله چې تاسو د خپل سر وینسته په پلاستيکي ږمنځه څو ځله ږمنځ کړئ ، نو به وینئ چې ږمنځ ستاسو د وینستو پرمختللو برخو قوه واورده وي ، یو مهال به دا هم وینئ چې ږمنځ کله د وینستو له یوې برخې تیرېږي ، وینسته ورسره نښتې پاتې کیږي ، شونې ده چې تر ډیره بریده وینسته له ږمنځي سره وغزیري یعنې نښتې پاتې شي ، د وینستو له ږمنځي سره نښتې یا کشول که څه هم عادي خبره ده ، خو دا دیوی طبیعي پدیدې پایله ده چه

د مېنلو په حالت کې یو بل ته لیرېد رالیرېد کوي دغه طبعي پدیده د برېښنايي چارج (*Electric Charge*) په نوم یادېږي ، او کوم لیرېد رالیرېد چې د وېښتانو او رېمنځي ترمخ کېږي. داد الکترونونو لیرېد رالیرېد دي ، يعنې داچې له یوه اتوم نه الیکترونونه بل اتوم ته لیرېل کېږي د برېښنايي چارجونو لیرېد رالیرېد په اصطکاک کې عامه لیدل شوي پدیده وه چې هغه د یوناني تمدن په لومړنیو کې پیژندل شوي وه . چالیدلي چې کله یو غونچه لرگي له وېښته لرونکي خرمني سره وموښل شي ، خرمن د لرگي لورته کش کوي ، کله که په قالینه تیر شوي یاست او د فلزي ورلاس نیسي (دستگیر) په نیولو سره به موټکان خوړلي وي ، کله به مولیدلي وي چې د وریځي او ځمکي ترمخ برېښنا (تالنده) امتداد پیدا کوي ، دا ټولي پېښې د الیکترونونو د لیرېد رالیرېد په پایله کې منځ ته راځي .



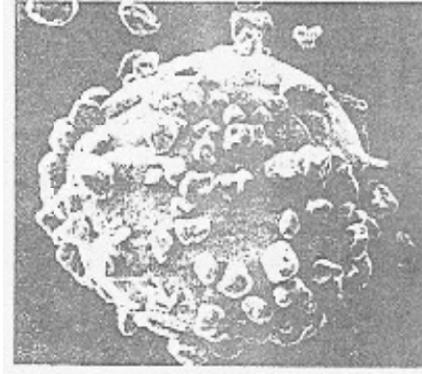
۱-۲ شکل: (a) دوه یوشان چارج شوي میلی یو بل دفع کوي (b) دوه یوشان چارج شوي میلی یو بل جذبوي.

کله چې مونږ یو جسم چارجوؤ ، مونږ ته د اېنکاري چې هغه یوه قوه په بل چارج شوي جسم وارده وي ، کیدای شي چې دغه قوه جذبونکي او یا هم تمبوونکي وي ، دې حالت ته په کتو سره ویلای شو چې برېښنايي چارجونه په دوه ډوله دي ، چې مثبت او منفي ورته ویل کېږي سره ددې چې اغیزې د چارج د لیرېد رالیرېد په پایله کې منځ ته راځي خودا هم دیادوني ورده چه برېښنايي چارج د د کوچني اصطکاک د لیرېد رالیرېد څخه سرچینه اخلي عادي مواد له طبعي برېښنايي اتومونو یا مالیکولونو څخه جوړ دي ، په هسته کې مساوي مثبت چارجونه او په مدارونو کې منفي مساوي چارجونه لري ، کله چې دوه

شيان په خپلو کي ومونل شي ، د دغه بېنې په پايله کي يو څه اليکټرونونه له يوه جسم څخه بل جسم ته ليرل کيږي. زياتره اليکټرونونه يو ځاي پاتي کيږي، هغه ځکه چې سپک د لوي ترمخ اوږي ، خو په يوه شي کي مساوي منفي او مثبت چارجونه د زياتره عامو بريښنايي پېښو ځواب ورکوي ، کله چې نرمه ميله په وينسو ومنسو ، اليکټرونونه ميلي ته اوږي ، ځکه چې هغه له بريده زيات منفي اليکټرونونه لري ، نوميله منفي او وينسته مثبت چارجيږي ، يعني ميله دوښتوخوا ته نږدي کيږي او جذبوي دميلي دوښتوسره يوځاي کيدل دمثبت او منفي اليکټرونونوپايله ده . همدې ته ورته مونږ کولاي شو چې ورينم له شيشه يي ميلي سره ومنسو ، نو وبه وينو چه دتير په څير بښينه ئي ميله ورينم خپل لورته جذبوي په هر حالت کي مونږ ليدلي شو چه الکترونونه د يو جسم څخه بل ته اوږي نو وبه ليدلاي شو چې اليکټرونونه له يو جسم څخه بل ته اوږي راځي چې ديو شيشه يي ميلي اخري برخه له ورينمو سره ومنسو او بيادغه شيشه يي ميله په يوه تار پوري ځورنده کړو لکه په ۱-۲ انځور کي ښودل شوي دي ، که چيري ورته چارج لرونکي ميلي نږدي سره کيږدو ، نو وبه وينو چې يوه بله پوري وهي ، يعني له يو څخه بله ليري کيږي لکه په ۱-۲a انځور کي ښودل شوي ده او که چيري دا بښينسي ميله د پلاستيکي ميلي سره چې له وړيني تکی سره مونږ شوي وي نږدي پريږدو ، نو وبه وينو چې يوه بله کشوي يعني جذبي ، لکه په ۱-۲b شکل.

مونږ ويلاي شو چې دوه مختلفي قووي شتون لري ، لکه دوه مختلف چارج لرونکي چې وي ، کله چې پلاستيک له ورينمو سره ومونل شي ، اليکټرونونه پلاستيک ته اوږي او منفي چارج کيږي ، او کله چې شيشه يي ميله له ورينمو سره ومونله شي ، اليکټرونونه ورينمو ته اوږي ، بښينسي ميله يوازي دمثبتو اليکټرونو مثبت چارج لرونکي پاتي کيږي ، لکه په ۱-۲ انځور کي ليدل کيږي مونږ کولاي شو چې پورته تفصيل په لاندي قانون کي رالند کړو :

ورته چارجونه يو بل ليري (دفع) کوي ، او مختلف چارجونه يو بل جذبي يعني يوځاي کيږي .



شکل ۳-۱.

په ۴-۱ برخه کې مونږ پورته قانون د مقدار (خومروالي) په څیر اچوو، لکه د قوولپاره چې د کولمب قانون دي، یوازې هغه الیکترونونه په پام کې نیسو چې ډیرورو خوځښت لري او ایسارونه یې یوازې د الکترو ستاتیک مضمون کې لوستل کېږي د چارج شوو اجسامو ترمنځ بریښنايي قوه ډیرې تولیدي غوښتنې لري، چې د الکترو ستاتیکي رنگ پوډر، پوډریز پوښ، ژر هوا وچونکي، غیر تاثیر لرونکي *ink-jet printin* چاپونه او فوتو کاپي پکې شامل دي په ۱-۳ انځور کې د یو لیردونکي تسبیح یوه کوچنۍ دانه چې د فوتو کاپي په ماشین کې ده ښودل کېږي، دغه په تورو پوډریزو ذرو پوښل شوي ده چې رنگوني (*toner*) ورته ویل کېږي چې هغه د الیکترو ستاتیک قوې په واسطه سرینښ شوي دي، دغه منفي چارج لرونکي ذرې له لیردونکو مثبتو ذرو سره یوځای کېږي چې د ډول (*Drum*) له تاویدو سره بیا انځور یا فوتو کاپي جوړېږي.

د یو جسم ځانگړې بریښنايي چارج زیاتره په q ښودل کېږي چارج یو وزن (تلل کیدونکي) شي چې مثبت او هم منفي لري، بریښنايي چارج په کولمب (C) اندازه کېږي، کولمب د چارج لوي واحد دي، یو کولمب چارج $6.10^{18} e$ سره مساوي دي.

کولمب له پورته یاد شوي واحد څخه نه دي اخیستل شوي، ځکه چې بریښنايي چارج یو نوي مقدار دي، مونږ کولای شو چې د هغه لومړني واحدات له نورولارو معرفي کړو، یوه د شوني لاربه د قوې لخوا داسې وي چې په یوه برخه کې دوه معیاري چارجونه وارد

شوی وی ، لکه یو مقدار چارج چې یو نیوټن قوه په ورته چارج په یو مترواټن کې وارده وي ، کله قوه د خوځښت لرونکي چارج څخه نه شي اندازه کیدلای ، او په تمرین کې د اډیره ارزښتمنه او ګټوره ده چې کولمب د هغې مقناطیسي قوې په واسطه معرفي کړل شي چې د تارونو ترمنځ لېږدول کېږي ، دغه قوه کیدای شي چې دهغې بریښنايي قوې په پرتله سمه اندازه شی چې د خوځښت لرونکي چارج ترمنځ وي ، داهم ارزښتمنه ده چې د جریان (هغه یو مقدار بریښنايي چارج چې په واحد وخت کې تیرېږي) واحدات د SI له مخې معرفي کړل شي ، د بریښنايي چارج لپاره کولمب یو اشتقاقی واحد دي ، چې د جریان او وخت له بنسټیزو واحداتو څخه اخستل شوي دي . (الف ضمیمه وګوري)

برقي چارج د محاسبې وړ دي :

کله چې مونږ له یو جسم څخه بل جسم ته برقي چارج لېږدوو نو په ډیرو کوچنیو واحدونو باندې نوموړي انتقال صورت نه نیسي ځکه د چارج جریان دوامداره نه بلکه له جلا ذراتو څخه رامنځته کېږي . تجربې ښی چې برقي چارج تل په مقدارې توګه موجودیت لري چې د e چارج ګڼ شمیر ځانګړو لومړنیو مقدارونو له یو ځای کیدو څخه رامنځته کېږي او په لاندې ډول محاسبه کېږي :

$$q = ne \quad n = 0, \pm 1, \pm 2, \pm 3, \dots, \quad (1-1)$$

چیرته چې (څلورو مؤثرو ارقامو لپاره):

$$e = 1.602 \times 10^{-19} C$$

د e ابتدائي چارج د طبیعت یو هغه اساسي ثابت دي چې تجربوي قیمت د څلورو اجزاو لپاره د 10^8 حدودو کې تعین شوي دي الکترون او پروتون د ذراتو هغه عمده بیلګې دي چې هر یو یې د چارج یو ه اساسي برخه جوړوي الکترون $-e$ او پروتون $+e$ چارج لري . د نیوترون په څیر ځیني ذرات کوم برقي چارج نه لري د عناصرو نور کوچني ذرات چې چارج رامنځته کوي هم پیژندل شوي دي چې د ګڼ شمیر له یو ځای کیدو څخه یې د e په اندازه چارج رامنځته کېږي او معمولاً د ± 2 ، ± 1 او ± 3 په ډول ښودل کېږي نوموړي هر ذری د ځان په وړاندې اړونده مخالفی ذرات لري چې د کتلې له نظره سره

مساوي خود برقي چارج له نظره مخالف چارج لري. د بيلگي په توگه انټي الکترون چي د پوزيټرون په نوم پيژندل کيږي د $+e$ چارج لرونکي ذره ده انټي پارټيکلونه يا د عناصرو د ذراتو ضد ذري معمولاً په طبيعت کي موجود ي نه وي خو کيداي شي د عناصرو د هستوله تجزيي او فعالولو څخه رامنځته شي.

له 1-1 معالي څخه څرگند کيږي چي کولاي شو په يو جسم کي د $+10e$ يا $-6e$ په اندازه خالص چارج رامنځته کړو خو نه شو کولاي $3.57e$ چارج ولرو. کله چي د يو تعمير ساختمان محدود وي تر څو متعدد چارجونه په کي رامنځته نه شي نو ويلايشو چي نوموړي تعمير محاسبه شوي (*Quantize*) دي.

دا چي د ذراتو چارج کوچني دي نو ځکه په عادي شرايطو کي مونږ د چارج د جريان په جلا طبيعت باندي نه پوهيږو. د بيلگي په توگه د يوي برقي دوري په لين کي د يو ملي امپير په اندازه کوچني جريان شتوالی ولري په هر مقطع کي ئي 6×10^{15} اليکترونونه په هره ثانيه کي جريان لري.

عادي اتومونه د برق له نظره خنثي وي يعني په برابره اندازه مثبت او منفي چارج لري. د هر اتوم اندازه د Z په اندازه پروتونونه لري (چي Z د هر اتوم له اتومي نمبر څخه نماينده گي کوي) او د $+Ze$ په اندازه چارج لري. په يو خنثي اتوم کي د Z په اندازه منفي چارج لرونکي اليکترونونه د هستي په شاوخوا څرخي اکثره وخت ممکن وي چي له يو اتوم څخه يو يا څو اليکترونونه لري کړو چي له کبله يي يو آيون مينځته راځي چي د $+e, +2e, \dots$ اضافي مثبت چارج لرونکي وي. د بيلگي په توگه که چيري مونږ وتوانيږو چه له يورانيم ($Z = 92$) څخه د هغه ټول اليکترونونه لري کړو نو مونږ به داسي يو ه ذره رامنځته کړي وي چي د $+92e$ په اندازه چارج به ولري. د ځانگړو شرايطو لاندي مونږ کولاي شو له يو خنثي اتوم سره اضافي الکترون وننسلو چي له کبله يي منفي چارج لرونکي آيون منځته راځي.

که څه هم مونږ عقیده لرو چي اليکترونونه داسي ابتدايي ذرات دي چي د تجزيي وړ نه دي خو پروتونونه بيا ابتدايي نه دي او د نورو ابتدايي بڼو څخه جوړ شويدي چي

د کوارکونو (*Quarks*) په نوم یادېږي کوارکونه د $-\frac{1}{3}e$ او $+\frac{2}{3}e$ په اندازه کسري برقي چارج لري. پروتون له دريو کوارکونو څخه جوړ شويدي چې دوه يې $+\frac{2}{3}e$ او يو يې $-\frac{1}{3}e$ چارج لرونکي دي چې د دريو وارو له ترکیب څخه خالص e چارج رامنځته کېږي د پروتون دننه د کوارکونو د موجودیت په برخه کې تجربوي شواهد ډېر قوي دي (مثلا د لوړې انرژي لرونکي الیکترونونه کولاي شي د پروتون په داخل کې د کسري چارج لرونکو کوارکونو ترمنځ وڅرخېږي) خومهمه نده چه پروتونونه په څومره قوت سره متراکم ساتل کېږي او کوم ازاده کوارک ورڅخه نه جلا کېږي په نتیجه کې لیدل کېږي چې هيڅ کسري چارج لرونکي ذره نشي ازادیدلای نوموړي حقیقت لاینه جوتیږي چې د کوارکونو د جلاکیدو پرمهال دهغوي ترمنځ د جاذبي د قوي د زیاتوالي لامل کېږي چې نوموړي خاصیت يې د الیکترومگنیټیک او دځمکي د جاذبي له خاصیت سره توپیر لري، په دې دواړو حالتونو کې د فاصلي په زیاتیدو سره جاذبي قوه کمېږي

1- نمونه یی مس له: یوه فلزي سکه چې د برقي چارج له نظره خنثي وي د مساوي شمیر منفي او مثبتو اتومونو لرونکي وي په دې حالت کې دنوموړي مساوي چارجونو مگنیټود څومره دي؟

ځواب: q چارج د NZe په ډول محاسبه کولاي شو چې N په ذکر شوي سکه کې د اتومونو له شمیر او Ze د هغو مثبتو او منفي چارجونو مقدار دي چې د هر اتوم پواسطه انتقالیږي. ددې لپاره چې پوښتنه په ساده گي سره حل کړو فرض کوو سکه له مسو څخه جوړه شویده، نو په سکه کې د اتومونو شمیر عبارت دی له $N_A m/M$ چې په دې کې N_A د *Avogadro* ثابت دي، دسکي کتله 3.11gr او M دیومول مسو کتله (دمسو مولر کتله ده) چې 63.5g ده نو پیدا کوو

$$N = \frac{N_A m}{M} = \frac{(6.02 \times 10^{23} \text{ atoms/mol})(3.11 \text{ g})}{63.5 \text{ g/mol}} = 2.95 \times 10^{22} \text{ atoms.}$$

داچي هر خنثي اتوم د اليكترونونو دلرلو له مخي د Ze په اندازه منفي چارج اودهستي سره په تړاو په ذکر شوي اندازه د مثبت چارج لرونکي وي ، په دي ځاي کي e ابتدائي چارج دي او عبارت دي له $1.60 \times 10^{-19} C$ څخه او z په پوښتنه کي د اړونده فلز د اتومي نمبر څخه نماينده گي کوي چي د مسو اتومي نمبر ۲۹ دي ، نو د پوښتنې مطابق په سکه کي د مثبتو او منفي چارجونو توله اندازه عبارت ده له:

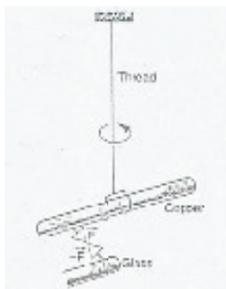
$$q = NZe = (2.95 \times 10^{22})(29)(1.60 \times 10^{-19} C) \\ = 1.37 \times 10^5 C.$$

داډير زيات چارج دي نسبت د پلاستيکي ميله منبلو ته چي دهغي قيمت $10^{-9} C$ دي او دمسي سکي په نسبت د 10^{14} په اندازه کم دي له بله اړخه ، که چيري وغواړو چي د $1.37 \times 10^5 C$ په اندازه چارج د برق له يو عادي گروپ څخه تير کړو نو ۱-۲ ورځو ته اړتيا ده ، نو ويلاي شو چي په عادي مواد وکي خورازيات چارج شتون لري.

۱-۳: هادي او عايق اجسام:

د اليكترون د انتقال له مخي اجسام معمولا په دوو گروپونو ويشل شوي دي ، د فلزاتو په څير په ځينو موادو کي معمولا اليكترونونه په ازاده توگه حرکت کولاي شي چي مونږ دغه ډول مواد ته هادي اجسام وايو ، هغه اليكترونونه چي دنوموړو توکو په يوه برخه کي داخل شي په اسانۍ سره کولاي شي له نوموړو توکو څخه تير شي دهادي اجسامو نوري بيلگي د اوبو نل او دانسان له بدن څخه عبارت دي نور ځيني اجسام چي اليكتروني جريان په کي په سختۍ سره حرکت کوي ، يا کومي برخي ته يي چي الکترونونه داخل شي همغلته پاتي کيږي دغيري هادي اجسامو په نوم ياديږي چي په بيلگو کي يي نيسينه ، پلاستيک او داسی کرسټلي مواد لکه دخوړو مالگه ($NaCl$) راځي. که چيري تاسي وغواړي يو مسي ميله چي په لاس کي مونيولي ده وړين ټوکر سره د منبلو له کبله چارج کړي نو بريالي به نشي ځکه چي د وړين ټوکر سره دمسين ميله د منبلو له کبله خواليكترونونه مسين ميله ته ليږديږي خو له بلي خوا اضافي شمير اليكترونونه ستاسي د لاس او بدن پواسطه مسي ميلي ته انتقالیږي چي د بي

ځايه شويو اليكترونونو ځاي نيسي چي په پايله كي دمبلو له كبله هيڅ چارج لاسته نه راځي. مونږ ويلاي شو چي ځمكه دلايتناهي چارجونو لرونكي ده چي يو څه بي ستاسي د بدن له لاري مسي ميلي ته ځي، تر څو دمبلو پواسطه د بي ځايه شويو اليكترونونو ځاي ونيسي ځكه چي مونږ يوه لاره پرانيستي پريښي وه چي دهغي له لاري دځمكي او جسم ترمنځ اليكترونونو جريان پيدا كړ دبريښنا له نظره دغه ډول جسم ته چي توليد شوي چارج بي ځمكي ته لاړ شي بنځ شوي يا *Grounded* جسم وايي. ددي پرځاي كه چيري مونږ نوموړي مسين ميله له پلاستيكي لاستي سره وښلولو نو مونږ به دمبلو پواسطه هغه چارجداره كړو، غيرهادي لاستي كولاي شي دچارج شوي جسم اوستاسي د بدن ترمنځ داليكترونونو دلير دمخه ونيسي. دمسو په څير د يوهادي جسم اتومونه عموماً سسته اړيكه لرونكي اليكترونونه لري چي په اسانۍ سره يوه له بله جلا كيږي او مثبت چارج لرونكي آيون منځته راوړي كله چي دمسو اتومونه يو له بله سره تراكم كوي اودمسو يوه كتله جوړوي نو نوموړي سسته اړيكه لرونكي اليكترونونه د يو ځانگړي اتوم په چارچاپيره نه پاتي كيږي بلكه په ټوله كتله كي په آزادانه ډول گرځي راگرځي، نوموړي ازاد الكترونونه دهادي الكترونو يا *Conduction Electrons* په نوم ياديږي مس چي يوه وصفي هادي ماده ده په هر *cm* كي بي كتله د 10^{23} هادي الكترونونو لرونكي ده مثبت چارج لرونكي ايونونه نشي كولاي په آزاده توگه حركت وكړي له دي كبله دمسو په كتله كي پاتي كيږي



۴-۱ شکل: د څوړند شوي چارج نه لرونكي مسير دواړه خواوي د چارج شوي ميلي پواسطه جذب شويدي په دي حالت كي د مسيني ميلي هادي الكترونونه دچارج شوي بنسبنې ميلي نږدي خواته جذب شوي دي اودمسيني ميله لري خود مثبت چارج په حالت كي پاتي شويدي د

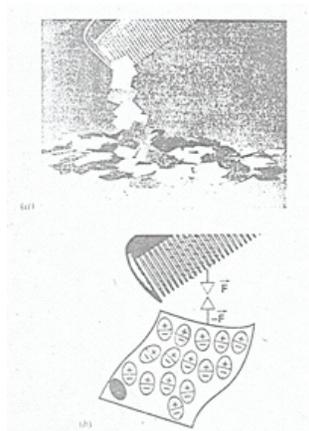
۴-۱ شکل تجربه په يو هادي جسم كي د چارج حركت ښيي په نوموړي شكل كي يو غير چارج شوي مسي ميله د يوغيري هادي تار پواسطه راڅوړند شويد، كله چي يو بنسبنه بي چارج شوي ميله د څوړند شوي مسي ميلي يوي څوكي ته رانږدي شي نو دمسين

میله ازاده هادي الکترونونه د مثبت چارج شوي بنسینه يي میله سره نښلي ، مسی میله په دغه انجام کي خپل منفي چارجونه له لاسه ورکوي او بل انجام يي مثبت پاتي کيږي په دغه حالت کي د بنسینه يي میله منفي چارج لرونکي انجام او د مسی میله مثبت چارج لرونکي انجام ترمنځ د جاذبي قوه زیاتېږي.

یادونه: نوموړي حالت د 1-2 شکل له تجربې څخه ډیر توپیر لري ، په 1-4 شکل کي بنسینه يي میله هغه مسی میله ځانته راجذبوي چي خالص چارج نه لیردوي (داچي په راتلونکي برخه کي به پري هم بحث وشي ، برقي قوه د چارجونو ترمنځ د دافعي پر قوه باندي معکوس تاثیر لري له دي وجي د بنسیني او مسی میلی د منفي انجام ترمنځ د جاذبي قوه او د بنسیني او مسی میلی د مثبت انجام ترمنځ د دافعي د قوي په نسبت ډیره زیاته ده).

که چيري د 1-4 شکل په تجربه کي د مثبت چارج شوي بنسیني میلی پرځاي مو یو منفي چارج شوي پلاستيکي میلی کارولي واي نو نتیجه به يي عين شي وه يعني د پلاستيکي میلی او مسیني میلی ترمنځ به د جاذبي قوه رامینځ ته شوی وه. په دی حالت کي به د منفي چارج لرونکي پلاستيکي میلی د مسین میله هادي الکترونونه دهغي لري انجام ته ټیله کړاي واي او نږدي انجام به يي مثبت پاتي شوي واي چي په دي حالت کي به د منفي چارج لرونکي پلاستيکي میلی او مسین میلی ترمنځ به د جاذبي قوه رامینځته شوی وه. دا هم ممکنه ده چي د چارج لرونکي جسم اونه چارج لرونکي غیر هادي جسم ترمنځ د جاذبي قوه رامینځته شي. 15-a شکل یوه چارج لرونکي ږمنځ نښي چي د کاغذ نه چارج لرونکي ټوټي ځانته راکش کوي په دي حالت کي د جاذبي د قوي د رامینځته کیدو توضیح د بنسینه يي او مسین میله ونو ترمنځ د جاذبي قوي د رامینځته کیدو سره توپیر لري په دي حالت کي کاغذ غیر هادي جسم دي او ممکن نه ده چي الکترونونه يي یو انجام ته راټول شي (1-4 شکل په تجربه کي د هادي جسم په څیر) ددی پرځاي د کاغذ د ټوټو په جلا جلا مالیکولونو کي الکترونونه د منفي چارج شوي ږمنځي پواسطه ټیله کيږي او د هر مالیکول په هغي خوا کي چي له ږمنځي څخه لري وي موقعیت غوره کوي چي د هر مالیکول مثبتته خوا (چي الکترون ورڅخه شړل شوي وي) د ږمنځي سره نږدي

پاتي کيږي او درېمنځي سره په لويه پيمانه د جاذبي قوه پيدا کوي، او همدا درېمنځي او کاغذ د ټوټو ترمينځ د جذب مسوليت په غاړه لري ۵-۱a شکل که چيري رېمنځه مثبت چارج شي نو ورته د جاذبي قوه به رامینځته شي. ديو چارج لرونکي جسم تراغيزي لاندي دمنفي او مثبت چارجونو جلاکول يوه جدی موضوع ده چي د پولرايزيشن په نوم يادېږي، پولرايزيشن کولاي شو هم په *Macroscopic* يا سترگي ليدلي ډول رامینځته کړو لکه په ۱-۴ شکل کی د مسين ميلي بيلگه او هم به يي په ماليکولي کچه لکه ۱-۵ شکل دتجربي په څير رامینځته کړو.



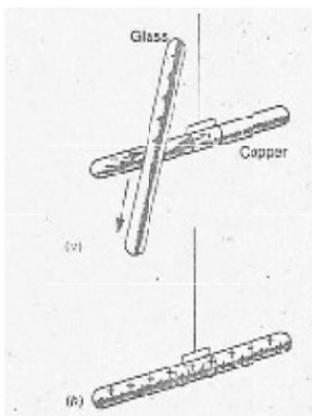
۵-۱ شکل: (a): شکل يوه چارج شوي رېمنځ ځانته د کاغذ خنثي ذري کسوي (b) منفي چارج شوي رېمنځ په ماليکول کی چارجونو د قطبي کيدلو په نتیجه کی (پولرايز) درېمنځي او کاغذ ترمينځ يوه دکشش قوه مينځ ته راوړي.

د تماس او القاء په واسطه چارجيدل:

مونډاوس يوه مثبت چارج شوي د شيشي ميله راخلو او دميسو د يوي خنثي ميلي سره يي مونډو (۱-۲ شکل په شان) نو الکترونونه به دمسي ميلي نه د چارج شوي ميلي په طرف حرکت وکړي تر څو د چارج شوي ميلي موجوده چارجونه خنثي کړي. په هر

ترتيب الکترونونه د بنیینه ئی میلی څخه نه تیریري دغه الکترونونه فقط هغه چارچونه خنثی کوي، کوم چه ددوي سره د تماس په وخت کې ددوه میلو ترمینځ واقع کیږي. د موجوده الکترونونو بیخایه کوني لپاره د مسو د میلی څخه مونږ کولي شو چه د شیشي میله د مسو د میلی په سرکش او د شیشي میله د چارچونو څخه پاکه کړو. ددی لپاره چه الکترونونه یو نوي ځای ته تغیر مکان وکړي کومه ساحه چي د بنیینه میلی د میسو د میلی سره په تماس کې ده (۲a- شکل) او کله چه مونږ د بنیینه میله تری جداء کړو. نو د میسو میله د مثبتو چارچونو د یوه جال په واسطه وپوښله شي. الکترونونه د میسو د میلی د سطحې نه تیریري نو په دي خاطر مثبت چارچونه د میسو د میلی په سر تقسیمیري. داسي مستقیمه تبادلې د چارچونو د یو جسم څخه بل جسم ته، د جسم چارجیدل د تماس په واسطه ویل کیږي.

او په همدغه شان په حقیقت کې منفي الکترونونه خپل ځای تغیره وی دا یو قرار دادی شکل دي کوم چه د ۲-۱ شکل په تجربه کې بنودل شوي دي. لکه چه، کله مثبت چارچونه د شیشي د میلی نه د میسو د میلی طرف ته راشي، راځي. چه اوس ۱-۴ شکل حالت ته مراجعه وکړو. که چیري مونږ یو سیم د میلی مثبت خوا سره وصل کړو بیا هغه سیم



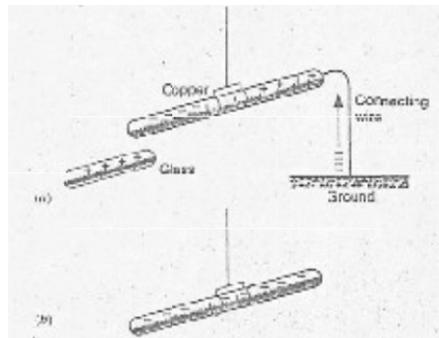
دځمکي سره وصل کړو. لکه چه ۱a-۷ شکل کې بنودل شوي دی.

د تماس په واسطه چارجیدل، الیکترونونه د مسو څخه د بنیښی د مثبتو چارجونو د
 ۱-۲ شکل (a): خنثی کولو لپاره راځی

(b) نتیجوی چارج د مسو د پاسه کله چی بنیښه لیری شی.

نو الکترونونه شاید د ځمکي څخه د مسو میلی په لور حرکت وکړي او دهغی مثبت
 چارجونه به خنثی کړي. که مونږ بنیښه یی میلی په خپل ځای پریردو او دغه ارتباط د
 ځمکي سره قطع کړو د میسو میلی به منفي چارجونه د ځانه سره خوندي کړي. او که مونږ
 د شیشي میلی د خپل ځای څخه لري کړو منفي چارجونه په د میسې میلی پرمخ تقسیم شي
 ۱-۷ شکل او د یو بل نه په دومره فاصله اخلي څومره چی ممکنه وي. او په دغه طریق
 دیو جسم چارج کولو ته د القاء په طریق چارجیدل وائی.

یادونه: مونږ کولی شو چه د شیشي مثبت چارج شوي میلی په واسطه مثبت چارجونه د
 میسو میلی ته د تماس په واسطه ولیردوؤ او کولی شو چه منفي چارجونه (د ځمکي
 څخه) د القاء په واسطه واخلو.



۱-۷ شکل (a): د القاء په واسطه چارج کیدل، د ځمکي څخه الکترونونه د مسو دلری انجام
 د مثبتو چارجونو د خنثی کولو لپاره راځی (د الیری انجام دیوهادی سیم په واسطه د ځمکي
 سره وصل دی). (b): نتیجوی چارج د مسو د میلی د پاس چی بنیښه ای میلی بڼي.

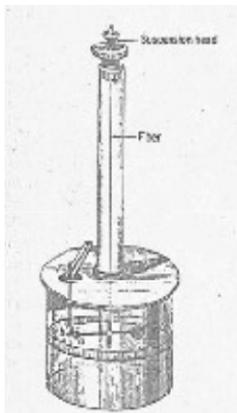
۴-۱ د کولمب قانون:

په دې څپرکي کې مونږ په دوه قسمه برقي چارجونو باندې بحث کوو چې یو په بل باندې قوه وارده وي او اوس زموږ هدف دادي چې ددغه قوي نوعیت باندې ځان پوه کړو او ل شخص چارلس اوگوستن کولمب (*Chales augustin coulomb*) په (1736-1836) میلادی کال کې چې د دغې قوي نوعیت یې په تجرو بوي اونسبتي شکل په کامیابۍ سره وڅیړه او په نتیجه کې یې د جاذبې اودافعي قوه اوددغه قوانین په لاس راوړل، په اصل کې د کولمب دکار میکانیزم د (۱-۲ شکل) سره سمون خوري. اما په دغه تغیر سره چې هغه دغه وړې کړي په a او b سره وښودلي څنگه چې په ۱-۸ شکل کې ښودل شوي دي. که a او b چارج شوي وي، برقي قوه به په دې کونښن کې وي چې د a راځوړند شوي (فایبري) تارځان ته مایل کړي. کولمب دغه بیرون میلان د مینځه یووړ کوم چې به د چارج شوي زري د تاثیر له وجې مینځ ته راځي چې ددی کار لپاره دسراومینځ په فاصلې کې یوې θ زاوی ته ضرورت وه چې د θ زاویه د a د عاملې قوی په اندازی پوری اړه درلوده نو د کولمب نوبت داؤو چې د دوه چارج شوو کروپه مینځ کې یې یوه معینه فاصله پیدا کړه او په دغه شکل د دواړو کرو ترمینځ یوه موازنه مینځ ته راغله. اما هم دغه شکل ورسته کاوندش (*Cavendish*) د جاذبې قوی د اندازه کولو لپاره په کار یووړ (3-14 حصه). د کولمب نویو تجربو دا په اثبات ورسوله چې برقي قوه دزرو د چارج سره مستقیمه اود دوي ترمینځ د فاصلې سره معکوسه اړیکه لري لکه:

$$F \approx \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$$

چې په دغه فورمول کې F د دواړو چارجونو د قوو مقدار دي، چې د دواړو چارجونو لخوا په یو او بل باندې واردېږي، q_1 او q_2 چارجونه او r د دوي ترمینځ فاصله ده.

د چارجونو متقابل عمل په یو مستقیم خط کې د دوی د اړیکې باعث گرځي. د نیوټن دریم قانون سره سم هغه قوه چې د q_1 چارج یې په q_2 چارج وارده وي مساوي ده د هغه قوي سره چې د q_2 چارج یې په q_1 چارج وارده وي خو جهتونه یې سره مخالف دي.



۸-۱ شکل: دکولمب پیچی ترازو بنایي، کوم چه په ساینس کی دپاریس اکاډمی دپاره یو دهغه د ۱۷۸۵ کال دیاداښتو څخه ده.

د دې لپاره چې پورتنۍ رابطه په مساوات تبدیله کړو. نو یو ثابت چه k دي وراضافه کوو چه دکولمب د ثابت په نوم یاد یږي. نو د دې سره سم لیکو چه:

$$F = K \frac{|q_1 q_2|}{r^2} \quad (1 - 2)$$

۲-۱ رابطه چه دکولمب د قانون په نوم یاد یږي. په عمومي شکل د هغه چارج شویو زرو لپاره چې په پوره اندازي سره د دوي ترمینځ فاصلي په نسبت وړي وي استعمال یږي پس مونږ ویلي شو چه دا قانون د نقطوي چارجونو لپاه استعمال یږي.

دکولمب د تجربو له مخي په ۲-۱ معادله کي د r توان 2 دي او (2,0001) نشی کیدلی د کتاب په ۷-۳ برخه کي مونږ ښولي ده چه دکولمب قانون دغیري مستقیمو تجربو پواسطه هم په لاس راتلي شي کوم چې ۲-۱ رابطي د شرحي له مخي 2 صحیح نه دي د

افرق لري د هغه 2 سره كوم چي نښايي د 1×10^{-16} څخه ډيرزيات دي د كولمب قانون د نيوتن د جاذبي قانون سره ورته والي لري:

$$F = G m_1 m_2 / r^2$$

كوم چه د كولمب د قانون دمنځ ته راتلو په وخت كې سل كلنه وه. دواړه دمعكوس مربع قانون څخه پيروي كوي د كولمب په قانون كې د q چارج هغه كار سرته رسوي كوم چه د m كتله د نيوتن د جاذبي په قانون كې سرته رسوي، اما يو فرق چي د دوي ترمينځ شته هغه دا دي چه د جاذبي قانون (نيوتن قانون) هميشه ديوبل ترمينځ د جذب قوه په يو او بل وارده وي ولي د كولمب په قانون كې د علامو په نظر كې نيولو سره كه علامي مختلفي وي نو د جاذبي قوه او كه علامي يوشان وي نو د دافعي قوه مطالعه كيږي. د S.I په سيستم كې K په دغه ډول بنودل كيږي.

$$K = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \quad (1-3)$$

د دغه ضريب استعمال د دغه رابطي په ورته شكل كې شايد، د الكترومگنيټيزم په قانون كې اسانتيا راولي، كومه رابطه چي د كولمب د قانون نه ډيره استعمال كيږي. ϵ_0 د برقي ثابت په نوم ياديږي. د دغه رابطي مقدار د نور د سرعت دمخې ټاكل كيږي لكه څنگه چي په ۳۹ څپر كې كې مو پري بحث كړي د دغه ثابت ϵ_0 صحيح قيمت عبارت دي له:

$$\epsilon_0 = 8.85418781762 \times 10^{-12} \text{ C}^2 / \text{N} \cdot \text{m}^2$$

چي د كولمب د K ثابت قيمت ته ورته دي (د دري مهمو شكلونو لپاره):

$$= 8.99 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{C}^2 \quad k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$$

د دغه ضريب په اضافه كولو سره دا رابطه په دي شكل ليكل كيږي:

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \quad (1-4)$$

کله چې k پورتنی قیمت ولري نو واضح ده چې q په کولمب، r فاصله په متر، نو قوه په نیوتن N سره حسابیږي. دکولمب د قانون عمده خاصیت د قوی عمل په یو او بل باندي دي دا قانون چې د کوانتوم په فزیک کې په دقیقه توګه لوستل کیږي.

۱: دغه برقي قوه د الکترونونو د تړون باعث کیږي د هغه دهستی سره

۲: دغه قوه د مالیکولونو د تړون باعث کیږي په خپل مینځ کې

۳: دغه قوه د اتومونو او مالیکولونو ترمنځ د رابطې باعث کیږي ترڅو چې مایع او جامد اجسام تري لاس ته راشي. هغه ډیری قوی ، پرته له جاذبې قوی نه چې مونږ یې هره ورځ په تجربو کې زیاتې استعمالو برقي قوی دي.

۲-۱ نمونوی مسئله: په ۱-۱ نمونوی مس له کې مونږ وکتل دوه وړي زري چې یوه یې مثبتې او بله یې دمنفي چارج لرونکي وي او د هر یوي مقدار $1.37 \times 10^5 C$ وی فرضو چې دا دواړه په دوه مختلف برخو سره ویشل شوي دي. او د دواړو مقدارونه سره د $100 m$ په فاصله کې قرار لری نو څومره د جاذبې قوه به د هرې زری د پاسه عمل وکړی؟

حل: ۱-۴ رابطی څخه لرو:

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{|q|^2}{r^2} = \frac{(8.99 \times 10^9 N \cdot m^2 / C^2)(1.37 \times 10^5 C)^2}{(100 m)^2}$$

$$1.69 \times 10^{16} N$$

چې دغه مقدار قوه $2 \times 10^{12} tons$ ده که چیرې دغه چارجونه دمخکې د قطر په اندازه هم له یو اوبل څخه فاصله واخلي نو بیا به هم د دواړو تر مینځ د جاذبې قوه $120 tons$ وي، او که مونږ د اسانۍ لپاره دغه جداء جداء زري په یوه ځای کې چې په یوه نقطه کې راټولی وي په نظر کې ونیسو اودلته د دوي ابعاد هم نسبت مخکې ته ډیر واره فرض کړو، که چیرې داسې وکړای شو نو دوي به د هغه قوی په واسطه چې د دوي تر مینځ ده په یو خاص شدت سره جداء شي، ددغه نمونوی مثال په مرور سره مونږ نشو کولی چې د برقي قواصلي خاصیت سره یې ډیره اشتباه وکړو، که چیرې تاسې د یو معین چارج د

راویستلو کوشش د یو جسم څخه وکړی. نو یوه غټه کولمبي قوه به مینځ ته په اتومات شکل راشي او په دې کوشش کې به وي چې دغه چارج بیرته د جسم په لوري کش کړي.

۳-۱ مثال: د هایدروجن داتوم، نیوترون او پروتون ترمینځ د r متوسطه فاصله مساوي ده $m = 5.3 \times 10^{-11}$ سره:

a- د دوي ترمینځ الکتروستاتيکي قوه څومره ده؟

b- او د دوي ترمینځ د جاذبي قوه په متوسط ډول څومره ده؟

حل: (a) د الکتروستاتيکي قوي لپاره د ۱-۴ رابطی څخه لرو:

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{e^2}{r^2} = \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2)(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})^2}{(5.3 \times 10^{-11} \text{ m})^2}$$

$$= 8.2 \times 10^{-8} \text{ N}$$

اگر چې دا قوه هم ډیره وړه ده (چې دغه قوه د گرد دیوي زري وزن په اندازه ده) او 10^{23} m/sec^2 په اندازه تعجیل تولیدوي.

(b) د جاذبي د قوي لپاره مونږ لرو چې:

$$F_g = G \frac{m_e m_p}{r^2}$$

$$= \frac{(6.67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2)(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})(1.67 \times 10^{-27} \text{ kg})}{(5.3 \times 10^{-11} \text{ m})^2}$$

$$= 3.6 \times 10^{-47} \text{ N}$$

مونږ گورو چې د جاذبي قوه د الکتروستاتيک قوي څخه د 10^{39} فکتور په اندازه کمه ده.

او د جاذبي قوه ډیره وړه او همیشه جاذبه ده چې د کشش په واسطه کولي شي، چې ډیري غټي غټي کتلي مینځ ته راوړي مونږ دغه مثال لپاره د ستورواو کهکشانی جوړښت وړاندي کوو. چې دغه غټي د جاذبي قوی د الکتروستاتيک قوي د مینځ ته راوړلو باعث گرځي، او له بل طرفه دغه قوه د دوو یو شان علامه لرونکو چارجونو ترمینځ ده اما

داممکنه نه ده چې یو مقدار چارجونه سره په یو ځای راټول او په یو ځای کې یې متمرکز کړو که څه هم منفي او یا مثبت چارجونه وي مونږ باید همیشه په لویه پیمانته دوه قسمه، په مختلفو علامو سره چارجونه باید ولرو ترڅو یو بل سره خنثي کړای شي او هغه چارجونه چه مونږ یې روزمره ژوند کې تجربه کوو، همیشه په دغه مسایلو کې سرگردانه یو چې توازن برقرار کړي.

۴-۱ مثال:

په کې دي د دوو پروتونونو ترمینځ $26 P^+$ شعاع لري او $4 \times 10^{-15} m$ داوسپني داتوم هسته چې څومره قوه تاثیر کوي که چیرې د دوي ترمینځ فاصله د شعاع په اندازه وي؟

حل:- ۴-۱ رابطي څخه مونږ لرو چې:

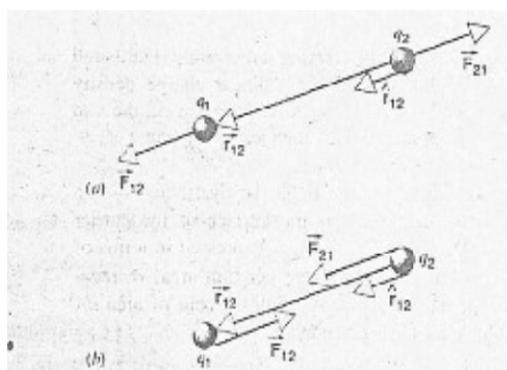
$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{e^2}{r^2} = \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2)(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})^2}{(4 \times 10^{-15} \text{ m})^2} = 14 \text{ N.}$$

ډیره غټه الکتروستاتيکي دافعه قوه چې د $3 lb$ نه هم ډیره ده او په یوه پروتون باندې عمل کوي باید چې د هستې د جاذبې قوې سره مساوي اما مخالفه وي چې پروتون دهستي سره وتړي دغه قوه چې ساحه یې ډیره کمه ده او دهستي نه بیرون نه حس کېږي، چې په هسته کې دهستوي مربوطه قوی په نوم بلل کېږي د کولمب قانون د وکتور په شکل کې:

تر اوسه پورې مونږ فقط قوې د مقدار په باره کې خبرې کولې چې یوې چارج شوي زری په بله باندې تاثیر کاوه. اوس مونږ غواړو چې د کولمب قوه د وکتور په واسطه وښایو، که دا قوه مونږ په وکتور کې وښایو نو په وکتور کې دا قوه جهت هم لري او دغه جهت د چارجونو د علامې له مخې تعینېږي لکه څنگه چې د ۹-۱ شکل څخه څرگندېږي، که چیرې مونږ د q_1 او q_2 نقطوي چارجونه ولرو چې د q په فاصلي جده شوی وي او د یوې لحظې لپاره داسې فکر وشي چې دواړه یو شان علامې لري نو دا دواړه یو بل سره دفع

کوي، راځی هغه قوه چې داوولی ذری نه په دوهمی ذری باندي واریدیري پیدا کړو کومه چې مونږ یې دهمیش لپاره د \vec{F}_{12} په سمبول لیکو او \vec{F}_{12} وکتور د (1) زري خځه (2) زري په لوري ښوول کیري. که چیري د چارجونو ځایونه سره تبدیل کړو نو فقط له یو جهت نه به بل جهت ته د وکتور جهت اوړي. که چیري دواړه چارجونه یوشان علامه ولري نو قوه به یې دافعه قوه وی چې په ۹-۱a شکل کي ښودل شوي او برابره ده \vec{F}_{12} سره او که دواړه چارجونه مخالفې علامې ولري د \vec{F}_{12} قوه د جذب قوه ده چې په ۹-۱b شکل ښوول شوي او د \vec{r}_{12} په مخالف لوري کي ده. مونږ دا قوي داسي ښایو:

$$\vec{F}_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r_{12}^2} \hat{r}_{12} \quad (1-5)$$



۹-۱ شکل: (a) q_1 او q_2 دوه نقطوي چارجونه د یوشان علامې لرونکي دي چه مساوي او مخالفه دافعه قوه یو په بل وادریده وي. د \vec{r}_{12} په موازی وکتور د اول چارج نه د دویم چارج په لور ښودل کیري. د \vec{r}_{12} واحد وکتور د جهت ښودونکي دي. نوټ: باید ووایو چه د \vec{F}_{12} هم جهت دی د \vec{r}_{12} سره. (b): دوه چارجونه د مخالفو علامو لرونکي دي او په یو بل باندي د جاذبي قوه وارده وي نوټ: باید ووایو چه د \vec{F}_{12} هم جهت نه دی د \vec{r}_{12} سره.

دلته r_{12} د \vec{r}_{12} وکتور د مقدار ښوونکي دي. \hat{r}_{12} واحد وکتور د \vec{r}_{12} جهت ښوونکي دي چې هغه عبارت دي له:

$$\hat{F}_{12} = \frac{\hat{F}_{12}}{r_{12}} \quad (1-6)$$

مونږ د ۱-۵ رابطي مشابهه د جاذبي قوه د ۱۴-۲ او ۱۴-۳ رابطو په واسطه مطالعه کوو او یو بل شکل چې د ۱-۹ شکل نه په لاس راځي د نیوتن د دریم قانون سره سم چه په دغه قانون کي هغه قوه چی د اولی زری په واسطه په دوهمه زره واردیږی \vec{F}_{21} ده چی د \vec{F}_{12} مخالفه ده چه په دي شکل ښودل کیږي:

$$\vec{F}_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r_{21}^2} \vec{r}_{21} \quad (1-7)$$

دلته $\vec{r}_{1,2}$ واحد وکتور دي کوم چی دا ولی زری څخه دوهمی زری پوري د جهت ښوونکي دي هغه شاید هغه وکتور واحد وی چی د دوهمی زری جهت چی د کوارډینات په مبدا کي د اولی زری په موقیعت کي واقع شویدی د کولمب د قانون وکتوري شکل یو ښه شکل دي ځکه د قوی د مقدار سره سره دهغي جهت هم مونږ ته ښایي، که څه هم دا قوه جاذبه او یا دافعه وي د وکتور په شکل سره د قوی ښودل ډیرښه اهمت لرونکي دي، او هغه هم د دوه څخه د ډیرو چارونو مطالعه لپاره، او په داسي حالت کي د ۱-۵ معادله د هري جوړي چارج لپاره استعمالیږي. او مجموعي قوه په هریو چارج باندي کولاي شو د قوو دوکتورنو د جمع څخه پیداکړو چی په هر چارج يي وارده وي د مثال په توگه په اولی زری باندي قوه دارنگه ده:

$$\vec{F}_1 = \vec{F}_{12} + \vec{F}_{13} + \vec{F}_{14} + \dots, \quad (1-8)$$

په دغه رابطه کي \vec{F}_{12} د دوهمي زري نه د قوي واریډیدل دی په اوله زره باندي او $\vec{F}_{1,3}$ د قوي واریډیدل دی د دریمي زري نه په اوله زره باندي، ۱-۸ معادله د قوو د مجموعي ښودونکي ده په الجبري شکل باندي دا رابطه داسي تشریح کولي شو چه د هري زري د قوي مطالعه په اولي زري په جلا جلا صورت سره وشي او وروسته باید د هغو یوه مجموعه پیدا شي. هیڅ یو چارج د بل لپاره کوم مشکل نه پېښوي.

۵-۱ نمونه‌ی مسئله:

۱۰-۱ شکل خخه خرگندیږي چه دري چارج داره زري موجودی دي چه دقوؤ په واسطه ئی نیول شوی محل ئی نه دی بنوول شوی، هغه الکتروستاتیک قوه به خومره وی چه دا دوه چارچونه ئی په دریم چارج واردوی او نور هغه قوه چه په اول چارج q_1 باندي عمل کوي پیدایي کړي؟

$$q_1 = -1.2\mu C, q_2 = +3.7\mu C, q_3 = -2.3\mu C, r_{12} = 15\text{cm}$$

$$r_{13} = 10\text{cm}, \theta = 32^\circ$$

حل: دا مثال د قانون د تطبیق د استعمال لپاره غوره شوی دی مونږ د هر څه د مخه دهغه قوؤ مقدار محاسبه کوو، کومه چې q_2 او q_3 زره یې په q_1 زره وارده وي. مونږ د چارجونو مقدار په ۵-۱ معادلي کی وضع کوو:

$$F_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q_1||q_2|}{r_{12}^2}$$

$$= \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2)(1.2 \times 10^{-6} \text{ C})(3.7 \times 10^{-6} \text{ C})}{(0.15 \text{ m})^2}$$

$$= 1.77 \text{ N.}$$

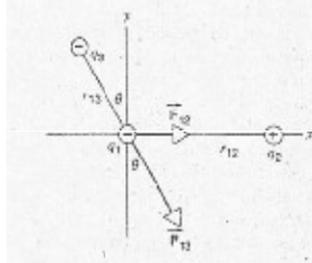
د q_1 او q_2 چارجونه دمختلفو علامو لرونکي دي نو هغه قوه چې د q_2 چارج په q_1 چارج وارده وي جاذبه قوه ده له دي امله د \vec{F}_{12} جهت د ۱۰-۱ شکل بنی لورته دي مونږ همدارنگه لرو:

$$F_{13} = \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2)(1.2 \times 10^{-6} \text{ C})(2.3 \times 10^{-6} \text{ C})}{(0.10 \text{ m})^2}$$

$$= 2.48 \text{ N.}$$

دا دواړه قوي يو شان منفي علامي لري نو هغه قوه چې د q_3 خخه په q_1 عمل کوی دافعه قوه ده. پس د \vec{F}_{13} مسیر ۱۰-۱ شکل په شان دی او د \vec{F}_1 نتیجوی قوه چې په q_1 عمل کوی د ۲۵-۸ معادلي د ترکیب کوونکو اجزاء سره مطابقت لری نو:

$$\begin{aligned} \vec{F}_{1x} &= F_{12x} + F_{13x} = F_{12} + F_{13} \sin \theta \\ &= 1.77 \text{ N} + (2.48 \text{ N})(\sin 32^\circ) = 3.08 \text{ N} \end{aligned}$$



۱-۴ شکل ۱-۵: ددری چارچونو عمل او عکس العمل چی دری جوړی ئی یو پر بل وارده وی، دلته دوه قوی بنودل شوی په q_1 عمل کوی.

او

$$\begin{aligned} F_{1y} &= F_{12y} + F_{13y} = 0 - F_{13} \cos \theta \\ &= -(2.48 \text{ N})(\cos 32^\circ) = -2.10 \text{ N} \end{aligned}$$

د مرکبوله مخي تاسي کولاي شي د F_1 مقدار 3.73 N وښايست چې وکتوري ئی د X د محور سره د 34° زاويه جوړه وي.

د ۱-۵ د چارج متمادی توزیع (Continuous charge distribution):

تراسه پوري مو دهغه قوو محاسبه چې د نقطوي چارچونو څخه لاسته راغلي وي مطالعه کړی اگر چې ډیر ځله هغه برقي قوي چې په چارج لرونکي جسمونو عمل کوي چې دهغه اجسامو شکل میلو، صفحو یا جامد وي او دلا پيري ساده گي. په خاطر مونږ دا اجسام د عایق په شکل فرض کوو چی چارچونه ئی په سطحه او یا په حجم کي خپاره وي نو د چارچونو متمادی توزیع لاسته راځي.

۱-۲ شکل دهغو قوو بنودونکی دی چې دیوه چارچداره میلی په واسطه په بلي باندي عمل کوی د کولمب قانون صرف د نقطوي چارچونو لپاره د اجرا وړ دي نومونږ نشو کولاي دهغه قوو لپاره چې دمیلی د پاسه عمل کوي هغه پکار یوسو ولي کولاي شو چه میلی

داسی تصور کړو چه دنقطوی چارچونوپه واسطه پوښل شوی دی. نو پس دکولمب قانون دهغي لپاره پکاروړلي شو چي ديوي ميلي نقطوي چارج دبلي ميلي په هر نقطوي چارج باندي عمل کوي مگر دغه تصور موضوع نوره هم پيچلي کوي ، هر کله چي ميله فقط Inc يو کوچني مقدار چارج انتقال کړي نو لازمه ده چي 10^{10} نقطوی چارجونه دهري ميلي د پاسه په نظر کي ونيسو مگر ددي پرځاي د فرانکلين نظري ته مراجعه کوؤ او د چارج خاصيت په دومداره شکل په نظر کي نيسو.

اساسي پروسه په داسي ډول ده چي چارچونه په نهايت کوچنيو اندازو باندي تقسيموو څرنگه چي هر يو ددي کوچني مقدارونوڅخه دعالي رياضي په واسطه د عاملي قوي مجموعي مقدار محاسبه کوو پداسي حال کي چي q چارج لرونکي جسم وي او هغه په کوچنيو اندازو د dq باندي تقسيم کړو داچي هريو ددي مقدار څخه د اوږدوالي ، مساحت او حجم لرونکي دي. د اوږدوالي مساحت او حجم بنوونکي داسي دي چي چارچونه يو بعدي ، دوه بعدي ، او دري بعدي مونږ په نظر کي نيولي دي ، dq ددي عناصرو دچارج په حيث او کثافت يي هم په نظر کي نيسو چي اوږدوالي ، مساحت او يا حجم باندي د چارجونو دتوزيع بنوونکي دي او د اکثره مسايلو لپاره چارچونه دجسم په سطحه يونواخت (يورنگه) تقسيم شوي وي . دا په دي معني چي دچارجونو کثافت د جسم په ټولو نقطو کي مساوي دي ، او په بعضي حالاتو کي چارچونه صرف په يو بعد کي خپاره شوي دي لکه نازکه چارجداره ميلي چي په ۱-۲ شکل کي بنودل شوي دي نو په دي صورت کي د چارجونو خطي کثافت په نظر کي نيسو ، λ دچارج مقدار په واحد د طول کي دی په داسي حال کي چي اساسي واحد يی c/m دي دميلي يوه کوچني برخه چي د dx په اندازه اوږدوالي لري او د dq چارج لرونکي ده دلاندي رابطي په واسطه محاسبه کيږي .

$$dq = \lambda \cdot dx \quad (1 - 9)$$

هرکله چي ميله يو نواخت چارج ولري او د q چارج دهغي په اوږدوالي کي مساويانه تقسيم شوي وي په دي صورت کي دچارج کثافت د لاندي فورمول پواسطه محاسبه کيږي $\lambda = q/L$ دمثال په ډول يوه ميله چي اوږدوالي يي $L = 0.12m$ او چارج يي

دي په نظر کي نيسو. نو په دي صورت کي يی خطی کثافت عبارت دي له:

$$\lambda = q/L = 4.5 \times 10^{-5} \text{ C/m}$$

په داسي حال کي چي د میلی يوه برخه د $dx = 1.0 \text{ mm}$ اوږدوالي او د dq د کوچني چارج لرونکي وي کولي شو چي په لاندي ډول يي محاسبه کړو:

$$\lambda \cdot dx = 4.5 \times 10^{-8} \text{ C}$$

که چيري چارچونه د دوه بعدو په امتداد باندي خپاره شوي وي لکه هغه سطح چي د

۳-۱ شکل لري نو په دي حال dq د سطحی چارج په حيث ارايه کيږي (σ چارج په واحد د سطحه کي) چي د $S.I$ په سيستم کي يي واحد C/m^2 دي. د A د مساحت يوه کوچني برخه چي د dA مساحت لرونکي ده او د dq چارج لري. د لاندي رابطي څخه لاسته راځي.

$$dq = \sigma dA \quad (1 - 10)$$

هرکله چي د q چارج په يو نواخت ډول د جسم د A په سطحه کي خپور شوي وي، په دي حال کي لرو:

$$\sigma = q/A$$

همدارنگه چارج کولي شي چي په ټول جسم کي په دري بعدي شکل باندي خپور شي. نو په دي حالت کي د چارج د حجمي کثافت څخه استفاده کوو (ρ د چارج مقدار په واحد د حجم کي) چي د $S.I$ په سيستم کي يي واحد C/m^3 دي، نو په دي صورت کي د جسم د يو کوچني برخي حجم dv او د dq کوچني چارج لرونکي دي

$$dq = \rho dV \quad (1 - 11)$$

هرکله چي د V په حجم کي د q چارج په ټول جسم کي خپور شي:

$$\rho = q/V$$

ددي مفاهيمو دتشریح لپاره هغه افادي دهغه قوؤ لپاره چي د دوامداره چارجونو دتوزیع په واسطه د q_0 نقطوي چارج باندي عمل وکړي محاسبه کووي ، د هغه روشونو انکشاف به ممکن وي چي عاملی قوي د دوامداره چارجونو دتوزیع په واسطه او دبلي توزیع په واسطه محاسبه کووي ، په نقطوي چارج باندي دعاملوقوو د پيدا کولو پروسه د دوامداره چارجو دتوزیع په واسطه لاندی مراحل لري:

۱- فرض کوو چي د دوامداره چارجونو دتوزیع په یو زیات شمیر کوچني عنصري چارجونو تقسیم شوي ده.

۲- دي کوچنی چارجداره عناصرو د جملي خخه یو اختیاري عنصر انتحابؤ او هغه د ۱- ۹ معادلؤ په واسطه ارائه کوو. چي داد چارجونو خپریدل په خطي، سطحي، او حجمي سیرپوري اړه لري.

۳- په دي خاطر چي dq بي نهایته کوچني دي. مونږ کولي شو چي هغه دتقطوي چارج په حیث قبول کړو. په دي وخت کي عامله قوه د $d\vec{F}$ چي د dq په طرفه عمل کوي، دکولمب دقانون په واسطه داسي ارائه کولي شو، یعنی (۱-۴) معادله کی:

$$dF = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|dq||q_0|}{r^2} \quad (1-12)$$

r د dq او q_0 چارجونو ترمنځ فاصله ده

۴: مجموعي قوه د بي نهایته کوچنیو قوو د جمع کولو خخه لاسته راځي. چي دانتي گرال نیولو

سبب کیږي. دعلامو او موقعیتونو په نظر کي نیولو سره د dq او q_0 جهت د $d\vec{F}$ لخوا تعیینېږي

$$\vec{F} = \int d\vec{F} \quad (1-13)$$

ددي انتي گرال دمحاسبي لپاره بايد په نظر کي ونيسو چي د dq کوچني چارج لرونکو عناصر و لپاره ممکن دي چي د $d\vec{F}$ کوچنی قوي په مختلفو جهتونو کی لاسته راوړو حقیقتا 1-۱۳ معادلي او لاندي دري معادلي د \vec{F} دري گوني اجزاء دي

$$F_x = \int dF_x, \quad F_y = \int dF_y, \quad F_z = \int dF_z \quad (1-14)$$

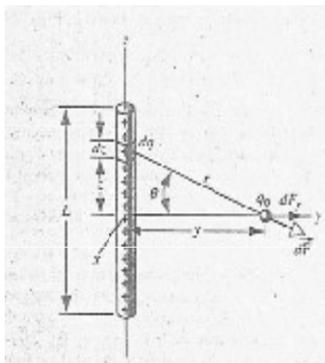
د یونواخت چارج خط:

۱-۱۴ شکل یوه نازکه میله چي د L اوږدوالی لری رانباي چي د z د محور په امتداد قرار لری او د q مثبت چارج چي پکي په یو نواخت ډول خپور شوي دي انتقالوي چي دخطي چارج کثافت يي عبارت دي د $\lambda = q/L$ خخه ، مونږ غواړو هغه قوه پیدا کړو چي دمیلې د طرفه د q_0 مثبت نقطوي چارج باندي عمل کوي داسی موقیعت لری چي دمیلې په نیمایی عموده ده (د y دمحور مثبت جهت کی) y فاصله ده د هغه د مرکز خخه شکل هغه نتیجه چي مونږ د (1)، (2)، (3) مرحلو په روشونو کي انجام کړي دی رانبايی. غواړو چي میله د dz په کوچنیو اوږدوالو ویشو او د چارج یو اختیاري عنصر $dq = \lambda dz$ چي موقیعت يي د z دفاصلي په اندازه دهغي د مرکز خخه دي او د $d\vec{F}$ یوه قوه چي په q_0 باندي عمل کوي دلاندي رابطي خخه لاسته راځي:

$$dF = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 dq}{r^2}$$

د $d\vec{F}$ قوي جهت په شکل کی بنودل شوي دي ، لیدل کیږی د x په امتداد د $d\vec{F}$ جز نشته دی (په صفحه عموده) $F_x = 0$ ده پس په دي استدلال سره کولي شو چي $F_x = 0$ دي د dq هر عنصری چارج لپاره چي د $+z$ په فاصله کي قرار لري هلته بل چارج شته چي د $-z$ په فاصله کي قرار لري کله چي مونږ ددی عنصری چارجونو ټاکلی قوی د $+z$ او د $-z$ په فاصلو کي جمع کړو مونږ د z ترکیب کوونکی اجزاء چي مقدارئی مساوي دي مگر داچي جهتونه يي مخالف دي پیدا کوو ، چه الجبري مجموعه يي مساوي په صفر ده په دي خاطر چي q_0 چارج دمیلې دمستوی په منځ کي قرار لري. ددي دخشۍ سازی په خاطر

دهغه چارجونو لپاره چي مساوي مقدار او مخالف جهتونه لري دميلي په امتداد په داخلي کي واقع کيږي. اوس ددي څخه نتيجه کيږي چي \vec{F} مساوي په صفر کيږي $F_z = 0$



شکل ۱۱-۱

q_0 چارج باندي ديو نواخت چارج لرونکي ميلي دقوي دمقدار د پيدا کولو په خاطر بايد q چارج په ميله کي dq د کوچنيو مقاديرو په حيث انفرادي په نظر کي ونيسو. د قوو د ترتيب کونکو اجزاو دجملي څخه صرف F_y باقي پاتي ده چي بايد محاسبه شي، بناء په ۱۱-۱ شکل کي معلوم کيږي dF_y مقدار مساوي دی $dF \cos \theta$ سره ددي رابطو څخه په گټه اخستنه $r^2 = y^2 + z^2$ ، $dq = \lambda dz$ په لاس راوړو:

$$dF_y = dF \cos \theta = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 \lambda dz}{(y^2 + z^2)} \frac{y}{\sqrt{y^2 + z^2}}$$

$$F_y = \int dF_y = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} q_0 \lambda y \int_{-L/2}^{L/2} \frac{dz}{(y^2 + z^2)^{3/2}}$$

دانتي گرال محاسبی ته نظر اچوو بايد په نظر کي ولرو چي y ثابت دي په لاس راوړو چي:

$$F_y = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 q}{y\sqrt{y^2 + l^2/4}} \quad (1-15)$$

داقوه د y په مثبت جهت کي ده کله چي q_0 او q مثبت وي که q_0 نقطوی چارج د xy مستوي بلي نقطوي ته انتقال شي. دقوو محاسبه هم تغير کوي. (دډير وضاحت لپاره

لاندي تمرين ته مراجعه وکړی. (ایا د ویلو وړ ده چې مشابه افادي په دي خاطر محدودی دی چی په دي ډول یی سنجش کړو. فرض کوو چې $l \gg \gamma$ څخه دي پدي حالت کي قوي په لاندي معادله کي افاده کوو:

$$F_y \approx \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 q}{y^2}$$

چي دا یواځینی رابطه ده. دیو نقطوي چارج څخه بل نقطوي چارج باندي د قوو د محاسبی لپاره هر کله چي دمیلی فاصله ډیره زیاته شي. او یا خپله میله کوچني وی. په دي صورت کي د نقطوي چارجونو بحث په نظر کي راځی.

د چارج یوه حلقه:

۱۲- شکل د R په شعاع یو باریکه حلقه رانمایی چي د q مثبت چارج پکي په یو نواخت ډول توزیع شوي دي همدارنگه هغه د $\lambda = \frac{q}{2\pi R}$ د خطي چارج کثافت انتقالوي مونږ غواړو هغه قوه پیدا کړو چي د حلقی پواسطه عمل کوي د q_0 په یو مثبت نقطوي چارج چي د حلقی د محور د پاسه (کوم چي د z د محور په مثبت جهت کی انتخاب شوي) د z د حلقی د مرکز څخه فاصله ده. د حلقی څخه یو کوچني عنصر د $dq = \lambda R d\Phi$ چي د $R\Phi$ په فاصله کي واقع دي. د dF هغه قوه چي د dq پواسطه د q_0 عمل کوي عبارت ده د:

$$dF = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 dq}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_0 \lambda R d\Phi}{(z^2 + R^2)}$$

مونږ کولي شو چي مشابه استدلال یوازي د \vec{F} د z د اجزاؤ لپاره هغه چي صفر نه وي وکړو د حلقی د هر dq عنصر لپاره هلته شاید د dq بل مخالف مساوي عنصری چارج د حلقی د مرکز سره مستقیماً په یو قطر شته والي ولري، کله چي د دي دوه عنصری چارجونو ټولي عنصری قوي په q_0 جمع شي د نورو ټولو اجزاو قوي په غیر د F_z څخه شاید د منځه لاړي شي. $\cos\theta = \frac{z}{r}$ سره مونږ پیدا کوو:

$$\begin{aligned}
 F_z &= \int dF_z = \int dF \cos \theta \\
 &= \int \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 \lambda R d\phi}{(z^2 + R^2)} \frac{z}{\sqrt{z^2 + R^2}} \\
 &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 \lambda R z}{(z^2 + R^2)^{3/2}} \int_0^{2\pi} d\phi.
 \end{aligned}$$

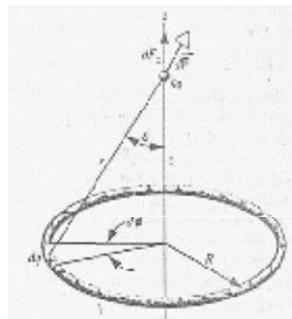
دا انتگرال د حلقی په چاپیر د 2π قیمت ورکوي چي د قوي لپاره بي اخيرنی نتیجه عبارت ده له:

$$F_z = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_0 q z}{(z^2 + R^2)^{3/2}} \quad (1-16)$$

آيا دا نتیجه د اعتبار وړ ده که چيرته q_0 د Z د محور په منفي جهت کي واقع وي؟
 ۱۵ تمرین وگورئ) مونږ کولي شو چي دا نتیجه ددي حالت د ليمت لپاره چي
 $z \rightarrow \infty$ او $z \gg R$ وي نو مونږ په لاس راوړو:

$$F_z \approx \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 q}{z^2}$$

نو دا نتیجه هغه وخت ده چي مونږ د حلقی څخه ډير لري يو. داسي بنسکاريري چي يو نقطوي چارج دی. یادونه: همدارنگه $F_z = 0$ دی، هغه چي $Z = 0$ وي دا معقوله ده ځکه د حلقی په مرکز کي د q_0 چارج شاید په مساوي ډول هري خواته د هغه د عنصري چارجونو پواسطه چي ددي حلقی دپاسه جوړ شوي تيله کيږي.



۱۲- 1 شکل: یوه منظمه چارج شوي حلقه ده د q د نقطوي چارج د پاسه د قوي د پیدا کولو لپاره مونډرگورو چې فقط د dq په شان د زیاتو عنصري چارجونو څخه مرکبه ده. د چارج ټیکلي يا ($Disk$):

۱۳- 1 شکل د R په شعاع یو دایروي ټیکلي ($Disk$) چې د q مثبت چارج یې د سطحې د پاسه په یو نواخت ډول تقسیم شوي او د $\sigma = q/\pi R^2$ د چارج سطحې کثافت لري، د q_0 یو مثبت نقطوي چارج د ټیکلي ($Disk$) د محور د پاسه (د z د محور په مثبت جهت کې) د z په فاصله د ټیکلي د مرکز څخه واقع دي. د هغه قوي د پیدا کولو لپاره چې د ټیکلي ($Disk$) پواسطه د نقطوي چارج لپاره عمل کوي مونډر غواړو چې د ټیکلي په داخل کې د حلقو یوه سلسله جوړه کړو چې چارج لري او شعاع یې w ده چې د dw گڼوالي په ۱۳- 1 شکل کې ښودل شوي چې د: $dq = \sigma dA = \sigma(2\pi w dw) = 2\pi\lambda w dw$ څخه عبارت دي چې د dF_z قوه یې چې په q_0 ددې حلقې پواسطه عمل کوي د ۱۲- 1 معادلي پواسطه پیدا کولی شو چې په q او R په Wz عوض شي نو:

$$dF_z = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0(2\pi\sigma w dw)z}{(z^2+w^2)^{3/2}}$$

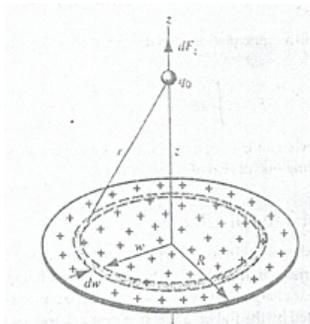
د ټولو حلقو د قوو د عنصرونو د انتیگرال د جمع څخه د صفر نه تر R پورې لرو:

$$F_z = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} q_0 2\pi\sigma z \int_0^R \frac{w dw}{(z^2 + w^2)^{3/2}}$$

$$= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2q_0 q}{R^2} \left(1 - \frac{z}{\sqrt{z^2 + R^2}}\right) \quad (1 - 17)$$

یادونه: هغه انتیگرال چې $\int U^{-3/2} du$ شکل لري، ددې څخه په مستقیمه توګه یې مونډر حسابولی شو. څومره فرق به ولري دا معادله د $z > 0$ لپاره؟ (۱۵ تمرین وګورئ) او $z \rightarrow \infty$ تاسې کولی شئ چې د بینوم انکشاف استعمال کړئ (وګورئ) اوله ضمیمه چې د نقطوي چارج لپاره د کولمب د قانون څخه حاصلیږي) په دې درې مثالونو کې مونډر فرضوو چې هغه ټول مثبت دي که چیرې هر یو یې نقطوي چارج یا اوډد جسم وي (ولي

دواړه نه) چې د قوي په مخالف جهت کي منفي چارج انتقالوي وښايست چې د ۱۱-۱
 څخه تر ۱۱۳ شکل پوري هغه څومره دي؟



۱۳-۱ شکل: یوه دایروي صفحه (*Disk*) چې یو نواخت سطحي کثافت انتقالوي هغه قوه چې q_0 په نقطوي چارج د *Disk* د داخلي نازکه دایروي حلقی پواسطه واردیږي حسابیږي.

۲-۱ نمونوي مسئله: دوه دایروي ټيکلي چې $R = 5.0\text{cm}$ شعاع لري چې د مشترک عمودي محور په امتداد، د 6.0cm فاصلي پواسطه جدا شوی دی دا ټيکلي مساوي ولي مختلف چارجونه لري چې د هغوي د سطحو د پاسه په یو نواخت ډول توزیع شوي دي انتقالوي، د q څومره زیات چارجونه ضرور دي چې د ټيکلي (*Disk*) لپاسه، د یو څوړند شوي د تیلو نازکه څاڅکي چې کتله یې 4×10^{-15} کیلوگرامه او چارج یې e - وي په یوه نقطه کي چې د ټيکلي (*Disk*) د محور په امتداد او د هغوي ترمنځ په منځنۍ نقطه کي واقع وي.

ځواب: که پورتنی ټيکلي (*Disk*) مثبت چارج شوي او ښکتنی ټيکلي (*Disk*) منفي چارج شوي وي وروسته دا څاڅکي پورتنی ټيکلي ځانته جذبوي او ښکتنی ټيکلي ئی دفع کوي ځکه د ټيکلو د صفحو په منځنۍ نقطه کي دی. دقوي مقدار یې F_z په شان دي چې د ۱-۱۷ معادلي پواسطه څاڅکي د تعادل په حال کي دي پورته خواته اصلي برقي قوه $2F_z$ باید د څاڅکي د وزن mg سره برابره وي ددې دوو قوو د برابروالي او ځای لپاره ۱۷-
 1 معادله استعمالیږي نو مونږ په لاس راوړو:

$$q = \frac{mg}{\frac{4e}{4\pi\epsilon_0 R^2} \left(1 - \frac{z}{\sqrt{z^2 + R^2}}\right)}$$

د حلولو څخه يې مونږ $q = 35nc$ پيدا کوو. دا طريقه په ۱۹۰۶ ميلادي کال د مليکان پواسطه د الکترون د چارج د اندازه کولو لپاره چې په يو لړ تجربو يې پيل کړي وو او د چارج مقدار يې معلوم کړ استعمال کړي وه. (۲-۲ سکشن وگورئ).

يو خاص حالت:

دلته يو خاص حالت د چارج د يو نواخت توزيع، کومه چې د يو نقطوي چارج لپاره تلقی کيږي مونږ ته اجازه راکوي چې د کولمب قانون استعمال کړو د هغه د نقطوي شکل چارجونو لپاره، دا هغه وخت واقع کيږي چې د چارج توزيع په يو شان کړو کي وي، ولي د چارج حجمي کثافت امکان لري د شعاعگانو په تغير سره بدلون ومومي خو بيا هم د کثافت د منظموالي له امله په يوه باريکه قشر کې د هري شعاع لپاره يو شان وي.

لومړي مونږ په (۵-۱۴ سکشن کي) يو باريکه کروي شکل گورو مونږ د جاذبي قوي دوه خواصه چې د يو منظم کروي شکل قشر پواسطه په يو نقطوي قشره کتله عمل کوي وموند چې دا خواص عبارت دي له:

1. د قشر په داخلي زراتو کې دا قوه صفر ده.

او په خارجي ذراتو کې دا قوه دارنگه ده لکه د يو جسم په مرکز کې چې د هغه د قشر ټوله کتله راجمع شوي وي. د جاذبي د قوي او برقي قوی ترمنځ د تناظر قانون (دواړه $\frac{1}{r^2}$ سره رابطه لري) شته. مونږ ته اجازه راکوي چې د جاذبي او برقي قوو ترمنځ مشابهت جوړ کړو مونږ په يو نواخت قشر کې د جاذبي د قانون نتايج مستقيماً په برقي قوو باندې يې له ثبوته تطبيق کولي شو. دا د منظمو قشرونو د خواصو لپاره صحت لري لږي دوه مهمو نتايجو ثبوتونه د برقي قوو لپاره د ۵-۱۴ برخي د ثبوتونو سره عيناً متناظر جوړښت لري چې د جاذبي قوي لپاره وه.

د یو منظم چارج شوي کروي شکله قشر لپاره په ټولو داخلي نقطو کې، چې په هر ځای د قشر کې وي برقي قوه عمل نه کوي.

د یو منظم چارج شوي کروي شکله قشر یوه برقي قوه د قشر څخه بیرون په یوه نقطوي چارج باندي داسي عمل کوي لکه چې د قشر ټول چارجونه په خپل مرکز کې په یو نقطوي چارج کې یې راجمع کړي وي دلته د جاذبي او برقي قوو د حالتونو ترمنځ یو فرق وجود لري هغه دا چې د جاذبي قوه همیشه جاذبه ده لکن برقي قوه کیدای شي جاذبه وي یا دفع کوونکي پس دا فرق د پورته دوه قاعدو په تبدیلولو کې د جاذبي څخه برقي قوي ته اثر نلري.

دا قاعدې کولې شو استعمال کړو ترڅو په لاس یې راوړ د یوې مربوطې نتیجې څخه چې هغه د اعتبار وړ وي د کروي چارج د توزیع لپاره فرضوو. چې مونږ د چارج په کروي ډوله توزیع چې د چارج حجمي کثافت ρ یې وي د یوه لپاره ثابتۀ یا د r شعاع گانو د یو تابع په شان تغیر کوي. پس مونږ کولې شو وگورو چې کره د یو سیت نازکه کروي ډوله قشرونو څخه چې هر قشر په یو نواخت ډول چارج شوي ترکیب شوی هغه چې د یو قشر د چارج کثافت د بل قشر د چارج د کثافت سره متفاوت دي بلکې د هر قشر مربوطه چارج په یو نواخت ډول توزیع شوي نو بیا کولې شو چې دا دواړه قاعدې د هر کروي قشر لپاره استعمال کړو، که چیرې زمونږ امتحاني چارج د کرې په داخل کې په یو ځای کې وي د قشر څخه بیرون د چارج د قوي عمل د اولي قاعدې پشان ندي دا نتیجه استعمال شوي وه د جاذبي قوي لپاره په ۴-۱۴ نمونه وي پوښتني کې. که چیرته امتحاني چارج د قوي څخه بیرون وي نو بیا هر قشر کولې شي چې ځای په ځای شوي وي د هغه مرکز د نقطوي چارج د مرکز پواسطه او همدارنگه ټوله کره کولې شو د هغه یو نقطوي چارج پواسطه ځای په ځای شوي وي، چې هغه برابري دي د کرې د ټول چارج سره. ددی دلیل لپاره هغه قوه چې یو اټوم د هستې پواسطه په خپل الکترونو عمل کوي، نشي کولې چې مونږ ته د هستې په داخل کې د مثبت چارج د توزیع په هکله عمومي معلومات راکړي. په هرې کروي ډوله هسته کې د چارج کثافت

یوازي په r پوري مربوط دي ، د ټول چارج توزیع د هغه قوو پشان ده چې د هستي
 څخه بیرون په الکترون عمل کوي ولي کله کله د هغه اندازي څخه چې الکترون د
 هستو په داخل کې انحراف کوي مونږ ته پخپله د مثبت چارج توزیع په هکله
 معلومات را کوی

۷-نمونوي مسئله:

دیوتا کلي اټوم کروي ډوله هسته د Ze مثبت چارج په یو حجم کي لری چی د R شعاع
 لری. مقایسه یي کړی. دهغه قوي سره چې په الکترون عمل کوي او دهستي د داخل څخه
 د $0.5R$ په اندازه شعاع لری، همدارنگه دهغه قوي سره چې دهستو شعاعي ئی R ده:
 (a) په کومو کي چې په خپل ټول حجم کي یي کثافت ثابت وي؟ او (b) د چارج د کثافت
 زیاتوالي یي مستیماً متناسب وي د شعاع سره

ځواب: (a) دیونواخته چارج شوو هستو لپاره (کوم چې د زیاتو هستو د وضع سره ښه
 مشابهت لري د چارج حجمي کثافت یي:

$$\rho = \frac{q}{V} = \frac{Ze}{\frac{4}{3}\pi R^3}$$

کله چې د الکترون شعاع r مساوی R وي $r = R$ ټوله هسته کیدای شی چی ځای په
 ځای شی د $q = Ze$ د یو نقطوي چارج په واسطه په خپل مرکز کې همدارنگه د $F(r)$ قوه
 د $r = R$ په صورت کې:

$$F(R) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Ze^2}{R^2}$$

کله چې د الکترون شعاع $r = R/2$ وی چارج د ټولو وړانگو لپاره د الکترون د پاسه قوه
 عمل نکوي (د کروي شکله قشرونو داولي قاعدې په واسطه) چارج د $\frac{R}{2}$ په داخل کي
 کیدای شي چې ځای په ځای شي د یو نقطوي چارج سره څومره چارج چې $\frac{R}{2}$ په داخل کي
 دي؟ پس د کروي حجم په r^3 پوري مربوط دي د حجم په داخل کي، د $r = \frac{R}{2}$ لپاره $\frac{1}{2^3} =$

$\frac{1}{8}$ د کري حجم دي، همدارنگه چارج په داخل کي د $r = \frac{R}{2}$ لپاره $\frac{1}{8}$ د ټولي کري چارج دي او مونږ هغه حسابولاي شو:

$$\frac{F(\frac{R}{2})}{F(R)} = \frac{1}{8}$$

(b): مونږ کولاي شو د چارج کثافت د $\rho(r) = br$ په شان وليکو، مونږ لومړي د تناسب د ثابت b قيمت پيدا کوو، مونږ پوهيږو هغه ټول چارج چه دهستي د پاسه فقط عمل کوي Ze دي همدارنگه:

$$\int_0^R \rho dV = \int_0^R (br) 4\pi r^2 dr = Ze$$

چيرته چي $dV = 4\pi r^2 dr$ د کروي شکله قشر حجم دی. دانتی گرال څخه ديرون کولو په صورت کي $b = Ze / \pi R^4$ پيدا کوو. د کروي شکله قشر د دوهمي قاعدي لپاره مونږ $F(r)$ دهغه قوه چي مشابه ده د دواړو چارجود توزيع سره په هر حال $F(\frac{R}{2})$ شايد د دواړو توزيعو لپاره فرق لري. د $F(\frac{R}{2})$ د پيدا کيدو په صورت کي مونږ ضرورت لرو چي وپوهيږو چي q' چارج د کري په داخل کي چي شعاع يي $\frac{R}{2}$ شته دي څومره دي؟ پس هغه چارج چي $\frac{R}{2}$ دورانگي څخه ديرون دي په الکترون قوه نه واره ده وي دا چارج:

$$q' = \int_0^{\frac{R}{2}} \rho dV = \int_0^{\frac{R}{2}} \frac{Zer}{\pi R^4} 4\pi r^2 dr = \frac{Ze}{16}$$

د $r = \frac{R}{2}$ لپاره هغه قوه چي په الکترون د کري په داخل کي د $\frac{R}{2}$ په فاصله د q' نقطوي چارج د پاسه چه په خپل مرکز کي ځاي په ځاي دي کولي شو په لاس راوړو، کومه يوه قوه چي $\frac{1}{16}$ د سطحې، د قوي ده را کوي:

$$\frac{F(\frac{R}{2})}{F(R)} = \frac{1}{16}$$

دنتيجه a دپاره ديو نواخته چارجداره كړی دنتيجه سره ډيرفرق لري اگر چي ثابتوي چي هستي څخه بيرون الكترون د دوه توزيحي ترمخ نه ليدل كيږي او په داخل كی الكترون كيداى شي واضع وليدل شي.

اتومي الكترونونه كله كله كولاي شي چي هستونه نفوذ وكړي او الكترون دهستي په داخل كي دتعجيل كوونكي په واسطه وسوخي دا دواړه ميتودونه كيداى شي چي په هسته كي دچارج د توزيچ په هكله مونږته معلومات راكړي، ددي تجربو يوه نتيجه هغه ده چي دډيرو هستولپاره د چارج كثافت سره ډيرنږدي اويوشان دي. چي پروتونونه، د كولمب د دفع دقانون سربيره (كوم چي دهستي دسطحي څخه دهغوي شړولوانتظارلري) اوسره ددي چي دپرتونو ترمخ هستوقوه شته (كوم چي هغه انتظارلري چي دهغوي دهستي دمركز سره نږدي راجمع كړي) داپروتونونه په هستو كي په يوقوي غلظت (كثافت) سره توزيچ شوي دي په غير له دي دكثافت (غلظت) تقريباً دنوروهستو په شان دي چي هغه درندي هستي دي يانه، داحيرانونكي نتيجه دهستي داخلي، ډيرو مهمو خواصو په هكله پوهه وړاندي كوي.

۱-۲ دچارج ساتنه (بقاء):

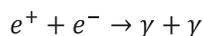
كله چي يوه نښينه يي ميله د ورينمسوسره ومونبله شي په نښينه يي ميله باندي مثبت چارج پيداكيږي، شواهد په گوته كوي چي دهغي سره برابر (مساوي) په ورينمسو كي منفي چارج پيداكيږي، دارانښاي چي مونبل دچارج دپيداكيدولامل نه دي فقط ديو جسم څخه بل جسم ته انتقاليري اويو څه ناڅه دجسم دبريننادخني والي حالت زيانمن كوي.

دبريننا دذخيره كيدونظريه د ډيرو دقيقو تجربو څخه لاسته راغلي چي دتجريبي په ډيولويوشيانو باندي، داتوم هستي اوابتدائي زور لپاره ترسره شوي دي اواثنايي

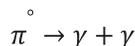
حالت په دوی کې پیداشوی نه دی. چې دبقاء(تحفظ) دنورو قوانینوپه شان دي لکه د مومنتیم یا انرژي دبقاء دقانون ، مونږ دبرقی انرژي ذخیره کول داسی بیانئو:

$$\sum q = constant \quad \text{یا} \quad q_i = q_f \quad (25 - 18)$$

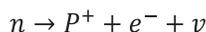
په هر جلا(عایق شوي) سیستم کي چي کوم عامل واقع کیږي په هغه کي اولني چارج داخري چارج سره برابري دبریبینناد ذخیره کولو یونبه مثال دادي کله چي یوالکترون ($-e$ = چارج) انتي الکترون یا پوزیترون ($+e$ = چارج) یوبل ته سره نږدي شي دغه دواړه زري یوبل له منځه وړي او خپله پاتي انرژي تشعشعي انرژي د(2) گاما وړانگو په شکل ښکاره کوي (الکترو مقناطیسی تشعشع دانرژي څخه غني ده او چارج نه لري):



اصلي چارج دتعامل څخه مخکي او وروسته په دو ږو واقعو کي صفردي او چارج ذخیره کیږي، هماغه بي چارجه زري فقط دخشې (π میزون) په شان دخرابوالي له امله په 2γ دوه گاما وړانگو بدلیری:

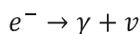


په نوموړي پروسه کي انرژي ذخیره کیږي ددي پروسې څخه مخکي او وروسته مکمل چارج د دوهم ځل لپاره هم صفر پاتي کیږي. بل مثال نیوترون ($q = 0$) په پروتون ($q = +e$) الکترون ($q = -e$) جمع ئی بله خشې زره په ($neutrino$) نیوترونو ($q = 0$) باندي بدلیری:

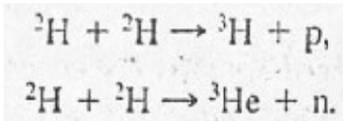


مخکي او وروسته دخرايیدوپه دواړو حالاتو کي مکمل چارج صفردي او چارج ذخیره کیږي. ځني تجربې ترسره شوي دي ترڅو نیوترون په پرتون بدل او الکترون ورڅخه خارج نه شي چي داپروسه دچارج ذخیره کیدل زیانمنه کوي خود واقع په لاس نه شوراوري.

ديوالكترون ($q = -e$) خرابيدل يا پارچه كيدل په خنځي زراتو كي لکه (γ) گاما وړنگي يا (ν) نيوترونوباندي منع يانا ممکن دي د مثال په توگه:



ځکه په دي پروسه كي د چارج ذخيره كيدل زيانمن كيږي د دي پروسې د سرته رسولو لپاره كونسبونو كامياب نه دي ځکه كه دغه عمل سرته رسيدلي نو دالكترون كمترين عمر (10^{23}) كلونه كيده. د چارج د ذخيره كيدلو لپاره بل مثال د دوه داي تروم (*deuterium*) ^2H (دروند هايډروجن ورته واي) يوځاي والي دي، كوم چي ورڅخه هيلوم جوړيږي احتمالي تعامل يي دا دي:



د داي تريوم (*deuterium*) هسته يو پروتون او يو نيوترون لري ځکه د $+e$ يو مثبت چارج لري د هايډروجن د ايزوتوب هستي چي كتله يي (3) ده H په شان ليكل كيږي او تراي تريوم (*tritium*) په شان پيژندل شوي *tritium* هسته كي يو پروتون او دوه نيوترونه دي نوځکه داهم د $+e$ يو مثبت چارج لري. په اولني تعامل كي خالص چارج هرلوري ته $+2e$ دي او چارج ذخيره كيږي. په دوهم تعامل كي نيوترون چارج نه لري په داسي حال كي چي د هيلوم ايزوتوب هستي چي كتله يي 3 ده دوه پروتونونه لري نوځکه چارج يي $+2e$ دي په دي تعامل كي هم چارج ذخيره كيږي د برق ذخيره كيدل دا په گوته كوي چي مونږ هېڅ كله دانه شوليدلاي چي د ^3He د جوړيدو په حال پروتون او يا ^3H د جوړيدو په حال كي نيوترون خارج شي د چارجونو ذخيره كيدل په پورته جمع كي د ذرو په ټولو پيژندل شوو متقابلو عملونو كي په هرغيري استثنايي صورت كي ليدل كيږي.

څو ځوابه پوښتنې:

۱-۱ الکترومگنیزم په هکله یو مقدمه:

۱-۲ برقي چارجونه:

1- د A او B دوه برقي چارجونه د یو دبل سره د جذب په حال کې دي او B د C چارج سره د دفع په حالت کې واقع دي که د A چارج د C چارج سره په تماس کې شي نو دغه چارجونه یو بل:

الف: جذبوي ب: دفعه کوي

ج: یو پر بل تاثیر نه واردوي د: د ځواب لپاره زیاتو معلوماتو ته اړتیا ده

2: د A او B دوه چارجونه یو بل سره د جذب په حال کې دي او د B چارج د C د چارج سره هم د جذب په حالت کې واقع دي که د A چارج د C سره په تماس کې شي نو دغه چارجونه یو بل:

الف: جذبوي ب: دفع کوي

ج: یو پر بل تاثیر نه واردوي د: د ځواب لپاره زیاتو معلوماتو ته اړتیا ده.

3: د A او B دوه چارجونه یو دبل سره د دفع په حال کې دي او د B چارج د C د چارج سره هم د دفعی په حال کې واقع دي که د A چارج سره په تماس کې شي نو دغه چارجونه یو بل:

الف: جذبوي ب: دفع کوي

ج: یو پر بل تاثیر نه وداردوي د: د ځواب لپاره معلوماتو ته اړتیا ده

۱-۳ هادی او عایق:

4: ۱-۳ که یو جسم A د مادي څخه جوړ شوي وي او دهغه جسم سره چې د B د مادي څخه جوړ شوي دي و موبل شي وروسته A مثبت چارج او B منفي چارج اخلي. که چیرې یو جسم A د مادي څخه جوړ شوي وي دهغه جسم سره چې د C مادي څخه جوړ شوي وي

و موبنل شي وروسته د A منفي چارج واخلې څه به واقع شي؟ که چيري يو جسم د B مادي
څخه جوړ شوي وي هغه جسم سره چې د C مادي څخه جوړ شوي وي و موبنل شي:

الف: B مثبت چارج اخلې او C مثبت چارجدار کيږي.

ب: B منفي چارج اخلې او C منفي چارجدار کيږي.

ج: B منفي چارجيږي او C مثبت چارجدار کيږي.

د: B او C دواړه منفي چارجدار کيږي.

5- که يوه مثبت چارجداره ميله يوتوپ ته چې دعایق تارپه واسطه ځورند ده شوي نږدې
شي ليدل کيږي چې توب د چارجدار ميلي په طرف کشول کيږي:

الف: توب د چارج شوي ميلي مخالف چارج لري.

ب: توب په ابتداء کې خنثی وه د چارجدار ميلي سره دنږدوالي په حالت کې چارجداره
کيږي

ج: توب يوهادي دي.

د: توب مثبت چارج نه لري نو کيداى شي خنثی وي.

6: يوکروي شکله هادي توب په تارچي دځمکي سره په تماس کې دي راځورند شوي دي
که چيري يوشې چې مثبت چارج لري دنومړي توب سره نږدې شي نو توب به:

الف: توب به د چارج شي پر شاوخوا جذب به شي.

ب: توب به چارج شوي شي دفع کړي په هاغه وخت کې چې کله نږدې شي.

ج: کوم تاثير به ونه لري

7- يوکروي شکله هادي توب ديو عایق تارپه واسطه راځورند شوي دي که چيري مثبت
چارج کروي شکله هادي توب ته نږدې شي نو توب:

الف: توب به مثبت چارج ته نږدې شي او پر شاخوا به ئې وڅرخوي

ب: توپ به مثبت چارج نه لري شي او پر شاخوابه ئي ونه خرڅيږي

ج: کوم تاثير به ونه لري

۱-۴ د کولمب قانون:

8: q_1 یونقظوي چارج چي دري مايکروکولمب دي د q_2 ديونقظوي چارج څخه چي $6\mu C$ - مايکروکولمب چارج لري د d په فاصله يوله بل څخه جدا شوي دي

د $|\vec{F}_{12}| / |\vec{F}_{21}|$ نسبت عبارت دي له:

$$18 : D \quad 2 : C \quad 1 : B \quad \frac{1}{2} : A$$

9: دوه فلزي توپونه چي هريويي دوه سوه پونډه وزن لري او يوله بل څخه ديومتري په فاصلي سره جدا شوي دي، چي دواړه توپونه د q مشابه مثبت چارج لري کوم چارج به د دواړو فلزي توپونو ترمنځ برقي قوه پيدا کړي چي هغه یونواخت او مقدار يي ديوتوپ د وزن په اندازه وي:

$$1 \times 10^{-7} C : (B) \quad 1 \times 10^{-14} C : (A)$$

$$1 \times 10^{-2} C : (D) \quad 3 \times 10^{-4} C : (C)$$

10- دوه کوچني مشابه کروي شکله هادي زري چي يوبل سره د يومتريه فاصله کي موقيعت لري دغه کروي شکله زري کوچني مثبت چارج لري او هغه قوه چي د دواړو ترمنځ موجوده ده F_0 ده که چيري ديوکروي شکله هادي څخه بل کروي شکله هادي ته د نيمايي په اندازه چارج منتقل شي نو اوس ددي دواړو کروي شکله هادي زرو ترمنځ قوه ده:

$$\frac{3F_0}{4} : C \quad \frac{F_0}{2} : B \quad \frac{F_0}{4} : A$$

$$3F_0 : E \quad \frac{3F_0}{2} : D$$

11- دوه يوشان کوچني هادي کري چي يوبل څخه ديومتريه فاصله واقع دي په ابتداء کي دغه مساوي او مختلف النوع چارجونه لري هغه قوه چي د دوي ترمنځ ده

F_0 ده. که چیري دیوی کري نیم چارج وروسته دخای دتغیر څخه بلي کري ته نقل شي اوس
کرو ترمنځ قوه ده

$$3F_0 : E \quad \frac{3F_0}{2} : D \quad \frac{3F_0}{4} : C \quad \frac{F_0}{2} : B \quad \frac{F_0}{4} : A$$

۱-۵ د چارج پرلپسي خپريدنه:

12- د نقطوي چارج دیوی کري د سطحې څخه چې شعاع يې $(2w)$ ده د a په فاصله واقع
دی د q چارج دکري په حجم کي یونواخت توزیع شوي دي که الکتروستاتيکي قوي
مقدار د q نقطو د چارج او کري ترمنځ F وي نو عبارت ده له:

$$F = |qQ|/4\pi\epsilon_0 a^2 : A$$

$$|qQ|/4\pi\epsilon_0 a^2 > F > |qQ|/12\pi\epsilon_0 a^2 : B$$

$$|qQ|/4\pi\epsilon_0 a^2 > F > |qQ|/20\pi\epsilon_0 a^2 : C$$

$$|qQ|/20\pi\epsilon_0 a^2 > F > |qQ|/36\pi\epsilon_0 a^2 : D$$

$$F = |qQ|/36\pi\epsilon_0 a^2 : E$$

۱-۶ د چارج ساتنه:

13- یو مثبت چارج لرونکي میله چې د خنثی هادی کري سره چې دیو عایق تار په
واسطه څوړنده شوی وی نږدې شي نو په کروي شکل هادي به:

الف: هیڅ تاثیر نلري ځکه چې خنثی دی.

ب: خنثی به پاتې شي خو په هر حال دمیلې څخه به دفع شي

ج: خنثی پاتې کیږي خو دمیلې لوري ته به جذب شي

د: منفي چارج به واخلي او دمیلې په واسطه به دفع شي

ه: منفي چارج به واخلي خو دمیلې په واسطه جذبېږي.

14- A, B او C درې یو شان ته هادي کروي شکله جسمونه چې د عایق په واسطه سره جدا شوي د A او B دواړو اصلی چارج $+3mc$ دی په هغه صورت کې چې د C چارج $-6mc$ وي که د A او C جسمونه سره تماس وکړي او وروسته دوی جدا حرکت وکړي بیا د B او C جسمونه سره تماس کوي چې وروسته حرکت کوي.

(الف): اوس که چیرته A او B جسمونه یو بل ته نږدې شي دوی شاید:

الف: یو بل جذبوي ب: یو بل دفع کوي ج: یو پر بل تاثیر نه لري.

(ب): که چیرته په عوض یې د A او C جسمونه یو بل ته نږدې واقع شي نو دوی شاید یو بل:

الف: جذبوي ب: دفع کوي ج: یو پر بل تاثیر نه لري.

پوښتنې

1. تاسو ته دوه فلزي کرې درکړل شوي دي او په عایق ایښودل شوي دی یوه داسې لاره پیدا کړې چې دې کرو ته مساوي او مختلف چارجونه ورکړل شي تاسې کولای شئ چې د شیشې میله دورینمو سره وموښئ او چارج په لاس راوړئ، خو د هغې کرې سره تماس نه شئ ورکولی ایا کیدای شي چې کرې سره مساوي وي ستاسې د کار د طریقې (متود) لپاره؟
2. په اول سوال کې هغه یوه طریقه پیدا کړې چې دواړه کرو ته مساوي چارجونه چې یو شان علامې ولري ورکړل شي او بیا هم باید کرې د دغه کار ترسره کولو لپاره یو شان وي؟
3. یوه چارج شوي میله چې ځان ته دوچ لرگي، گرد او خاورو وړي ذري جذبوي، کومې چې اکثره یې وروسته بیا د میلی سره تماس کوي او ورڅخه په ډېر شدت سره یو طرفته خیز وهي تشریح یې کړئ؟

4. څنگه تاسې کولی شئ چې دڅو ځوابه انتخابي پوښتنو په 1، 2 او دریمه پوښتنې ځوابونه داسې تبدیل کړی چې د A او B یا C جسمونه وکړای شي بې چارجه شي؟

5. هغه تجربه چې په ۱-۲ برخه کې تشریح شوې ده چې په کې څلور ډوله چارجونه ورکونکي او اخیستونکي اجسام لکه شیشه، ورنیم، پلاستیک او پوستکي بنودل شوي دي د دې په هکله ستاسې استدلال څه دی؟

6. یو مثبت چارج د یو بې چارجه هادي سره ډیر نږدې چې په یو عایق ایښودل شوی دی راوړل شي په هغه صورت کې چې د هادي چارج د ځمکې سره نږدې ځای په ځای شوي وي. ایا دغه هادي به مثبت چارج شوي وي یا به منفي چارج شوي وي او یا به هیڅ چارج شوي نه وي که چیرته؟

(a) : یو طرف بې چارج شوي وي او وروسته د ځمکې څخه تماس قطع شي او

(b) : د ځمکې سره بې تماس قطع شي او وروسته بې یو لوري چارج واخلي؟

7. هر کله چې د اور شغله د یو چارج لرونکی عایق د پاسه فقط تیره کړو نو کیدای شي چې چارج له لاسه ورکړي تاسې دغه موضوع څنگه تشریح کوی؟

8. که چیرې یو سکه د لاس د گوتو ترمنځ وموښله شي نو معلومه به شي چې د اصطحاکاک په واسطه دغه سکه چارج نه دی اخیستی، ولې؟

9. هر کله چې تاسې په غالي باندې دیوسر څخه بل سره پورې تیز وگرځئ او قدم پرې ووهئ. تاسې اکثر په دې تجربه کې کله چې د دروازې د دستگیر سره تماس وکړئ، حرقه احساسوی. (a) : د دې

علتونه څه دي؟

(b) : د هغه د شدت څنگه مخنيوي کولی شو؟

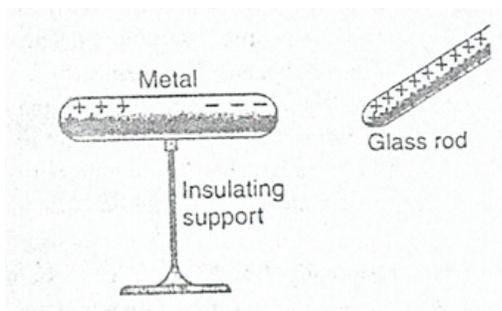
10. ولې په مرطوبو ورځو کې د الکتروستاتیک تجربې بڼه کار نکوي؟

11. ولې تاسې دخپل کمپیوټر د فلز د تماس څخه توصیه کوی مخکې له دې

چې هر داخلي سامان بې نصبوی؟

12. ویل شوی دی چې یوه عایقه شوي میله چې برقي چارج انتقالوي. څرنگه کولای شو هغه تحقیق کړو سم او نا سم معلومول او د چارج علامه یې معلومه کړو؟

13. که چیرې یو چارج شوي بنسینه یې میله دیوې فلزي میلې چې په عایق نصبه شوي ده یو انجام ته یې نږدې شي لکه څرنگه چې د ۱-۱۴ شکل کې ښوول شوي ده الکترونونه د میلې یو انجام کې راټولېږي تاسې و وایاست چې ولې الکترونونه د میلې په یوه انجام کې را جمع شوي؟



۱-۱۴ شکل: د ۱۳ او ۱۴ پوښتنې

14. په ۱-۱۴ شکل کې کومه حاصله شوي برقي قوه به په فلزي میله عمل وکړي؟

15. که چیرې یو شخص د یوې عایق شوي چوکۍ د پاسه ودرېږي او د یو مجزا شوي چارج لرونکي هادي سره په تماس کې شي. ایا چارج لرونکی هادي به ټول چارج له لاسه ورکړي؟

16. (a): مثبت چارج شوي بنسینه ای میلې یو زوړند شوي جسم جذب کړی دی ایا مونږ بیانولای شو چې هغه جسم منفي چارج شوی دی؟

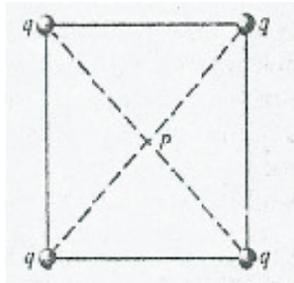
(b): یوې مثبتې چارج شوي میلې یو زوړند شوي جسم دفع کړی دی ایا مونږ ویلای شو چې هغه جسم مثبت چارج شوی دی؟

17. برقي قوې د انطباق د قواعدو پیروي کوي تشریح یې کړی؟

18. ایا برقي قوه که چیرې نور برقي چارجونه ورنږدې شي تغیر کوي؟
19. د مسود سلفات محلول چې یو هادي دی په دې حالت کې کومې ذرې ددغه موادو د چارج په انتقال کې رول لوبوي؟
20. که چېرته په فلز کې لکه مس چې یو هادي دی او الکترونونه یې هر طرفته ازادانه حرکت کوي خو اکثره دفلز دسطحې لوري ته حرکت کوي ولې دوی خپل جریان نه ساتي او ولې دفلز دسطحې څخه نه ازادېږي؟
21. که چېرې بنجامین فرانکلن الکترونو ته مثبت چارج لرونکی ذره او پروتون ته منفي چارج لرونکی ذره ویلې نو ایا کوم مهم توپیر به منځ ته راغلی وایي؟
22. د کولمب قانون دمخه ویلې وه ، هغه قوه چې د یو نقطوي چارج په واسطه په یو بل چارج باندې عمل کوي متناسبه ده د دواړو چارجونو دضرب د حاصل سره په څومره انرژي سره تاسو دا قانون په لابراتور کې امتحانولای شئ؟
23. څرنگه د اتوم هسته ثابتې پاتې کېدای شي اگر چې دهغه زرو څخه چې یوه یې خشی (نیوترون) اوبله یې چارجداره (پروتون) جوړه شوی ده تشریح یې کړي؟
24. دهلیوم په یو اتوم کې یو الکترون ($-e =$ چارج) لوی د هلیوم دهستی ($+2e =$ چارج) لری په شاوخوا دوراني حرکت لري، کومه زره زیاته قوه په بله وارده وی؟
25. چارج د یوې زرې درست خاصیت دی چې د ذرې د حرکت د حالت څخه مستقل دی. څنگه امتحانولای شئ. دا جمله د یو قوې آزمایشي ساختمان په واسطه چې د هایدروجن اتوم واقعاً د برق له حیثه څنډی دی تشریح یې کړي؟
26. فرض کړئ چې په ۱-۱۱ شکل کې د میلې د اوږدوالي په امتداد کې چارج په یو نواخت ډول نه دی توزیع شوي بلکه په عوض یې په خپل مرکز کې را جمع کړي دي او خارج لوری ته باریکه شوی لکه چې یو بل ته نږدې شوي وي چې اوس یې قوه شاید د Z مرکبې ولري؟ که چېرته دې میلې د q په شان ټول چارج لرلای چې په میله کې په یو نواخت ډول توزیع شوی وي څومره دی د F_y مقدارئې مقایسه کړئ. د ۱-۵ معادلې سره تکراراً که په دواړو پوښتنو کې چارج د میلې په اوږدو کې

توزیع شوي وي همدارنگه هغه هلته نږدې مرکز سره کمیږي او د چارج غلظت یې زیاتېږي او یو شان په اخر کې یو بل ته نږدې کیږي؟

27. د Earnshaws تیوري بیانوی چې یوازې د الکتروستاتیک قوې تر تاثیر لاندې زړې د تعادل په حالت کې ثابتې نه پاتې کیږي وگوری. که څه هم د P نقطه د یوې مربع د څلورو مساوي مثبتو چارجونو په مرکز کې قرار لري د ۱۵- شکل په شان که تاسې یو مثبت امتحانی چارج هلته د P نقطه کې کیږدئ. لیدل کیږي چې هر یو د څلورو خارجي چارجونو څخه هغه د P په طرف تیل وي او هغه د تعادل په حال کې ثابت پاتې کیږي، ایا تر اوسه پورې د Earnshaws تیوري محفوظه ده تاسې دا څنگه تشریح کولای شئ؟



۱-۱۵ شکل: ۲۷ سوال

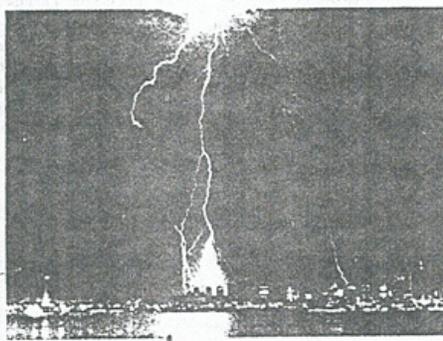
28. د کوانتم چارج 1.60×10^{-19} دی ایا دلته د دې سره د کوانتم کتله ده؟
29. د دې معنی څه ده هغه چې ویل کیږي یو فزیکي کمیت (a): د تیوري او فورمول په واسطه معلومیږي (b): ساتل کیږي بعضې مثالونه یې وښایست؟
30. مونږ په ۱-۳ نمونوي پوښتنه کې وښووله چې برقي قوه ۳۹ کرته د جاذبې د قوې څخه قوي تره ده؟ ایا تاسې د دې څخه دانتیجه اخیستلای سئ چې په کهکشان کې یو ستوری یا یوه سیاره د چارج له حیثه خنثی ده؟
31. څرنگه مونږ پوهیږو چې د ساکن برق قوه د جاذبې د قوې د جذب په علت کومه چې د مثال په ډول د ځمکې او سپوږمۍ ترمنځ شته دی نه رامنځ ته کیږي؟

تمرین (Exercises)

۱-۱ الکترومگنتیزم: (یوه مقدمه):

۱-۲ برقي چارج:

1. برېښنا د ضربې په ناڅاپه بېرته گرځیدو کې ۱-۱۲ شکل وگورئ. د $20 \mu s$ لپاره $2.5 \times 10^4 C/s$ جریان رامینځ ته کوي. تاسو ووايست چې په دغه حادثه کې به څومره چارج منتقل شي؟



۱-۱۲ شکل: (۱) تمرین.

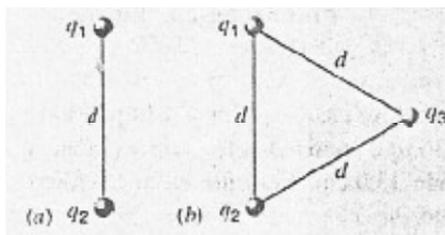
۱-۳ هادی او عایق:

۱-۴ کولمب قانون:

2. د $q_1 = 26.3 \mu C$ او $q_2 = -47.1 \mu C$ نقطوي چارجونو ترمنځ فاصله باید څومره وي؟ چې دهغوی ترمنځ $5,66 N$ د جاذبې قوه عمل وکړي؟
3. د $+3.12 \times 10^{-6} C$ نقطوي چارج د $12,3 cm$ په فاصله د $+3.12 \times 10^{-6} C$ یو نقطوي چارج څخه واقع دی د دوی ترمنځ د قوې مقدار حساب کړئ؟
4. دوه زړې چې مساوي چارج شوي دي د $3,20 mm$ په فاصله سره جدا دي د آرام (سکون) څخه ازادېږي د اولنۍ زړې اولنۍ تعجیل $7,22 \frac{m}{sec^2}$ او د دوهمې زړې

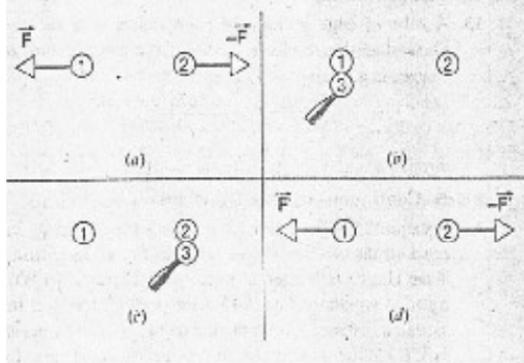
لپاره $9,16 \text{ m/sec}^2$ لیدل کېږي. دا ولنی زړې کتله $6.31 \times 10^{-7} \text{ kg}$ ده پیدا کړی؟ (a) د دوهمې زړې کتله او (b) دمشرک چارج مقدار؟

5. په ۱۷a- شکل کې د q_1 او q_2 دوه چارجونه چې د d په فاصله جدا واقع شوی دی (a): دهغه برقي قوی پیاوړتیا پیدا کړی. چې په q_1 عمل کوي؟ فرضوو چې $q_1 = q_2 = 21,3 \mu\text{c}$ او $d = 1,52 \text{ m}$ وي (b): $q_3 = 21,3 \mu\text{c}$ یو دریم چارج د ۱۷b- شکل په شان ځای لري، او پرل شوي دهغه برقي قوی غښتلتیا پیدا کړی. چې اوس په q_1 باندې عمل کوي؟



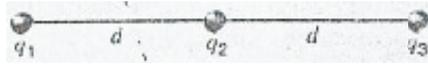
۱۴-۱ شکل: ۵ تمرین

6. ۱ او ۲ مساوي دوه هادي کړې چې مساوي مقدار چارج لري او د یو بل څخه دخپل د قطر په مقایسه په زیاته فاصله کې موقعیت لري. دغه کړې د 88 mN یوې برقي قوې په واسطه یوه بله دفع کوي. او که فرضو کړو دهغوی سره مساوي ۳ کړی چې په اول کې چارج نه لري او د یو عایق لاستي په واسطه نصب شوي ده. که دغه کړه لومړی سر کې اولې کړې سره بیا دوهمې کړې سره په تماس کې شي او بیا په اخره کې لري شي پیدا کړی هغه قوه چې اولې او دوهمې کړې ترمنځ ده؟



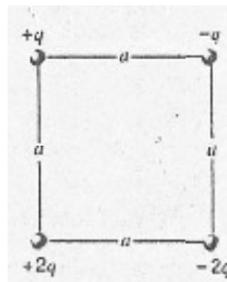
۱۸-۱ شکل: تمرین ۲

7. درې چارجداره زړې چې په یو مستقیم خط پرتې دي د d په فاصله د یو بل څخه جدا شوي دي چې په ۱۹-۱ شکل کې ښودل شوي، د q_1 او q_2 چارجونه په یو مستقیم خط ځای پر ځای شوی او د q_3 چارج ازادانه حرکت کوي، د برقي قوې د تاثیر لاندې تعادل کې پیدا کړي چې q_1 به خو برابره د q_2 شی؟



۱۹-۱ شکل: تمرین ۷

8. په ۲-۱ شکل کې پیدا کړی؟ (a): افقي اجزای او (b): عمودي اجزای دهغه برقي قوې چې د مربع کینې لوري ته په ښکتنې کونج کې چارج باندې عمل کوي، فرضوؤ چې د $q = 1,13 \mu C$ او $a = 15,2 \text{ cm}$ ده دا چارجونه د سکون په حال کې دي؟



۲۰-۱ شکل: تمرین ۸

9. دوه مثبت چارجونه چې هر یو $4,18 \mu C$ چارج لري او یو منفي چارج چې $-6,36 c$ دی مساوي الاضلاع مثلث په راسونو کې ځای پر ځای شوی دی چې هر ه ضلع یې $13 cm$ اوږدوالی لري د منفي چارج د پاسه برقي قوه پیدا کړی؟

10. دوه کوچنۍ کرې چې هر یوه یې مثبت چارج شوې ده او مجموعې چارج $52,6 \mu C$ دی هره کره د یو بل څخه د $1,19 N$ قوې په واسطه دفع شوي هرکله چې د کرې ترمنځ فاصله $1,94 m$ وي دهرې کرې چارج حساب کړی؟

11. دوه چارجونه چې یو یې $+1,07 \mu C$ او بل یې $-3,28 \mu C$ چارج لري د یو بل څخه د $61.8 m$ په فاصله کې موقعیت لري. دریم چارج په کوم موقعیت کې باید ځای پر ځای شي ترڅو د اصلي قوې اثر وروباندي ونه لویږي؟

12. درې کوچنۍ پنډوسکي چې هر ه یو یې $13,3 gr$ کتله لري هر یو یې جدا جدا د ورینسمو د تارونو په واسطه چې هر تار یې $1,17 m$ اوږدوالی لري د یوې مشترکې نقطې څخه را ځوړند شوي دي. دغه پنډوسکي یو شان (مساوي) چارج لري هر ه پنډوسکه د متساوي الاضلاع مثلث په راسونو کې چې دهرې ضلعې اوږدوالی یې $15,3 cm$ دی قرار لري دهرې پنډوسکي چارج پیدا کړی؟

13. یو مکعب چې په هر کنج (راس) کې د q یو نقطوي چارج لري وښایست هغه نتیجوي برقي قوه چې د هر چارج د پاسه د $F = \frac{0.262 q^2}{\epsilon_0 a^2}$ په واسطه را کول کېږي چې د مکعب د قطر په یو طرف کې رهنما شوي دی؟

۵-۱ د چارج یو نواخته توزیع:

14. د ۱۵-۲۵ معادلې څخه نتیجه کېږي چې د q_0 چارج د y د محور په مثبت جهت کې واقع شوی وی (a): ایا د ۱۵-۲۵ معادلې قانوناً باقي پاتې کېږي که چېرته چارج د y د محور په منفي لوري کې واقع وي تشریح یې کړی؟ (b): د ۱۵-۱ معادله مشابه یو معادله ولیکی؟ که چېرته د q_0 د نقطوي چارج عوض شوي وي د میلې څخه د x په فاصله د x د محور په مثبت یا منفي لوري کې؟

(c): یوه وکتوري معادله د قوي دا جزاؤ لپاره وليکۍ. کله چې q_0 دمیلې څخه د d په یوه فاصله کې واقع وي او خط یې د x او y د محورونو د مثبت جهت دنیمایي سره 45° زاویه جوړه کړي؟ (d): یوه وکتوري معادله د قوي دا جزاؤ لپاره وليکۍ؟ کله چې q_0 د xy په مستوی کې په یوه اختیاری نقطه واقع وي د xy د مستوی په هر ځای کې تطبیق کیږي چې هغه اجزا صحیح علامه لري کله چې نقطه د xy د مستوي په هره څلورمه برخه کې واقع وي؟

15. (a): د ۱-۱۶ معادلې سره شروع کړۍ. یوه وکتوري شکله معادله د قوي لپاره کله چې q_0 د z د محور په مثبت یا منفي لوري کې د حلقې په د چارج واقع وي؟ (b): آیاد ۱-۱۷ معادلې مشابه د صفحې د چارج لپاره استعمالولای شو؟
16. هغه قوه پیدا کړۍ چې د q مثبت نقطوي چارج د پاسه چې د x په فاصله دیوې میلې څخه چې اوږدوالی یې L وي او د Q مثبت چارج پکې په یو نواخت ډول توزیع شوي وي عمل کوي؟ (۱-۲۱) شکل وگورۍ.



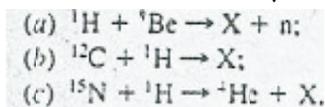
۱-۲۱ شکل: تمرین.

17. په ۱-۱۱ شکل کې وگورۍ چې میله او د q_0 چارج تاسې کوم ځای کې کولای شي په ځای کړۍ چې د q دوهم نقطوي چارج (چې چارج یې دمیلې سره برابر وي) او q_0 په تعادل کې وي (د وزن څخه یې صرف نظر شوي) حل کړۍ. دا مسئله هغه چې q (a): مثبت وي او (b): منفي وي؟
18. په ۱۷ تمرین کې د q_0 ناپاید اړه تعادل وښایست؟ (یادونه: دا مسئله د استدلال په واسطه حل کیدای شي په حقیقت دریاضي سره ډیر کم تړاؤ لري).
19. په ۱-۱۱ شکل کې هغه میله قبوله کړۍ چې په پورته نمایی برخه کې یې λ مثبت د چارج کثافت او په لاندینی نیمه برخه کې یې د λ منفي د چارج کثافت په یو نواخت ډول توزیع شوي وي د q_0 په چارج باندي خالصه قوه پیدا کړۍ؟
20. څلور چارجداره میلې چې د یوې مربع د ضلعو په شکل د xy په افقي مستوی کې دی هره میله د $L = 25, 0\text{cm}$ یوه فاصله لري او په هر یوه کې یې د Q مثبت چارج

په یو نواخت توگه توزیع شوي دي یوه کوچني کره کومه چې دیو نقطوي چارج په شان یې تصور کولا شو $3,46 \cdot 10^{-4} gr$ په کلمته او $q = 2,45 \cdot 10^{-12} c$ چارج لري په تعادل کې د مربع د مرکز څخه د $z = 21,4 cm$ په یوه فاصله پورته قرار لري. د Q مقدار پیدا کړی؟

۶-۱ د چارج ساتنه: عکس العمل:

21. په لاندې هستوي عملیاتو کې د x عناصر مشخص کړی؟



22. په رادیواکتیوي زوال کې د ${}^{238}_{92}U$ (${}^{238}U \rightarrow {}^4_2He + {}^{234}_{90}Th$) د 4_2He زری په مرکزي کې بنکاره کیږي په دې خط کې په یقیني ډول $12 \times 10^{-15} m$ د مرکز څخه د ${}^{234}_{90}Th$ هستې باقی پاتې کیږي په دې رسوب کې (a): د 4_2He په زری څومره قوه عمل کوي؟ او (b): خپل تعجیل یې څومره دی؟

23. د مالګې په کرسټل کې د سودیم یو اټوم یو دخپلو الکترونو څخه خپل ګاونډي کلورین ته انتقالوي په دې رابطه کې چې سودیم مثبت ایون او کلورین منفي ایون کیږي چې یو بل دبرقي قوې په واسطه سره جذبېږي هغه د جاذبې قوه حساب کړی چې دایونو ترمنځ فاصله یې $282 pm$ وي.

24. د دوه عیني (مساوي) ایونو ترمنځ الکتروستاتیک قوه $3 \times 10^9 N$ ده که دایونو ترمنځ فاصله $5 \times 10^{-10} m$ وي (a): د هر ایون چارج پیدا کړی؟ (b) د هر ایون څومره الکترونونه ورک شوي؟

25. یونیوترون دیو "up" کوارک چې چارج یې $\frac{2}{3}e$ دی او دوه "down" کوارکونو څخه چې هر یو یې $-\frac{1}{3}e$ چارج لري جوړ شوي که چېرته down کوارکونه $2.26 \times 10^{-15} C$ په فاصله د نیوترون د داخل مرکز څخه جدا دی د هغوی ترمنځ د دفعې برقي قوه څومره ده؟

26. (a) څومره الکترونونه به د penny څخه لرې شي چې $C = 1.15 \times 10^{-7}$ چارج ازاد کړي؟

(b) په penny کې د الکترونونو په کوم مطابقت سره وجود لري ۱-۱ نمونوي

مسئله وگوري؟

27. يو الکترون په خلا کې د ځمکې سطحې سره نږدې واقع دی چرته دوهم الکترون بآيد ځای په ځای شي چې هغه د اولني الکترون دخالصې قوي لاندې واقع شي د دې بل الکترون وزن صفر دی؟

28. د 75.0 kg الکترونونو مجموعې چارج په کولمب پيدا کړي؟

29. په يو گيلاس اوبو کې څو کولمبه مثبت چارج وجود لري که فرض کړو چې د اوبو حجم يې 250 cm^3 دی؟

30. دوه طبيعي شاگردان (52.0 kg marry) او (90.7 kg Johan) په فاصله کې جدا دی دهغوی د هريوه د مثبت او منفي چارج عدم موازنه 0.01% ته رسيږي د يو شاگرد مثبت او د بل منفي چارجو ترمنځ برقي جاذبوي قوه په لاس راوړي؟ يادونه: د شاگردانو ځای په ځای کيدل د اوبو دا حاطه کولو په واسطه او د 29 تمرين نتيجه استعمال کړي؟

31. (a) په کوم مقدار مثبت چارج په ځمکه او سپوږمۍ کې ځای په ځای شي چې دهغوی د جاذبې د قوې جاذبه خنثۍ کړي تاسې ددې مسئلې د حل لپاره د سپوږمۍ فاصلې پوهيدو ته ضرورت لري؟ بلې يا نه؟

(b) څو ټنه هايډروجن ته ضرورت دی چې مثبت چارج تهيه کړي په a پارت کې يې حساب کړي؟ که د هايډروجن مولر کتله 1.008 g/mol وي.

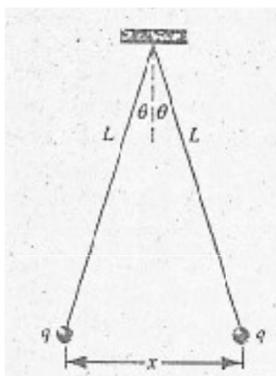
مسائل

1. دوه مشابه چارجداره هادي کړي چې مختلف علامه چارجونه لري د $0, 108 \text{ N}$ يوي قوي پواسطه يوه بله سره جاذبوي که د 50 cm په فاصله سره جدا شوي وي که دا

- چارجداره کري په ناڅاپي ډول د يوه نازکه هادي سيم سره وصل شي ددي دواړو د بيلولو لپاره $0,0360N$ قوه پکار ده د کرو د پاسه اصلي چارجونه څومره وه؟
2. د يوې مربع په دوه مختلفو کنجونو کې د Q چارج په ځای شوي دي که چيرې د q يو چارج ددي مربع په دوه کنجونو کې کينسودل شي: (a) : که د قوي تاثير د Q په چارج صفر وي، د Q او q مقدار څومره دي (b) : ممکن ده چې چارج داسې انتخاب کړو چې قوه يې په نورو چارجونو صفر وي خپل ځواب بيان کړی؟
3. د q او $4q$ آزادو چارجونو ترمنځ فاصله L ده يو دريم چارج داسې اينسودل شوي دي چې ددي سيستم په داخل کې په تعادل کې دي. (a) د دريم چارج علامه، مقدار او موقعيت پيدا کړی؟ (b) وښايست چې دا تعادل ناپايداره دي؟
4. دوه هم مشابه باريکه پنډوسکی د m په کتله د ورينمين تار په واسطه د L په اوږدوالي څوړنده دي او هره يو يې د q مساوي چارج لري ۱-۲۲ شکل فرض کړی چې θ زاويه ډيره کوچنۍ ده چې تقريباً د $\sin \theta$ سره مساوي ده (a) : ددي فرضي لپاره وښايست چې د تعادل د پاره لاندي رابطه صدق کوی:

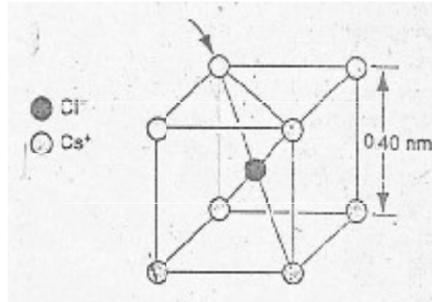
$$X = \left(\frac{q^2 L}{2\pi\epsilon_0 mg} \right)^{\frac{1}{3}}$$

د X پنډوسکی ترمنځ د جدايي فاصله ده. (b) : که چيرته $L = 122cm$ ، $m = 11,2g$ او $X = 4,70cm$ وي د q قيمت به څو وي؟



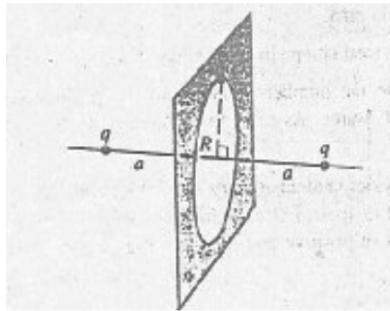
۱-۲۲ شکل: ۵، ۴ او ۲ مشکل.

5. که ۱-۲۲ شکل پنډوسکي د برق هادي شي. (a): که چيرته يو ددي پنډوسکو څخه بي چارجه وي د پنډوسکو ترمنځ څه واقع کيږي خپل ځواب بيان کړي؟ (b): د جدایي نوي تعادل په لاس راوړي؟
6. فرض کړي چي هره پنډوسکه د څلورم مثال له مخي ئی $1, 20 = \frac{nc}{s}$ چارج بايللی دی که د جدایي د متمادي نسبي سرعت ئی مساوي dx/dt وی حتمي به يو بل ته نږدي کيږي؟
7. د Q يو چارج د $-q$ او $+q$ په کوچنيو چارجونو باندي ويشل شوي دي د Q او q د دوه برخو ترمنځ څه رابطه موجوده ده که چيرته ددي چارجونو ترمنځ يوه فاصله موجوده شي د کولمب د دفعي اعظمي قوه به څومره وي؟
8. د Q دوه مثبت چارجونه چي د d په فاصله سره جدا شوي يوه زره چي د $-q$ چارج لري او د m په کتله د هغوي ترمنځ واقع ده که هغوي ته کوم تغير ورکړ شي او عمود پاتي شي وبنایاست چي دا زره به ساده اهتزازي حرکت د $(\epsilon_0 m \pi^3 d^3 / qQ)^{\frac{1}{2}}$ پواسطه اجرا کوي تشریح بي کړي؟
9. په اتم مثال کي، د مثبت دوه چارجونو ترمنځ يو خط د يوځاي کيدو نشته که $+q$ چارج د هغوي په مینځ نقطه کي واقع شي ددي زري د اهتزاز پريود محاسبه کړي؟
10. د $CsCl$ په مرکب کي سيزيوم کلورايد د سيزيوم اتوم د مکعب په يو کنج کي واقع دي او د CL اتوم د مکعب په مرکز کي دي د مکعب د ضلعو اوږدوالي $0, 40 \text{ nm}$ دي ۲۳-۲۵ شکل وگوري، د CS اتوم يو الکترون کمبود لري او د Cl اتوم يو الکترون زيات لري. (a): ددي CS د ۸ اتومونو د مجموعی قوي شدت به چی بنوول شوی د Cl په اتوم څومره وي؟ (b): فرض کړي چي د CS اتوم د يو غشي په شکل وبنوول شي نو د Cl په اتوم به د CS په اتوم څومره قوه وارده کړي؟



۱-۲۳ شکل: ۱۰ مشکل.

11. دوه مساوي مثبت نقطوي چارجونه د $2a$ په ثابت فاصله سره جدا شوي دي که يو نقطوي امتحاني چارج په يوه مستوي کي چي ددي چارجونو په وصل کونکي خط عموده ده په منځ کي په منځنۍ نقطه کي واقع دي ددي مستوي د دايري شعاعي R پيدا کړي او د کومي لپاره به په امتحاني زره باندي د قوي قيمت اعظمي وي. ۱-۲۴ شکل وکوري؟



۱-۲۴ شکل: ۱۱ مشکل.

محاسبوي (کمپيوټري) پوښتنې

1- که چيرته $+q$ او $-q$ چارجونه د دوه حلقو ترمخ په مساوي ډول ويشل شوي وي، ددي چارجونو ترمخ د جذب قوه حساب کړي؟ په هغه صورت کي چي د حلقې محور د x په محور منطبق وي او د هري شعاع R ده او د حلقو ترمخ فاصله يي $2R$ وي ستاسي د

اخرني جواب شکل به وي؟ $F = c_r q^2 / 4\pi \epsilon_0 R^2$ چيرته چي C_r بي بعده د تناسب ثابت دي تاسي يي شايد پيدا کړي؟

2- د کمپيوټر لمړني سوال تکرار د دوه ډسکونو لپاره په هغه حالت کي تکرار کړي چي $+q$ او $-q$ چارجونه په يو نواخت ډول توزیع شوي وي ستاسي اخرني ځواب به $F = c_d q^2 / 4\pi \epsilon_0 R^2$ چيرته چي C_d بي بعده ثابت دي. دا د C_d ثابت د C_r د ثابت سره فرق لري؟

3- د جاذبي قوه د دوه کروي اجسامو ترمنځ محاسبه کړي که $+q$ او $-q$ چارجونه په متجانس ډول ويشل شوي وي ددي کرو مرکز د x په محور منطبق دي او د هري کري شعاع R ده د کري په مرکز کي $d > 2R$ په واسطه جدا کيږي ستاسي به اخری ځواب $F = c_s q^2 / 4\pi \epsilon_0 R^2$ چيرته چي C_s بي بعده ثابت دي؟

4- د Q متجانسه چارجداره حلقي د $R = 1\text{cm}$ او يو الکترون د يوي حلقي په مستوي کي د حرکت په حال کي دي؟ (a): فرض کړي چي $Q = -100\ \mu\text{C}$ وي د الکترون سرعت په هغه صورت کي پيدا کړي چي هغه په دايره وي مدار $r = 0,50\ \text{cm}$ په شعاع د حرکت په حال کي وي.

(b): فرض کړي چي $Q = 100\ \mu\text{C}$ دي ددي چارج سرعت د $r = 1,50\text{cm}$ په شعاع حساب کړي؟

(c): دا حرکت د يو عددی انټيگرال پواسطه وښايست چي هلته مدار ثابت نه وي؟

دوهم څپرکی

برقي ساحه:

برقي چارجونه په لرې ساحو کې هم یو له بله سره ارتباط کولای شي الکترونونه او اتومي ایونونه د کائناتو د لرې پرتو حدودو پورې قوي و اردوي، کوم چې الکترونونه ددې قابل گرځوي چې په ځمکه حرکت وکړي، دا اړیکې څنگه توضیح کولای شو؟

د برقي ساحې په صورت کې دا مونږ تشریح کولای شو. لرې پراته چارجونه یوه برقي ساحه رامنځ ته کوي کوم چې د ځمکې او د ساحې د مبداء ترمنځ وجود لري، د چارجونو حرکت په ساحه کې د مزاحمت سبب گرځي، کوم چې په فضاء کې یا په خلا کې د نور په رفتار سره حرکت کوي، او د تشعشع په څیر بنکارېږي، کله چې دوی په ځمکه کې د سرکتیونو په داخل کې د الکترونونو د حرکت سبب گرځي. په دغه څپرکی کې مونږ یواځې ساکنه برقي ساحه تر مطالعې لاندې نیسو.

۲-۱ ساحه څه شی دی؟

که چیرې مونږ او تاسې په یوه خونه کې قرار ولرو نو د نوموړې خونې د تودوخې درجه د خونې په هره نقطه کې مشخصه اندازه لري، او د هرې نقطې د تودوخې د درجې د معلومولو له پاره د ترمومتر څخه استفاده کولای شو، وروسته له دې کولای شو، د نوموړې خونې یو نقشه رسمه کړو او د هرې نقطې د تودوخې درجه یې په نښه کړو، او یا هم کولای شو د تابع په مرسته د تودوخې دغه درجې په مختلفو نقاطو کې په گوته کړو، دغه ساحه چې د نقشي په شکل او یا هم په غیر له دې $T(x, y, z)$ د الجبري تابع په شکل د (x, y, z) په هر نقطه کې مونږ ته د تودوخې مختلفې درجې په نقشه کې ښايي، د تودوخې د ساحې په نوم یادېږي، همدارنگه مونږ کولای شو په هره نقطه کې فشار معلوم کړو، او بیا د هغې په مرسته د فشار ساحه تعینه کړو، دا چې تودوخه او فشار دواړه سکالري کمیتونه دي نو ځکه دغه ساحو ته سکالري ساحې ویل کېږي، که چیرته تودوخه

او یا هم فشار د وخت په تیریدو سره بدلون ونه کړي، نو ددې په اساس رامنځ ته شویو ساحو ته ساکنې ساحې ویل کیږي که چیرته نظر وخت ته تغیر وکړي هغه انرژي د ساحې په حسابي توگه بیانېږي او تابع یې فقط د وخت $T(x, y, z, t)$ مربوطه ده، همدارنگه که چیرته تاسو د یوې بهیدونکې ساحې په هره نقطه کې د سرعت جهت او د هغې اندازه پیدا کړئ دغه دوکتوری ساحی یو مثال دی. تاسې کولای شئ چې په هره نقطه کې دا مقدار وکتور په واسطه معلوم کړئ او یوځل بیا کولای شئ چې هغه د یوې نقشې په مخ رسم کړئ چې په هره نقطه کې یې مقدار او جهت بیان کړئ او یا یې د $\vec{V}(x, y, z)$ د حسابي تابع په واسطه معلومولای شئ.

د ځمکې د جاذبې ساحه د وکتوري ساحې یو بل مثال دی. دا وکتوري ساحه، تاسې کولای شئ چې په هره نقطه کې د یوې فنري تلې پورې د m_0 د یو کتلې په تړلو سره د جاذبې قوه پیدا کیږي، او وروسته بیا کولای شئ په هره نقطه کې د جاذبې قوې \vec{F} اندازه او جهت معلوم کړئ، او بیا کولای شئ د یو نقشې په رسمولو سره او یا د یوې ریاضیکي عملي $\vec{F}(x, y, z)$ په مرسته خپل نتایج بنودلای شئ، البته یوه خبره ده هغه دا چې دغه نقشه چې مونږ د کومې کتلې په مرسته تر لاسه کړه که همدغه کتله بل نفر استعمال هم کړي نو بیا د هغه نفر له پاره دغه نقشه مفیده ده او که همدغه کتله استعمال نه کړي نو بیا دغه نقشه د بل نفر لپاره مفیده نه ده. دا چې قوه د کتلې سره مستقیماً متناسبه ده، ښه به دا وي چې داسې یوه نقشه رسمه شي چې په امتحاني کتله باندې د قوې مقدارونه ښایي، بلکې په عوض یې $\frac{\vec{F}}{m_0}$ قوه په واحد د کتلې وښایي، یا $\frac{N}{kg}$ ددی مقدار واحد دی چې د \vec{m}_0 د کتلې په مقدار پورې مربوط دی. که چیرې مونږ په مختلفو مقدارو سره کتلې انتخابې کړو، نو د امشابه نقشه چې تر لاسه کیږي. هغه مونږ ته په هره نقطه کې د مشابه قوو مقدار په واحد د کتلې رابنایي مونږ $\frac{F}{m_0}$ ته د جاذبې ساحه وایو. تاسی ته به معلومه شی چې دا په هره نقطه کې د ازاد سقوط تعجیل g سره هم مساوی ده:

$$\vec{g} = \frac{\vec{F}}{m_0} \quad (2-1)$$

د \vec{g} ساحه داسی یو وکتور دی چې جهت ئی مونږ ته په هماغه نقطه کې د \vec{g} د جاذبې د قوی جهت او مقدار ئی د جاذبې د تعجیل ثابت رابنائی. مونږ هغه قوه چې په هره نقطه کې د m په کتلې عمل کوی په هماغه نقطه کې د m د کتلې او \vec{g} د مقدارونو د ضرب څخه په لاس راوړو

$$\vec{F} = m\vec{g} \quad (2 - 2)$$

پدې څپرکي کې به مونږ یو گټور مفهوم د برقی ساحی لپاره روښانه کړو چې هغه مشابه ساختمان د جاذبې قوی پر واحد چارج (په غیر د جاذبې قوی څخه په واحد د کتلې) دا چې برقی قوه پکې شامل ده برقی ساحه یو وکتوری کمیت دی. برقی ساحه په هماغه شکل سره چې مونږ د قوی پر کتلې څخه د $\vec{F} = \frac{F}{m}$ تعجیل پیدا کواو په لاس راوړو یعنی مونږ به برقی ساحه د برقی قوی په واحد د چارج سره پیدا کوو ($\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}$) مخکې لدې چې د ساحی مفهوم په خلکو کی عام شی ، دیو جسم څخه په بل جسم باندی عامله قوه دیوی مستقیمی رابطی په توگه تصور کیدل د جاذبې په صورت کی په لاندی شکل سره ښودله کیږی .

کتله ← کتله

دا ښایي چې دا دوه کتلې مستقیماً یو په بل اثر کوي د دغه نظری له مخي دیو جسم د حرکت تاثیر ژر بل جسم ته انتقالیږي.

د ساحی په ارتباط په اوس وخت کی دخلکو مفکوره په لاندی ډول ده

← کتله ← ساحه ← کتله

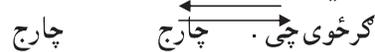
له دی څخه څرگندیږي چې یو جسم یا کتله مستقیماً له بل جسم یا کتلې سره تعامل نه کوي او نه یو له بل سره یو ځای کیږي بلکه د هغه بل جسم په وسیله د رامنځته شوي جاذبې ساحی سره اړیکه پیدا کوی. او بیا له بل جسم سره اړیکه نیسی. دا په دی معنی سره چې لومړی کتله په فضاء کی یو ساحه رامنځته ، کوی کومه چې په هره نقطه کی معلومه اندازه لري او دوهمه کتله بیا له دغی ساحی سره اړیکه نیسی. دغه رامنځته شوی ساحه

ددواړو کتلویا هم ددواړو جسمونو ترمنځ د یو منځگړې حیثیت لري . په دوهم جسم باندې وارده شوې قوه په لاندې ډول سره پیدا کولای شو $\vec{F} = m \cdot \vec{g}$.

دلته که چیرته مور یو جسم یا کتله له خپله ځایه بې ځایه کړو نو د جاذبې په ساحه کې هم تغیر راځي او دغه تغیرات د نورد سرعت په څیر حرکت کوي.

۲-۲ برقي ساحه:

د جاذبې د ساحې د مخکې تشریح له مخې کولې شو چې مستقیماً په الکتروستاتیک کې کولمب قانون چې یو برقي چارج باندې د بل چارج د قوې په اړه دی مونږ ددی قابل



د تیر په څیر دوهم ځل لپاره بیا هم د دواړو برقي چارجونو تر مینځ د یو منځگړې په توگه د ساحې په رامنځ ته کولو سره مونږ پورتنۍ رابطه په لاندې ډول سره بنودلای شو .



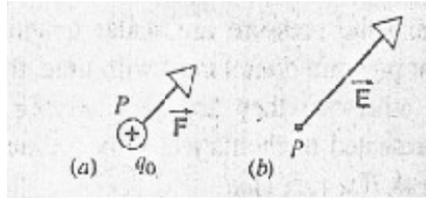
له دې څخه معلومېږي چې لومړی برقي چارج یو برقي ساحه رامنځ ته کوي . او بیا دوهم برقي چارج دا ډول چارج د برقي ساحې سره په متقابل عمل کې راځي زموږ مشکل په دې خاطر ددواړو برقي چارجونو ترمنځ د متقابل عمل او اړیکو د اندازه کولو ستونزه ده دغه دوه جدا ستونزې دي .

۱- اول د لومړي برقي چارج په وسیله په فضاء کې رامنځ ته شوی برقي ساحه په هره نقطه کې د اندازه گیری او یا هم د محاسبې په اساس پیدا کول دی.

۲- دهغه قوې پیدا کول چې دغه برقي ساحه بې په دوهم برقي چارج باندې واردوی چې په فضاء کې په یوه ټاکلې نقطه کې قرار لري. د ۲-۱ معادلې په مقایسه په جریان پورې مربوطه د جاذبې ساحې په څیر مونږ د \vec{E} په برقي ساحه کې د برقي ساحې د پیدا کولو له پاره د څو برقي چارجونو په موجودیت کې چې د q_0 مثبت امتحاني چارج باندې عمل کوي د لاندې مساوات څخه استفاده کوو:

$$\vec{E} = \vec{F}/q_0 \quad (2 - 3)$$

په پورته رابطه کې د \vec{E} وکتور د قوې یعنې \vec{F} سره هم جهته دي، ځکه q_0 یو مثبت چارج دی او سکالري کمیت دی. د برقي ساحې معرفي کول په دې طریقه د q_0 امتحاني چارج څخه مستقل دی. ۱-۲ شکل راښايي کوم چې مونږ د برقي ساحې د P د یوې خاصې نقطې له پاره استعمال کړی و، مونږ د q_0 مثبت امتحاني چارج په P کې ږدو او په q_0 د الکتروستاتیک قوې د معرفي له پاره چې برقي جسم برقي ساحې احاطه کړې دی کوم چې په شکل کې نه دی ښوول شوی، نو ۲-۳ معادله برقي ساحه ښايي په ۱-۲ شکل کې نوبت: \vec{F} او \vec{E} موازي دي کوم چې په ۲-۳ معادله کې معرفي شوي، په لاندې شکل کې یې ښودنه کوو.



۱-۲ شکل (a): ۱-۲ احاطه کوونکي چارجداره جسم په q_0 مثبت امتحاني چارج د P په نقطه کې د F قوه واردوي (b): برقي ساحه د p په نقطه کې په احاطه کوونکي چارجداره جسم عمل کوي.

۱-۲ جدول د بعضې برقي ساحې د N/C په واحد ښيي.

| موقعیت | برقي ساحه په N/C |
|--|--------------------|
| د یورانیم د هستې په سطحه کې | 3×10^{21} |
| د هایډروجن د اتوم د الکترون متوسطه شعاع | 5×10^{11} |
| په هوا کې د برق د سقوط واقع کیدل | 3×10^6 |
| د فوتو کاپي د ماشین چارج داره طرف | 10^5 |
| د TV په سټ کې د الکترون د نوراچونې تعجیل | 10^5 |

| | |
|-----------|-------------------------------------|
| 10^3 | د پلاستيکي چارج شوی پرمختی سره نږدې |
| 10^2 | د اتموسفیر څخه لاندې |
| 10^{-2} | د کورني سرکت د مسي سيم په داخل کې |

د برقي ساحې مقدار عبارت دی له قوه په واحد د چارج چې د SI په بين المللي سيستم کې يې واحد عبارت دی د N/C چې معادل واحد v/m دی چې په اته ويشتم څپرکي کې پری بحث کېږي.

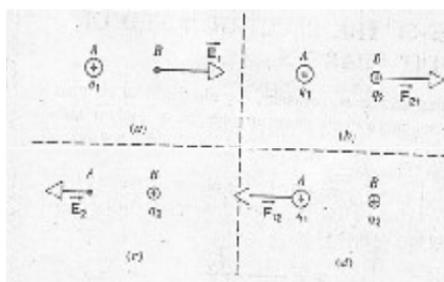
نوټ: ددی مشابه دځمکې د جاذبې تعجيل چې g دی هميشه m/sec^2 واحد دی چې په عوض ئي $N/kg.m$ هم استعمال کېدای شی (يعنی چه قوه دکتلې په واحد تقسيم شی). (د دواړو ساحو يعنی دځمکې د جاذبې ساحې او برقي ساحې خاصيت ورته والی لری، يعنی په ترتيب سره دواړه دقوؤ تقسيم دی (دکتلې او چارج په واحد) ۱-۲ جدول بعضی برقي ساحې چې په کموځايو کې واقع کېږي رانښائی. مونږ ۲-۲ معادله د جاذبې په ساحې کې د جاذبې دقوی دپيدا کولو لپاره استعمالوله، په خير ئي مونږه په برقي ساحه کې، په چارج لرونکي جسم باندی د واردی شوی قوی مقدار محاسبه کولای شو. يوځل چې مونږ په يوه نقطه کې دازما بيننتی جسم په کومک سره برقي ساحه پيدا کړه بيانو مونږ په دغه ځای کې q چارج لرونکی جسم باندی د واردی شوی قوی مقدار هم پيدا کولای شو:

$$\vec{F} = q\vec{E} \quad (2-4)$$

دلته برقي ساحه يعنی \vec{E} د نورو شتو چارجونو په وسيله رامنځ ته شوی ده نه دا چې د q چارج په واسطه رامنځ ته شوی ده. پورتنی رابطه په اسانۍ سره کولای شی هغه مقدار قوه پيدا کړي چې دغه نور چارجونه يې په q چارج باندی واردوی. اوس مونږ په همدي پوهيدلای شو چې ددوه چارجونو يعنی q_1 او q_2 تر مينځ برقي ساحه څرنگه ديو مينځکړي په حيث وظيفه اجرا کوي. لکه څرنگه چې په ۲-۲ شکل کې ښودل شوی ده د q_1 چارج چې په A کی موقعيت لري په ټولو چارچاپيره نقطو کې برقي ساحه رامنځ ته کوي

که فرض کړو په B موقعت کې یې ارزښت E_1 دي. مونږ کولای شو دبرقی ساحی دمعلومولو لپاره چی خپل ازماينبتي چارج په B کې ځای په ځای کړو او بیا په دی باندې د q_1 له خوا وارده شوي قوه اندازه کړو. که چیرته مور د B په موقعت کې د q_2 مخالف چارج ځای په ځای کړو. نوپه دی صورت کې به برقی قوه F_{21} وی، کومه چی مونږ ۲-۴ رابطی په واسطه پیدا کولای شو:

$$\vec{F}_{2,1} = q_2 \cdot \vec{E}_1$$



شکل ۲-۲

دلته مونږ اول د A په موقعیت کې د q_2 چارج په واسطه دازماينبتي چارج څخه په استفادې سره برقی ساحه E_2 پیدا کوو بیا په A موقعیت کې د q_1 چارج په ځای کولو سره مونږ د q_2 له خوا په q_1 باندې دواردي شوي قوې مقدار پیدا کوو $F_{1,2} = q_1 \cdot E_2$ ، شکل (۲-۲d) د نیوټن ددریم قانون په اساس قوی سره برابری او مخالف دی یعنی: $(F_{2,1} = -F_{1,2})$ دغه قوی مساوی او مخالفې دی. خو بیا هم ددواړو چارجونو په واسطه رامنځ ته شوي برقی ساحه سره تفاوت لري. مونږ وایو چی دجاذبی دساحی مشابه دوړو چارجونو برقی ساحه هم پیدا کولای شو کله چی په برقی ساحه کې دچارجونو توزیع مختل کیږی په دی صورت کې دبرقی ساحی دمقدار معلومولو لپاره زیاته مناسبه ده چی ولیکو:

$$\vec{E} = \lim_{q_0 \rightarrow 0} \frac{\vec{F}}{q_0} \quad (2-5)$$

که شه هم مونږ دا اول څپرکی څخه پوهیږو هغه داچی دا لمت معمولاً نه صفر کیږی ځکه چی امتحانی چارج هیڅ کله کوچنی نه وی په غیر د e ابتدایی چارج څخه البته برقی ساحه د چارجونو د مجموعی په خاص موقعیت پوری اړه لری.

۲-۱ نمونه ئی مسله: که چیرته یو الکترون $q = -e$ د یو چارج لرونکی جسم سره نږدی کیښودل شي د تجرو بوی قوی جهت د $+y$ په لوری دی که مقدار ئی $3,60 \times 10^{-8} N$ وي .

a: په دغه موقعیت کی برقی ساحه څومره ده؟

b: د هغه قوی مقدار پیدا کړی، چی د همدغه چارج لرونکی جسم لخوا په یوه بله برخه $q = +2e$ باندی واردیږی؟

حل: (a) مونږ د ۲-۴ معادلی استعمال څخه لرو :

$$E_y = \frac{F_y}{q} = \frac{3.60 \times 10^{-8} N}{-1.60 \times 10^{-19} C} = -2.25 \times 10^{11} N/C.$$

د برقی ساحی جهت د y په منفی جهت کی دی .

(b) قوه د α په زری په لاندی ډول ده د ۲-۴ معادلی له مخی لرو:

$$F_x = qE_y = 2(+1.60 \times 10^{-19} C)(-2.25 \times 10^{11} N/C) = -7.20 \times 10^{-8} N.$$

قوه د y په منفی جهت کی ده ددی جهت مشابه د برقی ساحی جهت هم دی . ولی د الکترون د پاسه قوه د برقی ساحی په مخالف جهت کی ده.

او د α په ذری قوه په الکترون باندی د قوی څخه دوه برابره لویه ده ځکه د α د ذری د چارج مقدار دوه برابره د الکترون د چارج د مقدار دی.

۲-۳ د نقطوي چارجونو برقي ساحه:

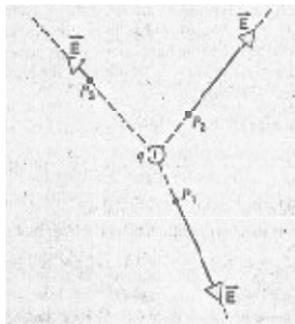
په دغه برخه کې موږ د نقطوي چارجونو برقي ساحه په نظر کې نيسو. لومړی یو منفرد چارج په نظر کې نيسو او بيا د انفرادي چارجونو (یو مجموعه) یو سلسله یا ترتیب په نظر کې نيسو او مونږ د چارجونو دوامدار توزیع عمومیت ورکوؤ. که فرض کړو چې د یو q نقطوي چارج څخه د q_0 یو مثبت ازماينستی چارج د r په فاصله کې پروت دی په q_0 باندې د عاملي قوی مقدار د کولمب د قانون له مخې عبارت دی له:

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0 |q|}{r^2}.$$

د ازماينستی چارج د ساختمان او ځای له مخې د برقي ساحې اندازه د ۲-۳ معادلي څخه عبارت ده:

$$E = \frac{F}{q_0} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q|}{r^2}. \quad (2-6)$$

E او F دواړه د q په خطي محور يو شان جهت لری پداسی حال کې که چيرته q مثبت وی نو دواړه بیرون طرف ته او که چيرته $-q$ مفی وی نو بیا دواړه داخل طرف ته هم جهت وی. په ۲-۳ شکل: د مثبت نقطوي چارج سره نږدې په مختلفو نقطو کې د برقي ساحې مقدار او جهت بنائی..



۳-۲ شکل: د E برقی ساحه د q د مثبت نقطوی چارج سره نږدی په مختلفو نقطو کی ده نوبت: د E جهت په هر ځای کی په شعایي ډول د q څخه بیرون قرار لري د P_1 او P_2 نقطو کی برقی ساحه چي د Q څخه مشابه فاصله لري مساوي مقدار لري د P_3 په نقطه کی برقی ساحه چي د Q څخه بی فاصله دهغو دوه چنده ده او یو پر څلور د هغوي د مقدار ده دمنفي چارج په صورت کی پورته شکل څرنگه رسمولي شو؟ د N گروپ نقطوی چارچونو د برقی ساحی E د پیدا کولو لپاره په لاندی ډول عمل کوو:

1- لومړی په هره راکړل شوي نقطه کی د n هر چارج لپاره چی موجودوی E_n محاسبه کوو.

2- راکړل شوی ټولی وکتوری ساحی سره په خپلو کی جمع کوو تر څو د \vec{E} نتیجوي ساحه نقطوي د پاسه د دي معادلي په شکل پیدا کوو.

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3 + \dots$$

$$\sum \vec{E}_n \quad (n = 1, 2, 3, \dots, N) \quad (2-7)$$

د اجمع یوه وکتوری جمع ده د ۲-۷ معادلی د ټول چارجونو لپاره ده (د ۴-۵ معادلی په شان).

۲-۲ نمونه ئی مس له: دهلیوم په یو آیونایز شوی اتوم کی یعنی (چي له هغی څخه د دوو الیکترونونو څخه یو الکترون لري شوي دی) د الیکترون او هستي تر منځ د بیلتون فاصله 26.5 Pm ده. د برقی ساحي اندازه ئی پیدا کړی. که هسته د الکترون په موقیعت کی ځای ونیسي؟

حل: مونږ ۲-۷ معادله استعمالو، q دهستی چارج دی چی برابر دی $+2e$ سره:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q|}{r^2} = \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2)[2(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})]}{(26.5 \times 10^{-12} \text{ m})^2}$$

$$= 4.10 \times 10^{12} \text{ N/C.}$$

دغه اندازه دهغی اندازی 8 برابره ده کومه چی دهایدروجن په یوالکترون باندی دبرقی ساحی په شکل لاسته راخی (۲-۱ جدول وگورئ) ددغه زیاتوالي لامل دا دی چی:

۱: په هلیوم کی هستوي چارج د هایدروجن پرتله دوه برابره دی.

۲: اوهم په ایون لرونکی هلیوم کی الکترون هستي ته نږدی واقع دي.

۳-۲ نمونه ئی مسّله: د ۲-۴ شکل نبی چی د q_1 چارج $+15\mu\text{C}$ او د q_2 چارج $+2.3\mu\text{C}$ وی په داسی حال کی چی اول چارج د x د محور په مبداء کی قرارلری او دوهم چارج $x = L$ کی قرارلری چیرته چی $L = 13\text{cm}$ وی د x په محور باندی د P کومه نقطه کی برقی ساحه له صفر سره مساوی کیږی؟

حل: دغه نقطه به هر ورو د چارجونو په منخ کی وجودلری ځکه چی په همدغه موقیعت کی د دواړو چارجونو یعنی q_1 او q_2 له خوا په یواز مابینستی چارج باندی وارده شوی قوی یو د بل مخالفی وی که چیرته، q_1 په واسطه برقی ساحه E_1 او د q_2 په واسطه برقی ساحه E_2 وی ددغه دواړو وکتورونو اندازه باید سرهم مساوی وی یا $E_1 = E_2$:

مونږ ۲-۲ رابطی څخه لیکلی شو چی:

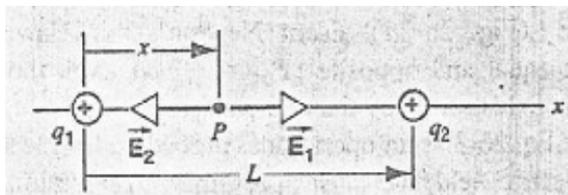
$$\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1}{x^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_2}{(L-x)^2}$$

چیرته چی x د P د نقطی محوردی د دواړو خواو د مربع جذرنیولو څخه وروسته د x قیمت په لاندی توگه لاسته راوړو:

$$x = \frac{L}{1 \pm \sqrt{q_2/q_1}}$$

په پورته رابطه کي د جذر مربع علامه کيدای شي مثبت وي او يا منفي وي د L او q_1 او هم د q_2 د عددی ارقامو په وضع کوو سره ترلاسه کوو .

$$x = 5.8 \text{ cm} \quad \text{او} \quad X = -54.6 \text{ cm}$$



۲-۴ شکل: د p په نقطه کې د q_1 او q_2 چارجونو برقی ساحه سره هم ساوې او یو د بل مخالفه ده نو ځکه د P په نقطه کې اصلی ساحه صفرده.

(1) په اولني حل کې کومه یوه نقطه چې پیداکړې وه د چارجونو تر منځ وه چې داخل زموږ غوښتنه وه.

(2) دوهم حل چې پیداشوی وه یوه نقطه د دوو چارجونو چپ طرفته وي په دې نقطه کې د اصحیح ده چې $E_1 = E_2$ سره مگرد ساحې په همدې نقطه کې او په یوشان جهت کې دوکتوری جمع صفر کیدای نشي نوموړې دوهم حل څخه صرف نظر کوو برقی دایپول:

په کائناتو کې زیات شمیر اجسام کولای شو په اسانۍ سره ارزیابی کړو، لکه مونږ چې په دغه څپرکي کې مخکې یادونه کړیده . ځینې اجسام مختلف قسم خواص لری . مثلاً ځینې اجسام داسی یو خاصیت لری چې مساوی مثبت او منفي چارجونه لری . چې د d په فاصله کې یوله بله څخه قرار لری. خوبیا هم دهغی ابتدایی چارج ($Net Charge$) وجود نلری. د مثال په ډول یو ایون لرونکی مالیکول لکه $NaCl$ په لوړه تودوخه کې د بخاریا غاښه شکل د چارج له مخی خنثی دی، خو بیا هم هغه Na^+ ایون مثبت فرض کیری او د Cl^- ایون سره یوځای کیری. ددی پینښی بیلگه داوبو مالیکولونه دی چې د ډیرو موادو د منحلیدو سبب گرځی.

تعریف: ددوه مساوی او مخالفو چارجونو ترکیب ته چی یوله بل څخه په یوه فاصله کی قرارولری برقی دایپول یا *Electric Dipole* ویل کیږی.

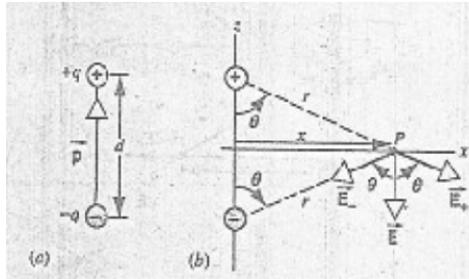
په هغه رابطو کی ، کومه چی مونږ ته برقی دایپول بنایي ، مونږ دی نتیجی ته رسیږو چی په هره برخه بانندی د q چارج اندازه او دهغوی ترمنځ جداوالی فاصله d اکثره وخت یوځای ذکر کیږی یعنی د چارج او فاصلی دمقدارونو حاصل ضرب څخه حاصلیږی

$$p = q \cdot d \quad (2 - 8)$$

چی همدی مقدار ته مونږ د P برقی دایپول مومنټ ویلای شو - دغه مقدار دوکتور په حیث کار کوی مونږ وکتوری برقی دایپول مومنټ داسی تعریفوو چی اندازه به یی $P = q \cdot d$ او جهت دمنفی چارج څخه د مثبت چارج په طرف به یی دهغه لیکي په امتداد وی چی دواړه چارجونه سره وصلوی $2.5a$ شکل برقی دایپول او هغه وکتوری برقی دایپول مومنټ رابنایي د مثال په ډول په سوډیم کلوراید کی په هر ایون بانندی د q چارج اندازه e ده او د جدایی اندازه شوی فاصله 0.236 nm ده نو پدی اساس د مالیکول دایپول مومنټ په لاندی ډول دی:

$$\begin{aligned} P &= ed = (1.60 \times 10^{-19} \text{ C})(0.236 \times 10^{-9} \text{ m}) \\ &= 3.78 \times 10^{-29} \text{ C} \cdot \text{m} \end{aligned}$$

اندازه شوی مقدار $3.00 \times 10^{-29} \text{ C} \cdot \text{m}$ دی. دغه اندازه بنایي د سوډیم څخه الکترون په مکمله توگه لرې شوی نه دی او د کلورین سره تړلی دی - تریو معین حده پوری الکترون د سوډیم او کلورین سره تړلی دی. تریو معین حده پوری الکترون د سوډیم او کلورین ترمنځ ویشل شوی دی - او په نتیجه کی یی دایپول مومنټ رامنځته کړی که څه هم اندازه یی د توقع برخلاف کمه ده، مونږ اوس د E برقی ساحی دایپول په P نقطه کی د x په فاصله چی د دایپول په نیمایی کی قرار لری څنگه چی په $2b-5$ شکل کی ښودل شوی پیدا کوؤ .



۵-۲ شکل،

مثبت او منفی چارجونه E_+ او E_- برقی ساحی رامنخته کوی ددواړو برقی ساحو اندازه د P په نقطه کی سره یو شان ده ځکه چی دغه د P نقطه له دواړو چارجونو څخه مساوی فاصله لری همدارنگه ۵-۲b شکل مونږ ته راښای د P په نقطه کی د E_+ او E_- برقی ساحو جهتونه چه د قوی دمقدار پواسطه ښودل شوی. د P په نقطه کی دمجموعی برقی ساحی دپیدا کولو لپاره په لاندی ډول ۷-۲ معادلې دوکتوری جمع په واسطه حاصلوو:

$$\vec{E} = \vec{E}_+ + \vec{E}_-$$

د ۷-۲ معادلې څخه د هر چارج څخه دبرقی ساحو اندازه عبارت ده له:

$$E_+ = E_- = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{x^2 + (d/2)^2} \quad (2-9)$$

دا چی E_+ او E_- برقی ساحی یو شان اندازه لری او هم په یو شان زاویه θ کی پراته دی چی د Z جهت کی هم ښودل شوي، د X اجزاء د ټولی ساحی لپاره:

$$E_+ \sin \theta - E_- \sin \theta = 0$$

ټوله ساحه \vec{E} ده ددی دپاره چی یوازی د Z اجزاء دمقدار د اندازې څخه لرو:

$$E = E_+ \cos \theta + E_- \cos \theta = 2E_+ \cos \theta \quad (2-10)$$

له شکل څخه مونږ گورو چی د θ د زاویې کوساین په لاندی ډول څرگندیږی:

$$\cos \theta = \frac{d/2}{\sqrt{x^2 + (d/2)^2}}$$

که ۹-۲ رابطه په ۱۰-۲ کی وضع شی نو پلاسی راوړو چی:

$$E = (2) \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{x^2 + (d/2)^2} \frac{d/2}{\sqrt{x^2 + (d/2)^2}}$$

یا

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{[x^2 + (d/2)^2]^{3/2}} \quad (2 - 11)$$

اکثره په ۸-۲ رابطه کی $p = qd$ د دایپول مومنټ استعمال کړو نو دا ۱۱-۲ رابطه په لاس راځی.

نوټ: هغه مسله چی داستوانی مشابه د z محور لپاره لرو، هغه داده چی مونږ باید د x محور انتخاب کړو چی د هر یوه جهت د دایپول په محور عمود وی، او ساحه ئی د ۱۱-۲ په رابطه کی راکړل شوی وی، بعضی وختونه مونږ د p په نقطه کی د یو برقی دایپول برقی ساحه معلوموؤ کومه چی x فاصله ئی له دایپول څخه ډیره زیاته ده په دی صورت کی مونږ د دوهمه درجه مساوات (Binomial equation) دانکشاف په مرسته په لنډه توگه د دایپول ساحه پیدا کولای شو:

$$(1 + y)^n = 1 + ny + \frac{n(n-1)}{2!} y^2 + \dots$$

راځی چی ۱۱-۲ رابطه د دوهم ځل لپاره داسی ولیکو:

$$\begin{aligned} E &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{x^3} \frac{1}{[1 + (d/2x)^2]^{3/2}} \\ &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{x^3} \left[1 + \left(\frac{d}{2x} \right)^2 \right]^{-3/2} \end{aligned}$$

دانکشاف څخه وروسته داسی لیکو:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{x^3} \left[1 + \left(\frac{3}{2} \right) \left(\frac{d}{2x} \right)^2 + \dots \right].$$

اوس که چیرته $d \gg x$ وي نو دا کفایت کوي چی یواځې اولنی برخه یی په قوس کی ولیکونو د برقی ساحی د اندازې لپاره چی کوم فورمول ارایه کیږي هغه د دایپول په یوه خاصه نقطه کی د منځنی مستوی په واسطه دلاندی رابطی په شکل افاده کیږي:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{x^3}. \quad (2-12)$$

د Z محوره اوږدو کښې هم مشابه حالت رامنځ ته کیږي $b-2-5$ شکل کی د Z لومړي مثال ته مراجعه وکړئ یوه بله عمومي نتیجه داده چی د ساحی په هره نقطه کی x, Z هم محاسبه کیدلای شی ددی لپاره دوهم مثال وگورئ. په ټولو حالاتو کی ساحه د فاصلی په نقاطو کی r د $\frac{1}{3}$ څخه فرق کوي. دا د دایپول د ساحی لپاره یو مشخصاتي نتیجه ده. ساحه $\frac{1}{3}$ د نسبت په چټکی سره توپیر کوي د چارچونو نسبتاً پیچلې ویش هم شتون لري چی برقی ساحه ئې ورکوي کوم چی د r د طاقت په تغیر سره فرق کوي د برقی ساحی د تغیراتو د مثالونو لپاره 11 تمرین او 4 مثال ته مراجعه وکړئ. په همدی ترتیب دوه قطبیت، XZ ساحی د محور، په اطرافو کی هم لاسته راځی ددی د وضاحت لپاره $b-2-5$ شکل Z محور اوله مسئله وگورئ.

همداراز په x, Z مستوي کی بله عمومي نتیجه داده چی ساحی په هره نقطه کی د محاسبې وړدی. دی د وضاحت لپاره پورته ذکر شوی مرجعی دوهمه مسئله وگورئ. په ټولو حالاتو کی ساحه په یوه خاصه نقطه کی د r دیوی مشخصی فاصلی نه تر $1/r^3$ دایپول پوری فرق کوي چی دا د برقی دایپول د ساحی مخصوصه نتیجه ده چی ساحه په ډیر زیات سرعت سره د فاصلی په واسطه تغیر کوي نسبت $1/r^2$ ته. دلته یو څو نور ویشونکی چارجونه هم موجوددی چی برقی ساحه تولیدولای شی کومه چی په لوړه سطحه د r دپه برعکس طاقتونو سره فرق کوي ددی لپاره څلورمه مسئله او 11 تمرین وگورئ. مثلاً د $1/r^4$ د ساحی د تغیراتو لپاره برقی څلور قطبیت جوړوی.

۲-۴ د متما دی چار جونو د ویش برقی ساحه:

په ۲-۵ برخه کې موږ هغه قوه چې په نقطوي چار جونو او اریډیدله مطالعه کړه یعنی هغه مسلسل ویشونکی چار جونو مطالعه کړل، کوم چې دلایتناهی چارجی زرو د مجموعی په حیث فرض کړی شوي وی دغه چار جونو مونږ د نقطوي چار جونو په حیث فرض کړيدي. اوبیا د دغه چار جونو انتگرال نیول کیږی ترڅو وارده قوه پیدا کړو.

د متواترو ویشل شویو چار جونو د برقی ساحی د معلومولو لپاره په لاندی ډول عمل کوو لومړی مونږ ویشل شوی چار جونو د dq په ډیرو وړو وړو برخو باندي ویشو چې دلته dq کیدای شي لاندی حالتونه ولري:

$$\sigma dA \text{ او } \rho dv, \lambda ds$$

1. که چارج په خطی شکل سره ویشل شوي وي نو بیا (λ د خطی چارج کثافت او یا چارج د فاصیلی په واحد)

2. که چارج په یوه سطحه ویشل شوی وی نو بیا (σ د سطحی چارج کثافت دي او یا چارج په واحد د سطحی)

3. که چارج په حجمی شکل سره ویشل شوی وی نو بیا (ρ د حجمی چارج کثافت یا چارج په واحد حجم وی).

که چېرته dq یو نقطوی چارج وي، نو د P په نقطه کی د ویشل شویو چار جونو د برقی ساحی د معلومولو لپاره له لاندی رابطی څخه استفاده کوو:

$$dE = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|dq|}{r^2}. \quad (2-13)$$

د dE دوکتور جهت د dq د علامی په وسیله تعیینیږی دهغی قوی د جهت په اساس چی dq به یی په یو مثبت از مایبستی چارج باندي د P په نقطه کی واردوی د P په نقطه کی د ټولو ویشل شویو چار جونو لاسته راغلی برقی ساحه دلاندی رابطی په مرسته ترلاسه کیږی:

$$\vec{E} = \int d\vec{E}. \quad (2-14)$$

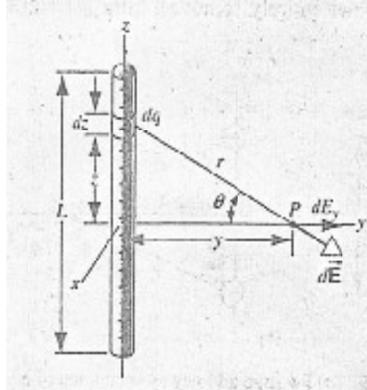
دو ضعیه کمیاتوپه سیستم کې د مرکبوله مخی د ۱۴-۲ معادله دلاندې دری مرکبولپاره لیکو:

$$E_x = \int dE_x, \quad E_y = \int dE_y, \quad E_z = \int dE_z, \quad (2-15)$$

لکه څنگه چې مونږپه لاندې ډول وکولای شو د تناسب په اساس محاسبه نوره هم ساده کړو چې یو یادوه انٹیگرالونه له منځه ځی او یا هم قیمتونه یې سره مساوي کیری.

د چارج منظم خط :

د چارج یوشان لیکه د ۱۳-۲ معادلی څخه د ۱۵-۲ معادلی پوری، د مثالونو د تطبیق په حیث مونږ برقی ساحې ته د چارجونو د لوی لیکې په توگه فکر کولای شو. (مثلاً یوه نری چارج شوی میله) که دیوی نری چارج لرونکی میلی برقی ساحه په نظر کې ونیسو چې اوږدوالی یې L او د مثبت خطی چارج کثافت یې $\lambda = \frac{q}{l}$ او ی چیرته چې q هغه مجموعی چارج دی چې دغه میله یې لري. د ۲-۲ هندسی شکل په واسطه محاسبه کیری. مونږ غواړو چې برقی ساحه د P په نقطه کې پیدا کړو چې له میلی څخه د y په فاصله د عمودی محور په نیمائی کې قرار لری (د y محور په مثبت جهت کې) د dE برقی ساحې اندازه د P په نقطه کې dq عنصری چارج د مقدار په وسیله د ۱۳-۲ رابطی په واسطه اندازه کیری:



۲-۲ شکل: د یوې چارج لرونکې میلی د برقي ساحه د P په نقطه کې د dq په شان د ټولو عنصری چارجونو مجموعی تاثیر.

مونږه محاسبه کولې شوچې $E_x = 0$ ځکه چې د میلی د پاسه په هېڅ ځای کې dq عنصری چارج $d\vec{E}$ مرکبې د x په محور لاسته نه راځي، همدارنگه مونږ پوهیږو چې $E_z = 0$ دی ځکه چې د مثبت Z د هر dq لپاره په $-z$ کې هم dq موجود دی. کله چې له دوه ازماينستې چارجونو څخه لاسته راغلی د dE وکتورونه سره یوځای کړو نو له Z منځه ځي. د P په نقطه کې یوځای او یوځای E_y له صفره سره مساوي نه دی په دې اساس مونږ لرو چې:

$$dE_y = dE \cos \theta = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda dz}{y^2 + z^2} \frac{y}{\sqrt{y^2 + z^2}}$$

چیرته چې مونږ ۲-۱۳ رابطه د $d\vec{E}$ لپاره او $r^2 = y^2 + z^2$ لپاره استعمالوو

$$dq = \lambda dz, \quad \cos \theta = \frac{y}{r}, \quad \text{نود } P \text{ ټوله ساحه عبارت ده له:}$$

$$E_y = \int dE_y = \int_{-L/2}^{+L/2} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda y dz}{(y^2 + z^2)^{3/2}}$$

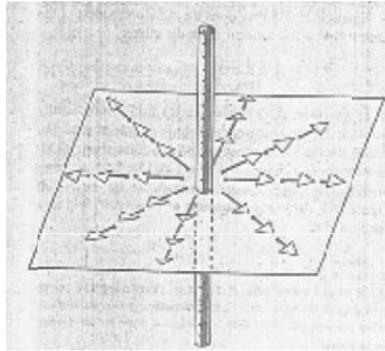
z دانتيگرال څخه بیرون و باسواود y سره چې ثابت دی یوځای کوو مونږ په لاس راوړو (په اوله ضمیمه کې 18 انتیگرال وگورئ)

$$E_y = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda L}{y\sqrt{y^2 + L^2/4}} \quad (2 - 16)$$

دا رابطہ د y د محور پہ مثبت جہت باندى د P په نقطه کی برقی ساحه چی دخطی چارج په واسطه پیدا شوي رانہائ.

نوټ: دانتیجه مونرکولی شود ۱-۱۵ رابطی خخه مستقیماً په لاس راوړود هغه قولپاره چه د چارج دخط او q_0 نقطوی چارج په منځ کی چی L په q عوض شی ۲-۳ رابطہ استعمال شی $E_y = F_y/q_0$ حاصلیری. لکه څنگه چی مونرپه برقی دایپول کی یادونه کړی وه، دلته هم د z په محور باندى سلندری توازن رامنځ ته کیری او مونر داهم کولای شو چی د y محور د میلی په هرجهت باندى د میلی سره عمود انتخاب کړو ۲-۷ شکل د x, y په مستوی کی د یوانوخت مثبت چارج لرونکی میلی برقی ساحه بنائ لکه څنگه چی مونر قوه په (لومړی) څپرکی کی محاسبه کړه نو په هغی کی دامهمه وه چی برقی ساحه محاسبه کړو او ثابتنه کړو چی هغه صحیح لیمیت لری کله چی $y \rightarrow \infty$ ، ۲-۱۲ معادله د برقی ساحی نر دیوالی نقطوی چارج ته بنائ. پوهیږو چی:

$$E_y = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{y^2}$$



۲-۷ شکل.

چیرته چی $q = \lambda \cdot L$ دی کله چی دارزیابی لاندی نقطه په خط کی حصاره وی او L په مقایسه نود ۲-۱۲ معادلی دلیمت خخه خبره کیری په هغه

صورت کی جی λ ثابتہ وی او د Eq لیمنت و نیسوکله جی $y \gg L$ وی نویدی حالت کی دبرقی ساحی لپاره لاندی رابطہ لرو:

$$E_y = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 y} \quad (2-17)$$

ساحہ مستقیماً دمیلی خخہ فاصلی نیسی اوپہ ہماغہ فاصلہ کی بیرتہ میلی تہ راگرخی د دپورتہ رابطی خخہ تاسوکیداشی پہ تعجب کی شی دساحی دحسابولوخخہ پہ لایتناھی خطی چارجونوکی، لازمہ خوداوه جی ساحہ پہ محدودچارج کی موجودہ وایی.

کله جی دہر حقیقی خطی چارج لپاره فقط محدودہ فاصلہ وی، خرنگہ جی نقطی پہ خط کی بندی اولری وی یو دبل خخہ، ۲-۱۷ رابطہ مونرتہ رانمایی جی گتورنر دپدیوالی برقی ساحی تہ د ۲-۱۷ و ۲-۱۲ رابطو دنتیجی پہ منخ کی فرق کله ناکله بی معنی وی. دغه تقریبی نتیجی پدی حالت کی ډیری فزیکلی لیڈنی ورکوی. خخہ جی د E تغیر دمیلی دفاصلی سرہ زیات بی خنډہ نسکاری.

د چارج یوه منظمہ حلقہ (*Disk*):

د اچی مونرپہ برقی ساحی بحث اوخبری وکرو. د R پہ شعاع حلقہ منظم د چارج کثافت انتقالوی. د ضرورنہ ده جی مکملہ محاسبہ وکرو د ۲-۱۳ رابطی پہ واسطہ مونرہغه قوه محاسبہ کری. جی د q_0 پہ نقطوی چارج باندی عمل کوی. هغه قوه جی دحلقی چارج بی د q_0 پہ نقطوی چارج باندی دحلقی پہ محور باندی وارده وی د ۱-۱۶ رابطی پہ واسطہ محاسبہ کیبری پہ ۱-۳ رابطہ کی $\vec{E}_z = \vec{F}_z / q_0$ مونرکولای شوچی برقی ساحہ پہ هغه نقطه کی پیدا وکرو جی د z پہ مثبت جهت کی ده. مناسبہ ده جی دیوی حلقی چارج پهمستقیمہ دول ۱-۱۶ رابطی خخہ حاصل کرو:

$$E_z = \frac{\lambda}{2\epsilon_0} \frac{Rz}{(z^2 + R^2)^{3/2}} \quad (2-18)$$

چیرتہ جی مونر $q = \lambda(\pi R)$ استعمالووبرقی ساحہ مستقیماً دحلقی دمحورپہ اوږدوکی (د z محور) اولری دحلقی خخہ ده، ۲-۱۸ رابطہ د $+z$ او $-z$ لپاره صحیح

ده که چیرته حلقه منفی چارج شوی وی دساحی نقطی دمحوریه اړدوکی دمحوردجهت سره مخالف جهت لری په مشابهه طریقه مونږکولای شوچی دچارج په یوه صفحه کی برقی ساحه

د۱۷-۱۷ رابطی څخه پیداء کرو:

$$E_z = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left(1 - \frac{z}{\sqrt{z^2 + R^2}} \right) \quad (2-19)$$

مونږدلته دیوی صفحی د برقی ساحه لپاره دسطحی چارج دکثافت اصطلاح چی چارج ئی $q = \sigma A = \sigma(\pi R^2)$ دی استعمالوو دا دیوی نقطی ساحه ده چه د Z د محوریه مثبت جهت کی ده چی د صفحی څخه د Z په فاصله کی واقع دی که دساحی نقطی دصفحی څخه لری وی، که دغه صفحه مثبت چارج شوی وی په ۱۹-۲ رابطه کی صرف $Z > 0$ صحیح دی دابه څنگه اصلاح شی که چیری P د Z محوریه منفی لوری کی واقع وی؟

دچارج نامحدوده قشر (*An Infinite Sheet of Charge*):

راځی چی اوس د ۱۹-۲ رابطی دلمیت حالت ترغورلاندی ونیسوچی $R \rightarrow \infty$ وی ددی په خاطرچی چارج لرونکی حلقی دچارجونو غیرمعینه یا نامحدوده ساحه جوړه شی مونږفرضووچی څرننگه R زیاتوالی کوی، مونږحلقی ته چارج اضافه کووددی په خاطرچی (σ) ثابته پاتی شی. ددغه شرایطوپه نظرکی نیولوسره مونږ ۱۹-۲ رابطه په لاندی شکل سره لیکلای شو:

$$E_z = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \quad (2-20)$$

پورته نتیجه یوډیره گټوره ده ځکه کله چی مونږحلقی ته نژدی یونودحلقی منظم چارج دکثافت لپاره داتقریباً مناسبه اندازه ده، اوکه چیری مونږدحلقی له کونجونو څخه لری یونوهمدغه نتیجه گټوره بریښی. مونږدانشو ویلایی چی دلته چارج په یوه دایروی، مستطیلی، مربعی اویاکوم بل شکل سره څپیری اویاهم په یو غیرمنظم شکل سره څپیری. پورتنی نتیجه دهری پراخه منظمی چارج لرونکی صفحی یاورقی لپاره

ضروری او مهمه ده. دا کومه پروانلری چی شکل بی هریووی. دلته برقی ساحه یو منظمه اندازه لری (او د مثبتی چارج شوی صفحی یا ورقی) لپاره د صفحی چارج خارج ته رهنمائی کوی.

د چارج منظمه شکل کروی قشر

(Uniform spherical shell of charge): په ۱-۵ کی مونږ د منظم چارج لرونکی کروی قشر دوه خصوصیات او ځانگړتیاو بی ترلاسه کړی، وی او دا په ازماینیستی چارج باندی په داخل کی هیڅ قوه نه وارده وی، او په ازماینیستی چارج باندی په باندنیو نقطو کی چی کومه قوه وارده وی له هغه قوی سره برابره ده لکه د ټول سطحی یا قشر ټول چارج چی دهغی په مرکز کی په یوه نقطه کی موجود وو. دهغه دوه خصوصیاتو په اساس مونږ کولای شو چی دیونری منظم چارج لرونکی قشر چی چارج ئی q او شعاع ئی R ده پیدا کوو او س فرضوو چی دواړه مثبت دي. په دی صورت کی د قشر Shell له مرکز څخه په مختلفو فاصلو باندی د برقی ساحی لپاره مونږ باندی رابطی لرو:

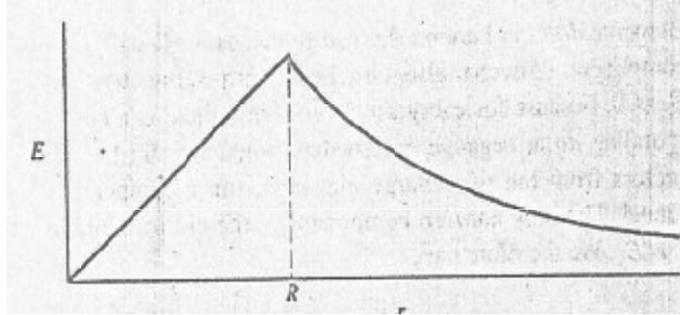
$$E = 0 \quad (r < R). \quad (2-21a)$$

$$E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \quad (r \geq R). \quad (2-21b)$$

دلته کوچنی r په برقی ساحی کی د ساحی د شعاع د جهت نمایندگی کوی،

د سطحی په داخل کی برقی ساحه صفرده په باندنیو نقطو کی برقی ساحه د نقطوی چارجونو په څیرده نو ځکه دا بیلگه په ۲-۳ شکل کی بنودل شوی برقی ساحی په شان ده.

مونږ د چارج لرونکی سطح د خصوصیاتو څخه په استفادی سره کولای شو ترڅو په یوه دایره کی چه شعاع بی r ده، په دایروی ډول دویشل شو یو چارجونو برقی ساحه معلومه کړود کاردا سانتیا لپاره داسی فرض کوو چی د دایری په داخل کی چارجونه په منظمه توگه ویشل شوی دی که چیرته په کره کی د حجمی چارج کثافت ثابت وی.



شکل ۲-۸

او طول چارج ی Q وی نو حجمی کثافت ئی عبارت دی:

$$\rho = \frac{Q}{\frac{4}{3}\pi R^3}. \quad (2-22)$$

فرض کری چی دغه کره مونرپه ډیرونریو قشرونوباندي ویشو چی شعاعانی (radius) په r او دشمیرزیاتوالی (گهوالی) په dr سره وښایو، که چیرته مونرپه ازمایښتی چارج د r په فاصله باندي دقشر دمبداء څخه داخل کی کیردو ($r < R$) په دی موقیعت کی په امتحانی چارج برقی ساحه دقشر دکوچنیو شعاع گانولپاره ۲۱-۲۲a معادلی څخه استفاده کووچی په دی حالت کی دتول داخلی قشر دپاره $E = 0$ او دلویو شعاع گانولپاره ۲۱-۲۲b معادلی څخه استفاده کووچی دقشرونو دساحی ټول تعداد د r دتولو کوچنیو شعاع گانولپاره په مبداء کی دنقطوی چارج په شان دی چی قیمت یی عینی دابتدایی چارج دساحی د قیمت په شان دی چی دتعداد په صورت کی دکری په داخل کی مجموعی چارج q او شعاع ئی r وی کوم چی دچارج دحجمی کثافت څخه راکرل شوی دی نو د r په شعاع دقشر دحجمی کثافت له مخی مجموعی چارج مساوی دی د:

$$q = \rho \left(\frac{4}{3}\pi r^3 \right) = Q \frac{r^3}{R^3}, \quad (2-23)$$

که دچارج دکثافت قیمت ۲۲-۱ معادلی څخه په ۲۱-۲۲b معادله کی وضع شی نو د برقی ساحی په په دی موقیعت کی دکری په داخل کی په شعاعی ډول دبرقی ساحی اجزاء راکوی یعنی:

$$E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Qr}{R^3} \quad (r < R), \quad (2-24)$$

که فرض کړو چې Q منفي وي نو دبرقي ساحه جهت داخل طرف ته دی او که Q مثبت وي نو بیا دبرقي ساحې جهت بیرون طرف ته قرار لري که چیرته $r > R$ نو بیا دبرقي ساحه عیناً داسې ده لکه په ۲-۲ معادله کې چې د Q د نقطوي چارج د برقي ساحې پشان ده چې چارج په مبداء کې قرار لري. نو ت: که چیرته $r < R$ نو بیا د r په خطي ډول سره برقي ساحه زیاتوالي کوي او که چیرته $r > R$ نو بیا د $1/r^2$ په څیر کموالي کوي ۲-۸ شکل د برقي ساحې مقدار د r په تابع رانښائی.

۲-۴ نمونه ئی مس ُله: که چیرته دیو پلاستيکی میلی اوږدوالي $L = 220 \text{ cm}$ او شعاع $R = 3.6 \text{ mm}$ وي او د q منفي چارج چی مقدار یی $3.8 \times 10^{-7} \text{ C}$ دی په یو نواخت ډول ئی د سطحی د پاسه خپور شوی وی د پلاستيکی میلی د منحنیې نقطې سره نژدې برقي ساحه څومره ده او هم د میلی د سطحی په یوه بله نقطه کې برقي ساحه څومره ده؟
 حل: اکثرأ چی د میلی اوږدوالی بی نهایته اوږد نه وی د یوی نقطی لپاره د هغی د سطحی د پاسه او نږدی د منحنیې نقطی سره ئی مؤثروالی ډیر اوږد دی نوموړ هغه فقط ۲-۱۵ معادلی داستعمال څخه د میلی دپاره ی د چارج خطی کثافت عبارت دی له:

$$\lambda = \frac{q}{L} = \frac{-3.8 \times 10^{-7} \text{ C}}{2.2 \text{ m}} = -1.73 \times 10^{-7} \text{ C/m.}$$

د ۲-۱۷ معادلی څخه د $y = 0.0036 \text{ m}$ لپاره لرو:

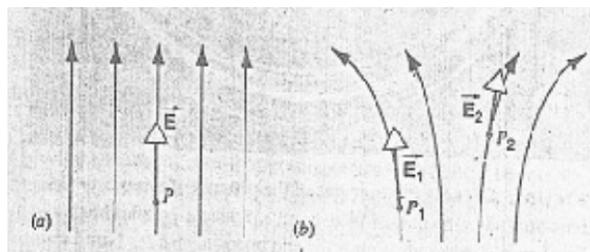
$$\begin{aligned} E_r &= \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 y} \\ &= \frac{-1.73 \times 10^{-7} \text{ C/m}}{(2\pi)(8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N} \cdot \text{m}^2)(0.0036 \text{ m})} \\ &= -8.6 \times 10^5 \text{ N/C.} \end{aligned}$$

منفي علامه رانښايي چې ميله منفي چارج شوي ده چې دبرقي ساحې جهت يې په شعاع توگه داخل لوري ته دی او د میلی دمحور لوري ته متوجه دی. په خشکه هواکي چيرته

برقی ساحه $Ey = 3 \cdot 10^6 N/C$ وي، نوبياشغلي رامنخته کيږي خودلته چي مونږ کوم مثال حل کړددي په خاطر چي شعلي رامنخ ته نه شي نومونږ چي کومه برقي ساحه ترلاسه کړه هغه دپورته ساحي $Ey = 3 \cdot 10^6 N/C$ څخه د 3-4 فکتور په اندازه کمه ده.

۲-۵ دبرقی ساحی خطونه (Electifield Lines):

دبرقی ساحی مفکوره دلومړی ځل لپاره ميکایل فرادی (Michael Faraday) پواسطه په (19) پيږي کی وپيژندل شوه. هغه دبرقی ساحی رياضیکی شکل ونه بنود بلکه ددي پرځای گرافيکی شکل ته وده ورکړه په کومه کې چې هغه تصور کاوه چې دبرقی چارج شاوخوا ساحه شايد قوی کرښی وی نن ورځ موږ هېڅ کله هم دقوی ذکرښو په مفکوره باندی يقين نه شوکولاي کومه چې Faraday په هغه وخت کی پری فکر کړی وه. مگر مونږ يقين کوو او دهغه په څير د برقی ساحی لپاره يوه مناسبه او اسانه لاره تصور کوو چي هغه دبرقی ساحی خطونه دی.



۲-۹ شکل (a): په يوه منظمه ساحه کی دبرقی ساحی خطونه (b): په غير منظمه ساحه کی دبرقی ساحی خطونه.

۲a-۹ شکل دبرقی ساحی خطونه راښائی کومه چې په يوه منظمه برقی ساحه کی قرار لری دامو بايد په پام کې وی چې خطونه يوبل سره موازی او په يوه برابره ساحه کې سمیږی ، ۲b-۹ شکل دهغو خطونو ښکارندوي دي چې يوه غير منظمه ساحه ښی. دقانون يا قرار داد له مخی مونږ دساحی خطونه دلاندی خاصیت له مخی رسموو Tangent دبرقی ساحی دخطونو چي په مستقیم ډول دهری نقطی څخه تیريږی

په هغه فضاء کی دبرقی ساحی جهت په هغه نقطه کی رانښائی. په ۹-۲a شکل کی د مثال په ډول دبرقی ساحی لوري د P په نقطه کې عموداً پورته طرفته ده چې د ساحی خطونوئی $(Tangent)$ دی ځکه ساحه یو نواخت ده، دبرقی ساحی خط ددی پراخی فضاء په هره نقطه کی همدا جهت لری، ۹-۲b شکل کوم چی یو نواخته ساحه نه ښائی د برقی ساحی جهت ئی د P_1 او P_2 په هره نقطه کی متفاوت دی، دهر حالت لپاره دبرقی ساحی خط مستقیماً دهغه نقطی څخه مماس تیریږی دبرقی ساحی دخطونو لپاره چی دارنگه خواص لری. باید داسی رسم شی چی: دبرقی ساحی خطونه د مثبت چارج څخه شروع او په منفی چارج ختم شی دمثال په ډول ۱۰-۲ شکل دیوی مثبتی چارج لرونکی نقطی برقی ساحی خطونه ښی. چی دخطونو جهت ئی په شعاعی ډول پورته طرفته دی. نو ځکه په هره نقطه د P کی ساحه شعاعی ده.

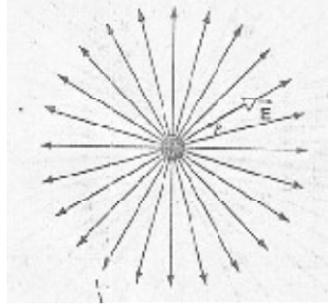
- د ساحی خطونه له مثبت چارج څخه شروع کیږی او مخ پر بی نهایت یالایتناهی پراختیامومی ترهغه چې منفی چارج ته آخر کې ورسیري.

- د ساحی خطونو ددی مخالف جهت لری که چیری چارج منفی وي (یعنی په شعاعی ډول داخل طرفته) وی.

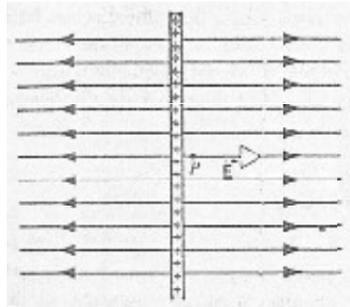
یو وروستنی خاصیت دبرقی ساحی خطونو دادی چې:

- دبرقی ساحی مقدار په هره نقطه کې متناسب دی د ساحی دهغه شمیر خطونو سره په واحد دهغه سطحی، چی په هغه برخه کی ئی عموداً قطع کړی ده.

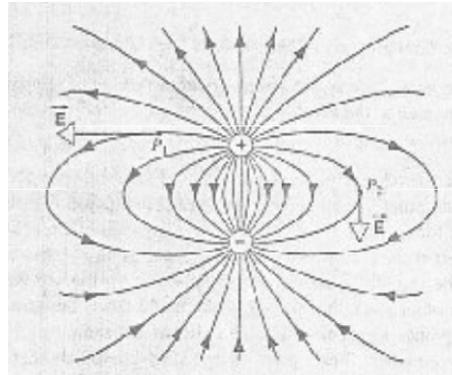
یا په بله ژبه هر څومره چې دبرقی ساحی خطونه زیات هری نقطی ته نژدی وي نو په هماغه اندازه به په هغی نقطه کی ساحه هم غښتلی (قوی) وي. ۹-۲b شکل ددی لارښونه مونږ ته کوی چې د ساحی اندازه او مقدار زیات دي درسم ښکتنی. برخه کې نسبت پورتنی برخي ته. په ۹-۲a شکل بیا دارانښای چې د ساحی دخطونو واقع کیدل په ټولو نقطو کې یو شان دی. ددی څخه څرگندیږی چی هره برقی ساحه په هره نقطه او هر چیری یوه اندازه قدرت لری. دمثال په ډول ۱۰-۲ شکل د مثبت نقطوی چارج سره نږدی دبرقی ساحی خطونه یو بل سره نږدی دی او د چارج څخه لری دبرقی ساحی خطونه دیوبل څخه لری دی.



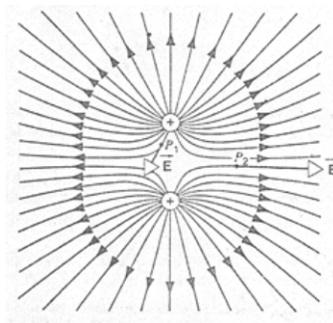
۱۰-۲ شکل



۱۱-۲ شکل: پتہ دی شکل کی د برقی ساحی خطونہ نژدی یوی نازکی او ہم شکلہ چارج لرونکی صفحی تہ واقع دی. او مونہر د صفحی پتہ کنج کی گورو چی دا خطونہ ہم جہتہ او عموداً واقع دی.

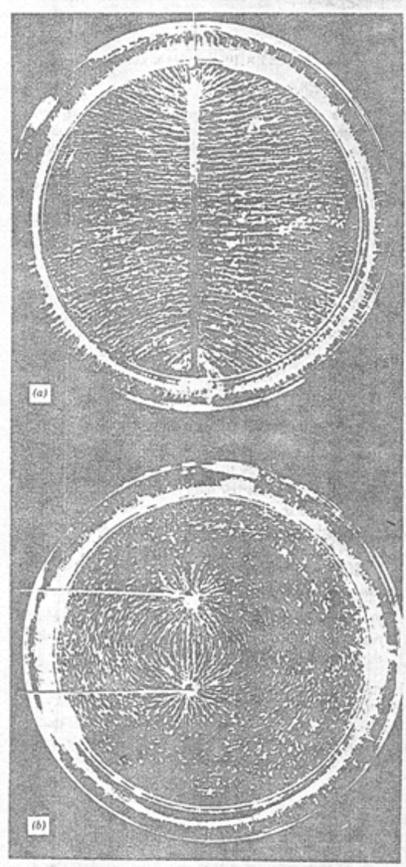


۱۲-۲ شکل: دبرقی ساحی خطونه دیو برقی قطبیت سره واقع دی. د 2-12 شکل قطبیت ته نژدی ساحی رابنسی یعنی دا واضح کوی چی څرنگه دبرقی ساحی خطونه له مثبت چارج څخه شروع او په منفی چارج بانندی ختم کیږی



۱۳-۲ شکل: دا شکل مونږ ته دبرقی ساحی خطونه چی دوه یو شان او مثبت چارجونو ته نژدی واقع دی رابنسی.

نوټ: دبرقی ساحی دخطونو تراکم د دوه چارجونو په منځینی ساحه کی. په ۱۲-۲ شکل کی ډیر او په ۱۳-۲ شکل کی کم دی. او همدا رنگه په دایپول کی برقی ساحه ډیره برخه دربر نیسی نظر دوه مثبتو چارجونو ته .



۱۴-۲ شکل: پدی انخور کی دوه نمونی دبرقی ساحی بنکاری .چی په "a" شکل کی چار جداره صفحه موازی برقی خطونه تولیدوی . او په "b" شکل کی دوه یوشان ولی مختلف برقی چارجونه واقع دی .چی دایپول ته ورته دی .

په دی شکل مپلونو جوړولو سره مونږ کولای شو چی دبرقی ساحی خطونه په ښه شکل وگورو ، او داهم باید په یاد ولرو چی دا ډول انخورونه دوه بعدی دی . او حقیقی شکل چی دری بعدی وی . او دخطونو فاصله په دوه بعدی او دری بعدی کی یو شان نه ده . او همدارنگه برقی ساحی خطونه کیدای شی هم شکله او یا هم غیرمنظم وی .

۲-۲ په برقی ساحه کی نقطوی چارج:

په مخکینی برخه کی موولیدل چی:



په اوله برخه کی مونږ د چارجونو متقابل اثر او د چارج حسابول ارایه کړل او د برقی ساحی نتیجه څه ده؟ په دی او ورستنی برخه کی به مونږ دوهم قسمت مطالعه کړو. چی څه به واقع شی که چیرته یوه چارجداره زره په یوه معلومه برقی ساحه کی کیږدو؟

د ۲-۴ شکل څخه لرو چی د q په یوه برقی چارج باندی د \vec{E} په یوه برقی ساحه کی د \vec{F} برقی قوه وارد پږی چی عبارت ده له:

$$\vec{F} = q \cdot \vec{E}$$

د برقی زری د حرکت مطالعه په برقی ساحه کی د نیوټن دوهم قانون په مرسته مطالعه کولای شو چی عبارت ده له:

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

چی لاسته راغلی قوه په برقی زرو، به برقی قوه او یا بل ډول قوی وی. لکه څنگه مو چی د نیوټن په قانون کی لوستلی وه. په هغه حالت کی پورتنی موضوع بڼه روښانه کولای شو چی قوه ثابت فرض کړو، مونږ په دی څپرکی کی هغه حالت ته مراجعه کوو چی قوه او برقی ساحه پکی یونواخته او ثابت وی، دیو لوی یونواخت چارجداره قشر په محوطه کی د تکرار په شکل پورته عملیه اجراء کیږی لکه په ۲-۴ برخه کی چی مونږ پری بحث کړی وه، دیو لوی زوج متحدالشکله چارج لپاره مونږ کولای شو چی دوه مختلف النوعه چارجداره قشرونه استعمال کړو، که د بطری د ترمینل سره موازی فلزی پلیټونه وصل شوی وی. په لاندی نمونه ئی مسله کی فرضوو چی د پلیټونو تر منځ فضا کی همیشه په ناڅاپی توگه د ساحی شتوالی صفر کیږی کله چی زری په هغه فضا کی وی خو د پلیټونو تر منځ فضا کی به ساحه او فاصله په سرعت سره کمه شی. مونږ داسی نشو جوړولای.

دابه لويه اشتباه وي چي مونږ د زرو حرکت حساب کړو او د څنډو د زروود اثر څخه صرف نظر وکړو.

۲-۵ نمونوی مس ډله: یوه چارجداره د غوړو یوه قطره چي شعاع ئی $R = 2.76 \mu\text{m}$ او د چارج کثافت ئی $\rho = 918 \text{ Kg/m}^3$ وی په یوه برقی ساحه کی لویږی که د برقی ساحی مقدار $E = 1,65 \times 10^6 \text{ N/C}$ وی، نود چارجداره څاڅکی د چارج مقدار او جهت پیدا کړی؟ او هم که $2e$ زری ته نږدی شی او د هغی په واسطه جذب شی او برقی ساحه ثابته پاتی شی د زری تعجیل پیدا کړی؟

a - که وغواړو چي څاڅکی ثابت او په تعادل کی وی. باید چي د څاڅکی وزن او هغه قوه چي د برقی ساحی څخه پری عمل کوی په تعادل کی راوړو:

حل: (a) د څاڅکی د توازن په حالت کی ساتلو لپاره. د څاڅکی mg وزن باید د برقی ساحی د qE برقی قوی د مقدار سره برابره وی کومه چي په څاڅکی باندی عمل کوی ځکه چي برقی ساحه په لاندینی برخه کی الکترون رهنمائی کوی د q هغه چارج چي په څاڅکی باندی عمل کوی هغه باید چي منفی وی ځکه چي د قوی مخالف باید هغه ته په حرکت لارښودنه وکړی د توازن حالت ئی لاندی ډول دی:

$$\sum \vec{F} = m\vec{g} + q\vec{E} = 0$$

د y اجزای راکوی نو په لاس راوړو:

$$-mq + q(-E) = 0$$

د نامعلومه q لپاره لرو:

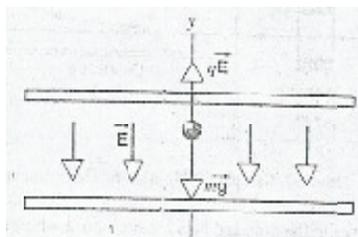
$$\begin{aligned} q &= -\frac{mg}{E} = -\frac{\frac{4}{3}\pi R^3 \rho g}{E} \\ &= -\frac{\frac{4}{3}\pi (2.76 \times 10^{-6} \text{ m})^3 (918 \text{ kg/m}^3)(9.80 \text{ m/s}^2)}{1.65 \times 10^6 \text{ N/C}} \\ &= -4.80 \times 10^{-18} \text{ C} \end{aligned}$$

که مونږ $-eq$ برقی چارجونو په شکل ولیکو نو: $q = n(-e)$ چرته چې n د څاڅکي د پاسه د برقی چارج شمیر دی:

$$n = \frac{q}{-e} = \frac{-4.80 \times 10^{-19} \text{ C}}{-1.60 \times 10^{-19} \text{ C}} = 3.$$

(b) که مونږ د څاڅکي دوه زیات شوی الکترونونه جمع کړو، نو چارج ئی عبارت دی له:

$$q = (n + 2)(-e) = 5(-1.60 \times 10^{-19} \text{ C}) = -8.00 \times 10^{-19} \text{ C}$$



۱۵-۲ شکل: ۵-۲ نمونوی مسله د \vec{E} په یو نواخته برقی ساحه کی منفی چارجداره څاڅکي واقع دی د څاڅکي حرکت (ټکان) نښکته د $m\vec{g}$ وزن له امله او پورته د $q\vec{E}$ د برقی قوی له امله دی.

د نیوټن د دوهم قانون له مخی لیکلای شو:

$$\sum \vec{F} = m\vec{g} + q\vec{E} = m\vec{a}$$

د y مرکی عبارت دی له:

$$-mq + q(-E) = ma$$

مونږ د تعجیل لپاره لرو:

$$\begin{aligned} a &= -g - \frac{q'E}{m} \\ &= -9.80 \text{ m/s}^2 - \frac{(-8.00 \times 10^{-19} \text{ C})(1.65 \times 10^6 \text{ N/C})}{\frac{4}{3}\pi(2.76 \times 10^{-6} \text{ m})^3(918 \text{ kg/m}^3)} \\ &= -9.80 \text{ m/s}^2 + 16.3 \text{ m/s}^2 = +6.5 \text{ m/s}^2 \end{aligned}$$

د څاڅکي تعجيل په مثبت جهت کې دې په دې محاسبه کې د چسپناکه کشش قوی څخه صرف نظر شوی، کومه چې هميشه په دې موقعيت کې ډير مهمه ده، مونږ د څاڅکي (زری) د تعجيل تاثير په هغه لحظه کې پيدا کړی و چې خارجي دوه الکترونونو د کشش قوه لرله چې د څاڅکي (زری) په سرعت پورې مربوطه وي، داستراحت په شروع کې صفروه اوزيات والی ئی د څاڅکي د حرکت څخه شروع شوی او همدارنگه د تعجيل په مقدار کې ئی زياتوالی کړی دی. د تجربه د (Millikan) د غورږو د څاڅکي د تجربی اساس دې کومه ئی چې استعمال کړی وه د برقي چارج د مقدار د اندازه کولو لپاره د تجربه ددی برخی د بحث يواړخ دی.

۲۲-۶ نمونوی مس له: ۲-۲ شکل بنائی د الکترو دو د سیستم منحرف کيدل د چاپ کونکي درنگ ديوي فواري ديوي څاڅکي، کومه چې دهغه د m کتله $1.3 \cdot 10^{-10} \text{ kg}$ د q يو چارج چه د $1.5 \times 10^{-13} \text{ C}$ دی نقلوی او داخلېږي د کړو پليتونو سیستم ته په

$V = 18 \text{ m/sec}$ په رفتار سره ددی پليتونو د L فاصله 1.6 cm ده او د E د برقي ساحی مقدار د پليتونو منع کې $1.4 \times 10^6 \text{ N/C}$ دی، د پليتونو د څنډو څخه لری د څاڅکي عمودی انحراف څومره دی که د پليتونو په څنډو کې د برقي ساحی د تغير څخه صرف نظر وکړو؟

حل: اجازه راکړی، که t هغه وخت وي چې په هغه کې منحرف سیستم څخه څاڅکي په مستقيم ډول تيریږي نو عمودی او افقی تغير مکان ئی عبارت دی له $y = 1/2 at^2$ او $L = vt$ څخه a د څاڅکي د تغير مکان تعجيل دی دمخکنی. ساده مسلی په شان مونږ کولای شو چې د y د مرکبو لپاره د نيوتن دوهم قانون پشان وليکو:

$$-mg + q(-E) = ma$$

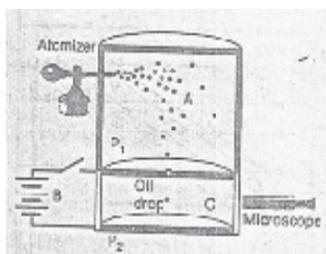
په اسانۍ سره کولای شو چې د برقي ساحی تاثير په څاڅکي $-qE$ دی. ډېر مهم په دې حالت کې په غير د جاذبې قوه mg او همدارنگه د څاڅکي تعجيل کولای شو چې د qE/m څخه په لاس راوړو. د دې دوه موقعيتونو د تغير مکان د معادلو د قيمتونو په وضع کولو سره لرو:

$$\begin{aligned}
 y &= \frac{-eEL^2}{2mv^2} \\
 &= \frac{-(-1.5 \times 10^{-13} \text{ C})(1.4 \times 10^6 \text{ N/C})(1.5 \times 10^{-2} \text{ m})}{(2)(1.3 \times 10^{-11} \text{ kg})(18 \text{ m/s}^2)} \\
 &= 6.4 \times 10^{-4} \text{ m} = 0.64 \text{ mm}.
 \end{aligned}$$

دا انحراف په کاغذ شاید ډیر زیات وی ځکه په غیر له دی درنگ دڅاڅکی مسیر د انحراف څخه د آزادیدو وروسته په فضاء کی د کاغذ په مخ مستقیم خط دی او سرعت ئی دخط دپاسه زیاتیری، په ۲-۱۲ شکل کی فرضوؤ چی درنگ څاڅکی همدارنگه شکل شاید مجسم کړی نو دالزام دی چی د q چارج دڅاڅکی دپاسه کنترول شی. کوم چی د انحراف خاصیت له امله ئی طرز العمل په داخل کی دسلو څخه کم دی. یو ځل بیا مونږ دچسپناکه کشش قوی او نورو قووؤ څخه کومی چی اساساً د څاڅکی په دی لوی سرعت کی وجود لری صرف نظر کوو.

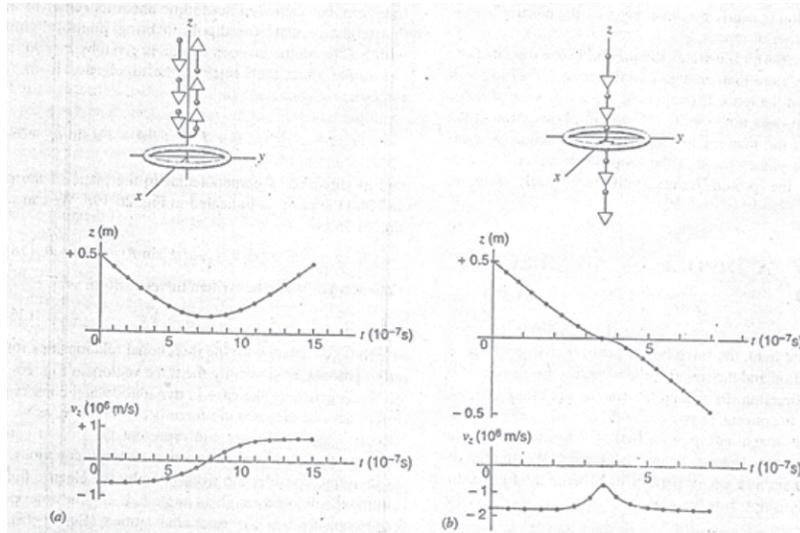
دابتدائی چارج اندازه کول:

نن مونږ پوهیږو چی دبرقی چارج صفات او کمیت د تیوری او فورمول په واسطه اندازه کیداشی. چی مقدار ئی ($1,602 \ 176462 \times 10^{-19} \text{ C}$) قبول شویدی. او دچارج دغه مقدار دفزیک د نورو ثابتو قیمتونو په څیر د مختلفو تجربو په نتیجه کې رامنځ ته شویدی. دلومړی ځل لپاره مونږ کله چی پدی پوه شو چی څنگه په عددی ډول چارج اندازه کیږی. او چارج په څه ډول اندازه شویدی.؟ ددغه پوښتنو لپاره ځوابونه دیو امریکائی فزیک دان (Robert A. Millikan) د تجربو څخه ترلاسه کیدای شی. دهمدغه تجربو په ترڅ کې نوموړی عالم په ۱۹۲۳م کال کې دفزیک په برخه دنوبل نړیواله جایزه ترلاسه کړه. ۲۰۱۷ شکل دملیکان دتجربی الات بنائی. یوه دستگاه چی عنصر په وړو زرو بدلوی معرفی کوی. دتیلو واړه څاڅکی د A حجری ته داخلوی. بعضی ددی څاڅکو څخه کولای شی چی پدی پروسه کې مثبت یا منفی چارج ترلاسه کړی. یو څاڅکی چی د q منفی چارج لری چی د c حجری ته دیو واړه سوری دلاری چی د P_1 په پلیټ کې دی داخلیری. که چیرته د c په حجره کې برقی ساحه نه وی دوه قوی دڅاڅکی دپاسه عمل کوی.



شکل ۱۷-۲

چې یوه ئی د mg وزن چې جهت ئی بنکته لور ته او بله دککشش قوه ده چې جهت ئی پورته خواته دی چې ددی قوی شدت د خاڅکی د جریان د سرعت سره متناسب دی. کله چې د خاڅکی سرعت د V ثابت مقدار ته ورسېږی په دی حالت کې دواړه قوی سره توازن پیدا کوی. د \vec{E} برقی ساحه چې بنکته خواته ده. په حجره کې د P_1 او P_2 د پلټونو په منځ کې پورته د بیټری سره وصل کوؤ، اوس د $q\vec{E}$ دریمه قوه د خاڅکی د پاسه عمل کوی. که چیری q منفی وی دا قوه پورته لوری ته ده. او مونږ فرض کوؤ چې اوس خاڅکی پورته خواته د V په نوی نهائی سرعت سره جریان لری. په هر حالت کې دککشش د قوی جهت د خاڅکی د حرکت د سرعت سره مخالف دی. چې مقدار ئی متناسب دی د خاڅکی د سرعت سره د q_1 چارج کولای شو چې د V' او V د سرعتونو د مخې اندازه کړو. ملیکان چی د q مقدار په اطمینان سره د $(q = ne \quad n = 0 \pm 1 \pm 2 \pm 3 \dots)$ رابطی له مخې پیدا کړی وه دا هغه چارج دی چی د خاڅکی د پاسه څرگندیده. فقط خو برابره د صحیح عدد د ټاکلی اصلی اندازی وه د e د اساسی چارج، کوم چی ملیکان دهغه د $1.64 \times 10^{-19} C$ قیمت لرلو څخه نتیجه اخسیتی وه، کوم چی هغه مکمل ثابت قبول شوی مروج قیمت دی د ملیکان تجربی د تیوری او فورمول په واسطه د چارج د ثبوت قانع کوونکی وسیله برابره کړه.



شکل ۱۸-۲

په غیري منظمه برقي ساحه کی حرکت:

تر اوسه پوری مونږ یوازی هغه منظمی برقی ساحي په نظر کی نیولی په کوم کی چی برقی ساحه په مقدار کی ثابتہ وه او جهت ئی اکثره د هغه فضاء د پاسه وه په کومه کی چی زره حرکت کوی، خو اوس مونږ اکثره دهغه ساحو مقدار پیدا کړ چی غیر منظمی دی د مثال په ډول مونږ ۱۸-۲ شکل کی د مثبت چارج یو حلقه فرضوو دا برقی ساحه د حلقی د محور د پاسه د ۱۸-۲ معادلی په واسطه ورکړ شوی ده اوس مونږ فرضوو چی یو چارج لرونکی جسم دیو لری فاصلی څخه د حلقی د Z د محور په طرف د V_0 په لومړنی سرعت سره پرتاب کوو. د حلقی څخه په لویه فاصله کی د جسم حرکت د محور په اوږدو کی دی برقی ساحه (او په همدی دلیل برقی قوه د جسم د پاسه) زیاتوالی

مومی. د جاذبی قوی له نظره غورځول او یواخی په زری باندي برقی قوی ته نظر کول دي. مونږ څرنگه کولی شو چی دهغی راتلونکی حرکت تحلیل کړو؟ په داسی حالاتو کی باید

تحليلی میتودونو څخه د قوو د مربوطه موقیعت لپاره دهغه بحث په شان چی په 5 - 5 برخه کی د قوو مربوطه وخت وه کاراخلو. دی ته معادل دیو میتود ساختمان په

۱۲-۵ برخه کی ورکړل شوی، ځکه لکه څنگه چی مونږ په څلورم څپرکی کی ورباندی بحث وکړ الکتروستاتیکی قوه یوه متناوبه محافظه کاره قوه ده. مونږ کولی شو چی دحل د لاسته راوړلو لپاره عددی میتود استعمال کړو او په دی منظور دا حرکت په ډیرو کوچنیو انټروالونو ویشو په کوم چی مونږ کولای شو چی هغه تعجیل په لاس راوړو کوم چی ثابت ته نږدی وی یو تقریبی حل دکمپیوتر په وسیله لاس ته راوړل کیدای شی ددی محاسبی لپاره مونږ کولی شو چی یوه حلقه د $R = 3cm$ په شعاع او $x = 2x10^{-7} c/m$ دخطی چارج دکثافت لرونکی ده.

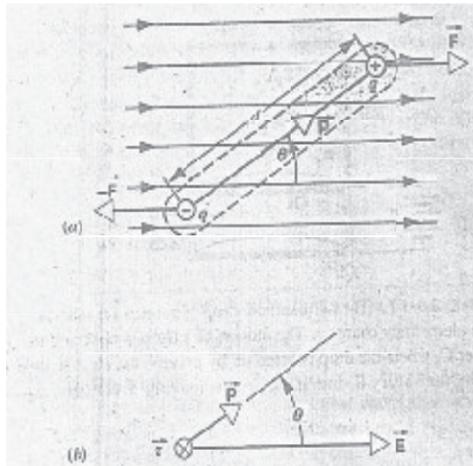
یوپروتون ($m = 1,67x10^{-27} kg$ و $q = +1,6x10^{-19} C$) دمحور په اړدو کی داولنی موقیعت څخه د ($z = +0.5 m$) په فاصله او ($V_{z0} = -7x10^5 m/sec$) په اولنی سرعت پرتاب کیږی (داولنی سرعت دمنفی والی معنی دا ده چی داپروتون حرکت کوی د حلقی په لوری بنکنه خواته کوم چی غورځیږی د x, y په مستوی کی) مثبت چارج لرونکی حلقه په مثبت چارج لرونکی پروتون باندی یوه ددفعی قوه واردوی چه دا دهغه سرعت ته کموالی ورکوي. په $a-2$ شکل کی مونږ دپروتون د حرکت هغه نتیجه رسم کړی چی کافی لمړنی حرکتی انرژي دحلقی سطحی ته درسیدو لپاره نلری او دا پروتون ناڅاپه دحلقی دسطحی دپاسه په یوه نقطه کی ارامیږی او وروسته له دی د z دمحور په مثبت جهت کی د خپل حرکت معکوس دحلقی په شان په نوی تعجیل حرکت کوی.

نوټ: دا اعتراض دحلقی په نږدی فضاء کی دی دپروتون دا سرعت تقریباً ثابت دی. ځکه په لری فاصله کی برقی ساحه ضعیفه ده.

$a-2$ شکل دپروتون د حرکت هغه حالت روښانه کوی چی حلقی ته درسیدو لپاره زیاته اولنی حرکتی انرژي لری ددفعی قوه دپروتون حرکت بطی کوی ولی هغه نه ودروی پروتون دپخوا په شان د سرعت په کم مقدار سره حلقی ته رسیږی، یو ځل بیا دحلقی په وړاندی دپروتون د حرکت سرعت ثابتوالی ته ډیر نږدی کیږی.

۷-۲ په برقی ساحه کی دایپول (*A Dipole in an Electric Field*):

کله چی مورې یو برقی دایپول د (*a*-۵ شکل په شان) په یوه خارجی برقی ساحه کی خای په خای کړو هغه قوه چی په مثبت چارج باندی عمل کوي په یوه جهت کی وی. او هغه چه په منفی چارج واردیږی. هغه به په بل جهت کی وی. ددغو قوو دخالصو اغیزو د محاسبی کولو لپاره دا غوره ده چی د P دایپول مومنتم وکتور وکارؤو. کوم چی $P=qd$ مقدار لری کوم چی اشاره کوی د منفی چارج څخه د مثبت چارج په لوری دایپول مومنتم لیکل دیوه وکتور په ډول مورې ته ددی اجازه راکوی تر څو په برقی دایپول کی شاملی اساسی رابطی په لنډه توگه و لیکو. ۱۹-۲ شکل یو دایپول د \vec{E} په یوه منظمه برقی ساحه کی بنائی داساحه د دایپول خپله نه ده بلکه د خارجی نماینده څخه حاصل شوی او په شکل کی ښودل شوی نه ده. د P دایپول مومنتم د ساحی له جهت سره د θ یوه زاویه جوړوی مونږ فرض کوؤ چی ساحه منظمه ده نو ځکه \vec{E} مشابه مقدار او جهت د $+q$ او $-q$ په موقعیت کی لری نویدی خاطر په $+q$ او $-q$ باندی واردی قوی د $F = Eq$ مساوی مقدار لری مگر جهتونه ئی مخالف دی لکه *a* ۱۹-۲ شکل کی چی ښوول شوی



شکل ۱۹-۲

په دایپول باندي خالصی قوی دخارجی ساحه له امله صفردی ولی هلته خالص تا کلي ترک دهغی په مرکز کی دکتلی دنرم تاویدلو لپاره شته چی د P دایپول د \vec{E} په لیکه برابره وی ترک په هر چارج باندي د $\tau = F_{\tau}$ څخه حاصلوو خالص ترک د دایپول په مرکز کی ددوه قوو دمقدار دخاص جمعی څخه عبارت دی یعنی:

$$\tau = F \frac{d}{2} \sin \theta + F \frac{d}{2} \sin \theta = Fd \sin \theta, \quad (2 - 25)$$

او جهت ئی دصفحی په داخل کی دصفحی په مستوی عمود دی لکه څنگه چی په ۲b-۱۹ شکل کی بنودل شوی دی. مور کولای شو چی ۲-۲۵ معادله ولیکو.

$$\tau = (qE)d \sin \theta = (qd)E \sin \theta = pE \sin \theta. \quad (2 - 26)$$

۲-۲۲ معادله کیداشی په کتوری بڼه ولیکل شی

$$\vec{\tau} = \vec{p} \times \vec{E} \quad (2 - 27)$$

دا رابطه په جهت کی اریکه لری. لکه څنگه چی په ۲b-۱۸ شکل کی د دری ویکتورونو په وسیله بنودل شوی ده، دا حالت په عمومی ډول په *dynamics* کې هغه وخت منع ته راځی چی ثابتی قوی عمل وکړی مونږ کولای شو چی دا سیستم په دواړو یعنی هم دقوی په معادلی او هم دانرژي د معادلی په وسیله ونبایو نو په دی وجه مونږ به هغه کار ته توجه کوو. کوم چی د برقی ساحی دایپول دیوی θ زاوی په راگرځیدو سره اجراء کوی دمناسب فورمول کارول دچور لیدونکی حرکت لپاره ۱-۱۱ معادله ده هغه کار کوم چی دیوی خارجي ساحی دا *dipole* دگرځولو په وسیله د θ_0 دزاوئی څخه په آخری زاوئی د θ کی اجراء شوی وی:

$$W = \int dW = \int_{\theta_0}^{\theta} \vec{\tau} \cdot d\vec{\theta} = \int_{\theta_0}^{\theta} -\tau d\theta, \quad (2 - 28)$$

چیرته چی د T ترک عمل کوي دخارجي برقي ساحي پواسطه په ۲-۲۸ معادله کی منفي علامه ضروري ده د T ترک د θ د کمیدو میل لري د وکتور په علمي اصطلاح کی، $\vec{\tau}$

ترک او $d\vec{\theta}$ مخالف جهتونه لری همدارنگه $- \tau d\theta = \vec{\tau} \cdot d\vec{\theta}$ د ۲-۲۸ او ۲-۲۲ معادلو د ترکیب څخه مونږ پلاس راوړو:

$$w = \int_{\theta_0}^{\theta} -pE \sin \theta d\theta = -pE \int_{\theta_0}^{\theta} \sin \theta d\theta$$

$$= pE(\cos \theta - \cos \theta_0). \quad (2-29)$$

پس د اجراء شوی کار عامل د خارجي ساحي محصول دي چي د دایپول د مثبتې (+) ساحي د سیستم پوتانسایلی انرژي په منفي بدلیدو سره مساوي دي مونږ لرو:

$$(2-30) \quad \Delta U = U(\theta) - U(\theta_0) = -W = -pE(\cos \theta - \cos \theta_0).$$

که مونږ د θ_0 زاویه 90° قبوله کړو نو پوتانسایلی انرژي $U(\theta_0)$ به صفر وي دا هغه زاویه ده چي د θ د هري زاوي لپاره ئی پوتانسایلی انرژي مساوي ده د:

$$U = -pE \cos \theta \quad (2-31)$$

که په وکتوري شکل یې ولیکو نو لرو:

$$U = -\vec{P} \cdot \vec{E} \quad (2-32)$$

بنا پر دی u اضغری ده کله چي \vec{P} او \vec{E} سره موازی وی. داوبیو مالیکول دبرقی دایپول مومنت جوړښت لري چه یو ډیر کوچنی الکترومقناطسی موج په کره ای داشونوکی لری دالکترومقناطس د کوچنی موج شعاع د برقی ساحی دایپول مومنت داوبود مالیکولونود دورخوړلومیل په منظم ډول په برقی ساحه کی لری داوبوآزاد مالیکول کولی شی دتعدادل دحالت لپاره مخکی او وروسته واقعا نوسانی حرکت وکړی. بلکي په موادوکی (مثلاً دغذاپشان) داوبود مجاورو مالیکولونو ترمنځ متقابل عمل پواسطه د ترک زاویه وی حرکت معکوس کوي (یا په برقی ساحه کي د دایپول د دوران د امله د پوتانسایلی انرژي کموالي سره حرکتی انرژي زیاتیری) په داخلی انرژي کی دبرقی ساحي جهت په هرو $2 \times 10^{-10} \text{ sec}$ کی معکوس کیږی او همدارنگه

ډايپول مومنت هميشه كوشش كوي چې د ساحي انرژي تبديله كړي د غذا په پخولو كې مونږه كولاي شو د يو ډايپول د حركت مفهوم ترجمه كړو په يوه خارجي ساحه كې دا دواړه اساساً د يو ترك د هغه دوران ډايپول په برقي ساحه كې چې د ۲-۲۷ معادلي په اساس تنظيمېږي يا د يوې پوتنسيالي انرژي پواسطه چې هغه اضري كېږي كله چې ډايپول د برقي ساحي سره د ۲-۳۲ معادله په صف كې راشي .

۲-۷ نمونه يې مسوله: د او بو H_2O د بخار يو ماليكول يو برقي ډايپول مومنت لري چې مقداري $P = 6,2 \times 10^{-30} \text{ C. m}$ (د لوي ډايپول مومنت د او بو د جوړولو زيات خواص لري فقط د يو مهم جنس پشان قابليت لري چې تقريباً د يو عمومي محلل په شان عمل كوي).

۲-۲۰ شكل د ماليكول چې درې هستې او د الكترون توزيع په احاطه كې رانښايي د \vec{P} برقي ډايپول مومنت د وكتور په شكل بيانوي د محور مشابه ډايپول مومنت پيدا كېږي .
ځكه د مركزي عامل د مثبت چارج منطبق نه دی د منفي چارج د مركزي عامل سره (د مقايسه كولو يو حالت هغه يو ماليكول د كاربن دائي اكسايډ CO_2 دلته درې اتومه په يو خط مستقيماً وصل شوی د كاربن دوسط سره او اكسيجن ئی په يوبل طرف كې د مثبت چارج مركز او د منفي چارج مركز ددې ماليكول دكتلی په مركز منطبق دی او د CO_2 برقي ډايپول مومنت صفر دی).

(a) د H_2O د او بو په ماليكول كې د مثبت او منفي چارجونو د جدا والی مركزي عامل خومره لری دی؟

(b) د او بو په ماليكول اعظمی ترك په هغه صورت كې چې د برقي ساحي مقدار $1,5 \times 10^4 \text{ N/C}$ دی خومره دی؟

(c) فرض وچي د او بو H_2O د ماليكول ډايپول مومنت د ساحي مخالف جهت كې وی برقي ساحي به خومره كار انجام كړي وی د ماليكول په خپل محور د خرڅيدلو لپاره چې په دی ساحه كې ئی منظم كړي؟

حل:

(a) - دلته (10) الکترونه او (10) متناظر مثبت چارجونه په دی مالیکول کی دی، مونږ د ایپول مومنت دمقدار معلومولو لپاره کوالی شوچی ولیکو:

$$P = qd = (10e)(d)$$

e ابتدائی چارج دی مونږ غواړو d چی د جدائی فاصله ده په لاسراوړونو:

$$d = \frac{p}{10e} = \frac{6.2 \times 10^{-30} \text{ C}\cdot\text{m}}{(10)(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})} \\ = 3.9 \times 10^{-12} \text{ m} = 3.9 \text{ pm.}$$

دایه دی مالیکول کی تقریباً 4% د OH د باندی فاصله ده.

(b) - همدارنگه ۲-۲۲ معادله رابنائی چی ترک هغه وخت اعظمی دی چی $\theta = 90^\circ$ شی که دا حاصل شوی قیمت په دی معادله کی وضع کړولو:

$$\tau = pE \sin \theta = (6.2 \times 10^{-30} \text{ C}\cdot\text{m})(1.5 \times 10^4 \text{ N/C})(\sin 90^\circ) \\ = 9.3 \times 10^{-26} \text{ N}\cdot\text{m.}$$

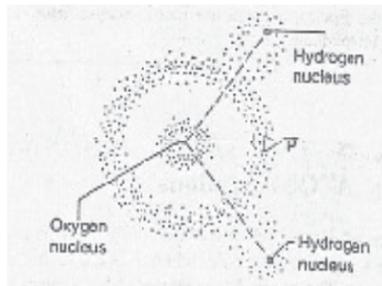
(c) - د ایپول دخرخیدولپاره اجراءشوی کار د $\theta_0 = 180^\circ$ څخه تر $\theta = 0^\circ$ پوری ۲۹-۲۹ معادلی څخه حاصلیری:

$$W = pE(\cos \theta - \cos \theta_0) \\ = pE(\cos 0^\circ - \cos 180^\circ) \\ = 2pE = (2)(6.2 \times 10^{-30} \text{ C}\cdot\text{m})(1.5 \times 10^4 \text{ N/C}) \\ = 1.9 \times 10^{-25} \text{ J.}$$

دیومالیکول د داخلی انرژی دسنجش لپاره چی متوسط تغیرکی برخه اخلی دکوتی دحرارت په درجه کی $3/2 KT = 6.2 \times 10^{-21} \text{ J}$ داخلی انرژی ده، چی 33,000 کرته لویه ده.

ددی پوښتنی دوضعیت څخه حرارتی هیجان کولای شی چی ټول دایپولونه دخپل میلان له امله دساحی سره په یوه لیکه کی برابرکړی په هغه صورت کی چی دمالیکولونو مجموعه دکوتی دحرارت په درجه کی موجوده وی د ایپول مومنت سره

تصادفاً جهت لرونکی کیری دیوی برقی ساحی دتفاضاله مخی په دی مقدار سره کولای شی یو ناخیز تاثیر د دایپول مومنت په لیکه کی ولری ځکه په دالویه داخلی انرژي سره که چیرته مونږ خواهش ولرود دایپولونوپه لیکه راتللو لپاره مونږ ضرورت زیاته قوی ساحه او ډیره بنکته دحرارت درجه باید استعمال کړو.



۲-۲۰ شکل: د H_2O دایپول مومنت دالکترونو دتوزیع، دری هستی اود \vec{P} برقی دي پول مومنت رانباتی.

۲-۸ داتوم هستوی مپل (اختیاری):

نن ورځ مونږ پوهیږو چې یو اتوم مرکب دی دکوچنی هستی چی د ze مثبت چارج لری . چرته چه Z داتوم اتومی نمبر دی. چی داهسته دډیر لوی حجم په واسطه احاطه شوی چی د Z په شمیرالکترونونه پکی دحرکت په حال کی دی چی هریوئی د $-e$ یو چارج لری، داچی داتوم دالکترونو شمیر (منفی چارج) اودهستی مثبت چارج برابردی نوپه دی اساسی اتوم دچارج له حیثه خنثی دی همدارنگه مونږ پوهیږو چې داتوم دکتلی % 99,995 په هسته کی دی. د 20 قرن په لومړیو کلونو کی دا واقعیت نه وه پیژندل شوی او هلته داتوم دجوړښت په هکله مختلفی نظری وی او خاصتاً ددی مثبت چارج دتوزیع په هکله ډیری نظری موجودی وی. دهغه یوازنی نظری موافق چی په هغه وخت کی دقبول وړه هغه دا وه چی دمثبت چارج توزیع ډیره یالږه ټوله په یونواخت ډول داتوم دکری دحجم په داخل کی ده . داتوم دجوړښت دامپل ته دتامسن مپل وائی. چی وروسته J.J. Thomson دهغه څوک وه چه دائی پیشنهاد کړ. (تامسن اول چارج اندازه

کړې وه د الکترون د کتلې د نسبت څخه او همدارنگه اکثره د الکترون کاشف په شان ئې اعتبار درلود). هغه همدارنگه دامپل د چرگی دهگي په شان بیان کړې وه ځکه الکترونونه ټول په کره کی د مثبت چارج څخه د کشمش په شان جدا خپاره شوی دی. یوه امتحانی لاره ددی مهل داده چی تصمیم و نیول شی د اتوم د برقی ساحی د پوښتنی لپاره چی یوه وړانگه د مثبت چارج څخه پرتاب کوی د اقبلوؤ چی نږدی ده د پیری وړی زری هغه وړانگی ته چی د اتوم په برقی ساحه کی انحراف کوی او یا جدا کیږی، په لاندی بحث کی مونږ بیانو، د پرتاب هغه تاثیر چی د کری د مثبت چارج په نتیجه کی مینځ ته راځی. مونږ فرضوو هغه پرتاب شوی جسم دهغه د وارو لپاره چی د اتوم څخه ئې حجم دیر لږدی او د الکترون څخه دیر زیات دی د الکترونو د الاره دیر ناخیزه تاثیر لری د پرتاب شوی جسم د جدا کیډو لپاره. او فرضولای شو چی اتوم د سکون په حالت کی پاتی شی په هغه وخت کی چی پرتاب شوی جسم متحرک کیږی. مونږ کولای شو چه د تامسن د اتوم دیو مهل انحراف تخمین کړو چی پرتاب شوی جسم د اتوم په ټول حجم کی په یونواخت ډول توزیع شوی وی د مثبت یونواخت کروی چارج برقی ساحه ۲-۲ معادله د چارج شوی کری څخه بیرون نقطو کی او ۲-۲۴ معادله ئې د چارج شوی کری په داخلی نقطو کی راکوی. په همدی شان کولای شو چه برقی ساحه یی په سطحه کی حساب کړو کومه چه په ۲-۸ شکل کی ښودل شوی ده ممکنه ده په دی توزیع کی لویه ساحه حاصله کړو مونږ یو دروند اتوم تشریح کوولکه د پلا په شان، کوم چی د Q مثبت چارج لری د $79e$ په اندازه او د R یوه شعاع چی $1,0 \times 10^{-10} m$ ده د الکترون څخه صرف نظر شوی د مثبت چارج برقی ساحه د $r = R$ په وضع کولوسره لرو:

$$E_{\max} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{R^2} = 1.1 \times 10^{13} \text{ N/C.}$$

زمونږ په تجربی کی چی د پرتاب شوی جسم لپاره ده که چیری د ∞ زری د وړانگی په شان استعمال شی کومه چی د q مثبت چارج ئې د $2e$ په اندازه او د m یو کتله د $6,6 \times 10^{-27} \text{ Kg}$ په اندازه لری. د ∞ زره دهلیوم زره ده چی د بعضی رادیوکتیو

تجزئی په وخت کی خپریری چی دحرکی انرژی اندازه ئی فقط دهری زری لپاره
 $J = 9,6 \times 10^{-13}$ ده $K = 6 \text{ MeV}$ ددها انرژی تاسی کولی شی. په اسانه تحقیق کړی
 دزری لپاره چی $1,7 \times 10^7 \text{ m/sec}$ سرعت لری. هغه زره چی داتوم دسطحی سره نږدی
 تیریری کومه چی په دی تجربه کی ددی اتوم لویه برقی ساحه چی په زره عمل کوی چی
 قوه ئی برابره ده د:

$$F = qE_{max} = 3,5 \times 10^{-6} \text{ N}$$

۲۱-۲ شکل یوه کلی طرحه دهندسی شکل دیوی تجربی، دزری دپراگندگی (جدوالی)
 رابنائی. ددی انحراف حقیقی محاسبه نسبتاً مغلقه ده. بلکه مونږ کولای شو چی بعضی
 تخمیني ساده محاسبی، داعظمی انحراف اوزیروالی لپاره اجراء کړو.
 راځی. فرض کړو چی پورته قوه ثابتته اود Δt په وخت کی داسی عمل کوی چی دپرتاب
 شوی جسم دگرځیدو فاصله داتوم دقطر سره برابره شی چی په ۲۱-۲ شکل کی ښوول شوی
 ددی وخت انتروال عبارت دی له:

$$\Delta t = \frac{2R}{v} = 1,2 \times 10^{-17} \text{ s}$$

داقوه زری ته د a پری کونکی تعجیل ورکوی، کوم چی د Δv یوپری کونکی سرعت
 تیاره وی چی عبارت دی له:

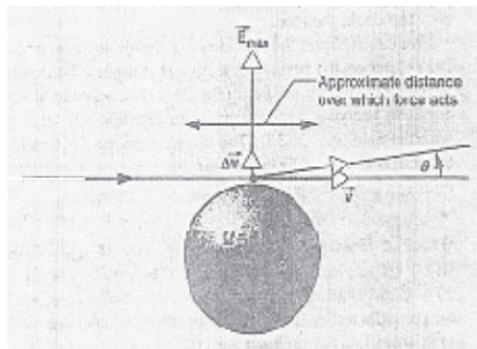
$$\Delta v = a \cdot \Delta t = \frac{F}{m} \Delta t = 6,4 \times 10^3 \text{ m/s}$$

زره شاید د θ دوری زاوئی په اندازه انحراف وکړی دهغی په باره کی داتخمین کوو:

$$\theta = \tan^{-1} \frac{\Delta v}{v} = 0,02^\circ$$

دانوعه دجدائی (پراگندگی) تجربه لومړی د (رادرفورت) اوملگروپه واسطه
 د(انگلیند) په مانچستر کی په 1911 م کال کی اجراء شوه دوی د ∞ الفایو په وړانگه

د طلا دیوی نازکی ورقی څخه تیره کړه. اودبني احتمال د تخنیل تصمیم ئی د الفادزرو چی د θ په مختلفو زاویو جدا (پراگنده) شوی وی دهغوی د اصلی جهت څخه وینو البته دوی ونشو کړای هغه د الفازری چی د اتوم د زرو څخه تیریري کنترول کړی. په واقعیت کی په غیرد تقوی څخه د تحریک له امله ډیری زیاتی د الفاءزری کولای شی چی تیری شی د اتوم دهغه حجم څخه چی په ۲-۲۱ شکل کی دی اود (تامسن دمیل مطابق) د اعظمی زاویي څخه کم انحراف مونږ شو حساب کړو. ددی تجربی نتیجی هغه وینودله.



شکل ۲-۲۱

اگرچی د الفاد تپولوزرو انحراف هغه زاویوته چی لوی نه وی دیو درجی دیو پرسلمه $\frac{1}{100}$ برخی په نسبت یو کوچنی عدد (شاید د 1 څخه تر 10^4) وی انحراف دلویو زاویو په غیرد 90° څخه کاملاً تامسن دمیل سره په ټکرکی دی، اودی رادرفورد دی ویناته اړکړچی دا ځما په ژوند کی تر ټولو حیرانوونکی کار وه. دا تقریباً دو مره حیرانوونکی وه لکه ته چی یو 15 inch قشر لرونکی نازکه ټوټه د کاغذ سوځیدو څخه بیرون کړی او هغه بیرته راوگرزی اود ستاسره اصابت وکړی. د جدا کیدو ددی قسم تجربی په اساس رادرفورد انتیجی اخستی وه.

هغه مثبت چارج چی دیو اتوم په ټوله کره کی نه دی خپور شوی بلکه په یوه کوچنی منطقه کی (هسته ده) چی د اتوم مرکزته نږدی ده وجود لری په دی حالت کی

دطلا داتوم دهستی شعاع $7 \times 10^{-15} \text{ m}$ (7 fm) چی په اټکلی ډول 10^{-4} کرته داتوم دشعاع څخه کوچنی ده. هغه حجم چی هستی اشغال کړی 10^{-12} داتوم دی. کولی شو چی اعظمی برقی ساحه او مطابقه قوه ئی چی دالفایه یوه زره، هغه چی دهستی دتړلی سطحی څخه تیریری محاسبه کړو. که چیرته مونږهسته دیومنظم کره ئی توپ په شان فرض کړو چی چارج ئی $Q = 79e$ او شعاع ئی 7 fm وی اعظمی برقی ساحه ئی:

$$E_{max} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{R^2} = 2,3 \times 10^{21} \text{ N/C}$$

دا ته کرته د برقی ساحی دلوی مقدار په نسبت زیات دی هغه چی عمل کوی داتوم دموډل د سطحی په یوه زره چه قوه یی مطابقت کوی:

$$F = q E_{max} = 740 \text{ N}$$

دایوه لویه قوه ده . مونږ کولی شو چی خپلی مخکینی محاسبه لنډه کړو او فرض کړو چی دا قوه ثابت ده او عمل کوی په یوه زره د Δt په وخت کی. هغه وخت چی دزری د حرکت فاصله ئی دهستی د قطر سره برابره شی عبارت ده له:

$$\Delta t = \frac{2R}{v} = 8,2 \times 10^{-22} \text{ s}$$

دا تغیر مطابقت کوی دزری دهغه سرعت سره چی په تخمینی ډول عبارت دی د:

$$\Delta v = a \Delta t = \frac{F}{m} \Delta t = 9 \times 10^7 \text{ m/s}$$

چی دا دهغه دخپل سرعت سره دمقایسی وړدی. مونږهغه داتوم دیوی هستی لپاره حساب کړی دی. کولای شو چی یوه برقی ساحه پلاس راوړو کومه چی په کافی اندازه لویه ده دپرتاب شوی جسم دمعکوس حرکت څخه دهستوی اتوم دموډل په اساس رادرفور دپه دی وتوانید چی دزراتولپاره یو خاص فارمول په لاس راوړی، کوم چی په هره زاویه سره رادرفور دیوی مناسبی نتیجی دصحیح فورمول لپاره دجدا شوو زاراتو دشمیر په هره خاصه زاویه په لاس راوړ، او تجربی ئی ددی فورمول سره موافقه

پریکړه وښووله او هغه همدارنگه مناسب استعمال د فورمول دښه شو او تومونو د اتومی نمبر Z وښود، علاوه پردی دهغه زراتولپاره چی زیاته انرژي لری او په حقیقت کی په هسته کی نفوذکوی (وگوری. ۱-۷ نمونه ئی پوښتنه) استعمال کړ. دامپل ئی همدارنگه دهستی دشعاع لپاره استعمال کړ.

د کلاسیک اورنځ لری کوونکی سلسله دهغه د تجربی اوروښانه شرح بنیاد، دنوی اتومی مپل اودهستی د طبیعت لپاره کیښود. رادرفورد په عمومی توگه ددی ساحود اعتبار ورومؤسس دی. د کلاسیک او تخیلی تجرو بودسلسلی څخه دمپرن اتوم اوهستوی فزیک اساس کیښودل شو. ددی ساحی زیات اعتبار او کړیدت درادرفورد ته ورکړ شوی.

څو ځوابه انتخابه پوښتنی

۲-۱ ساحه څه شی دی؟

۲-۲ برقی ساحه

۱- هغه برقی ساحه چی په ۲-۳ معادله کی تعریف شوی د q_0 په کوچنی مثبت چارج پوری اړه لری که چیری په عوض ئی هغه معرفی شی چی په کوچنی چارج پوری مربوطه وی او مساوی مقدارونه ولری. وروسته اولنی. او اخیرنی. معرفی شوی ساحو دمقایسی څخه اشاره کوی دپته چی:

(A): مشابه جهت او مساوی مقدار لری.

(B): مختلف جهت او مساوی مقدار لری.

(C): عینی جهت او مختلف مقدارونه لری.

(D): مختلف جهت او مختلف مقدارونه لری

۲۲-۳ دیونقطوی چارج برقی ساحه:

۲- د $+q$ یونقطوی چارج په مبداء کې، او $+2q$ نقطوی چارج د $x = a$ کې قرار لری چېرته چې a مثبت وی.

(a): لاندی جملو څخه کومه یوه صحیح ده؟

(A) چارجونوته نږدی اود x د محور څخه بیرون ، کیدای شی برقی ساحه صفروی.

(B) چارجونوته نږدی اود x د محور څخه بیرون ، کیدای شی د برقی ساحی مقدار اعظمی وی.

(C) د چارجونوپه منځ کې په یوځای کې، کیدای شی برقی ساحه صفروی.

(D) د x په محوریه محدودو نقطو کې چې د چارجونوپه منځ کې نه وی، کیدای شی برقی ساحه صفروی.

(b): په لاندی کومه نقطه کې به د a انرژي لرونکی نقطه شتوالی لری چېرته چې

د برقی ساحی مقدار صفروی؟

$$-\infty < x < 0 \quad (A)$$

$$0 < x < a \quad (B)$$

$$a < x < \infty \quad (C)$$

$$E \quad (D) \quad -\infty < x < \infty \quad \text{په ناحیه کې له منځه نه ځی .}$$

۳- د $+q$ نقطوی چارج په مبداء کې او $-2q$ یونقطوی چارج په $x = a$ موقیعت لری چېرې چې a مثبت وی.

(a): کومه یوه له لاندینیو جملو څخه صحیح ده؟

(A): چارجونوته نږدی به د x د محور څخه لری برقی ساحه صفروی.

(B): چارجونوته نږدی به د x د محور څخه لری د برقی ساحی مقدار اعظمی وی.

(C): د چارجونوپه منځ کې به برقی ساحه صفروی.

(D): برقی ساحه د x په محور په محدودو نقطو کی صفری نه د چارجونو په منح کی.

(b): په کومولاندینیو ناحیو کی یوه نقطه شته ده کومه چی د برقی ساحی مقدارئی

صفری؟ (A): $\infty < x < o$

(B): $o < x < a$

(C): $a < x < \infty$

(D): $-\infty < x < \infty$ په E ناحیه کی له منځه نه ځی.

۲-۴ د متوالی چارجونو د توزیع برقی ساحه:

۴- د چارج دیونواخت حلقی د محور د پاسه $E(z)$ د برقی ساحی مقدار په:

(a): $E(z)$ شاید تر ټولو ډیر لوی قیمت ولری چیرته چی :

(A) $z = o$

(B) $o < |z| < \infty$

(C) $|z| = \infty$

(D) A او C دواړه صحیح دی

(b): $E(z)$ به صفری چیرته چی:

(A) $z = o$

(B) $o < |z| < \infty$

(C) $|z| = \infty$

(D) A او C صحیح دي

۵- د $E(z)$ برقی ساحی مقدار دیوی منظمی چارجداره صفحی د محور د پاسه عبارت دی له:

(a): شاید $E(z)$ تریولولوی قیمت ولری چیرته چی:

$$z = 0 : (A)$$

$$0 < |z| < \infty : (B)$$

$$|z| = \infty : (C)$$

(D): A او C صحیح دی

(b): $E(z)$ به صفروی چیرته چی:

$$z = 0 : (A)$$

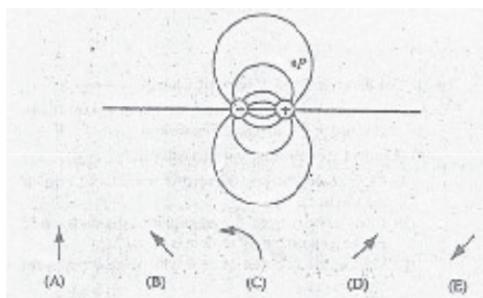
$$0 < |z| < \infty : (B)$$

$$|z| = \infty : (C)$$

(D): A او C صحیح دی

۲-۵ دبرقی ساحی خطونه:

۲-۲۲ شکل دبرقی ساحی کرنسی دیوه برقی دایپول گرچاپیره رانباتی کوم یوله غشوخته د P په نقطه کی تریولوپه بنه ډول برقی ساحه بنودلی شی؟



۲-۲۲ شکل: خوځوابه ۲ پوښتنه.

۲-۲۳ شکل دبرقی ساحی کرنسی رانباتی د A ، B ، C درې جهته چارچونو دپاره نو:

(a): کوم چارچونه مثبت دی؟

(b): کوم چارج ترتیولوزیات مقدار لری؟

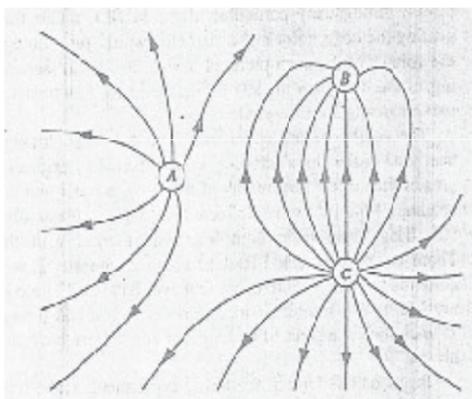
(c): دتصویریه کومه ناحیه یا ناحیه کی به برقی ساحه صفروی؟

(A): نږدی A ته.

(B): نږدی B ته.

(C): نږدی C ته.

(D): په هیڅ ځای کی هم نه

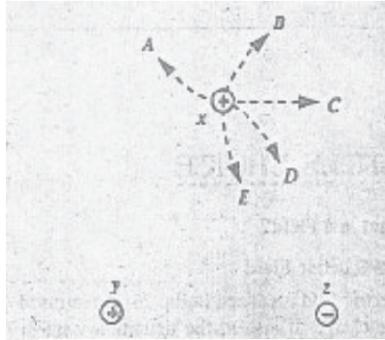


۲-۲۳ شکل: څو ځوابه ۷ پوښتنه.

۲-۲ یونقطوی چارج په یوه برقی ساحه کی:

۸- د x , y او z درې کوچنۍ کرې چی مساوی مقدار د چارج لری او په ۲-۲۴ شکل کی له علاموسره ښودل شوی دوی متساوی الاضلاع مثلث په راسونو کی ځای لری چی د x او y ترمنځ فاصله ئی د x او z ترمنځ فاصلی سره مساوی ده د y او z کرې په یو ځای کی موقیعت لری کوم ځای کی چی د x کره د ډیر کم اصطکاکه سطحی پرمخ آزادانه حرکت کوی.

(a): د برقی قوی جهت د x په دایره کی چه په هغه نقطه کی شکل کیښودل شوی څنگه دی؟ (b): کوم مسیریبه د x کره واخلی کله چی آزادشی؟



۲-۲۴ شکل: خوشوا به ۸ پونبنتنه

۹- یوالکترون په منظمه برقی ساحه کی د مثبت او منفی چارج شوی موازی پلیتونوپه منح کی قرارلری. په الکترون باندی به په کوم حای کی ترپولوزیاته برقی قوه اغیزه وکړی؟

(A): کله چی الکترون مثبتی ورقی ته نږدی وی.

(B): کله چی الکترون منفی ورقی ته نږدی وی.

(C): کله چی الکترون دورقوبه منحنی برخه کی قرارولری.

(D): دموقیعت په نظرکی نه نیولوسره دورقوبه منح کی په امتحانی الکترون باندی یوشان قوه اغیزه کوی.

۱۰- که چیری لاندینی اندازه گیری جوړی شوی وی دچارج $10^{-19} C$ په واحداتوکی دوپوخواخکودییو سلسلی چارجونوخنه کوم یوئی دچارج دلوی اصلی یواحد خنخه دی، هغه ددی شوی ورکړل *Data*، یامفروضاتوخنه استنباط کړی؟

| | | |
|-----|------|------|
| 48 | 19.2 | 28.8 |
| 9.6 | 38.4 | 24 |

(A) : $1,6 \times 10^{-19} C$

(B) : $4,8 \times 10^{-19} C$

(C) : $9,6 \times 10^{-19} C$

$$(D) : 48 \times 10^{-19} C$$

۲-۷ په یوه برقی ساحه کی یو دایپول:

۱۱- د برقی ساحی د فضاء په یوه ټاکلی محل کی قبلوؤ چي $E_x = E_z = 0, E_y \neq 0$ وی او $\partial \vec{E} / \partial x \neq 0, \partial \vec{E} / \partial y = \partial \vec{E} / \partial z = 0$ وی

(a): هغه اساسی قوه په یوه برقی دایپول چي د x د محور سره موازی وی په دی ساحه کی:

(A): د x د محور په امتداد ده.

(B): د y د محور په امتداد ده.

(C): د z د محور په امتداد ده.

(D): د یوه د پاسه هم نه ده.

(b): اساسی ترک په یو برقی دایپول چي د x د محور سره موازی دی په دی ساحه کی:

(A): د x د محور په امتداد دی.

(B): د y د محور په امتداد دی.

(C): د z د محور په امتداد دی.

(D): د یوه د پاسه هم نه دی

((پوښتنی))

1- د سکالری ساحی او وکتوری ساحی په شان زیات نومونه تاسی کولی شی. واخلی؟

2- (a): د ځمکی اویوی تیبری ترمنځ د ځمکی د جاذبی په ساحه کی ایامونږ ویلای شو چي ځمکه د تیبری د جاذبی په ساحه کی واقع کیږی؟

(b): څومره د جاذبی ساحه مناسب ده چي تیبره د ځمکی مربوطه کړی (وتری)؟

3- یو مثبت چارج شوی توپ دوریښمو په یو اوږد تار څوړند دی، مونږ غواړو چې په افقی سطحه کې د څوړند شوی چارج د \vec{E} برقی ساحی شدت پیدا کړو. ددی لپاره مونږ په یوه نقطه کې (q) مثبت نقطوی چارج ږدو او $\frac{F}{q_0}$ اندازه کوو، شاید $\frac{F}{q_0}$ به د \vec{E} په نسبت د پوښتنی په هماغه نقطه کې به لږ مساوی او یا زیاتوی؟

4- دیو امتحانی چارج سره د برقی ساحی په لټولو کې، مونږ اکثره د اسانتیا لپاره فرضوو که هغه امتحانی چارج مثبتوی، نو ای دا واقعاً په دی ساحه کې څومره تفاوت منځ ته راوړی؟ د شرح کولو لپاره ئی تاسی یو ساده حالت پیدا کړی.

5- ولی هیڅکله د برقی ساحی خطونه یو بل نه قطع کوی؟

6- په ۲-۱۳ شکل کې ولی د ساحی خطونه ګرچاپیره د شکل په څنډو کې ښکاره کیږی؟ کله چی شاته وغزیری نو په منظمه ډول د شکل د مرکز څخه وړانګی خپره وی؟

7- یو نقطوی چارج په یوه برقی ساحه کې د ساحی د خطونو ښی لوری ته حرکت کوی. ایپه هغه باندي څومره قوه عمل کوی؟

8- په ۲-۱۴ شکل کې ولی ښوول شوی چی دوښو د دوانو کرنښی د برقی ساحی د کرنښو د پاسه واقع کیږی حال دا چه: دوښو دانی په نارمل حالت کې برقی چارج نلری په 1962. P. 19 کال د جنوری په میاشت کې امریکائی *O. Jefimenko* په اثبات ورسوله چی د برقی ساحی له امله په هادی کې د برقی جریان منځ ته راته او په ورځپاڼه کې ئی نشر کړی.

9- څه ده د *Static cling* د پینښی منشاء. هغه چی بعضی وخت، د خشکه شوی د ماشین څخه د جامو په لری کولو کې ښکاره کیده؟

10- دوه نقطوی چارجونه چی مقدار او علامی ئی معلومی نه دی، د d د فاصلی په اندازه یو دبل څخه جدا دی، د دوی ترمنځ دوصل کوونکی خط د پاسه په یوه نقطه کې برقی ساحه صفر ده، د دوی د چارجونو د محاسبه کولو لپاره څه کولی شی؟

11- دوه نقطوی چارجونه چی مقدار او علامه ئی معلوم نه دی. د d په فاصله دیوبل څخه جدا واقع دی:

(a): ایاممکن ده چی $E = 0$ شی به کومه نقطه کی چی د چارجونوپه منځ کی د وصلو کونکی خط د پاسه نه وی. څه ته ضرورت دی چی دنقطی حالت اوځای وپیژنو؟
 (b): ایاممکنه ده د چارجونو دوه نقطی داسی ترتیب شی ترڅو $E = 0$ (هیڅ نقطه نشته) وی؟! یا لاندی هم ممکنه ده؟

12- دوه چارجونه چی علامه او مقدار ئی معلوم نه دی. د d په فاصله یو دبل څخه جدا ایښودل شوی دی. مونږ کولی شو چی د محور څخه په لری نقطو کی $E = 0$ ولرو (بی شمیره مانع) تشریح ئی کړی؟

13- په ۲-۳ نمونه ئی پوښتنه کی یو چارج په ۲-۴ کی P په نقطه کی د تعادل په حال کی واقع دی ځکه چی کومه قوه ورباندی عمل نکوی:

(a): تغیر مکان لپاره د چارجونو د وصل کونکی خط امتداد په هکله معلومات ولیکی؟

(b): د دی خط بنی لوری ته د تغیر مکان په هکله معلومات ولیکی؟

14- په ۲-۱۲ شکل کی قوی د چارج ښکتنی. نقطی پورته وړی او محدود دی کړی ئی دی، اوس د چارج په دی محل کی د خطونو نورا زدحام (ډیروالی)، دی ته اشاره کوی چی E بی حده لوی دی، په یوه بی حده لویه ساحه کی دیو چارج ښکتنه راوړل دارانباتی چی په هغه بی حده لوی ئی قوی عمل کړی ددی نه حل کیدونکی معما ځواب څه دی؟

15- د q نقطوی چارج د m په کتله په غیر منظمه ساحه کی د سکون (استراحت) څخه آزاد شوی:

(a) هغه ته ولی لازم دی چی د برقی ساحی هغه خطونه چی د آزادی نقطی څخه تیریږی تعقیبه وی؟

(b) ایابرقی زره به د برقی ساحی خطونه څومره تعقیب کړی شرحه ئی کړی؟

16- یو مثبت او یو منفی چارج د مساوی مقدار سره د مستقیم خط په امتداد پراته دی، د E جهت دهغه نقطو لپاره، چې ددی خط د پاسه پرته دی وښایست:

(a): ددی چارجونو په منځ کی.

(b): د چارجونو څخه خارج د مثبت چارج په جهت کی.

(c): د چارجونو څخه بیرون د منفی چارج په جهت کی.

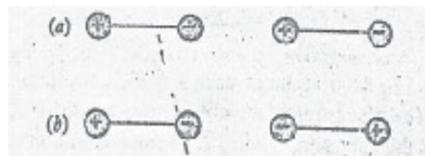
(d): د کرنو څخه لری، خود چارجونو په منځنی سطحه کی.

17- د یو برقی دایپول په منځنی سطحه کی چې د برقی ساحی سره موازی او یا موازی نه وی د P برقی دایپول مومنت وښایست؟

18- د کومی لاری څخه کولی شو چې $2-12$ معادله خرابه وښایو، د $2-12$ شکل د ساحی خطونه که وغواړو چې آرام شی نولازم دی چې $d \ll x$ څخه وی؟

19- (a) دوه یو شان برقی دایپولونه په یو مستقیم خط پراته دی لکه چې په $2a-25$ شکل کی ښودل شوی د برقی قوی مناسب جهت په هر دایپول د بل په موجودیت کی وښایست؟

(b) فرضو چې د $2b-25$ شکل په شان هغه دایپولونه بیارسم شی. په دی حالت کی به اوس د برقی قوی جهت څنگه وی؟



2-25 شکل: 19 پوښتنه.

20- مقایسه کری هغه لارچي E د r سره مختلف وی د:

(a) د یو نقطوی چارج لپاره.

(b) د یو دایپول لپاره او.

(c) د یو څلورگون لپاره.

- 21- د چارج شوی حلقی یا صفحی د برقی ساحی دمحاسبه کولو لپاره چی کوم الجبری (حسابی) مشکل سره مخامخ کیږی هغه مشکل ئی دمخوره نقطو کی ولی نشته؟
- 22- ۲-۲ معادله رابنائی چی د E_z قیمت د ټولو نقطو لپاره یوشان دی مخکی دیونا محدودی ورقی د منظم چارجیدو څخه ایادامعقوله ده ؟ یوقوی فکردادی چی ونبایوچه نږدی ورقی ته د هغه ساحه ډیره قوی ده . ځکه همدارنگه چارجونه ډیرمحصوردی؟
- 23- شرحه کړی ستاسی په شتولغتونو کی هغه هدف چی دملیکان د تیلودخاڅکی دتجربی څخه موترلاسته کړی؟
- 24- دهغه چارج علامه چی دملیکان دتجربی دتیلودخاڅکی دپاسه دحرکت په اثرلری څنگه ده؟
- 25- ولی ملیکان کوشش نه کاوه چی په خپله دستگاه کی دتیلودخاڅکوپه عوض دالکترونودموازنی څخه استفاده وکړی؟
- 26- تاسی واروی، (تاؤکړی) برقی دایپول په یوه منظمه برقی ساحه کی څومره کاربه اجراءشوی وی تاسی کولی شی چی دایپول اصلی دریخ دساحی سره وتړی؟
- 27- دیوبرقی دایپول دریخ په یوه منظمه برقی ساحه کی د دایپول دپوتانسالی انرژی سره آیا:
- (a): ډیرلوی دی.
- (b): ډیرکوچنی دی.
- 28- یوبرقی دایپول په یوه غیر منظمه برقی ساحه کی قرارلری، هغه اساسی قوه پیداکړی چی په دی دایپول عمل کوی؟
- 29- یوبرقی دایپول دسکون په حال کی په یوه خارجی منظمه برقی ساحه کی واقع دی لکه په ۲-۱۹ شکل کی چی بنسول شوی، دحرکت محوه کول ئی وڅیړی؟

30- یو برقی دایپول د P دایپول مومنت لری چی د E منظمی خارجی برقی ساحی سره په یوه ردیف کی قرار لری:

(a) آیا تعادل ئی ثابت دی که نه؟

(b) دهغه تعادل طبیعت او ماهیت وخیبری چی P او E پکی مختلف جهتونه ولری؟

31- یو اتوم په نارمل حالت کی دبرق له حیثه خنشی دی، ولی وروسته دالفاءزره داتوم په واسطه انحراف کوی لاندی ئی تشریح کوی؟

((تمرین))

۲-۱ ساحه څه شی ده؟

۲-۲ برقی ساحه:

1- یو الکترون ته دبرقی ساحی په واسطه دمشرق په لوری $1,84 \times 10^9 \text{ m/sec}^2$ تعجیل ورکول کیږی دبرقی ساحی مقدار او جهت ئی معلوم کوی؟

2- مرطوبه هوا د $3 \times 10^6 \text{ N/C}$ دیوی برقی ساحی په واسطه بنکنه لوری ته غزول (دهغی مالیکول پخپله آیونایزشوی وی) کیږی په دی ساحه کی دبرقی قوی مقدا. به څومره وی؟

(a): دیو الکترون دپاسه او.

(b): په یو آیون (یوازی دیو الکترون په لری کیدو)؟

3- دهیلیوم داتوم دهستی یوه دالفاءزره، $6,6 \times 10^{-27} \text{ kg}$ یوه کتله، او $2e$ په اندازه چارج لری، دبرقی ساحی مقدار او جهت ئی څومره دی؟ شاید هعه بی دخپل وزن سره ئی برابروی؟

4- په یوه منظمه برقی ساحه کی ځمکی ته نږدی، یوه زره $-2,0 \times 10^{-9} \text{ C}$ یو چارج لری چی په $3,0 \times 10^{-6} \text{ N}$ یوی برقی قوی بانندی بنکنه لوری ته عمل کوی:

(a): دبرقی ساحی مقدارئی پیداء کړی.

(b): څومره دی دهغه برقی قوی مقدار او جهت چی عملئی کړی دی په هغه یوپروتون چی په دی ساحه کی واقع دی؟

(c): په دی حالت کی دبرقی قوی او دځمکی دجاذبی قوی نسبت څومره دی؟

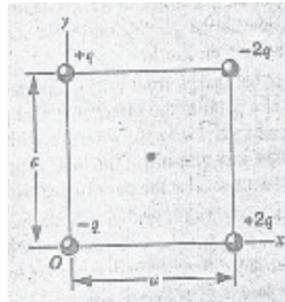
۳-۲ دیونقطوی چارج برقی ساحه:

5- دیونقطوی چارج مقدار دارنگه انتخاب کړی چی دبرقی ساحی څخه چی مقدارئی $2,30 \text{ N/C}$ دی د $75,0 \text{ cm}$ په اندازه لری وی؟

6- حساب کړی ډایپول مومنټ دیوالکترون او پروتون هغه چی د $4,30 \text{ nm}$ په اندازه سره جداوی؟

7- حساب کړی دبرقی ساحی مقدار چی دیوبرقی ډایپول په واسطه چی دیوی نقطی ډایپول مومنټئی $3,56 \times 10^{-29} \text{ C.m}$ ټاکلی شوی وی؟

8- پیداء کړی برقی ساحه د $2-2$ شکل د مربع په مرکز کی په هغه صورت کی چی $q = 11,8 \text{ nC}$ او $a = 5,20 \text{ cm}$ قبول کړو؟



۲-۲ شکل: ۸ تمرین.

9- دیوساعت مخ $-q, -2q, -3q, \dots, -12q$ منفی نقطوی چارجونه لری، په داسی حالت کی ایښودل شوی چی عددی رابطه لری. دساعت عقربه دساحی مزاحمت

نکوی، په کوم وخت کی به د ساعت د عقربې جهت د برقی ساحې د جهت سره د ساعت د منځ په مرکز کی یوشان شی (یادونه: د چارجونو شدید مخالفت).

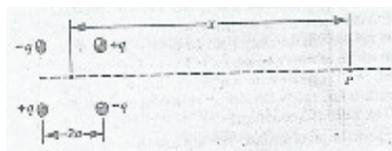
10- په ۲-۵ شکل کی فرضووهغه دوه چارجونه چی مثبت دی، و بنایست د شکل P په نقطه کی د E هغه مقدار چی $a \gg x$ څخه وی نورا کوی:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2q}{x^2}$$

11- یو قسم د برقی څلور قطبی داسی شکل لری چی څلور چارجونه ئی دهغه مربع په راسونه کی چی ضلع ئی $2a$ دی واقع دی د p نقطه د x په فاصله د څلور قطبی د مرکز څخه دیوموازی خط د پاسه د مربع په دوه ضلعو کی لکه په ۲-۲۷ شکل کی بنودل شوی قرار لری، د $a \gg x$ ، لپاره و بنایست چه د p په نقطه کی برقی ساحه تقریباً:

$$E = \frac{3(2qa^2)}{2\pi\epsilon_0 x^4}$$

ده (یادونه: څلور قطبی د دوه دایبول په شان تلقی کیږی)



۲-۴ د پرلپسی ویشل شوی چارج برقی ساحه:

12- و بنائی ۲-۱۹ معادله د چارج شوی صفحی (Disk) د برقی ساحی لپاره په هغه نقطو کی چی دخپل محور د پاسه ئی دی، د ساحی شعاع د نقطوی چارج لپاره $R \gg z$ ده؟

13- د R په شعاع د چارج شوی صفحی (Disk) د محور په امتداد د صفحی (Disk) د مرکز څخه د سطحی په کومه فاصله کی د برقی ساحی شدت ئی یونیم برابره د ساحی د مقدار کیږی؟

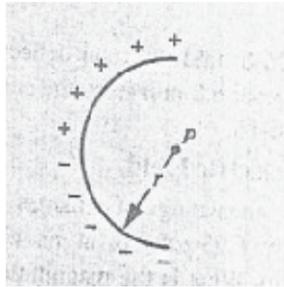
14- د R په شعاع د چارج شوی حلقی د محور په امتداد په کومه فاصله کی د محوری برقی ساحی قوت اعظمی کیږی؟

۱۵- (a): د q ټول څومره چارج لازم دی یوه صفحه چې شعاع ئی $2,50\text{cm}$ ده نقل کړی همدارنگه هغه برقی ساحه چې دصفحي ($Disk$) دسطحي دپاسه ده دخپل مرکزسره برابره ده دا هغه مقدار دی کوم چې بنسکته لوری ته د هواد ماتیدوله امله دبرقی جرقی خنځه تولیدیږی ۱-۲۲ جدول وگوری؟

(b): فرضوودسطحي دهراتوم تاثیرد $0,015\text{nm}^2$ مساحت په برخه کی x دی څومره اتومونه دصفحي په سطح کی دی؟

(c): د a په نتیجه کی چارج ددی سطحی اتومونه یواضافی الکترون نقلوی، کوم ماتیدل دی سطحی داتومونولپاره لازم دی چې چارج ئی کړی؟

16- یوه نازکه شیشه ئی میله چې داخل ته تاؤشوی د r په شعاع نیمه دایره ئی جوړه کړی، د $+q$ چارج ئی په منظم ډول پورته نیمائی برخه کی توزیع شوی او د $-q$ چارج ئی په منظم ډول بنسکته نیمائی برخه کی توزیع شوی، لکه ۲-۲۸ شکل کی چې بنوول شوی د E برقی ساحه ئی د نیمی دایری د P په مرکز کی پیدا کړی؟



۲-۲۸ شکل: ۱۲ تمرین.

17- د E دبرقی ساحی مقدارچی د z په یوه فاصله دیلاستیکی چارج شوی صفحي ($Disk$) دمحورپه امتداداندزه شوی عبارت دی له:

| z (cm) | E (10^7 N/C) |
|----------|-------------------|
| 0 | 2.043 |
| 1 | 1.732 |
| 2 | 1.442 |
| 3 | 1.187 |
| 4 | 0.972 |
| 5 | 0.797 |

حساب کړی؟

(a): د صفحي (Disk) شعاع او

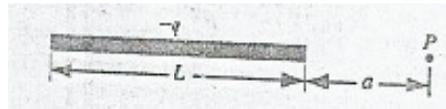
(b): دهغه د پاسه چارج؟

18- یوه عایقه شوی میله د L په اوږدوالی د q - چارج چی په منظم ډول ئی په اوږدوالی کی توزیع شوی لکه په ۲-۲۹ شکل چی ښوول شوی.

(a): د میلی خطی کثافت څومره دی؟

(b): پیداء کړی برقی ساحه د P په نقطه کی چی د میلی دانجام (اخر) څخه د a په فاصله کی پرته ده؟

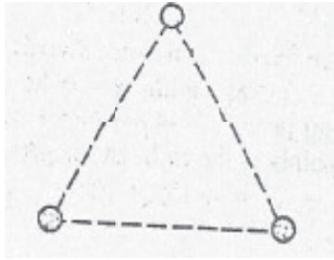
(c): که چیرته د P نقطه د میلی د L په مقایسه ډیره لری وی او میله د یو نقطوی چارج په شان په نظر راشی، وښایست ستاسی د b په هغه ځواب کی د نقطوی چارج د برقی ساحی څخه څومره کمیږی د $L \gg a$ لپاره؟



۲-۲۹ شکل: ۱۸ تمرین.

19- یو کیفی طرحه د ساحی د خطونو، چی یوځای کړی ئی دی دری اوږده برابر خطونه د چارج په عمودی سطح کی، فرضوؤ چی تقاطع ددی خطونو د چارج په سطح کی

یومتساوی الاضلاع مثلث جو پھ وی ۲-۳۰ شکل او د چارج ہر خط د k د خطی چارج کثافت لری .



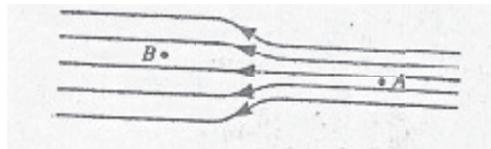
۲-۳۰ شکل: ۱۹ تمرین.

۲-۵ د برقی ساحی خطونہ:

20-۲-۳۱ شکل دیوی برقی ساحی، د ساحی کرنسی رابنائی : ددی خط عمودی فاصلہ پہ صفحہ کی ہر خای کی یوشان دہ.

(a) : کہ چیرتہ پہ A کی د ساحی مقدار $40 N/C$ وی . د تجربی پہ نقطہ کی خومرہ قوہ پہ یو الکترون عمل کوی؟

(b): پہ B کی د برقی سحی مقدار خومرہ دی؟



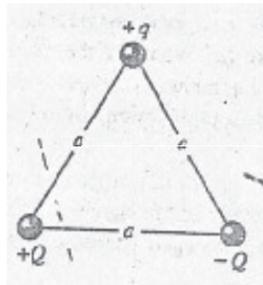
۲-۳۱ شکل: ۲۰ تمرین.

21- دیوی نقشی پہ اساس د برقی ساحی خطونہ، د R پہ شعاع دیونا زکہ د ایروی صفحی سرہ چی پہ منظم ڈول چارج شوی، وصل کری؟

(یادونہ : وگوری، د محدود و نقطو پہ شان حالت چی ډیر نږدی دی صفحی تہ چیرتہ چی برقی ساحہ ئی پہ سطح عمود دہ او نقطوی ورخخہ ډیری لری دی، چیرتہ چی برقی ساحہ دیو نقطوی چارج پہ شان دہ).

22- یوه کیفی نقشه د ساحی د خطونوچی $+q$ او $-2q$ دوه علیحده چارجونه سره وصلوی رسم کړی؟

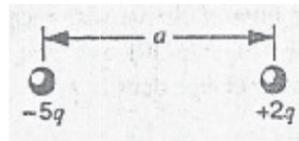
23- دری چارجونه د ۲-۳ شکل په شان په یو مثلث کی ترتیب شوی، گوروچی د ساحی خطونه ئی $+Q$ او $-Q$ ورکوی او دهغوی خخه دهغه قوی جهت چی $+q$ باندی عمل کوی تشخیص کیري، حککه نوردوه چارجونه واقع کیري (یادونه: ۲-۱۲: شکل وگوری)



۲-۳ شکل: ۲۳ تمرین

24- (a) په ۲-۳۳ شکل کی نقطه (یانقطی) په داسی خای کی واقع دی چی هلته برقی ساحه صفرده.

(b) د ساحی د خطونو کیفی نقشه و بنايست؟



۲-۳۳ شکل: ۲۴ تمرین

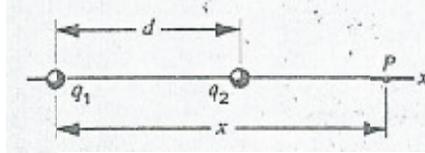
25- دوه نقطوی چارجونه د x محور د پاسه د d په فاصله جدا ایښودل شوی دی ۲-

۳۴ شکل E_x رسم کړی؟ فرضوچی د چارج کینی لوری ته $x = 0$ دی. د x مثبت

اومنفی مقدار وگوری؟ E_x رسم کړی. مثبت دی که چیرته د E جهت نسی لوری ته

وی، منفی دی که د E جهت کینی لوری ته وی، که فرض کړوچی $q_1 = 10 \times 10^{-6} C$.

$d = 10 \text{ cm}$ او $q_2 = 3,0 \times 10^{-6} C$ وی؟

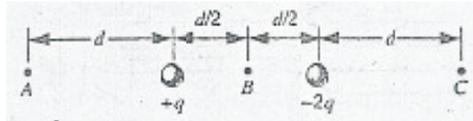


۲-۳۴ شکل: ۲۵ تمرین.

26- د $+q$ او $-2q$ چارجونه د d په فاصله جدا اېښودل شوی د ۲-۳۵ شکل په شان.

(a): \vec{E} د A, B, C په نقطو کې پیداء کړی؟

(b): د برقی ساحې د خطونو نقشه په اټکلی ډول وښایست؟



۲-۳۵ شکل: ۲۵ تمرین.

۲-۲ په یوه برقی ساحه کې یو نقطوی چارج:

27- یو الکترون $4,86 \times 10^6 \text{ m/s}$ په سرعت سره حرکت کوی چی د منظمې برقی ساحې چی شدت ئی $1,30 \text{ N/C}$ دی ورڅخه موازی تیریری داسی ترتیبوی چی دخپل حرکت څخه وروسته پاتی کیږی.

(a): مخکی له دی چی سکون (ارام) ته الکترون ورشی په ساحه کې به ئی سفر څومره وی؟

(b): څومره وخت به تیر کړی؟

(c): که چیرته برقی ساحه وروسته د $7,88 \text{ mm}$ څخه ناڅاپه ختمه شی څومره انحراف به ئی داوونی. حرکتی انرژي څخه کړی وی ترڅو الکترون د لاسه ورکړی؟

28- یوه دمزیل (گلولی، سوشک) ضد سلاح بایدوی ترڅو د زور د وړانگو څخه د دفاع لپاره استعمال شی مثلاً دیو پروتون مؤثره وړانگه چی دیو دشمن مزایل کولی شی بی

ضرره کړې په دی قسم کولی شی چه وړانگی په ټوپک کی حاصلی شی دبرقی ساحی په استعمال چارج شوی زره تعجیل اخلی.

(a): که برقی ساحه $2,16 \times 10^4 \text{ N/C}$ وی نو د امتحانی پروتون تعجیل به څومره وی؟

(b): پروتون به څومره سرعت په لاس راوړی که چیرته د ساحی عمل د $1,22 \text{ cm}$ فاصل د پاسه وی؟

29- دوه مساوی او مختلف چارجونه چی مقدارئ $1,88 \times 10^{-7} \text{ C}$ او $15,2 \text{ cm}$ په فاصله جدا ایښودل شویدی:

(a): د چارجونو ترمنځ په منځنی نقطه کی د \vec{E} مقدار او جهت څنگه دی؟

(b): څومره قوه (مقدار او جهت) کولی شی چی عمل وکړی په یو الکترون په دی موقیعت کی؟

30- د دوه مختلف چارج شوو پلیتونو ترمنځ منطقه کی باید یوه منظمه برقی ساحه شتوالی ولری، ترڅو یو الکترون د منفی چارج شوی پلیت (صفیحی) د سطحی څخه آزاد شی، او په $14,7 \text{ ns}$ کی په $1,95 \text{ cm}$ خارجی فاصله کی د مخالف پلیت په سطحی ضربه وارده وی.

(a): د الکترون سرعت د خپلی ضربی له امله په دوهم پلیت کی څومره دی؟

(b): د برقی ساحی مقدارئ څومره دی؟

31- د ملیکان په تجربه کی دیو څاڅکی شعاع $1,64 \text{ nm}$ او کثافت ئی $0,851 \text{ gr/cm}^3$ کله چی برقی ساحه $1,92 \times 10^5 \text{ N/C}$ وی معمولی وضع لپاره د څاڅکی د پاسه چارج حساب کړی. د e په اصطلاح؟

32- دوه نقطوی چارجونه چی $q_1 = 2,16 \mu\text{C}$ او $q_2 = 85,3 \text{ nC}$ چارج لری، د $11,7 \text{ cm}$ په فاصله سره جدا دی:

(a): دبرقی ساحی هغه مقدار پیدا کړی، هغه چی هر یو بی دبل په ځای (مکان) کی تولیدوی؟

(b): دهغه قوی مقدار پیدا کړی، چی په هر چارج عمل کوی؟

33- د 1911م په اولو وختونو کی ملیکان دخپلی مشاهدی خصوصیات داسی وښودل: د چارجونولاندی اندازه، دنوروپه منځ کی څو کرته (څو ځله) دیو څاڅکی د چارج څخه متفاوته وه ددی data څخه که د e د چارج مقدار پیدا کړی، څومره به وی؟

| | | |
|-----------------------------------|-----------------------------------|-----------------------------------|
| $6.563 \times 10^{-19} \text{ C}$ | $13.13 \times 10^{-19} \text{ C}$ | $19.71 \times 10^{-19} \text{ C}$ |
| $8.204 \times 10^{-19} \text{ C}$ | $16.48 \times 10^{-19} \text{ C}$ | $22.89 \times 10^{-19} \text{ C}$ |
| $11.50 \times 10^{-19} \text{ C}$ | $18.08 \times 10^{-19} \text{ C}$ | $26.13 \times 10^{-19} \text{ C}$ |

۳۴- د E یوه منظمه عمودی ساحه ددوه لویو موازی پلټونو په منځ کی جوړه شوی ده، یوه کوچنی کره د m په کتله دیوتاریه واسطه چی اوږدوالی ئی L دی. په دې ساحه کی څوړنده شوی ده، ددی رقاصی (څوړنده شوی جسم) پریود پیدا کړی، کله چی لری $q +$ چارج ورکړی وی که چیري ته د پلټ څخه ښکته راوړل شی:

(a): ایپه مثبت ډول به چارج شوی وی او (b): ایپه منفی ډول به چارج شوی وی؟

۳۵- په ۲-۲ ساده پوښتنه کی درنگ د څاڅکی ټول انحراف 6,8mm د پام وړ کاغذ د پاسه دا څخه د پلټونو تر انحراف پوری پیدا کړی؟ ۲-۱۲ شکل وگوري؟

۲-۷ په یوه برقی ساحه کی یو دایپول:

۳۶- یو برقی دایپول د چارجونو څخه چی مقدار ئی 1,48nC دی جوړ شوی دی چی د $6.23 \mu\text{m}$ د فاصلی په واسطه جدادی، په یوه برقی ساحه کی چی شدت ئی 1100 N/C دی واقع دی :

(a): دبرقی دایپول مومنت مقدرائی څومره دی؟

(b): خومره دی ددایپول متقابل دپوتانسالی انرژي تفاوت چې د ساحی سره ئی جهت موازی یا غیر موازی شی؟

۳۷- یوبرقی دایپول $+2e$ او $-2e$ چارجونوڅخه چې د $0.78nm$ په اندازه جداءدی، جوړشوی. هغه په یوه برقی ساحه کې چې شدت ئی $3,4 \times 10^6 N/C$ دی قرارلری، حساب کری، دترک مقدار په دایپول باندي کله چې دایپول مومنت وی:

(a): موازی

(b): په قائمه زاویه او

(c): دبرقی ساحی سره مخالف وی

۳۸- د $q = 3.61 \mu C$ چارج د $28,5cm$ په فاصله دیو کوچني دایپول چې دخپل عمودي امتداد په نیمائی کی قرارلری هغه قوه چې په دی چارج عمل کوی مساوی ده د $5.22 \times 10^{-16} N$ سره چې په دیاگرام کی ینسودل شوي ده:

(a) دهغه قوی جهت چې په چارج عمل کوي څنگه دی او

(b) دهغه قوی جهت چې په دایپول عمل کوي معلوم کری؟

(c) دهغه قوی مقدار چې په دایپول عمل کوي خومره دی؟

(d) دایپول مومنت د دایپول وبنایاست؟

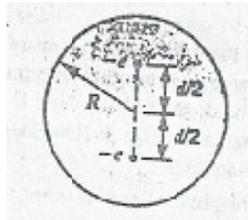
۸-۲ داتوم دهستی مودل:

۳۹- په ۱۹۱۱ کې په یو کاغذکی رادرفورد ویلی وه: دبعضی نظریوله جملې څخه ئې دقوی لپاره دا ضرور وگنله چې دالفایوی زری ته په یوه لویه زاویه انحراف ورکری. نواشاره ده، دي ته چې یواتم په خپل مرکز کې د ze مثبت چارج لری چې احاطه شوی د $-ze$ دمنفی چارج دتوزیع په واسطه د r په شعاع دکری په داخل کې دمنظمی توزیع په اساس د E برقی ساحه د r په فاصله داتوم دمركزد داخلې نقطی څخه عبارت ده له:

$$E = \frac{Ze}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r^2} - \frac{r}{R^3} \right)$$

داپوښتنه تحقیق کړی؟

۴۰-۳۶-۲ شکل رابنائی د تامسن داتوم مودل دهلیوم ددوه الکترونونه $z = 2$ استراحت په حال کې د $2e$ مثبت چارج دکری په داخل کې په منظم ډول ځای په ځای شوی، د الکترونونو ترمنځ د d هغه فاصله پیدا کړئ ترڅو په هغه موقعیت کې د سکون په حال کې تعادل راشی؟



۳۶-۲ شکل ۴۰: تمرین

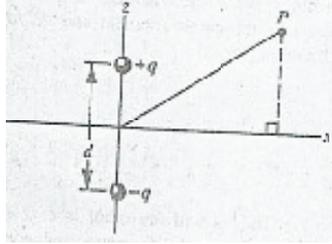
مسئله

۱- په ۲-۵ شکل کې وگوری هغه یوه نقطه چې د Z فاصله د دایپول د مرکز څخه دخپل محور په امتداد کې لری

(a) وښایاست د Z لوی مقدار چې دبرقی ساحی مقداری د $E = \frac{Ze}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{P}{Z^3}$ په واسطه ورکړل شوی دی (مقایسه ئی کړی دساحی دهغی یوی نقطی دپاسه چې په عمودی ناصف واقع وی)

(b) د \vec{E} جهت څنگه دی؟

۲- وښایاست هغه اجزاء د \vec{E} ، چې دیو دایپول په واسطه په لری نقطو کې ورکړل شوی د $E_x = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{3Pxz}{(x^2+z^2)^{5/2}}$ ، $E_z = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{P(2Z^2-x^2)}{(x^2+z^2)^{5/2}}$ په واسطه چیرته چې x او z د P دنقطی مختصات دی، ۲-۳۷ شکل هغه عمومي نتیجه رابنائی چې د ۲-۱۲ معادلی، او اولی پوښتنی خاصی نتیجی پکی شامل دي .



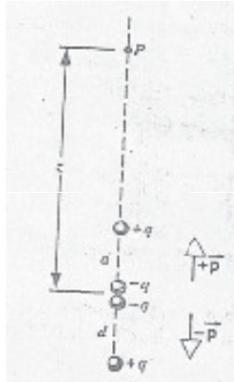
۲-۳۷ شکل: ۲ مشکل.

۲-۳۴-۲ برخې کې یوه چارج شوی حلقه په نظر کې ونیسئ؟ فرض کړئ چې q چارج د حلقې د پاسه په یونواخت ډول ندی توزیع شوی بلکه د q_1 چارج د نیمې حلقې پورتنۍ برخه کې په یونواخت ډول توزیع شوی، او د q_2 چارج د حلقې په بلې لاندینۍ برخه کې په یونواخت ډول توزیع شوی. که $q = q_1 + q_2$ وی.

(a): پیدا کړئ هغه اجزاء د برقی ساحې چې هره نقطه ئې د محور د پاسه د محور په امتداد کې جهت ولري، مقایسه ئې کړئ. د منظم (دیونواخت) حالت سره؟

(b): پیدا کړئ د برقی ساحې هغه اجزاء چې هره نقطه ئې د محور د پاسه په محور عموده وی. د منظم حالت سره ئې مقایسه کړئ؟

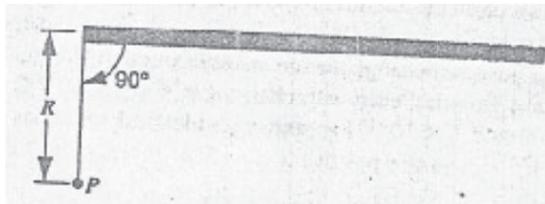
۲-۳۸-۴ شکل رابنائی یو قسم برقی څلور قطبی چې هغه عبارت دی، د دوه دایپولوخه چې د خارجي نقطو تاثيری کاملاً د مینځه نه ځي، وښایاست د \vec{E} مقدار د محور د پاسه د څلور قطبی د نقطو، د z دیوی فاصلي لپاره چې دخپل مرکز څخه لری فرضوو چې $Z \gg d$ چې د $E = \frac{3Q}{4\pi\epsilon_0 Z^4}$ په واسطه راکړل شوی دی، چیرته چې $Q = 2qd^2$ وی، د چارج توزیع ته څلور قطبی مومننت وائی.



۲-۳۸ شکل: ۴ مشکل.

۵- د x د محور په امتداد د نقطوی چارجونو یوه توزیع جوړه کړی. همدارنگه هغه چې چارجونونه لری وی، نو د برقی ساحه د x د محور په امتداد د $\frac{1}{r^6}$ په شان بی موقع تنزل کوي .

۲-۳۹ شکل کې د عایق په واسطه پوښل شوی یوه نامحدوده (لایتناهی) میله چې انتقالوي د κ د چارج خطی کثافت (چارج پراوړدوالی) ، وښایاست د P په نقطه کې هغه برقی ساحه چې د میلی سره 45° په اندازه زاویه جوړه وی، هغه چې د نتیجه ئی د R د فاصلی څخه مستقله ده؟



۲-۳۹ شکل: ۲ مشکل.

۷- یوه نازکه غیرهادی میله د \blacksquare په محدوده فاصله د \blacksquare یونواخت د چارج خطی کثافت، په پورته نیمه برخه کې او د \blacksquare یونواخت د منفی چارج کثافت ښکته نیمی برخه کې انتقالوي، مقایسه ئی کړی د ۲-۳۹ شکل سره؟

(a) یو مشابه استدلال ئی، دمیللی د P په نقطه کې دبرقی ساحی دجهت اوحسابولولپاره استعمال کری؟

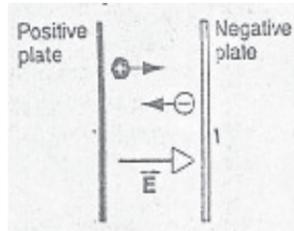
(b) په P کې \vec{E} پیدا کری؟

(c) د γ دلوی قیمت لپاره ئی لیمت ونیسی؟ هغه به څنگه مربوط وی د γ سره دایبان څومره ستاسی په لوریدی؟

۸- یوه غیرهادی نیمه کره ئی پیاله د R په داخلي شعاع د q یو مجموعی چارج دخپلی داخلی سطحی دپاسه په منظم ډول خپروی. هغه برقی ساحه چې دمرکزڅخه انحناء(کوروالی) لری پیدا کری؟ (یادونه: پیاله دحلقودزیاد مقدار سره مقایسه کری؟)

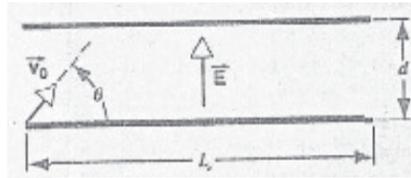
۹- فرض کری چې دکولمب په قانون کې توان (۲) نه بلکه n دی. ونبایاست هغه د $n \neq 2$ لپاره ددی جوړول دبرقی ساحی دخطونو لپاره ناممکن دی، هغه شاید دبرقی ساحی دخطونو لپاره په ۲.۵ سکشن کی د ساده کولو(اسانتیا) لپاره دخواصو لیست ولری، چې دیونقطوی چارج دجدا کولو سره سروکار لری؟

۱۰- دوه پراخه موازی دمسوپلیتونه چې $5,00 \text{ cm}$ په فاصله جدا دی اودهغوی په مینځ کې یوه منظمه برقی ساحه $40-2$ شکل په شان شرحه شوی ده، یوالکترون د منفی پلیت څخه ازادیږی، دده سره په یوشان وخت کې یوپروتون دمثبت پلیت څخه ازادیږی دهغه قوی څخه چې دازری ئی یوپه بل وارده وی صرف نظر شوی؟ دهغوی فاصله دمثبت پلیت څخه څومره ده کله چې هغه یو دبل څخه تیریږی ایاداتاسی حیرانه وی هغه چې تاسی ئی نه پیژنی. په برقی ساحه کې اوورته ضرورت دی د پوښتنی دحللولپاره؟



۲-۴۰ شکل: اپونستنه.

۱۱— یوالکترون پرتاب کیږي د (۲-۴۱) شکل په شان د $V_0 = 5.83 \times 10^6 \text{ m/sec}$ په اولنی سرعت سره او د $\theta = 39.0^\circ$ ده، $E = 1870 \text{ N/C}$ (په پورته جهت کې) چېرته د یو پلټ سره ټکرونه وکړئ، دکوم پلټ سره به ئې ټکر کړی وی؟ او په څومره فاصله به دهغه د نیمائی خنډی څخه لری وی؟



۲-۴۱ شکل: اپونستنه.

۱۲— یوه الیکترون دیوی چارجداره حلقی د محور په اوږدو کې حرکت حاصل کړی، په ۲-۴ برخه کې پري بحث شوی وه، وښایاست چې هغه الیکترون د حلقی د مرکز سره د یو کوچنی اهتزاز دا جړا کولومیل لری، چې فریکونسی ئی د $w = \sqrt{\frac{eq}{4\pi\epsilon_0 m R^3}}$ په واسطه را کړل شوی ده؟

۱۳— هغه کار پیدا کړی چې د \vec{E} په منظمه برقی ساحه کې د برقی دایپول د تاوولو لپاره لازمه دی، په دی شرط چی د \vec{P} د دایپول مومنت، او د \vec{E} او \vec{P} په مینځ کې اولنی زاویه θ وی؟

۱۴- دیو برقی دایپول داهتزاز فریکونسی، د P برقی دایپول، د I دورانی عطالت، او د تعادل حالت لپاره کوچنی د اهتزاز دامنې د \vec{E} په یوه منظمه برقی ساحه کې پیدا کړی؟

۱۵- دوه مساوی مثبت نقطوی چارجونه د $q + a/2$ د $z = +a/2$ او $z = -a/2$ په موقعیت کې قرار لری:

(a) dE_z/dz مشتق د Z دمحور په امتداد، د نقطو لپاره پیدا کړئ او dE_z/dz ، $z \ll \frac{a}{2}$ په حدودو کې معلوم کړی؟

(b) : وښایاست هغه قوه چې دیو کوچنی دایپول د پاسه ، د خپل محور په دې نقطه کې ، چې د چارجونو د یوځای کوونکې خط په امتداد د $F = P \left(\frac{dE_z}{dz} \right)$ په واسطه راکړل شوی چیرته چې P د دایپول مومنت دی او $\frac{dE_z}{dz}$ ، د (a) د جز د پیدا شوی قیمت دلیمت څخه په لاس راوړی؟

((کمپیوټری پوښتنی))

۱- یوه حلقه د $r = 0.1\text{m}$ په شعاع چې د $(2 + \sin\theta)$ $\lambda = (2.0\mu\frac{c}{m})$ په اندازه د چارج غیر منظم کثافت ورکړی، پیدا کړی د هغه یو نقطی عددی مختصات چیرته چې برقی ساحه ی دلاسه ورکړی وی (صفر ته رسیږی)؟

۲- د چارج کثافت دیو ی میلی د پاسه د L په اوږدوالی تمرکز کوی، د x د محور د پاسه د $\lambda = (1.0\mu\frac{c}{m}) \sin^2(\frac{\pi x}{L})$ په واسطه راکړل شوی، د x, y په مستوی کې د برقی ساحی د خطونو عددی نقشه مینځ ته راوړی؟

۳- مقایسه کړی د دوه زرو هغه برقی قوه چې په یو بل عمل کوی، هره یوه په برقی ساحه کې دیو بل د تعجیل ورکولو ځواب ویونکی ده او د چارجونو حالت ئی د قوو په شان دی چې همدرانگه تبدیلیدل رانښائی. دوه مساوی زری چې هره یوه ئی د $q = +1.9 \times 10^{-9}c$ چارج او $m = 6.1 \times 10^{-15}kg$ کتلی سره، د $3.0 \times 10^4 m/sec$ په مساوی سرعتونو سره په حرکت شروع کوی د x په مثبت جهت کې داوولنی یو ی

لیپاره $x = 0$ او $y = 6.7 \times 10^{-3} m$ او دبلې لپاره $x = 0$ او $y = 6.7 \times 10^{-3} m$ په مستوی کې دې، چې هره یوه په دی مستوی کی حرکت ته ادامه ورکوی. مقایسه کړی هغه برقی قوه چې دوی یو په بل وارده وی:

(a): استعمال کړی دکمپیوتريو پروگرام دمسیرد رسمولولپاره د $t = 0$ څخه تر $t = 1.0 \times 10^{-6} s$ وخت لپاره ځکه تاسی ضرورت لری چې یو ددی چارجونولپاره موقعیت او سرعت محاسبه کړی؟ په همدی شان استعمال کړی ترڅو پیدا کړی موقعیت او سرعت دبل چارج دهری یوی فاصلی (انتروال) لپاره دانتي گرال په نیولوشروع کوو، دانتي گرال دفاصلی (انتروال) لپاره $\Delta t = 1 \times 10^{-8} s$ استعمال کړی؟

(b): اوس فرضوو چې یوه ددی زروڅخه $q = -1.9 \times 10^{-9} C$ چارج لری. ولی دنوروتولوحالتونو لپاره د $t = 0$ څخه تر $t = 5.0 \times 10^{-7} s$ لپاره دمسیرمشابه طرح لری؟

دریم څپرکی

دگوس قانون (Gauss law):

دکولمب قانون مونږهروخت د \vec{E} دبرقی ساحی دمحاسبه کولو دپاره استعمالوو. او په اسانی سره مونږکولای شو چې چارجونه جدا یا پیوسته حالت مطالعه کړو. جمع اوانتي گرال یی یوڅه مغلق دی. (اودشمیرلو لپاره کمپیوتري نیرو ته ضرورت لری). بلکی برقی ساحی تل دپیدا کیدلو وړدی په مخکی څپرکی کی په ځینو حالتونو بحث وشو. ددی دپاره چې بعضی فزیکي حالات په اسانی سره تشریح شی پدی څپرکی کی مونږدکولمب دقانون یومتبادل قانون لولو. چې دگوس دقانون په نوم یادیږی دگوس قانون دبرقی ساحی دحسابولولپاره ډیرساده اوگتور اصول لری چې نن صبا دزیاتوفزیکي عملیودحل لپاره په کار اچول کیږی. که څه هم دواړه قوانین عین نتیجه را وباسی لیکن دگوس قانون یا معادله

زیاته حل اړخیزه ده. دغه موضوع ډیره په زړه پوری ده. چی دگوس قانون هغه موضوع چی د کولمب قانون کی ورڅخه صرف یادونه شوی وی په ډیرنښه شان تشریح کوی.

۳-۱ دگوس قانون ته اړتیا (دگوس قانون د ټولو کومو شیانو په هکله دی):

تراوسه پوری په الکتروستاتیک کی مونږ هر څه د کولمب د قانون پواسطه پیدا کړل. ۱۴ معادله د نقطوی چارجونو ترمینځ برقی قوه را کوی. د کولمب قانون د دقیقی ارزیابی دپاره یو ښه ریاضیکی فرمول دی مونږ د q چارج برقی ساحه $\vec{E} = \vec{F}/q_0$ په دی ډول سره ښایو چی دلته \vec{F} هغه قوه ده چه q ئی په q_0 واردوی په عمومی ډول سره دیو ډیر کوچنی نقطوی چارج د برقی ساحی په نظر کی نیولو سره ممکنه ده چه مونږ برقی ساحه دیو خط یا صفحی لپاره هم پیدا کړو. دگوس قانون د برقی ساحی د محاسبی دپاره یو بله لارده، چی د کولمب قانون سره معادل ده یعنی تراوسه پوری چی څه مونږ د کولمب د قانون په واسطه محاسبه کړی کولای شو دگوس د قانون له لاری هم محاسبه کړو.

دگوس قانون ته څه اړتیا ده؟

په داسی حال کی چه د کولمب قانون دهر ثابت نقطوی چارج د برقی ساحی د محاسبه کولو لپاره کافی دی یو ځواب دا کیدای شی چه دگوس قانون ډیره ساده لاره او طریقه د برقی ساحی د محاسبه کولو لپاره په هغه حالاتو کی چه لوړی یوشان ساحی ولری لکه د کروی چارج ویشنه. بل ځواب دا کیدای شی چی دگوس قانون نسبت د کولمب قانون ته په لیکلو کی اسان او ژر دی د الکتروستاتیک د اساسی قانون پشان د کوم پواسطه چی مونږ کولای شو چی معادلو ته په یو سیستم باندی پرمختگ ورکړو. د ټولو مقناطیسی پښو لپاره کوم چی په ډیر واضح ډول سره د الکتریکی او مقناطیسی ساحو ترمنځ اړیکی روښانه کوی.

دریم علت یی دا کیدلای شی چی دگوس قانون د چارجونو د ډیر تیز حرکت لپاره دا اعتبار وړ دی بلکه د کولمب قانون څخه هغه وخت استفاده کیږی چه د چارجونو دوام او حرکت

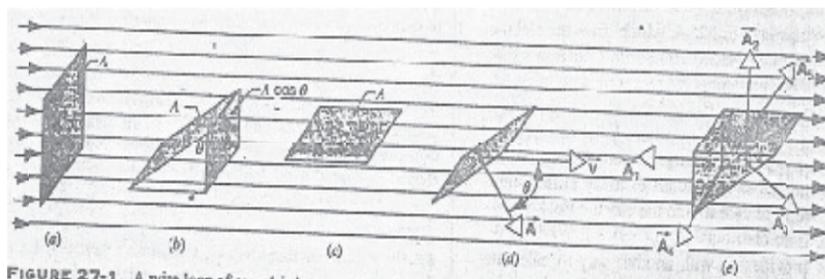
ډير سست وي. نو بالاخره مونږ په واقعي ډول پدې څپرکي کې وښوده چه دکولمب قانون د گوس د قانون يو خاصه برخه ده نو پدې اساس د گوس قانون نسبت د کولمب قانون ته ډير عام دی. ددی دلایلو په اساس دگوس قانون دڅلوروا اساسی الکترو مقناطیسی معادلو لپاره پدې خاطر تر بحث لاندی نیول کیږی چه نسبت دکولمب قانون ته بنیادی دی. (دمکسویل معادلی دی چی په ۳۸ څپرگی کې پری بحث کوو). مخکی تر دی چی مونږ دگوس قانون تشریح کړو نو لومړی اړتیا دی ته پینښیږی چی یو نوی کمیت پیدا او بحث پری وکړو چی هغه د برقی ساحی فلکس دی. فلکس د هری ساحی یو الجبری ښودنه ده چی د وکتورونو په واسطه ښودل کیږی هغه چی د یوی زری د ناحی د پاسه د ساحی د وکتور، د سطحی انٹیگرال په واسطه مشخص کیږی. دلته همدارنگه هندسی شرحه د فلکس لپاره هغه چی بناء ده د ساحی د خطونو په هغه شمیر د ټولی فضا څخه تیریږی.

۳-۲ د وکتوری ساحی فلکس:

د Flux کلیمه د یوی لاتینی کلیمی flow څخه اخیستل شوی چی flow د بهیدلو په معنی دی. مونږ دا فلکس د یو وکتوری ساحی په توگه په نظر کی نیسو، چی دبهیدواندازه بی د نوموړو وکتورونو اندازه چی د ساحی له یوی خیالی سطحی څخه تیریری ده مونږ فرضوؤ چه د برقی ساحی فلکس یو ډیره اشنا بیلگه ده ددی لپاره کوو چی د بهیدونکی مایع سرعتی ساحه په لاس راوړو د یوی بهیدونکی مایع یو نهږ په نظر کی ونیسی. چی په هره مشخصه نقطه کی بی سرعت د وکتور سره وښایو ۱-۳ شکل یو مشابه جریان چی د سرعت وکتورونه بی د مایع په سطحه کی موازی دی فرضوو چی دغه نهږ ته یو سیم چی په مربع شکله حلقه کی راتاو شوی وی د A سطحه کی دننه کوو په ۱a-۳ شکل کی د حلقی د موقیعت، مستوی د هغی د جریان په جهت عموده ده. مونږ دغه Φ فلکس د ساحی د سرعت څخه پیدا کوو چی مقدار بی د لاندی معادلی پواسطه راکړل شوی دی:

$$|\Phi| = vA \quad (3-1)$$

دلته V د سرعت مقدار دی د حلقی په موقیعت کی دی د فلکس واحد m^3/s دی. او دا قوی بنایی چی په کومه اندازه مایع (سیال) د حلقی څخه تیریری د ساحی په دی جمله کی د افکر څنگه دی چی (د گوس قانون د معرفی کولو لپاره) مناسب ده چی: فلکس د ساحی د هغه خطونو د شمیر څخه عبارت دی چی د حلقی څخه تیریری.



۱-۳ شکل: ۱-۳ شکلد یو سیم حلقه د نهر د جریان د A ناحیه کی دننه شوی چی مونږ یی د سرعت د ساحی په ډول یی بنایو:

(a) حلقه جریان سره مستقیمه زاویه لری. (b) د θ په یوی زاویی حلقی دوران کړی. چی د ناحیی تصویر یی په جریان عمود دی چی عبارت دی له $(A \cos \theta)$ (c): کله چی $\theta = 90^\circ$ شی ساده او موثری کر نسی د حلقی د مستوی څخه نه تیریری. (d) د حلقی فضا د (\vec{A}) وکتور په واسطه بنودل شوی چه د حلقی په مستوی کی عمود ده. او θ د (\vec{A}) او د \vec{V} سرعت تر منځ زاویه ده. (e): A یوه بنده سطحه ده چی پنځه مستوی سطحی جوړوی د (\vec{A}) ناحیه دهری سطحی د خارج لپاره په عادی ډول بیانیری. په ۱-۳ شکل کی حلقه دوران کوی هغه دا چی خپله لویه مستوی یی د سرعت په جهت عمود نه ده.

نوټ: هغه شمیر خطونه چی د ټولی حلقی (loop) د سرعتی ساحی څخه تیریری د ۱-۳ b په شکل کی کم دی د ۱-۳ a شکل څخه د پرتاب د مربع مساحت $A \cos \theta$ دی او امتحانیری ۱-۳ b شکل په واسطه او خپل ځان به ورباندی قانع کړی هغه شمیر د ساحی خطونه چه د ټولی مایلی شوی حلقی د A د سطحی څخه تیریری،

دهغه شمیرسره برابردی چه د $(\text{Acos } \theta)$ د کوچنی حلقی څخه تیریری او په نهر عمود دی نو د $b-1-3$ شکل په موقعیت کی د فلکس مقدار عبارت دی د:

$$|\Phi| = vA \cos \theta \quad (3-2)$$

که حلقی دوران کړی وی نو د مایع سرعت دهغی د سطحی سره موازی وی لکه په $c-1-27$ شکل کی په $2-3$ رابطه کی که $\theta = 90^\circ$ ولیکله شی نو فلکس صفر کیږی ځکه په دی وخت کی هیڅ خط د ساحی د حلقی څخه نه تیریری. د گاوس قانون به مونږ وگورو چی اساسی فلکس د یو تریلی سطحی سره مربوطه وی. د گاوس قانون یو فلکس په تریلی سطحه کی مطالعه کوی نومونږ باید منفی او مثبت فلکس چی د سطحی څخه تیریری وپیژنو، د $2-3$ معادلی بنی طرفته چی \vec{V} او \vec{A} په منځ کی نقطه ده دهغوی سکالری ضرب دی. هغه چی مقدار یی د سطحی مساحت او جهت یی عمود دی د $d-1-3$ په سطحه اگرچه وروسته له دی د دواړو جهت د سطحی په یوه نقطه کی په $d-1-3$ شکل کی بنودل شوی دی، چی سره معکوس دی. مونږ فقط یوه لاره لرو چی جهت په یو بل قسم مشخص کړو، د قرارداد په واسطه د Φ د علامی له مخی یی معرفی سمه نده: مونږ د \vec{A} جهت په عادی حالت کی د تریلی شوی سطح څخه بیرون طرفته انتخابوو، پس فلکس د سطحی په واسطه د حجم په منځ کی چی باقی پاتی کیږی مثبت او د حجم داخل طرف ته منفی مطرح شوی دی. پدی انتخاب سره مونږ کولای شو چی ولیکو: فلکس د یو تریلی سطحی لپاره چی د څو سطحو د ارتباط څخه جوړ شوی عبارت دی:

$$\Phi = \sum \vec{v} \cdot \vec{A} \quad (3-3)$$

چی دلته \vec{v} د سطحی د سرعت د وکتورونو د جمع حاصل د ټولو خارجی سطحو لپاره یوه تریلی سطح جوړه وی. فلکس یو سکالری کمیت دی ځکه دوه وکتورونه د سکالریه شکل سره ضرب شوی دی.

۱-۳ نمونوی مسّله: د e ۱-۳ تپلی سطحه فرض کړی. یو حجم چی د 5 سطحوپواسطه پوښل (بند) شوی رانمایی. 1، 2 او 3 یی په ترتیب د a ۱-۳ c ۱-۳، او b ۱-۳ د شکل د سطحو سره موازی او 4 د 5 په امتداد کی د جریان (نهر) د خطونو سره موازی دی. فرضوؤچی د ساحی سرعت یو نواخت دی. نولدی امله یی هر چیرته مقدار او جهت یوشان دی. دتولی تپلی سطحی مجموعی فلکس حساب کړی؟

حل: د ۳-۳ معادلی د استعمال له مخی دتولی سطحی د مجموعی فلکس لپاره د پنځه واړه سطحو فلکسونه پیدا کوو. نولیکلای شو:

$$\Phi = \vec{v} \cdot \vec{A}_1 + \vec{v} \cdot \vec{A}_2 + \vec{v} \cdot \vec{A}_3 + \vec{v} \cdot \vec{A}_4 + \vec{v} \cdot \vec{A}_5$$

یادونه: د 1 سطحه لپاره د A_1 د عادی خارجی وکتور او د \vec{v} د سرعت تر منځ زاویه 180° ده. نو د $\vec{v} \cdot \vec{A}_1$ د سکالری ضرب د $-\vec{v} \cdot \vec{A}_1$ په شکل لیکلای شو. د 2، 4، 5 سطحو عضویت به له منځه ځی ځکه په هر حال کی \vec{A} وکتور په \vec{v} عمود دی د A_3 سطحی لپاره فلکس د $(VA_3 \cos \alpha)$ په ډول لیکو، نو مجموعی فلکس:

$$vA_1 + 0 + vAv_3 \cos \theta + 0 + 0 = -vA_1 + vAv_3 \cos \theta \dots (3 - 1e)$$

$$\Phi = -$$

د e ۱-۳ هندسی شکل له مخی مونږ نتیجه اخلو چی $A_1 = A_3 \cos \theta$ نو په نتیجه کی په لاس راوړو:

$$\Phi = 0$$

نو د تپلی سطحی مجموعی فلکس (سیلان) صفر دی د مثال نتیجه باید حیرانونکی نه وی که مونږ پوهیږو چی د سرعت ساحه د حقیقی زراتو د جریان دپاره یو معادل مثال دی هر خط چی د 1 سطحی ته ننوزی د 3 سطحی څخه خارجیری، نو مونږ ویلی شو چی e ۱-۳ شکل کی ننوتونکی جریان، د وتونکی جریان د مقدار سره مساوی دی، چه دا دهری تپلی سطحی لپاره د تقاضا وړدی. داسی چه هلته د مایع سرچینه او ذخیره نه وی، خو که ذخیره وی نو جریان ته نوره

مایع هم داخلیری. چه ترخارجیدنکی مایع ذیره ده او فلکس (سیلان) به منفی وی ، دفلکس (سیلان) مثبت والی منفی والی د ذخیری په مقاومت پوری اړه لری. د مثال په توگه که دیوی ویلی کیدونکی جامدی داخلی سطحی 1 cm^3 مایع په یوه ثانیه کی نهر ته داخله شی نو مونږ به عمومی فلکس (سیلان) $+1 \text{ cm}^3/\text{s}$ په ډول پیدا کړو.

۱-۳ شکل یو خاص حالت دیو نواخته ساحی او مستوی سطحو رانمایی. مونږ په اسانی دغه نظریه یو غیر مشابه ساحی او سطحوته ورکولای شو چه غیر منظم شکل ولری، هره غیر منظم سطح د dA وړه سطحه باندی تقسیمیدلای شی د \vec{dA} وکتور جهت ددی ډیرو وړو سطحو خارج ته دی او ساحه ددی عناصرو په سټ کی د \vec{V} قیمت لری او فلکس دداسی عناصرو مجموعه ده ، چه داخلی سطحی د انتگرال څخه عبارت ده:

$$\int \vec{v} \cdot d\vec{A} \quad (3 - 4) = \Phi$$

پورتنی محاسبه په دی عمومی قضیه کی د اعتبار وړ ده. ۳-۴ معادله دیوی تړلی سطحی څخه محاسبه شوی نو فلکس (سیلان) یی:

- ۱- صفر دی که چیری سطحه هیڅ ذخیره یا سرچینه ونه لری.
 - ۲- مثبت دی او مقدار یی مساوی دی که سطحه موازی منبع ولری.
 - ۳- منفی او مساوی دی که چیری سطحه یوازی یوه ذخیره ولری او که سطحه منبع او ذخیره کی واقع وی نو مجموعی فلکس (سیلان) صفر، مثبت او منفی کیدلای شی.
- په راتلونکی برخه کی مونږ به وبنایو چه دیو بل وکتور نه دفلکس (سیلان) ته یو شان کتنه یعنی دبرقی ساحی \vec{E} دپاره. لکه څنگه چه تاسی مخکی دمخکی پوهیږی. کله چی مونږ الکتروستاتیک کی بحث کوؤ. منبع او ذخیره تل منفی او مثبت وی نو استحکام د منبع او ذخیری متناسب دی د چارجونو داندازی سره. دگوس قانون دیوی برقی ساحی فلکس (سیلان) په یوی بندی سطحی کی حسابوی د ۳-۴ معادلې په واسطه، خالص برقی چارج د سطحی په مینځ کی ایښودل شوی.

۳-۳ د برقی ساحی فلکس (سیلان):

په ۱-۳ شکل کی د برقی ساحی د بنو د لو لپاره ساحی خطونه په نظر کی ونسی. په دی شرط چی دغه چارجونه د سکون په حالت کی وی که څه هم د سکون په حالت کی هیڅ کوم شی سیلان نکوی خو بیا هم مونږ د سیلان مفهوم استعمالو

د برقی ساحی د سیلان تعریف:

د سیلان د سرعت سره ورته دی په داسی حال چی د \vec{v} په ځایی \vec{E} ۳-۳ معادلی مطابق بنسکاره کیږی: مونږ فلکس (Φ) د برقی ساحی په شان تعریفوو:

$$\Phi_E = \sum \vec{E} \cdot \vec{A} \quad (3 - 5)$$

دا حالت د فلکس د سرعت په شان دی د Φ_E فلکس اندازه د هغه برقی ساحی د خطونو د شمیر څخه عبارت ده چی د ټولی سطحی څخه تیریږی. Φ_E مونږ ته رانمایی ترڅو د برقی ساحی فرق له مقناطیسی ساحی سره وکړو.

۳-۵ معادله د ۳-۳ معادلی په شان په هغو حالتونو کی تطبیق کیږی چی \vec{E} په مقدار او جهت کی ثابت وی د \vec{A} د هر مساحت دپاسه د فلکس د سرعت په شان د برقی ساحی فلکس (سیلان) هم سکالری کمیت دی چی واحد یی ۳-۵ رابطی له مخی ($N \cdot m^2 / C$) څخه عبارت دی. د گوس قانون دیوی ټرلی سطحی فلکس (سیلان) پیدا کوی. ددی دپاره چی Φ_E په عام ډول تشریح شی په خاص ډول په هغه حالاتو کی چی \vec{E} یو شان دی.

۳-۲ یوه اختیاری ټرلی سطحی رانی. چی په یوی غیر متجانسی برقی ساحه کی داخل شوی دا سطحه په وړو مربع گانو تقسیم کوو چی $\vec{\Delta A}$ مساحت لری چی هره یوه یی ډیره وړو کی ده او مستوی فرض کیږی د سطحی هر عنصر د $\vec{\Delta A}$ وکتور په ډول چی $\vec{\Delta A}$ یی مقدار دی بنایو د $\vec{\Delta A}$ جهت عادی خارج خوا ته کش شوی فرض شویدی

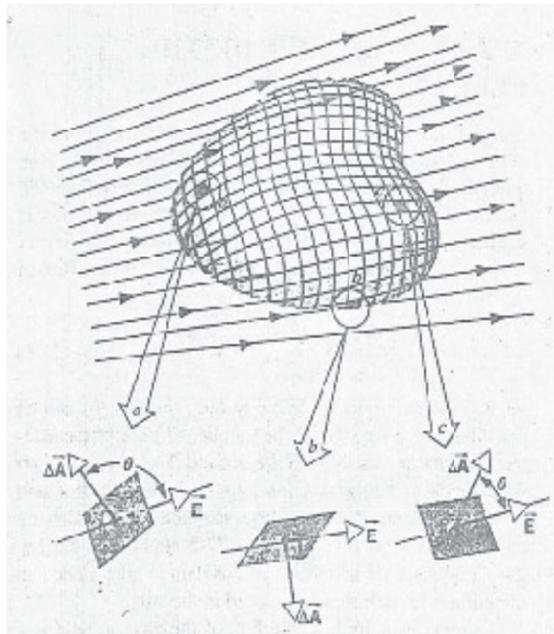
د ۱-۳ شکل په شان د مربعگانی ډیر کوچنی مساحت لری نو \vec{E} د ټولو ورکړل شو سطحو لپاره په ټولو نقطو کی ثابت او یو شان فرض کیږی.

د \vec{E} او $\vec{\Delta A}$ وکتورونه چی هره مربع اختصاصوی یو د بل سره د θ زاویه جوړوی په ۲-۳ شکل کی په سطح باندی د دری مربع گانو لویه منظره بنوول شوی ده چی ۲-۳ شکل، یوه فرضی سطحه چی په یوی غیر متجانسی برقی ساحه کی داخل شویده، راخی چی نوموړی سطحه د $\vec{\Delta A}$ د کوچنیو مربع گانو په مساحت باندی ویشو چی هره مربع بی تر دی اندازی پوری کوچنی اوسی چی مسطحه یا هواری وگنل شی د ساحی هر عنصر کولی شی د $\vec{\Delta A}$ په ډول وبنایو چی مقداری یی د ΔA قیمت لری د $\vec{\Delta A}$ وکتور جهت د سطحی څخه د خارج په طرف نارمل نیول کیږی د ۱-۳ شکل په څیر دا چی مربع گانی ډیر کوچنی مساحت لری نو \vec{E} د هری نقطی لپاره دورکړل شوی مربع په مساحت کی ثابت نیول کیږی د \vec{E} او $\vec{\Delta A}$ وکتورونه چی هره مربع اختصاصوی یو د بل سره د θ یوه زاویه جوړوی په ۲-۳ شکل کی په سطح باندی د دریو مربع گانو لویه شوی منظره بنوول شوی چی د a , b او c په نومونو نومول شویدی. په a برخه کی $\vec{E}, \theta > 90^\circ$ داخل ته مخه لری په b کی $E, \theta = 90^\circ$ د سطحی سره موازی ده او په c کی $\vec{E}, \theta < 90^\circ$ د سطحی بهر خواته مخه لری د ۳-۵ معادلی سره د مشابهت له مخی په ذکر شوی سطحه باندی د برقی ساحی مجموعی فلکس د لاندی معادلی پواسطه پیژندل کیږی:

$$\Phi_E = \sum \vec{E} \vec{\Delta A} \quad (3-6)$$

پورتنی جمع مونږ ته په یاد راوړی چی $\vec{E} \vec{\Delta A}$ سکالری کمیت دی د سطحی د ټولو عناصرو د مساحت، لپاره چی ذکر شوی سطحه پری ویشل شوی ده. ۲-۳ شکل د a برخی نقطو په څیر ساحو لپاره ی جریان منفی محاسبه کیږی د b په څیر ساحو کی صفر او د c په څیر ساحو کی مثبت محاسبه کیږی یعنی په هغه نقطو کی چی د \vec{E} دوکتور جهت بهر خواته مخامخ وی ($\theta < 90^\circ$) د $\vec{E} \vec{\Delta A}$ محصله مثبت او Φ_E د ټولی

سطحی لپاره مثبت وی په ټولو هغو نقطو کی چی د \vec{E} د وکتور جهت داخل خواته مخامخ وی ($\theta > 90^\circ$) د $\vec{E} \cdot \vec{\Delta A}$ محصله منفی او Φ_E د ټولی سطحی لپاره منفی وی او په هغو نقطو کی چی د \vec{E} وکتور جهت د سطحی سره موازی وی ($\theta = 90^\circ$) د $\vec{E} \cdot \vec{\Delta A}$ محصله صفر او Φ_E د ټولی سطحی لپاره صفر راځی



۲-۳ شکل: د فرضی شکل یوه سطحه چی د \vec{E} په یو غیر متجانسه برقی ساحه کی داخل شویدی نوموړی سطحه د $\vec{\Delta A}$ په کوچنیو عنصری ساحو بانندی ویشل شویده. د \vec{E} او $\vec{\Delta A}$ وکتورونو ترمنځ اړیکه د دريو مختلفو سطحو (a، b او c) لپاره ښول شوی دی.

د برقی فلکس دقیق تعریف د ۲-۳ معادلی د سطحی د لمیت د مشتق د جمع په عوض د سطحی د پاسه د انتی گرال په واسطه په لاندی ډول محاسبه کیږی:

$$\Phi_E = \int \vec{E} \cdot d\vec{A} \quad (3-7)$$

داسطحي انتي گرال رانبايي چي تر پوښتني لاندی سطحه باید د \vec{dA} په څیر په بیحدده کوچنیو ساحو وویشله شی او د $\vec{E} \cdot \vec{dA}$ مقدار د ټولو ساحو لپاره محاسبه او د ټولې سطحې لپاره نوموړی لاسته راغلی ارقام سره جمع شی د گوس د قانون (*Gauss "law"*) له مخی کولای شو چي نوموړی انتگرال په تړلی سطحه کی معلوم کړو. په دی حالت کی د انتگرال له نښی سره د یادښت په ډول یوه دایره هم لیکل کیږی لکه \oint .

۲-۳ نمونی مسله: ۳-۳ شکل د R په شعاع یو تړلی فرضی سلنډر رانښی. چي د \vec{E} په یوه متجانسه برقی ساحه کی داخل شویدی، د سلنډر محور د برقی ساحی سره موازی دی د نوموړی تړلی ساحی Φ_E پیدا کړی؟

حل: د Φ_E دا فلکس کولای شو د a، b او c ساحو د انتگرالونو له مجموعی څخه تر لاسه کړو (a) د سلنډر کین راس (b) د سلنډر سطحه او (c) د سلنډر د ښی راس، ساحی دی د ۳-۷ معادلی په بنسټ د یوی تړلی ساحی لپاره لیکلای شو چي:

$$\Phi_E = \oint \vec{E} \cdot \vec{dA} = \int_a \vec{E} \cdot \vec{dA} + \int_b \vec{E} \cdot \vec{dA} + \int_c \vec{E} \cdot \vec{dA}$$

په کین قطب کی د θ زاویه په ټولو نقطو کی 180° ده نو د \vec{E} قیمت ثابت دی او د \vec{dA} ټول وکتورونه د ساحی سره موازی دی نو لیکلای شو:

$$\int_a \vec{E} \cdot \vec{dA} = \int_a \vec{E} \cdot dA \cos 180^\circ = -E \int_a dA = -EA$$

چیرته چي ($A = \pi r^2$) د کین راس مساحت دی په ورته توگه د ښی راس لپاره لیکلای شو:

$$\int_c \vec{E} \cdot \vec{dA} = +EA$$

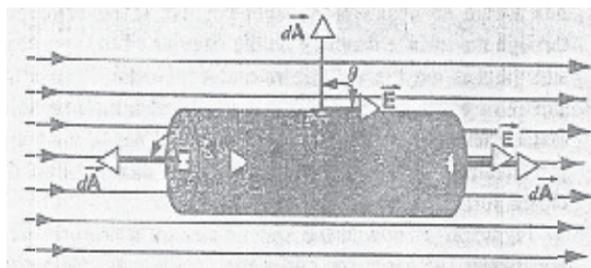
د سلنډر په جدارونو کی د θ زاویه په ټولو نقطو کی صفر ده نو لیکلای شو چي:

$$\int_b \vec{E} \cdot \vec{dA} = 0$$

د سلنډر په سطحه د ټولو نقطو لپاره $\vec{E} \cdot \vec{dA} = 0$ دی. له دی وجی مجموعی فلکس:

$$\Phi_E = -EA + 0 + EA = 0$$

متوقع نتیجه باید همداسی اوسی خکه چی د ۳-۵ شکل تړلی ساحه کی چارج شتون نلری. د ۳e-۱ شکل په خیر د \vec{E} کرنی (په ثابت توگه) نوموړی جسم ته د کین لوری داخلیری او نسی لور ته یی تیرییری.



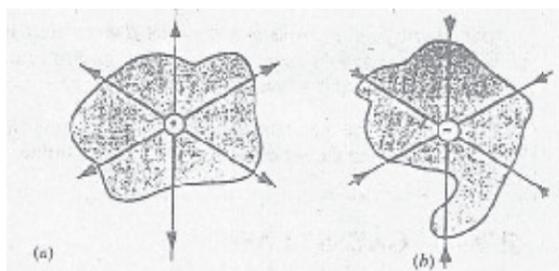
۳-۳ شکل نمونه یی مس له: د یو تړلی فرضی سلندر \vec{E} په یوه متجانسه برقی ساحه کی د خپل محور سره په موازی ډول داخل شویدی نو خکه د $\theta = 90^\circ$ ده. نو $\vec{E} \cdot d\vec{A} = 0$ د سلند د پا سه د ټولو نقطو لپاره

فلکس او د ساحی کرنی:

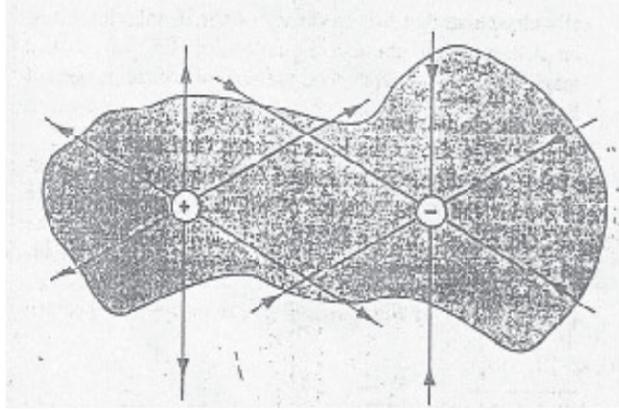
د دې لپاره چی د فلکس او یوې تړلې سطحې څخه د تیریدونکې برقی ساحې د کرنو د شمیر تر منځ اړیکه معلومه کړو راځی. چی په دې سره سلا شو چی د q هر واحد چارج به د ساحې د کرنو له معلوم له شمیر څخه استاذیتوب کوی مثلا د ۳-۴ شکل په خیر د شپږو کرنی څخه شپږ ساحوی کرنی چی له سطحی څخه بهر خوا ته مخه لری د $+q$ او شپږ کرنی په سطحه باندی ختمیری د $-q$ په نوم نومولی شو، که چیری هر چارج په یوه تړلی سطحه باندی محدود اوسی، نو د مثبتی تړلی سطحی برقی فلکس چی (+6) واحد او د منفی چارج لرونکی تړلی برقی فلکس (-6) واحد دی مونږ (+1) واحد فلکس د ساحی د هغو کرنو لپاره تعیین کړی چی بهر خوا ته د ټولی سطحی څخه تیرییری او (-1) واحد فلکس مو د هغو کرنو لپاره تعیین کړی چی د سطحی د داخل څخه تیرییری دا مهمه نه ده

چی هره د چارج پوښوونکی ساحه څومره پراخه او یا کوچنی ده شپږ ساحوی کرښی تل سطحی ته ننوزی او فلکس بی شپږ واحده وی.

په ۳-۴ شکل کی د ترسیم د ښکتنی برخي ساحوی کرښی دری ځلی له سطحی څخه تیریږی. د سطحی له بهر څخه د چارج په لوری په لومړی ځل چی کله نوموړی کرښی سطحی ته داخلیری مونږ بی (-1) محاسبه کوو ځکه چی مسیری د سطحی داخل خوا ته دی، د دوهم ځل لپاره نوموړی کرښه (+1) محاسبه کیږی ځکه چی په دی حالت کی د نوموړی کرښی مسیر بهر خواته متوجه وی، او بیا اخر ځل (دریم ځل) چی د نوموړی کرښی مسیر داخل خواته متوجه وی بیا هم (-1) محاسبه کیږی، له دی وجی د سطحی لپاره د فلکس د کرښو خالصه محصله (-1) او د ټولی سطحی د فلکس خالصه محصله (-6) واحده لاسته راځی. دا مهمه نه ده چی د سطحی شکل څومره کوچنی دی یا تر څومره حده غیر منظم یا کنډوکپر دی خو د سطحی خالص فلکس مشابه او یواځی د هغی چارج د مقدار له مخی اندازه کیږی چی سطحی ته داخلیری. ۳-۵ شکل یوه ټولی سطحه ښی چی $+q$ او $-q$ چارجونو ته نږدی شویده، د نوموړی سطحی خالص فلکس صفر دی ځکه چی دهری مثبتی ساحوی کرښی په مقابل کی چی له نوموړی سطح څخه بهر ته خارجیری په مقابل کی بی منفی ساحوی کرښی سطحی ته داخلیری. داچی دواړه چارجونه مشابه مقدار لری نو د ساحی دخطونو مجموعی شمیر صفر لاسته راځی او خالص فلکس بی هم صفر دی.



۴-۳ شکل: (a) شپڙ ساھوی کرښی چی دیوی فرضی تڙلی سطحی څخه چی لرونکی
 $+q$ چارج دی تیریری (b) شپڙ ساھوی کرښی چی دی $-q$ چارج
 لرونکی ساھوی ته داخلیری.



۵-۳ شکل: که چیری یوی سطحی ته نږدی کیدونکی خالص چارج صفر اوسی نود
 ساھوی کرښو و مجموعی شمیر (او مجموعی برقی فلکس) چی له نوموړی سطحی څخه
 تیریری هم صفر دی.

اوس فکر وکړی، چی $+30$ ساھوی کرښی (یا دفلکس $+30$ واحد) له یوی فرضی تڙلی
 سطحی څخه تیریری کولای شی. معلوم کړی، چی په څومره اندازه چارج به سطح کی
 شتون لری اود سطحی دننه په کومه ساحه کی موجود دی؟ پوهیږو چی دسطحی داخل
 خالص چارج $+5q$ دی خو په دی نه پوهیږو چی کومه برخه کی یوه زره پوره $+5q$ چارج
 لری یا په کومه برخه کی دوه د چارجونوزری $+6q$ او $-q$ چارج لرونکی دی، دری زری
 $+8q$ ، $+4q$ او $-7q$ یا به کوم بل مقدار د تام عدد چارج یا بل ممکنه رقم د چارجونو
 لرونکی دی. همدارنگه چارج یا چارجونه کولای شی دسطحی دننه په هر ځای کی
 موقعیت ونیسی چی دا داخلی چارج $+30$ واحد فلکس را منځته کړی. که چیری مونږ
 یواځی جریان وپیژنومونږ دسطح په داخل کی دچارج خالص مقدار معلومولای شو
 څومونږ نشو کولای دچارجونو موقعیت او په یوه خالصه نقطه کی دهغی مقدار تعیین

کړو. او له دې وجهې برقي ساحې، سطحې او فضاء کې دنور څه په اړه هم څه نشو ویلای. په هر حال کچیری مونږ یوه کره وی ډوله سطحه ترسیم کړو او په دې پوه او سو چې فلکس په متجانسه توګه په سطحه کې توزیع شوی دی، نو ویلای شو چې ټول چارج دنوموړې کرې په مرکزي نقطه کې د $+5q$ یوې زری په ډول ځای لری. چې دنوموړې چارج لرونکې زری د مقدار او موقعیت د پیژندلو لپاره په هره نقطه کې برقي ساحه او موقعیت حسابولای شو. له پورتنۍ توضیح څخه ویلای شو چې:

دیوی تړلې سطحې څخه تیریدونکې مجموعې فلکس او خالص چارج چې د سطحې په مینځ کې ایښودل شوی، اړیکه یې تل قوی او قانونی ده، خو مونږ کولای شو له دې اړیکې څخه دکار اخیستلو له مخې یواځې کچیری دچارج او سطحې ترمنځ هندسي اړیکې سره ډیر شباهت ولری په فضاء کې دهر و نقطو برقي ساحې معلومه کړو. دګوس قانون دیوی تړلې سطحې فلکس او هغه خالص چارج ترمینځ چې د سطحې په مینځ کې دی اړیکه څیړي.

۳-۴ دګوس قانون (*Gauss* Law):

داچې اوس مونږ له یوې تړلې سطحې څخه دتیریدونکې برقي ساحې وکتور فلکس وپیژنده نو مونږ چمتو یو چې دګوس قانون ولیکو. راځی. فرض کړو مونږ دمنښو او ومنفی چارجونو یوه ټولګه لرو چې دفضاء په یوه ځانګړې ساحه کې د \vec{E} یوه برقي ساحه جوړوی. مونږ په نوموړې ساحې کې یوه تړلې خیالی سطحې چې دګوسی سطحه (*Gaussian surface*) په نوم یادېږي جوړوو چې ذکر شویو چارجونو ته به نژدیوالی ولری او یا به یې ونلری. دګوس قانون د نوموړې سطحې د مجموعې فلکس Φ_E او نوموړې سطحې ته د داخلیدونکې خالص چارج q ترمنځ اړیکه څیړي په لاندې ډول توضیح کیږي:

$$\epsilon_0 \cdot \Phi_E = q \quad (3-8)$$

$$\epsilon_0 \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = q \quad (3-9)$$

هغه حلقه چې د انتیگرال په سر لیدله کیږي، ددی بنودونکی ده چې نوموړی انتیگرال د یوې تړلې سطحې له مخې ترلاسه شوی دی. موږ په ۲-۳ پوښتنه کې ولیدل چې د گوس د قانون له مخې Φ_E هلته صفرو ه ځکه چې سطحې په مینځ چارج نه وه. لکه څرنګه چې په ۲-۵ برخه کې توضیح شوه د برقی ساحې د کرنو له شمیر سره متناسب دی چې د ساحې سره په عمودي ډول دهغې څخه تیرېږي.

د ۳-۹ معادلی انتیگرال اصلاً د هغه ساحې د کرنو شمیر رانې کومی چې له اړونده سطحې څخه تیرېږي د ۳-۹ معادلی له مخې دا هم څرګندېږي چې په مجموعی ډول د هغه ساحې د کرنو شمیر چې له یوې سطحې څخه تیرېږي باید له هغه خالص چارج سره متناسب اوسی چې نوموړې ساحې یې له ځانونو سره لري. د گوسی سطحې غوره کول فرضی دی معمولاً داسې سطحه په نظر کې نیول کیږي چې د توضیح تناظر یې لږ تر لږه د سطحې یوه برخه په برکی نیولی اوسی او برقی ساحه یې ثابت مقدار ولري چې په دی اساس د ۳-۹ معادلی په انتگرال کې یې محصله ترلاسه کیږي. په ذکر شویو شرایطو کې کولای شو د گوس قانون د برقی ساحې د ارزونې لپاره وکاروو.

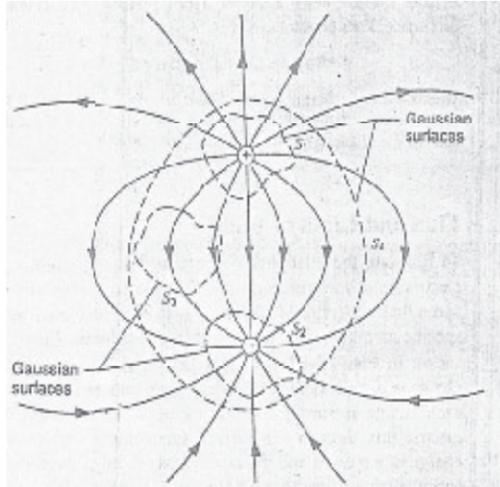
د ۳-۲ شکل د یوې دوه قطبې د قوی کرنې (او له دی کبله رامنځته شوی برقی ساحه بنی) په نوموړې شکل کې څلور تړلې گوسی سطحې ترسیم شوی دی په S_1 سطحه کې برقی ساحه په هره برخه کې بهر خواته متوجه ده نو ځکه د ۳-۲ شکل د C برخې د لیدنی په اساس د $\vec{E} \cdot d\vec{A}$ محصله د S_1 سطحې په هر ځای کې مثبتې ده کله چې موږ د ۳-۹ معادلی له مخې د ټولې تړلې سطحې انتگرال لاسته راوړو، نو نتیجه یې مثبتې لاس ته راځي له دی وجی د ۳-۹ معادلی څخه دا لاسته راځي چې نوموړې سطحه به په ځان کې مثبت چارج ولري د فارادی د قانون په اصطلاح هم یوې سطحې ته د قوی د داخلیدونکو کرنو څخه د خارجیدونکو کرنو شمیر زیات وی نو ځکه باید نوموړې سطحه مثبت خالص چارج ولري.

له بلې خوا د ۳-۲ شکل د S_2 په سطحه کې برقی ساحې په هره برخه کې داخلېږي لکه د ۳-۲ شکل د a د برخې په څیر $\vec{E} \cdot d\vec{A}$ د هری برخې لپاره منفي راځي او د ۳-۹ معادلی

انتگرال بی هم منفی قیمت ورکوی، کوم چی ددی بنودونکی ده، چی نوموړی سطحه دمنفی چارج لرونکی ده، ساحی ته د قوی د داخلیدونکو کربنو شمیر نسبت خارجیدونکو کربنو ته زیات دی.

د S_3 سطحه په ټولیزه توګه هېڅ چارج نه لری نو د ګوس دقانون له مخی دسطحی مجموعی فلکس هم باید صفر اوسی، چی دا د ۲-۳ شکل سره هم تطابق لری یعنی د قوی ګنی کربنی چی دسطحی پورته برخی ته داخلیری په همغه اندازه بی له بنکتنی برخی څخه خارجیری. په دی حالت کی تصادم منخته نه راخی تاسو کولای شی هر ډول غیر منظمه بڼه لرونکی سطحه په ۲-۳ شکل کی ترسیم کړی او تر هغی چی نوموړی سطحه کوم چارج و نه لری دهغی ساحی د کربنو شمیر چی نوموړی سطحی ته داخلیری له هغی څخه د خارجیدونکو کربنو له شمیر سره به مساوی اوسی.

له هغه ځایه چی موږ د دؤو چارجونو مقدارونه سره مساوی ارزؤو، نو د S_4 سطحه هم خالص چارج نلری بیا هم د نوموړی سطحی مجموعی فلکس صفر راخی ځینی ساحوی کربنی په بشپړ توګه په سطحه کی سیر لری او له دی وجی د سطحی په فلکس باندي کومه اغیزه نه لری په هر حال هره هغه د ساحی کربنه چی مثبت چارج د ځان پر ځای پریږدی بلاخره په منفی چارج باندي خاتمه مومی هره هغه کربنه چی د مثبت چارج له طرفه راخی او له سطحی څخه د بهر په طرف تیریږی په مقابل کی بی د داخل په طرف بله کربنه له نوموړی سطحی څخه تیریږی ځکه چی هغه د منفی چارج په لټه کی وی له دی وجی مجموعی فلکس صفر لاسته راخی.



۲-۳ شکل: دوه مساوی او مخالف چارجونه او کرښی چې په خپله شاوخوا کی دیوی برقی ساحی استازیتوب کوی. په دغه شکل کی د څلور تړلو گوسی سطحو مقطع هم نښودل شویده.

د گاوس قانون او د کولمب قانون:

د کولمب قانون د گاوس د قانون څخه اخستل کیدای شي، ددی لپاره باید د گاوس قانون په یو مشابه مثبت چارج (+q) باندی تطبیق کړو لکه ۳-۷ شکل که څه هم د گاوس قانون د هر ډول سطحې لپاره صحیح دی. خو مونږ کروي سطحه انتخاب کړي چې د شعاع لري او چارج یې په مرکز کې دی. ددی سطحه گټه داده چې \vec{E} باید په سطحه عمود وي نو د زاویه د \vec{F} او $d\vec{A}$ ترمنځ صفرده نو \vec{E} د سطحې په هره نقطه کې یو شان مقدار لري، د گاوسی سطحې جوړول چې د مشابهت گټه پکې وي د اساسی اهمیت څخه برخورداره ده.

په ۳-۷ شکل کې دواړه \vec{E} او $d\vec{A}$ د گاوسی سطحې په هره نقطه کې په شعاعی توگه خارج ته متوجه دي نو د $d\vec{A} \cdot \vec{E}$ مقدار $E \cdot dA$ دی نو د گاوس قانون د ۳-۹ معادلې ساده شکل لري نو:

$$\epsilon_0 \oint \vec{E} \cdot \vec{dA} = \epsilon_0 \oint E \cdot dA = q$$

نوځکه دامقدار دکری دټولو نقطو لپاره ثابت دي نو دا انتگرال څخه یې وباسو لرو:

$$\epsilon_0 E \oint dA = q$$

واقعا دکري دټولې سطحې مساحت $4\pi r^2$ دي نو له دي امله لاسته راځي چې:

$$\epsilon_0 E (4\pi r^2) = q$$

له دي ځايه:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} \quad (3-10)$$

۱۰-۳ معادله د \vec{E} دبرقې ساحې مقدار چې د q د نقطوي چارج څخه د r په فاصله کې واقع وی راكوی، چې د ۲-۲ معادلي سره برابره ده چې دکولمب له قانون څخه لاس ته راوړل شوي نو د مشابه گاوسی سطحې په انتخاب سره مونږ دکولمب قانون دگاوس په قانون کې جوړولای شو، دادواړه قوانین دمسایلو په حلولو کې یوشان دي خودگاوس قانون ډیر عام دی نو ځکه دالکترو مقناطیس داساسی معادلې په ډول پیژندل شوي. دا جالبه ده چې ولیکل شی د تناسب ثابت دکولمب په قانون کې چې د $\frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ دی، که دا ثابت لنډ په K وښایو دگاوس قانون داسې لیکو:

$$\left(\frac{1}{4\pi k}\right) \Phi_E = q$$

دکولمب په قانون کې مونږ د 4π څخه صرف نظر کوو نو دگاوس په قانون او نورو راتلونکو مرتبطو معادلو کې مونږ 4π نه لیکو چې په وار وار دا معادله تکرار شويده:

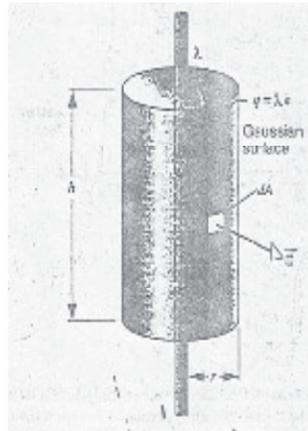
۳-۵ دگاوس دقانون استعمال:

که په یو جسم کې چارجونه یوشان او لوړ مقدار ولری د E دمحاسبې لپاره دگاوس قانون استعمالیدای شي ددی قانون عملی مثال د یو نقطوي چارج دساحې محاسبه ده چې په

۳-۱۰ معادله کې پری بحث شوی وه اوس مونږ نور مثالونه راوړو.

د چارج نامحدوده خط:

۸-۳ شکل د مثبت ثابت چارج نامحدوده خط یوه برخه رابڼې چې د چارج خطي کثافت (چارج په واحد دفاصلی) λ دی مونږ د خط څخه د r په فاصله کې برقي ساحه پیدا کوو. په ۴-۲ برخه کې مونږ مشابه دلایل مطرح کړي وه چې په دې حالت کې د برقي ساحی یوازي شعاعي اجزاء رول لري. نو دا پرابلم مشابه استوانی لری، نو مونږ یوه دایروی استوانه د r په شعاع او د h په ارتفاع سره د گاوسی سطحې په ډول انتخابوو، E ثابت دی داستوانی سطحې د پاسه او په سطح عمود دی. د \vec{E} فلکس په مینځ ددی سطحه کې $E(2\pi rh)$ دی څرنگه چې $2\pi rh$ د سطحې مساحت دی نو په دې دایروي قاعدو کې فلکس نه شته ځکه دلته E د سطحو یا قاعدو سره موازي دی نو $\vec{E} \cdot d\vec{A}$ په کې هر چیرته صفر دی.



۸-۳ شکل.

په ۸-۳ شکل کې د q چارج د گاوسی سطحې په واسطه احاطه شوي د گاوس قانون د kh څخه عبارت دی ۹-۳ د معادله نولرو:

$$\epsilon_0 \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = q$$

$$\epsilon_0 E(2\pi rh) = \lambda h$$

$$E = \frac{1}{2\pi\epsilon_0 r} \quad (3-11)$$

دگوس قانون د انتگرال د استعمال څخه اسانه طریقه ده. دگوس په طریقه هغه وخت سوال حلولای شو چې گاوسی سطحه انتخاب کړو. کیدای شی داسطحه مکعبه، کره یابله وي. که څه هم داتولې سطحې د استعمال وړ دي خو دلته یوازې سلندري سطحه مناسبه ده. دگوس دقانون یو خاصیت دادی چې دهغه مسایلو لپاره پکار یږي چې معلومه او مشابه اندازه ولري.

دچارج نامحدوده صفحه:

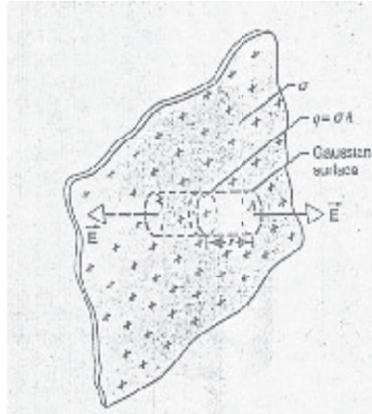
۳-۹ شکل یوه نری، غیرهادي او نامحدوده سطحه ښایي چې ثابتاً مثبت چارج شوي چې دچارج سطحی کثافت ئی (دچارج په واحد سطح) σ دی، مونږ صفحې ته دنږدې نقطو ساحه مطالعه کوو. گاوسی سطحه د A دمقطع لرونکي استوانه ده چې دسطحې یا مستوي څخه تیر یږي مونږ ویلای شو چې \vec{E} په قاعدو عمود دی. څرنګه چې \vec{E} دسطحې څخه نه تیر یږي نو په فلکس کې برخه نه اخلي فرضاً داستواني دواړه سطحې دچارج دصفحی څخه مساوي فاصله لري نو EA ددواړو قاعدولپاره ثابت دی او ددواړو لپاره مثبت دی نو دگوس قانون لاندې نتیجه ورکوي.

$$\epsilon_0 \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = q \Rightarrow \epsilon_0 (EA + EA) = \sigma A$$

چیرته چې σA احاطه شوي چارج دی د E لپاره حاصلوؤ:

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \quad (3-12)$$

نوټ: E دصفحی دهرطرف دټولو نقطو لپاره مساوی دی که څه هم دچارج نامحدود صفحه په فزیکي ډول نه شي موجودیدلای مګر بیا هم تقریباً دمحدودي صفحې په ډول حقیقی نتیجه ورکوي.



شکل ۹-۳

د چارج یو کروي ډوله قشر:

په ۵-۱ عنوان کې مونږ د جاذبي او الکتروستاتیک ترمنځ مشابهت وښود ترڅو د مشابه چارج شویو سطحو دوه خواص چې یو په بل قوه واردوي وپېژنو، او په ۲-۴ برخه کې مونږ دا خواص د دې لپاره استعمال کړل ترڅو برقي ساحه لاسته راوړو چې هغه مشابه کروي قشرو.

1 یوه کروي قشر د خارجي چارج لپاره داسې تمثیل کېږي چې چارج په همدې نقطه کې راټول شوي.

2 یو مشابه چارج شوي برقي قشر په داخلي چارج شوي ذري هیڅ قوه نه واردوي.

په ښکاره ډول دایو د نظر اختلاف دی. آیا دا د مشابهت دلیل به رامنځته شوي وای که چارج په سطحه کې په مشابه ډول نه وای توزیع شوي؟ د s_1 په سطحه د گاوس د قانون د تطبیق په نتیجه کې چېرې چې $r > R$ دی. نو لاندې نتیجه لاسته راځي:

$$\epsilon_0 E_r (4\pi r^2) = q,$$

یا

$$E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} \quad (r > R \text{ کروي قشر}) \quad 3-3$$

لکه په ۷-۳ شکل کې، مشابه چارج شوي قشر د چارج د ټولو خارجي نقطو لپاره د یو نقطوي چارج په ډول عمل کوي. چې دا د قشر د لومړۍ نظریې ثبوت دی. که د گاوس قانون د S_2 په سطحه تطبیق شي چې دلته $r < R$ نولاندي نتیجه لاسته راځي:

$$E_r = 0 \quad (r < R, \text{ کروي قشر, } (3-14))$$

څرنگه چې د گاوسي سطحه هیڅ چارج نه لري او هم E د سطحې په ټولو نقطو کې یو شان قیمت لري، نو په دې سبب د چارج په یو مشابه قشر کې برقي ساحه له منځه ځي. او کله چې یو امتحانی چارج په هره داخلي نقطه کې ځای په ځای شي هیڅ برقي قوه به حس نه کړي چې دا د قشر د دوهمې نظریې ثبوت کوونکي دي.

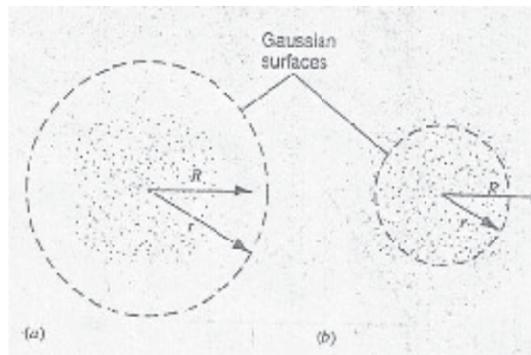
دا دوه نظریې یوازې د مشابه چارج په قشر د تطبیق وړ دي. که چارج په سطحه باندي په غیر مشابه ډول توزیع شي نو د چارج کثافت د سطحې په هره نقطه کې فرق کوي. نو که دا نظریې نه تطبیق کیږي. مشابهت به له منځه لاړ شي په نتیجه کې به د گاوس په قانون کې دانټیګرال څخه E نه شي له منځه تلای. فلکس به د ټولو خارجي سطحو لپاره q/ϵ_0 شي او دا داخلي سطحو لپاره به صفر شي. او مونږ به د مشابهت په شان له E سره مستقیمه رابطه نه شو جوړولای. د مشابه چارجي قشر په خلاف په داخل کې به ساحه صفر نه وي.

یو کروي ډوله د مشابه چارج توزیع:

۳-۱۱ شکل د چارج د کروي خپریدلو یو مقطع نښی. چې شعاع یې R ده. دلته چارج په یو کروي حجم کې خپور شوي. پدې ځای کې د چارج کثافت (ρ د چارج په واحد حجم) نثی ثابت دی بلکې ρ د نقطې په فاصلي پورې چې له مرکز څخه یې لري مربوط دی، چې دا حالت د کروي مشابهت په نوم یادوي. ρ د r یوه تابع ده خود هرزاویوي کوار دینات لپاره تابع نه شي کیدای. راځی. چې د E لپاره او د چارج خپریدني د داخلي او خارجي نقطو لپاره یوه اصطلاح پیدا کړو.

هره کروي ، د مشابه چارج توزيع د متحد المركز نري قشرونو په ډول فرض کولای شو لکه په ۱۱-۳ شکل کې. په دې حجم کې د چارج کثافت کيداى شي له يو قشر څخه بل قشر ته فرق وکړي، خو مونږ دا قشرونه ډير نري کوو ترڅو په معين قشر کې کثافت ثابت فرض شي. دمخکينې موضوع له مخې کولای شو د هر قشر عضویت په مجموعي برقي ساحه کې حساب کړو. د هر قشر برقي ساحه يو شعاعي عنصر لري. نو مجموعي برقي ساحه هم يو شعاعي عنصر لري. اوس به په هغو نقطو کې شعاعي عناصر د (قشر) حساب کړو چې د r په فاصله کې پراته وي داسې چې r د کروي له R څخه لوي دی لکه په ۱۱-۳ شکل کې د ۱۳-۳ معادلې له مخې هر متحد المركز قشر چې د dq چارج لرونکې وي د برقي ساحې لپاره د dE_r يو شعاعي عنصر تياره وي. مجموعي برقي ساحه د ټولو عناصرو د مجموعي څخه عبارت ده، څرنگه چې ټول عناصر شعاعي دي نو مونږ د ټولو قشرونو د برقي ساحې د پيدا کولو لپاره د ويکتوري جمعې پرځای له الجبري جمعې څخه استفاده کوو:

$$E_r = \int dE_r = \int \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{dq}{r^2}$$



۱۱-۳ شکل.

په کروي ډول د چارج د توزيع يو مقطع، چې د چارج کثافت په دې غير هادي ماده کې فرق کوي چې په a شکل کې گاوسي سطحه د چارج د توزيع څخه بهر او د b په شکل کې گاوسي سطحه د چارج د توزيع په داخل کې رسم شوي. او يالکه څرنگه چې د q په انتگرال کې r ثابت دی نو:

$$E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} \quad (3-15)$$

چې دلته q د کري مجموعې چارج دی. نو په دې خاطر په کروي ډول د مشابه چارج بهرنۍ نقطې د برقي ساحې هغه قیمت لري کوم چې يې په مرکز کې د چارج د غلظت په وخت کې لاره. دانتیجه د جاذبې قوې سره مشابهت لري کوم چې په ۱۴-۵ برخه کې ثبوت شوه. چې دواړه نتيجه د مربوطه جاذبه قوو د مربع د معکوس په واسطه تعقیبېږي. اوس مونږ د چارج د توزیع د داخلي نقطو لپاره برقي ساحه په نظر کې نیسو، ۳-۱۱ شکل یو کروي گاوسي سطحه ښیي. چې ($r < R$) څخه دی. د گاوس د قانون څخه لاندې نتيجه لاس ته راځي:

$$\epsilon_0 \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \epsilon_0 E_r (4\pi r^2) = q'$$

یا:

$$E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} \quad (3-16)$$

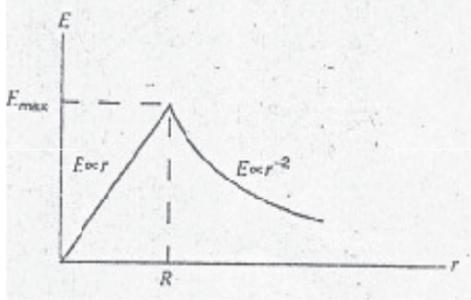
چې دلته q' د q یوه برخه ده چې د r شعاع لرونکي کري په داخل کې واقع دی. د قشر د دوهمې تیوري په اساس د q هغه برخه چې د کروي څخه بهر واقع ده د \vec{E} په برقي ساحه کې هیڅ کمک نه کوي. د دې محاسبې د دوام لپاره باید مونږ د q' چارج وپېژنو چې د r شعاع لرونکي کري په داخل کې واقع دی. د دې لپاره چې $\rho(r)$ وپېژنو نو د مشابه چارج یو کره فرضوو. چیرې چې د چارج کثافت ی په هره داخلي نقطه کې مشابه قیمت لري خو د کروي په خارجي سطحه کې د ټولو نقطو لپاره صفر ده. د داسې مشابه کروي د r شعاع د داخلي تق

طول د چارج کسر د حجم د کسر سره مساوي دی:

$$\frac{q'}{q} = \frac{\frac{4}{3}\pi r^3}{\frac{4}{3}\pi R^3}$$

یا

$$q' = q \left(\frac{r}{R} \right)^3,$$



شکل ۱۲-۳

خرنگه چي $\frac{4}{3}\pi R^3$ د کروی د چارج حجم دی نو E_r پدي ډول دی:

$$E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_r}{R^3} \quad (r < R, \text{ منظمه کره}) \quad (3-17)$$

۲۴-۲ معادلي ته په کتنې سره دا معادله بايد د $r = 0$ لپاره صفر شي. ۱۷-۳ معادله یوازې هغه وخت د تطبیق وړ ده چې د چارج کثافت مشابه وي بې له دې څخه چې r په نظر کې ونیول شي.

۱۷-۳ او ۱۵-۳ باید د $r = R$ لپاره ساحه د چارج توزیع ساحه په سطح کې عینی نتیجه ورکړي. ۱۲-۳ شکل کې د $r < R$ د نقطو لپاره د ۱۷-۳ معادلی څخه $r > R$ نقطو لپاره برقي ساحې د ۱۵-۳ معادلي څخه پیدا کوو.

۳-۳ مثال: له ۱۳-۳a شکل ددوه مشابه چارج لرونکو صفحو بنودونکي دی چې $\sigma = +6.8 \mu\text{C}/\text{m}^2$ او $\sigma = -4.3 \mu\text{C}/\text{m}^2$ دی د صفحو چپ طرف، ښې طرف او منځ کې د \vec{E} برقي ساحه پیدا کړی؟

حل: لمړی دهرې صفحي برقي ساحه پیدا کوو بیا دبرقي ساحې دځای په ځای کولو دقانون له مخې اضافه کوو، دمثبتو لوجو لپاره له ۱۲-۳ معادلي څخه لرو:

$$E_+ = \frac{\sigma_+}{2\epsilon_0} = \frac{6.8 \times 10^{-6} \text{ C/m}^2}{(2)(8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N}\cdot\text{m}^2)} = 3.84 \times 10^5 \text{ N/C.}$$

همدارنگه دمنفی صفحې لپاره:

$$E_- = \frac{|\sigma_-|}{2\epsilon_0} = \frac{4.3 \times 10^{-6} \text{ C/m}^2}{(2)(8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N}\cdot\text{m}^2)} = 2.43 \times 10^5 \text{ N/C.}$$

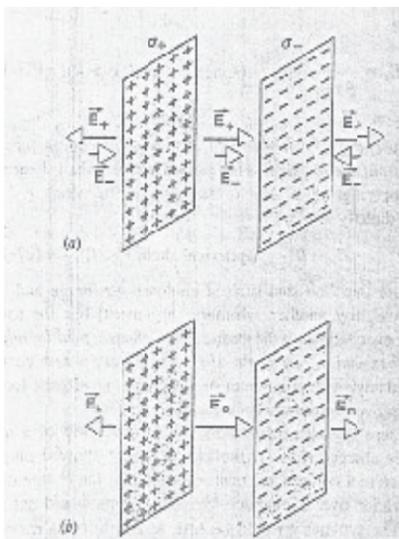
a ۳-۱۳ شکل دغه برقي ساحې دورقو چپ طرف، بڼې طرف او دورقو په منځ کې بڼی. آخري برقي ساحه په دي دريو ساحو کې د $\vec{E} -$ او $\vec{E} +$ دوکتوري جمعې څخه لاس ته راځي. چپ طرف ته \vec{E} منفي او بڼې طرف ته \vec{E} مثبت په نظر کې نيسو:

$$E_L = -E_- + E_+ = -2.43 \times 10^5 \text{ N/C} + 3.84 \times 10^5 \text{ N/C} \\ = 1.41 \times 10^5 \text{ N/C.}$$

په نتيجه کې منفي برقي ساحه د چپ طرف بنودونکې ده. او په بڼې طرف کې همدا ساحه له مثبت علامې سره موجوده ده. دصفحو په منځ کې:

$$E_C = E_+ + E_- = 3.84 \times 10^5 \text{ N/C} + 2.43 \times 10^5 \text{ N/C} \\ = 6.27 \times 10^5 \text{ N/C.}$$

دصفحو په بهر کې برقي ساحه ديوي ورقې دساحې په ډول ده. چې دسطحې دچارج کثافت يې $\sigma_+ + \sigma_-$ يا $2.5 \times 10^{-6} \text{ C/m}^2$ دي.



۳-۱۳ شکل (a): دوه مخالف چارج لرونکې صفحې چې د σ_+ او σ_- چارج لرونکې دي په موازي ډول واقع شوي دي. هره صفحه د \vec{E}_- او \vec{E}_+ برقي ساحې رامنځته کوي په هغه صورت کې چې بله صفحه نه وي. (b): چې طرف د صفحې L ښې طرف د صفحې R او مرکز ته C په نږدې ساحو کې شبکوي ساحه د \vec{E}_- او \vec{E}_+ دوکتوري جمع څخه حساب شوي.

۳-۲ د گاوس قانون او هادي اجسام:

د گاوس د قانون په واسطه دمختلفو (مشابه توضيحاتو) لپاره برقي ساحه حسابولای شو. په همدې ډول د گاوس د قانون په واسطه دهغه هادي خواص هم معلومولای شو. چې برقي چارج انتقالوي، يو ددي خواصو څخه دادی. يو چارج چې په يو مستقل هادي کې ځای په ځای شوي، کاملاً دهادي بهرنۍ سطحې ته ځي، دهادي په داخل کې هيڅ چارج نه شته: راځۍ وگورو کله چې يو مقدار برقي چارج په يو مستقل هادي کې ځای په ځای شي. څه به رامنځته شي؟ دغه چارج دهادي په هره نقطه کې ځای په ځای کيدای شي. حتی په داخل کې هم، لمړی دهادي په داخلی سطحه کې برقي ساحه وي، خودا برقي ساحه په چارج قوه واردوي ترڅو خپل ځان بياتوزيع کړي او په ډير کم وخت کې $10^{-9} sec$ کی

برقی ساحه صفر کیږي او چارج حرکت نه کوي. دا هغه حالت دی چې د الکترو ستاتیکی تعادل (ثبات) (*electrostatic equilibrium*) په نوم یادېږي. که د هادي په داخل کې ساحه صفر نه وای نو د هادي الکترونونه به ترقوی لاندې راغلي وای او جریان به ودریدلای وای. څرنگه چې جریان نه ودرېږي نو مونږ وایو چې د هادي په داخلي سطحه کې برقی ساحه صفر ده. دلته مونږ دمستقل هادي څخه استفاده کوو. مستقل هادي هغه هادي دی چې کوم بهرنی عامل پرې اثر نه کړي. هغه سیم چې یو جریان انتقالوي، یو مستقل هادي نه دي ځکه د ابايد په یو خارجي عامل لکه بطری پوري تړلي وي. پدې هادي کې برقی ساحه صفر نه ده او (سیم) په الکترو ستاتیکی ثبات کې نه دي.

که مونږ قبول کړو چې د یو هادي په داخل کې د الکترو ستاتیکی ترشرائطو لاندې برقی ساحه صفر ده نو د گاوس د قانون له مخې چارج باید د هادي په بهرنۍ سطحه کې واقع شي. د a - 3 شکل یو هادي نښی چې د یو تار په واسطه ځوړند شوی دی، د هادي q چارج انتقالوونکې دی او یوه گاوسی سطحه چې د هادي د بهرنۍ سطحې په داخل کې رسم شوي.

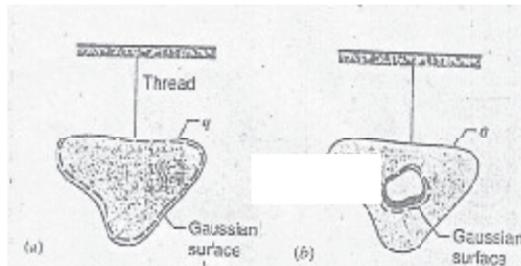
برقی ساحه د هادي په هره نقطه کې صفر ده، او د گاوس د سطحې په هر نقطه کې چې د هادي په داخل کې واقع ده، برقی ساحه صفر ده نو د گاوس په سطح کې فلکس صفر دی. د گاوس د قانون څخه نتیجه کیږي هغه شبکوي چارج چې د گاوسی سطحې په داخل کې وه باید صفروي. که د سطحې په داخل کې چارج نه وي نو باید د سطحې څخه بیرون وي. ولې د هادي په داخل کې ساحه صفر ده؟ فرضاً که مونږ یو هادي د یو نري پلاستیک په واسطه یوښ کړو او کله چې هادي کاملاً لري کړو نو برقی ساحه به په خپل حال پاتې شي، او په هره داخلي نقطه کې به صفر وي. له دې څخه معلومیږي چې برقی ساحه د چارج په واسطه منځته راغلي، نه د هادي په واسطه او هادي یوازې چارجونو ته یو خط السیر نښی. ترڅو چارجونه په اسانۍ سره په یو موقیعت کې ځای په ځای شي او د هادي په داخل کې یوه صفري برقی ساحه رامنځته کړي.

په داخلي سطحه کې چارج:

که هادي يوداخلې خاليگا ولري آياددي خاليگاپه سطحه به هم چارج رابنکاره شي؟
 دداسې يوې خاليگا دجوړولو لپاره يوه خنثی ماده دهادي منځ څخه راباسو داسې چې
 دچارج توزيع په خارجي او داخلي سطحو کې تغيرونه کړي اوديوښه ثبوت لپاره دگاوس
 دقانون څخه استفاده کوو.

د ۱۴-۳ شکل په شان ديوې داخلي خاليگاپه اطراف يوه گاوسي سطحه دهادي په داخل
 کې رسموو، څرنگه چې په هره داخلي نقطه کې $\vec{E} = 0$ دی نو گاوسي سطحې کې Flux
 نشته نو داسطحه هيڅ شبکوي چارج نه لري نو په دي سبب دسطح داخلي خاليگاه کې
 هيڅ چارج نشته.

که د q' يو چارج دهادي دخاليگاه په داخل کې کينودل شي (هادي نور مستقل نه دی)
 اوس هم دگاوس دقانون له مخې دگاوسي سطحې په داخل کې ساحه بايد صفروي، ددي
 لپاره د $-q'$ چارج بايد دسطحې په جدار کې جذب شي. که هادي بهرنی ساحه په اول کې
 د q چارج ولري نو اوس $q + q'$ چارج دکری په خارجي سطحياوهم په شبکوي چارج
 کې تغير نه راځي.



۱۴-۳ شکل (a): يو مستقل هادي چې د q چارج لرونکی دی اود يو تار په واسطه څوړند
 دی دهادی داخل کې يو گاوسی سطحی رسم شوی. (b): دهادي په داخل کې يوه
 خاليگاه ديوې گاوسي سطحې پواسطه احاطه شوی.

دهادي څخه بهربرقي ساحه:

که خه هم چې اضافی چارج کولای شي دمستقل هادي داخلي سطحې ته ننوزي چارج په عمومي ډول په دي سطح کې په مشابه ډول نه خپريږي (که سطحه کروي نه وي) يا په بل عبارت دسطحې دچارج کثافت $\sigma = \frac{dq}{dA}$ له يو نقطې څخه بلې نقطې ته فرق کوي دگاوس دقانون په واسطه کولای شو دسطحې دهرې نقطې دچارج دکثافت او برقي ساحې \vec{E} ترمنځ ارتباط پيدا کړو، ۱۵-۳ a شکل يو گاوسي سطحه بنسټ چې دوه قاعدي يا خولي بي A دي يو قاعده يا خوله يې په مکمل ډول دسطحې په داخل کې او بله يې مکمله دسطحې څخه بهر واقع ده، لنډ استوانوي ديوالونه په سطحه عمود دي. ددي گاوسي سطحې يوه برخه په ۱۵-۳ b شکل کې لويه بنودل شوي. په الکترو ستاتيک کې بايد ديو مشابه چارج شوي هادي برقي ساحه دهادي په سطحه باندې عمود وي که داسي نه وي نو \vec{E} په سطحه کې چارجونه دوباره توزيع کوي، چې دادالکترو ستاتيک دثبات په خلاف ده. نو \vec{E} دهادي په سطحه عمود دی، او دگاوسي سطحې دپهرنۍ خولې فلکس د EA څخه عبارت دی. او دداخلي خولې لپاره ی فلکس صفر دی ځکه چې $\vec{E} = 0$ دی. داستواني د سطحې په ديوالونو کې هم فلکس صفر دی، ځکه د \vec{E} خطونه دسطحې سره موازي دي او کوم اثر نه شي درلودلای. د q چارج چې په گاوسي سطح کې داخل دی د σA څخه عبارت دی نو مجموعي فلکس:

$$\begin{aligned}\Phi_E &= \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} \\ &= \int_{\text{outer cap}} \vec{E} \cdot d\vec{A} + \int_{\text{inner cap}} \vec{E} \cdot d\vec{A} + \int_{\text{side walls}} \vec{E} \cdot d\vec{A} \\ &= EA + 0 + 0 - EA.\end{aligned}$$

اوس دگاوس دقانون په اساس برقي سطحه پيدا کولای شو:

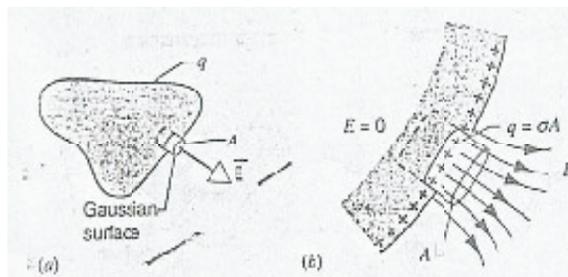
$$\epsilon_0 \Phi_E = q,$$

دفلکس او چارج دقيمت گذاري وروسته لرو $\epsilon_0 EA = \sigma A$ که دانتیجه د ۱۲-۳ معادلې سره مقایسه شي (برقي صفحو ته نږدې ساحه):

$$\epsilon_0 EA = \sigma A$$

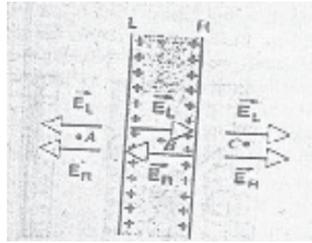
$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}. \quad (3 - 18) \quad s$$

نو هادي ته نږدي برقي ساحه دهغې ساحې دوه چنده ده په کومه کې چې د هادي صفحې يا ورقي وي. څنگه ددي دوو حالاتو ترمنځ فرق کولای شو؟ يو چارج لرونکي صفحې د جوړولو لپاره دنري پلاستيک په يو خط باندي چارجونه خپرولای شو. چارج په هغو ځايونو نښلي دکوم ځای څخه چې دوي حرکت نه شي کولای، خو يو هادي په دي ډول نه شو چارجولای، مونږ د هادي سطحه داسي فرضولای شو چې په دوو برخو ويشلي وي يوه برخه چې برقي ساحه پکې پيدا کوو او يوه بله برخه، که مونږ په ۳-۱۵ شکل کې هادي ته په کافي اندازه نږدي يو، نو د چارج ديوي صفحې په ډول ئې قبلولای شو. چې دبرقي ساحي سره د $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$ په اندازه کمک کوي، که څه هم چې د هادي باقي سطحه هم همدغه اندازه دبرقي ساحي سره کمک کوی او مجموعي برقي ساحه د دواړو سطحو د جمعې څخه عبارت ده يعني $\frac{\sigma}{\epsilon_0}$ دغه حالت مستقيماً په يو هادي تختي کې هم ليدل کيږي، فرضاً داتخته د (A) يوه سطحه لري که د q چارج دتختي په هره برخه ی خپور کړو نو دا چارج به دتختي په هره برخه خپور کړو نو دا چارج به دتختي په دواړو خواوو باندي په خپله خپور شي،



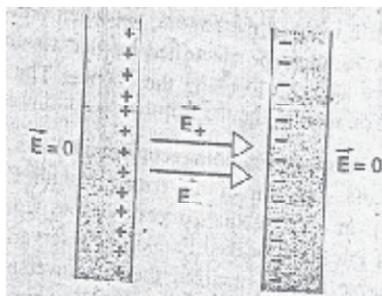
۳-۱۵ شکل: (a) : يوه وړوکی گاوسی سطحه د يوه چارج شوي هادي په سطحه ځای په ځای شوی (b) : د گاوسی سطحی يوه برخه لويه بنودل شوی چه $q = \sigma A$ چارج لری.

مونږ غواړوهره سطحه د $\frac{q}{2}$ چارج اود چارج کثافت $\sigma = \frac{q}{2A}$ پيدا کړو، دتختي هره سطحه د چارج د يوی صفحي په ډول فرض کولای شو چې د ۳-۱۲ معادلي له مخي $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} = \frac{q}{4A\epsilon_0}$ برقي ساحه رامنځته کوي. د ۳-۱۲ شکل مطابق تختي ته نږدي نبي اوچپو ساحوکې برقي ساحه مساوي ده او ددوي يوه مجموعي برقي ساحه $E = \frac{q}{4A\epsilon_0} + \frac{q}{4A\epsilon_0} = \frac{q}{2A\epsilon_0} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$ رامنځته کوي اودتختي په داخلي برخه د(B په نقطو کی) ساحه په مخالفو جهتونو کې ده او مجموعه يې صفرده، لکه ديوهادي په شان.



۳-۱۲ شکل: په يونړی هادی سطحه باندی برقی چارجونه، هره سطحه چارج لري \vec{E}_1 او \vec{E}_q برقی ساحی په ترتيب د(A) او (C) په نقطو قوه وارده وي او د (B) په نقطه قوه لغوه کوی.

او س يوه بله د $-q$ تخته، دي تختي ته نږدي کوو نو اوس اصلي هادي مستقل نه دي او چارجونه مشابه نه دي خپاره شوي، دمنفی او مثبتو تختو ترمنځ يوه جاذبی قوه عمل کوي، هره سطحه د $\frac{q}{2}$ دچارج پرخای د q چارج او $\sigma = \frac{q}{A}$ برقي کثافت لري، دبرقي صفحو په شان هره سطحه د $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} = \frac{q}{2A\epsilon_0}$ برقي ساحه رامنځته کوي، ددي دوو تختو په منځ کې يوه مشترکه برقي ساحه رامنځته کيږي چې ددي تختو د ساحو مقدار او جهت يو دبل سره مساوي دي، نو مجموعي برقي ساحه ددي لוחو ترمنځ له $E = \frac{\sigma}{\epsilon_0} = \frac{q}{A\epsilon_0}$ څخه عبارت ده، داديوه موازي لוחو لرونکي خازن يا (condensator) برقي ساحه ده چې په ۳-۱۷ شکل کې بنودل شوي.



۳-۱۷ شکل: دوه نری هادی تختی چه مساوي مختلف العلامه چارج لری، \vec{E}_+ دمثبتو

چارجونو په واسطه رامنځته شوی ساحه او \vec{E}_- دممنفی تختی برقی ساحه ده.

۳-۴ مثال: د فوټو کاپي د ماشین دیو چارج شوي قطعي برقي ساحه $2.3 \times 10^5 \frac{N}{C}$ ده.

که دا قطی هادي وي نو د چارج کثافت په دي قطی کې پیدا کړی؟

حل: له ۳-۱۸ معادلي څخه لرو:

$$\sigma = \epsilon_0 E = (8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N} \cdot \text{m}^2)(2.3 \times 10^5 \text{ N/C}) \\ = 2.0 \times 10^{-6} \text{ C/m}^2 = 2.0 \mu\text{C/m}^2.$$

۳-۵ مثال: د ځمکې په سطحه باندي برقي ساحه $150 \frac{N}{C}$ ده. چې د ځمکې د مرکز خواته

عمل کوي، د ځمکې د سطحې مجموعي چارج څومره دي، که ځمکه دیو هادي په ډول

فرض شي؟

حل: د قوي خطونه په منفی چارجونو ختمیږي، که برقي ساحه د ځمکې د مرکز په طرف

عمل وکړي نو د سطحې د چارج متوسط کثافت σ باید منفی وي. له ۳-۱۸ معادلي څخه

لرو چې:

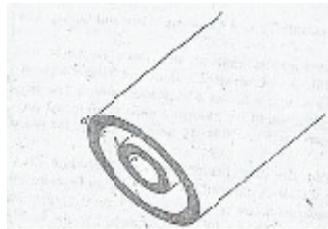
$$\sigma = \epsilon_0 E = (8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N} \cdot \text{m}^2)(-150 \text{ N/C}) \\ = -1.33 \times 10^{-9} \text{ C/m}^2.$$

د ځمکې مجموعي چارج د چارج د کثافت او د $4\pi R^2$ د ضرب د حاصل څخه عبارت دي:

$$\begin{aligned}
 q &= \sigma 4\pi R^2 \\
 &= (-1.33 \times 10^{-9} \text{ C/m}^2)(4\pi)(6.37 \times 10^6 \text{ m})^2 \\
 &= -6.8 \times 10^5 \text{ C} = -680 \text{ kC}.
 \end{aligned}$$

۲-۳ مثال: یو اوږد ناقصه استوانوي هادي چې داخلي شعاع a او خارجي شعاع b ده د یو متحد المحوره استوانوي هادي دقشر په واسطه چې داخلي شعاع یې c او خارجي شعاع d ده احاطه شوي، د ۱۸-۳ شکل له مخې داخلي هادي $2q$ مثبت چارج لري او خارجي هادي $-3q$ چارج لري، دهغه چارج مقدار پیدا کړئ چې د دواړو هادي استوانو په سطحو ځای نیسي؟

حل: د گاوسي قانون په استوانوي او کروي اجسامو په عین ډول نتیجه ورکوي. په معین ډول د خارجي هادي له مخې $r < c$ ساحه کې برقي ساحه صفرده، لکه څنګه مو چې د کروي قشر لپاره ثبوت کړه، د خارجي هادي چارج د داخلي هادي موقعیت ته هیڅ برقي ساحه نه تولیدوي، نو داخلي استوانه د دې بحث لپاره یو مستقل یا (Isolated) هادي دي.



۱۸-۳ شکل: دوه هم محوره استوانوي هادي قشرونه.

که مونږ داخلي هادي مستقل فرض کړو نو مونږ پوهیږو چې چارج په مکمل ډول د دې هادي په خارجي سطحه کې دي نو د a په سطحه چارج نشته او د $2q$ په سطحه کې دي. که مونږ د خارجي استوانې په داخل کې $c < r < d$ یو متحد المحوره گاوسي سطحه رسم کړو د گاوس د قانون له مخې هم ویلای شو چې د گاوس په سطحه کې فلکس صفر دي ځکه د هادي په هره داخلي نقطه کې $\vec{E} = 0$ دي.

او په آخري هموارو سطحو کي هم فلکس صفر دي. ځکه $b < r < c$ لپاره باید ساحه شعاعي وي او دهموارو اخري سطحو سره باید موازي وي، دا په دي معنی ده چې دگاوس دقانون له مخې باید دگاوسي سطحې په داخل کې مجموعي چارج صفر وي، مونږ پوهیږو چې په داخلي هادي کې $+2q$ چارج شته ددي لپاره چې صفر شي باید د c په سطحه کې $-2q$ چارج وي، څرنگه چې په خارجي استوانه کي مجموعي چارج $-3q$ دي، نو د $-q$ چارج د d په سطحه باید څرگند شي. باید وویل شي چې خارجي سطحه د داخلي هادي د چارج تراثرلاندې راغلي او ديو مستقل (Isolated) هادي په ډول نه ده، نو په دي هادي کې ټول چارج د هادي خارجي سطحې ته نه ځي.

۳-۷ دگاوس او کولمب دقوانينو تجربوي امتحانول (ازمونه):

په ۳-۲ عنوان کې مونږ وویل چې چارج د هادي په خارجي سطحه کې ځای نيسي هيڅ چارج به د هادي په حجم کي نه وي او نه به د هادي د داخلي خاليگاه په جدار کي چارج وي، دغه نتيجه مسقيماً دگاوس له قانون څخه په لاس راغلي نو ددي خبري ازمونه په حقيقت کې دگاوس دقانون ازمونه ده، که چارج د هادي په داخل کې وي یاد هادي د داخلي خاليگاه په جدار کې وي دگاوس قانون ناکامیږي او څرنگه چې د کولمب قانون مستقيماً دگاوس دقانون په تعقيب دي داهم ناکامیږي، په خاص ډول د جاذبي قانون به دقیقاً د مربع د معکوس قانون نه وي، او د r توان به 2 څخه د ډیر کوچني عدد σ په اندازه فرق وکړي، نو شعاعي برقي ساحه:

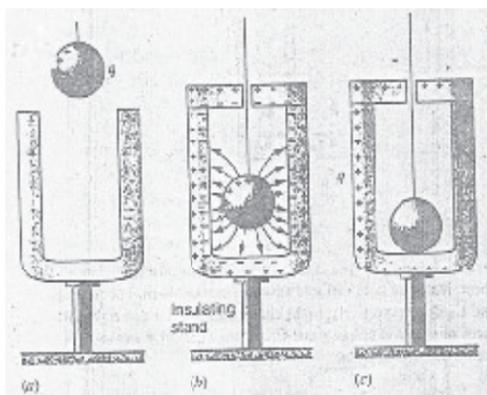
$$E_r = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^{2+\delta}} \quad (3-19)$$

چې دگاوس او کولمب په قوانینو کې σ دقیقاً صفر ده.

د دوه چارجونو ترمنځ دقوي مستقیمه اندازه په (اول) څپر کې کی تشریح شوی، نو اوس مونږ ضرورت نه لرو ترڅو امتحان ئی کړو چې $\sigma = 0$ ده.

په حقيقت کې دا تجربی دهغه تگلاري په تعقيب دي چې په ۳-۱۹ شکل کې تشریح شوی یوه چارج شوي فلزي گلوله چې ديو عایق تار په واسطه تړلي شوي هغه فلزي قطی ته

دنده شوي چې په يوه عايقه سطحه يې تکیه کړي، کله چې دا گلوله د قټۍ له دنده سره په تماس کې شي دواړه جسمونه د يوه هادي په ډول کار کوي، نوکه د گاوس قانون صحيح وي ټول چارجونه بايد د دې مرکب هادي خارج ته لاړ شي. لکه په ۱۹-۳۰ شکل کې کله چې گلوله خارج کړو بايد هيڅ چارج ونه لري او نور عايق اجسام بايد د قټۍ له داخل څخه چارج وانخلي او يوازي د قټۍ د خارجي سطحې څخه يې واخلي.



۱۹-۳۰ شکل: د بنجامين فرنکلين په واسطه يو ساختمان نښۍ چې چارج د هادي خارجي سطحې ته ځي (a) چارج لرونکي گلوله يې چارج قټۍ ته داخل شوي (b) گلوله د قټۍ په منځ کې ده او سرپوښ ايښودل شوی د گلولي او قټۍ ترمنځ د برقي ساحي خطونه ښودل شوي. (c) کله چې گلوله له قټۍ سره په تماس کې شي چارج د قټۍ بهر ته ځي گلوله د چارجيدو وروسته هيڅ چارج نه لري نو ثابتو توو چې چارج ټول بهر ته خپريږي. بنجامين فرنکلن (Benjamin Franklin) شايد لمړی سړي وي چې پوه شو چې د يو قټۍ په داخل کې هيڅ چارج نه وي. په ۱۷۵۵ کال کې يې خپل يو متفکر ته وليکل:

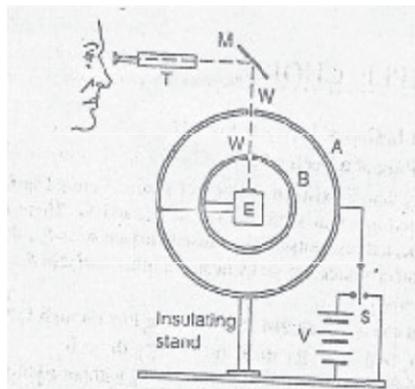
(مايوه 568.26 cm^3 وړوکې نقره يې قټۍ ته چارج ورکړ بيا مې د يو کارک گلوله ودر داخله کړه چې د يو ابريشيمي تار په واسطه تړل شوي وه. کارک په داخل کې جذب نه شو لکه څنگه چې په بهرنۍ سطحه کې جذب شو، کله چې مې بيرون راويست داسې نه وه چې چارج شوي وي لکه څنگه چې بيرون چارج شوي وه، حقيقت څه دی دليل يې پيدا کړه زه ځونه پوهيږم)

10 کاله وروسته فرانکلن خپله داتجربه (1733 – 1804) Josph priestley ته وړاندي کړه په 1767 کال کې (دکولمب دتجروبو څخه 20 کاله وروسته) پرستلی دفرانکلن کړنه ولیده اوپوه شو چې دقوي د معکوس مربع قانون له دي څخه تعقیب شوي. پرستلي دجاذبي سره دمشابهت له مخي وويل:داحقیقت چې دفرانکلن دکارک گلوله دیوی ژوری قطی. په داخل کې چارج نه شوه دهغه حقیقت سره ورته ده کومه چې په(5 – 14) برخه کې ذکرشوه، هغه چې ویل کیدل چې دکروي قشر په داخل کې هیڅ ډول جاذبه تاثیرنه کوي که جاذبه دمربع معکوس قانون مني نو برقي ساحه یې هم باید ومنی دفرانکلن تجربې ته په کتنې پرستلي دادلیل وړاندي کړدامونږ شاید فکر ونه کړو چې دبرق جاذبه قوه اوقوانین یې دځمکي دجاذبي قوي سره مشابه اودسطحي له مربع سره اړه لري، که ځمکه دیو قشر په شکل کې وي نو په اسانۍ سره بنودلای شو چې آیا هغه جسم چې دځمکې په داخل کې دی له یو خوانه به بل خوانه ډیر جذب نشي؟

جاذبه قوه په برقي قوی باندی دیوهیدو لپاره کوم ډول کمک کولای شی. میکایل فرادي (Michael Faraday) ددي لپاره چې وښی چارج دهادي په خارجي سطحه کې واقع کیږي مختلفې تجربې وکړي. نوموړي یو لوي بکس چې دفلز په واسطه پوښل شوي وو جوړ کړ، دابکس ئې په یو عایق باندي کینسود اودیوقوي الکتروستاتيکي جنراتور په واسطه یې چارج کړ اوویي ویل ((مادیومکعب په داخل کې بلي شمعي، الکترو متر اونوربرقي ازمویني استعمال کړي خو کوم تاثیرپري ونه لیدل شو. په داسي حال کې چې ددي مکعب یا بکس په خارجي سطحه کې چې قوي چارج شوي و قوي جرقی لیدل کیدی))

دکولمب قانون په فزیک کې حیاتي اهمیت لري، او که په ۳-۱۹ معادله کې σ صفرنه وي نو دالکترو مقناطیس او کوانتم فزیک په اړه زیاتي نظریې رامینځته کیږي، ددي لپاره چې د σ اندازه معلومه شي باید دتجربې په واسطه وښودل شي چې په یو هادي کې ځای په ځای شوي چارج دهادي په بهرنۍ سطحه کې ځای نیسي، اوسنیو تجربو ښودلي چې د (۳-۱۹) معادله کې σ صفرنه ده خو ډیره کوچنی. ده، (1 – 3) جدول ددي تجربو نتایج

بنی، ۲۰-۳ شکل دیو دستگا بنودونکی دی چې (Plimpton) او (Lawton) په واسطه د σ د اندازه کولو لپاره جوړه کړي، دادستگاه ددوه برقي قشرونو A او B چې متحدالمركز دي جوړ شوي، داخلي سطحه یې په (Diameter) کې 1.5 m ده، داخلي قشریو حساس الکترو مترلري ترخو ونبی. که د A او B سطحو ترمینخ چارج وي که دادوه قشرونه برقي ارتباط ولري، نو باید چارج مکمل د A په سطحه کې قرار ونیسي ترخو په دي حالت کې دگاوس او کولمب قوانین صحیح وي، کله چې د S سویچ له چپ طرف سره وصل شي نو د N دبطري په واسطه به په دي کره کې یو چارج پیداشي، کوم چارج چې د A څخه B ته ځي نو په الکترومتر کې بنودل کېږي، او دیو یو چرقي په ډول به د T دتلسکوب، M هنداري او W کرکي په واسطه ولیدل شي، که څه هم د S سویچ په متناوب ډول دچپ څخه بڼي طرف ته وصل شي، او قشر دځمکې یا بطری سره دوصلیدو په وخت کې هیڅ اثر ونه بنود. دالکترو متر په حساسیت باندي له پوهیدو سره (Plimton) او (Lawton) د σ قیمت په ۳-۹ معادله کې داسي حساب کړ چې له صفر څخه د $2 \cdot 10^{-9}$ په اندازه تغیر کوي چې دا ډیر کوچني عدد دي، ددي حساسي او دقیقي دستگا په واسطه تراوسه د σ قیمت ته ډیر نږدې حدونه ټاکل شو.



۲۰-۳ شکل: د ۱۹-۳ شکل د دستگا یو مدرن ډول بنودل شوی، کله چې د S سویچ چپ طرف ته وصل شي چارج د A په سطح کې ځای نیسي، او د E حساس الکترومتر ددي لپاره

استعمال شوی که چیري د A خڅه B ته چارج لارشی او وی بنی، پدی ځای کی باید
تول چارج د A په کره یعنی خارجی برخه کی پاتی شی.

۳-۱ جدول: دکولمب د معکوس مربع د قانون ازموین:

| Experimenters | Date | δ (Eq. 27-19) |
|-----------------------------------|------|----------------------------------|
| Franklin | 1755 | |
| Priestley | 1767 | ... according to the squares ... |
| Robison | 1769 | < 0.05 |
| Cavendish | 1773 | < 0.02 |
| Coulomb | 1785 | a few percent at most |
| Maxwell | 1873 | < 5×10^{-3} |
| Plimpton and Lawton | 1936 | < 2×10^{-9} |
| Bartlett, Goldhagen, and Phillips | 1970 | < 1.3×10^{-13} |
| Williams, Faller, and Hill | 1971 | < 1.0×10^{-16} |

څو ځوابه انتخابی پوښتنې:

۳-۱: د گاوس قانون به د څه په اړه وي؟

۳-۲: د یو وکتوري ساحي فلکس.

۱: د فضا په یوه برخه کې سرعت لرونکي ساحه موجوده ده، یوه نږدې د S سطح چې په
 S_1, S_2, S_3, S_4 مقطعو تقسیم شوي د S_1 او یانور و S_n سطحو خارج کی یوه منبع
موجوده ده خو یوه منبع هم په داخل کې نه ده.

الف) د S_1 په سطحه د Φ_1 فلکس لپاره څه نتیجه کیږي:

$$\Phi_1 = 0 \quad (b) \quad \Phi_1 > 0 \quad (a)$$

(c) $\Phi_1 < 0$ (d) $\Phi_1 > 0$ په اړه نورو اضافی معلوماتو پرته څه نشو ویلي.

(ب) په دې سطحو باندې د فلکس په اړه کومه جمله صحیح ده؟

(a) کم ترکه یو Φ_n باید منفي وي. (b) کم ترکه یو Φ_n باید مثبت وي.

(c) کم ترکه یو Φ_n باید صفروي. (d) که A صحیح وي نو B هم صحیح دی.

E یا A یا B صحیح ده دواړه نشي صحیح کیدای.

(ج) اندازه گیری، ښودلې چې $\Phi_1 + \Phi_2 > 0$ څخه دی ولي د معلوماتو له مخي ویلي شو:

$$\Phi_3 = -\Phi_4 \quad (b) \quad \Phi_3 = \Phi_4 \quad (a)$$

$$\Phi_3 < -\Phi_4 \quad (d) \quad \Phi_3 > \Phi_4 \quad (c)$$

۳-۳ د برقي ساحي فلکس:

۲: د A دیوی صیقلی سطح فلکس چې د \vec{E} برقي ساحي لرونکي ده هغه وخت اعظمي ده چې:

(a) سطحه له \vec{E} سره موازی وی. (b) سطح په \vec{E} عمود وي.

(c) سطح د مستطیل په شان شکل ولري. (d) سطح د مربع په شان شکل ولري.

۳: یوه تړلي کروي سطح د (a) له شعاع سره د \vec{E} په برقي ساحه کې واقع ده. د دې سطح له پاسه برقي فلکس Φ_E څومره دی؟

$$\Phi_E = \pi a^2 E \quad (b) \quad \Phi_E = 4\pi a^2 E \quad (a)$$

(c) $\Phi_E = 0$ (d) له نورو معلوماتو پرته نشي حسابیدلای

۳-۴ د گاوس قانون:

۴: دوه متحد المرکزہ کړي فرض کړئ، چې مرکزيې مبداء ده او S_1 د شعاع a او S_2 د شعاع $2a$ لرونکي دي. په مبداء کې د $+q$ یو چارج شته او نور چارج نشته تاسو د S_1 د سطحې فلکس د S_2 د سطحې د فلکس Φ_2 سره مقایسه کړئ؟

$$\Phi_1 = 2\Phi_2 : (b) \quad \Phi_1 = 4\Phi_2 : (a)$$

$$\Phi_1 = \frac{\Phi_2}{2} : (d) \quad \Phi_1 = \Phi_2 : (c)$$

۵: د S یوه خیالي سطحه چې د شعاع لرونکي او مرکزيې په مبداء کې دی، یو مثبت چارج Q اصلاً په مبداء کې دی او د سطحې فلکس Φ_E دی دامثبت چارج ورو ورو له مبداء څخه $\frac{R}{2}$ نقطې ته ځي. په دې حالت کې د S په سطح فلکس؟

$$4\Phi_E (a) \quad \text{ته زیاتېږي.} \quad \Phi_E (b) \quad \text{ته زیاتېږي.}$$

$$\frac{\Phi_E}{2} (d) \quad \text{ته کمیږي.} \quad \text{په خپل حالت پاتې کیږي} (c)$$

$$\frac{\Phi_E}{4} (E) \quad \text{ته کمیږي.}$$

۶: تر کومو شرایطو لاندې د یوې تړلې سطحې فلکس Φ_E پیدا کولای شو؟

(a) چې د \vec{E} مقدار د سطحې په هره برخه کې معلوم وي.

(b) د سطحې په داخل کې مجموعې چارج معلوم وي.

(c) د سطحې په خارجي سطحه کې مجموعې چارج معلوم وي.

(d) یوازې د هري داخلي نقطې چارج معلوم وي.

۷: د S یوه خیالي سطحه د شعاع R په مرکز کې په مبداء کې دی او د $+q$ چارج هم په مبداء کې دی، د سطحې فلکس Φ_E دی، د X محور په امتداد دري نور چارجونه د $-3q$ په $-\frac{R}{2}$ ، $X = +5q$ په $\frac{R}{2}$ او $X = +4q$ په $\frac{2R}{2}$ نقاطو کې زیات شوي، د S سطحې فلکس حساب کړئ؟

$$2 \Phi_E (a) \quad 3 \Phi_E (b)$$

6 Φ_E (c) 7 Φ_E (d)
 e) Φ_E نشی مشخص کیدلای څکه پوښتنه نوره ثابتنه نه ده.

۳-۵ دگاوس دقانون تطبیقات:

۸: د X په محوریو ډایپول پروت دی چې د +q چارج په $x = +d/2$ او منفی چارج په $-d/2$ نقطو کې دي، د y_2 مستوي چې د چارجونو په مینځ کې ده فلکس به یی څومره وی:

(a) صفر (b) د d مربوط ده.
 (c) د q مربوط ده. (d) د q او d مربوط ده.

۹: په 8 پوښتنه کې سطحه چارجونو ته نوره هم نږدی شوی د سطحی د حرکت په وخت کې ددی سطحی فلکس Φ_E دی:

(a) زیاتیري (b) کمیږي

(c) په خپل حال پاته کیږي.

۱۰: په اتمه پوښتنه کې سطحی ته دوران ورکړل شوی چه د x سره موازی نه دی د سطحی د حرکت په وخت کې فلکس:

(a) زیاتیري (b) کمیږي

(c) په خپل حالت پاتی کیږي.

۱۱: په لاندې کومو حالاتو کې دگاوس قانون گټور دی؟

(a) د سلنډري یا محدودې مشابه چارج شوي سطحې په مختلفو نقطو کې برقي ساحه پیدا کول.

(b) د یو مشابه چارج شوي استوانی سطحې په اخري سطحو کې برقي فلکس پیدا کول.

(c) ديو مشابه چارج شوي مكعب يابكس په مختلفو نقطو كې برقي ساحه پيدا كول.

(d) ديو مشابه چارج شوي مكعب په يوه خوا كې د برقي فلکس پيدا كول.

۲-۳ د گاوس قانون او هادي اجسام:

۱۲: يو ناقصه هادي گلوله چې د $+q$ چارج كی په مرکز كې ايسودل شوي گلوله كوم

شبکوي چارج نه لري:

(a): د گلولي په داخلي سطحه كې چارج :

الف) $+2q$ (ب) $+q$

ج) $-q$ (د) 0

(b): د گلولي په خارجي سطحه كې چارج:

الف) $+2q$ (ب) $+q$

ج) $-q$ (د) 0

۱۳: فرض كړئ چې د 12 پوښتنی په گلوله باندی د $+q$ يوشبکوي چارج ځای په ځای

شوی ، نقطوي چارج په خپل ځای پاتی دی:

(a): د گلولي په داخلي سطحه كې چارج:

الف) $+2q$ دی (ب) $+q$ دي

ج) $-q$ دي (د) صفر دی.

(b): د گلولي په خارجي سطحه كې چارج:

الف) $+2q$ دی (ب) $+q$ دي

ج) $-q$ دي (د) صفر دی.

۱۴: په ۱۳ پوښتنه کې مرکزي چارج داخلي سطحې ته نږدې لارڅو په تماس کې کېږي نه:

(a) د گلوله په داخلي سطحه کې چارج:

الف) زیاتېږي (ب) کمېږي

(ج) په خپل حالت پاتې کېږي (د) دا په دې پورې مربوط ده چې گلوله داخلي سطحې ته څومره نږدې ده

(b) د گلولې په خارجي سطحې کې مجموعی چارج:

الف) زیاتېږي (ب) کمېږي ،

(ج) په خپل حالت پاتې کېږي (د) دا په دې پورې مربوط دی چې گلوله داخلي سطحې ته څومره نږدې ده

۷-۳ د گاوس او کولمب د قوانینو تجربوي ازموینه:

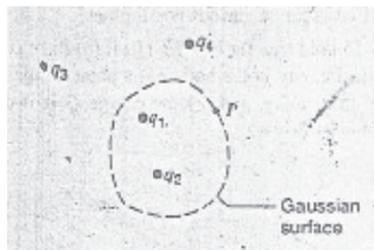
پوښتنې:

(۱) دکومی جملی اساس له مخې د برقی قوی خطونه په چارج شروع کېږي او په چارج ختمېږي؟

۲) مثبت چارج ته (sources) او منفي چارجو ته (sinks) ويل کيږي او دا چې تاسو د دي اصطلاح په اړه څه فکر کوي. آیا هلته د جاذبي ساحي (source) او (sink) يا موجود دي؟

۳) په واسطه، د ځمکې د جاذبي ساحي فلکس Φ_g څنگه تعريفوي، د ځمکې د جاذبي ساحي فلکس د يو اطاق په څنډو کې څومره دی، دا مهمه نه ده چې داخل کې څومره دی د ځمکې د يوې کروي سطحې په احاطو کې او په يوې کروي سطحې کې چې د سپوږمۍ د مدار په اندازه وي پيدا کړي؟

۴) يوه گاوسي سطحه فرضوئ چې د چارج د يوې برخې توزيع نې احاطه کړي (۳-۲۱ شکل) کې ښوول شوی (a) کوم چارجونه د P په نقطه کې په برقي ساحه کې برخه اخلي؟ (b) آیا فلکس يوازي د q_1 او q_2 چارجونو د برقي ساحي له مخې حسابيدلای شي؟ آیا دابه د مجموعې ساحې تر فلکس کم وي، يا زيات وي او که به مساوي وي؟



۳-۲۱ شکل: ۴ پوښتنه.

۵) فرض کړئ، چې د برقي ساحې خطونه په بعضي ساحو کې همجهته وي، خو په امتداد کې يې مقدار کميږي، په دي ساحو کې د چارج په اړه څه فکر کوي، د قوي خطونه يې رسم کړئ؟

۶) آیا د گاوس د قانون له مخې دا صحيح ده چې د يوې تړلې سطحې د خارج چارجونو د قوي د خطونو تعداد د داخلې مثبت چارج سره مساوي دي؟

۷) دیوي کروي گاوسي سطحې په مرکز کې یو نقطوي چارج ایښودل شوي آیا Φ_E هغه وخت تغیر کوي (a) که سطحه په عین حجم لرونکي مکعب بدله شي (b) که کره د دي حجم د $\frac{1}{10}$ حجم لرونکي مکعب سره بدله شي (c) که چارج دکري په داخل کې د مرکز څخه لری شي (d) که چارج دکري څخه بیرون کیښودل شي (e) که دوهم چارج دکري خارجې سطحې سره نږدې کیښودل شي (f) که دگاوسي سطحې په داخل کې بل چارج کیښودل شي.

۸) دگاوس په $q = \epsilon_0 \oint \vec{E} \cdot d\vec{A}$ قانون کې ایآ \vec{E} باید حتماً q دچارج په واسطه رامنځته شوي وي؟

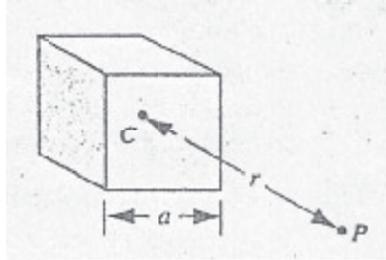
۹) یوه سطحه چې یو برقی ډایپول بی احاطه کړی، ددي سطحې د Φ_E په اړه څه وایاست؟

۱۰) فرض کړی، چی که دیوي گاوسي سطحې په داخل کې کوم ابتدائي چارج نه وي، آیا دگوس دقانون سره برابره ده چی دسطحې دټولو نقطو دپاسه \vec{E} صفر دی، آیا ددي جملې عکس صدق کوي؟

که \vec{E} دسطحې دپاسه په هر ځای کې صفر وي، نو آیا دگاوس دقانون سره برابره ده چی هلته دسطحې په داخل کې اصلی چارج وجود نه لري؟

۱۱) آیا دگاوس قانون دهغه دري مساوي چارجونود ساحی محاسبه کولو لپاره گټور دی چی دیو متساوي الاضلاع مثلث په راسونو کې واقع وي، وبنایاست ولي اولي نه؟

۱۲) د Q یو مجموعې چارج په یونواخت ډول په یو مکعب کی چی دضلعو اوږدوالی a دی خپور شوي آیا p په نقطه کې برقی ساحه چې دمکعب د c دمرکز څخه د r فاصله لري، د $E = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$ په واسطه رامنځته شوي؟ (۳-۲۲ شکل) که نه، نو آیا \vec{E} دیوهم مرکز مکعبی گاوسي سطحې په جوړولو حساب کیدلای شي، که نه، نو تاسو د \vec{E} په اړه څه وایاست داسي چې $r \gg a$ وي.



۳-۲۲ شکل: ۱۲ پوښتنه.

۱۳) آیا \vec{E} باید حتماً د یو چارج شوي ربرې سطحې په داخل کې منفی وي که داسطحې لاندې شکل ولري (الف) کروي وی (ب) که بالون د ساسیچ شکل ولري، فرض کړی. د هر شکل لپاره چارج په یو نواخت ډول د سطحې د پاسه توزیع شوی وی. د چارج موقیعت څنگه دی؟ که چیرته د بالون یوه نازکه طبقه دخپلی هادی نقطی یوه نازکه نقطه د سطحې څخه بیرون ولری که د هر شکل د پاسه د رنگ یو نازکه طبقه رامنځته شي څه بدلون به راشي؟

۱۴) د یو کروي رابري بالون په سطحه یو چارج په متشابه ډول خپور شوي که بالون ډک شي نو \vec{E} د دې نقطو لپاره څه ډول تغیر کوي. (الف) د بالون په داخل کې (ب) د بالون په سطحه (ج) د بالون څخه بهر؟

۱۵) په ۳-۴ برخه کې مونږ ولیدل چې دکولمب قانون د گاوس له قانون څخه پیدا کیدلی شي ایاداپه دي معنی ده چې د گاوس قانون دکولمب له قانون څخه پیدا کیدلی شي؟

۱۶) آیا د گاوس قانون هغه وخت رامنځته کیدای شي چې دکولمب په قانون کې توان دقیقاً (2) نه وي؟

۱۷) یو لویه عایق شوي ناقص هادي یو مثبت چارج لري یوه گلوله چې منفی او مساوي چارج لري د هادي داخل ته تنباسو، ترڅو د داخلي سطحې سره په تماس کې

شي، اوبيارار اوباسو نو: (الف) په گلوله کې به چارج خومره وي (ب) په هادي کې چاربه خومره وي؟

(۱۸) آیا مونږ د ۲-۳ برخې د دليل څخه ويلاى شو چې ديو کور وایرنگ کې الکترونونه دهادي په خارجې برخه کې دي؟ که نه نو ولي؟

(۱۹) په ۲-۳ برخه کې مونږ فرض کړل چې ديو جدا هادي په هره داخلي نقطه کې \vec{E} صفر دی، څرنگه چې په داخلي نقطو کې پراخې برقي ساحي دي کومې چې الکترون يا هستي ته نږدې دي، ايا د ۳-۴ برخې ثبوت بى اعتباره کوى؟ تشریح يې کړى؟

(۲۰) آیا د گاوس قانون چې په ۲-۳ برخې کې تطبيق شو، غواړي چې ټول هدايتي الکترونونه دهادي په سطحه کې ځای نيسي؟

(۲۱) ديو فلزي ناقصي کروي په مرکز کې يو مثبت q چارج ايښودل شوي په دي سطحو کېکې کوم يو چارج ښکاره کېږي؟ (الف) داخلي سطحه کې (ب) دکروي په خارجې سطحه (ج) که کروي ته يو بى چارج فلز نږدې کړي ايا ستاسو د (الف) يا (ب) جواب به بدل کړي؟ ايا دابه د چارج د توضیح لار بدله کړى؟

(۲۲) که a شعاع لرونکي نازکه فلزي کروي هادي په سطح d - چارج توضیح شوي په داخل کې به کومه برقي ساحه نه وي. اوس که $d + q$ يو چارج دکروي په مرکز کې کيښودل شي نو خارجي ساحه به نه وي دا چارج به $d < a$ په ساحه کې بى ځاي شي خود اسيستم ته ډايبول مومنت ورکوي او خارجي برقي ساحه رامنځته کوي. په دي خارجې سطحه کې انرژي څنگه حسابوى؟

(۲۳) ديو کوچني هادي جسم څخه څنگه اضافي چارجونه بيلوى؟

(۲۴) ولي په ۳-۷ شکل کې کروي مشابهت مونږ د \vec{E} د محاسبې لپاره يوازي په شعاعي عنصر پوري محدود کړي که نور عناصر لکه د ځمکې د سطحې د عرضي او طولې خطونو مقدار، فرض شي کروي مشابهت غواړي چې داله هري زاوي يوشان

بنکاري آیا تاسو داسې د ساحې خطونه پیدا کولای شئ چې ددې معیار تابعداري وکړي؟

۲۵) وښایاست چې ولې د ۳-۸ شکل مشابهت مونږ یوازې دایروي یا شعاعي عناصرو ته محدودده وي؟ په یادولۍ چې په دې حالت کې باید ساحه په هره نقطه کې یو شان ونه بنودل شي، خو که شکل ته دوران ورکړل شي باید یو شان بنکاره شي.

۲۶) دیو نامحدوده هادي مجموعې چارج نا محدود دی، نو ولې \vec{E} محدود نه دی؟ دې نه علاوه که دکولمب په قانون کې q نامحدود وي نو E هم نامحدود ده.

۲۷) وښایاست چې په ۳-۹ شکل کې مشابهت مونږ یوازې هغه عناصرو پوري محدودوي چې دصفحې څخه لري هدایت شوي، ولې \vec{E} صفحې ته کوم موازي عنصر نشي درلودلای؟ په یادولۍ چې دصفحې په هر جهت کې په هره نقطه کې ساحه باید یو شان بنکاره نشي خو باید یو شان بنکاره شي که صفحه دهغه خط په اندازه دوران وکړي چې په سطحه عمود وي.

۲۸) دچارج دنامحدودې صفحې ساحه متجانسه ده، په هره نقطه کې یو شان ده اودامهمه نه ده چې خومره دانقطه لري ده، داڅنگه کیدای شي چې دکولمب دمربع معکوس قانون طبیعت ووسی؟

۲۹) لکه څنگه چې پوهیږئ چې دیوي کړي \vec{E} باید کم شي ځکه لږ چارج دهغي کړي په داخل کې وي چې ددې نقطې په اطراف رسم شوی وي. له بلي خوا \vec{E} باید زیات شي ځکه تاسو مرکز ته نږدې یاست کوم اثرزیات دی اوولې؟

۳۰) یو مشابه چارج شوي سطحه ورکړل شوي (دچارج مشابه دایروي کثافت نه دي) آیا \vec{E} په سطحه کې اعظمي دی، مختلف امکانات وښایاست؟

۳۱) ایا ۳-۱۵ معادله د ۳-۱۱ شکل لپاره دتطبیق وړ ده؟ که (a) په جسم کې یو متحدالمرکز کروي خالیگاه وي (b) دخالیگاه په مرکز کې د Q یو مثبت چارج وی.

(c) د Q چارج دخاليگه په داخل کې دی خونه په مرکز کې.

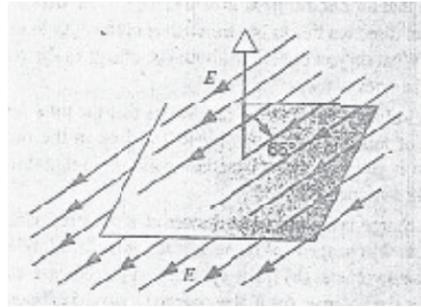
تمرین:

۱-۳ د گاوس قانون دڅه په اړه دی؟

۲-۳ د ویکتوري ساحه فلکس:

۳-۳ د برقي ساحې فلکس:

۱- په ۲۳-۳ شکل کې 3.2mm دضلعې لرونکې مربع سطحه درکړل شوي چې د $E = 1800 \frac{N}{C}$ برقي ساحه کې ایښودل شوي. د ساحې خطونه دخارجې نقطو سره 65 درجه زاویه جوړوي ددې سطحې فلکس حساب کړی؟



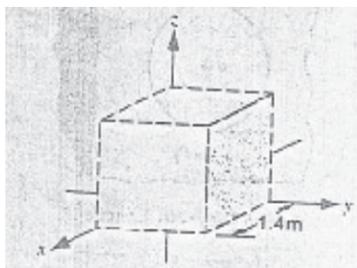
۲۳-۳ شکل: تمرین ۱.

۲- یو مکعب چې خط الراسونه یې 1.4m دي د ۲۴-۳ شکل په شان دوران ورکړل شوي چې په مشابه برقي ساحه کې واقع دی په هغه صورت کې فلکس پیدا کړی چې برقي ساحه:

$$\left(-2 \frac{N}{C}\right) i \text{ (b)} \quad \text{وي} \quad \left(6 \frac{N}{C}\right) i \text{ (a)}$$

$$\left(+4 \frac{N}{C}\right) i \text{ (d)} \quad \left(-3 \frac{N}{C}\right) i \text{ (c)}$$

مجموعې فلکس پیدا کړی؟

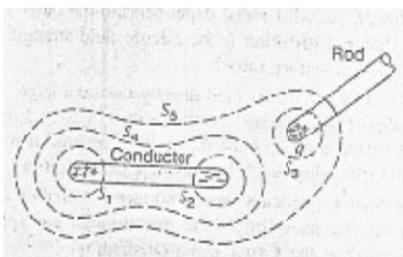


۳-۲۴ شکل: تمرین ۲.

۳-۲۴ په دي حالتوکې حساب کړئ. (الف) همواره قاعده (ب) د R شعاع لرونکې نیمایې کرې په پری شوي مخ، \vec{E} دبرقي ساحې خطونو نیمایې کرې دمحور سره موازي دي. د \vec{E} خطونه دهمواره قاعدي څخه ننوزي.

۳-۴ دگاوس قانون:

۳-۲۵ شکل په شان ديو غير چارج شوي عايق شوي هادي باندي چارج ديو مثبت چارج شوي ميلې په واسطه بيل شوي، د(5) گاوسي سطحو ترمينځ فلکس حساب کړئ. فرض کړئ چې تحريک شوي منفي چارج د q مثبت چارج سره مساوي دی چې په ميله کې دی.

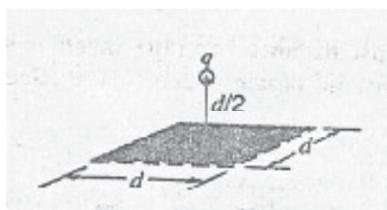


۳-۲۵ شکل: تمرین ۴.

۵-۱۸۴ نقطوي چارج ديوې مکعبې سطحې په داخل کې چې دضلعي اوږدوالي 55cm دي ايښودل شوي په سطحه کې Φ_E حساب کړئ؟

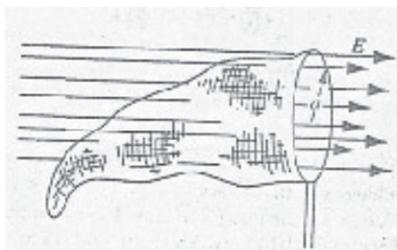
۲- یو مکعب چې په مخونو کې د $(6 - 1)N$ نقطو پوري دي د شبکوي چارج فلکس ی $10^3 Nm^2/c$ دي چې د نقطو د شمیر سره مساوي دی د N طاق لپاره فلکس داخلي او د N جفت لپاره خارجي دي. د دې مکعب په داخل کې شبکوي چارج خو مره دی؟

۷- د $+q$ شبکوي چارج د یو مربع شکله سطحې څخه د $\frac{d}{2}$ په اندازه، د مرکز څخه فاصله لري، که سطحه د d له ضلعي لرونکې مکعب یوه سطحه یا مخ فرض شي په دې سطحه برقي فلکس پیدا کړی؟



۳-۲۲ شکل: تمرین ۷.

۸- د باسکتیال په شان جال د \vec{E} په برقي ساحه کې ایښودل شوي، د a شعاع لرونکې دایره د برقي ساحې سره عمود واقع شوي د جال په خارجي نقطو کې برقي فلکس پیدا کړی؟



۳-۲۷ شکل: تمرین ۸.

۹- تجربو ښودلې چې د ځمکې په یوه معینه نقطه کې د برقي ساحې جهت د مرکز په طرف دی د بحر د سطحې څخه په $1300 m$ کې ساحه $58 \frac{N}{C}$ ده او په $200 m$

کې $\frac{N}{C}$ 110 ده، د هغه مکعب کې د شبکوي چارج مقدار پیدا کړی چې ضلعي m 100 او په 200 او 300 مترو ارتفاع په مینځ کې واقع وي د ځمکه له انحنایه
صرف نظر شوی.

۱۰- د دوهم سوال په مکعب کې (۳-۱۴ شکل کې) شبکوي فلکس هغه وخت

پیدا کړی چې : $(a) : yz : (3 \frac{N}{C.m})$ $E = (b) : [6 \frac{N}{C} + (-4 \frac{N}{C}) i +$

$(c) : [y] j (3 \frac{N}{C.m})$ په هر حالت کې د مکعب په داخل کې څومره چارج دی؟

۱۱- د ضلعي لرونکې مکعب په یو کونج کې د q نقطوي چارج ایښودل شوي،
د مکعب په هر مخ فلکس څومره دی؟ (کمک: د گاوس د قانون او د مشابهت دلیل
استعمال کړی.)

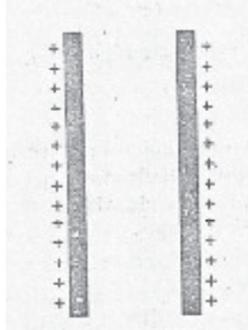
۳-۵ د گاوس د قانون تطبیقات:

۱۲- د یو چارج نامحدود خط $\frac{N}{C} 10^{24} \times 4.52$ برقي ساحه په m 1.96 فاصله کې
تولیدوي د چارج خطي کثافت ی پیدا کړی؟

۱۳- (a) په ۳-۴ مثال کې د فوتو کاپي ماشین قطی m 42 اوږدوالي لري او
 12 cm قطر لري په قطی کې مجموعي چارج څومره دی (b): جوړونکي غواړي
ددي ماشین یو سرمیزي نمونه جوړه کړي ددي کارلپاره باید د قطی اوږدوالي
 28 cm قطر 8 cm ته کم کړی. ددي قطی په سطحه باید برقي ساحه تغیرونه کړي.
نو په دي نوي قطی کې به څومره چارج وي؟

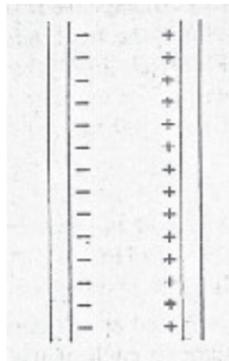
۱۴- دو نری اوږدي او غیرهادي ورقې چې مثبت چارج لري ۳-۲۸ شکل په شان یو
بل ته مخامخ واقع دي په دي نقطو کې برقي ساحه څومره ده؟

(a) دورقو چپ طرف ته (b) ددوی په مینځ کې (C) دورقو نې طرف ته، دهرې
ورقې لپاره مساوي چارج کثافت (σ) په نظر کې ونیسئ. یوازي هغه تقاطع
راکړی چې فاصله یې دورقو تر بعد کمه نه وي؟



۳-۲۸ شکل ۱۴ تمرین.

۱۵-۳-۲۹ شکل له مخې دوه لوي فلزي تختې يو بل ته مخامخ دي چې په ترتيب $+\sigma$ او $-\sigma$ برقي د چارج کثافت په خپلو داخلي سطحو کې انتقالوي \vec{E} په دي حالاتو کې پيدا کړی (الف) د تختو په چپ طرف کې (ب) د دوي په مينځ کې (ج) د دوی په بڼې طرف کې يوازي هغه نقط تصور کړی چې فاصله يې د تختو د ابعادو څخه زياته وي.



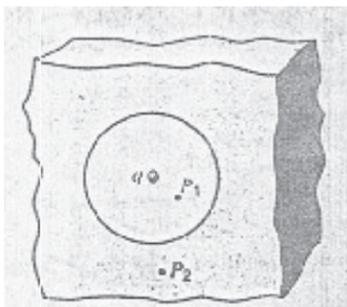
۳-۲۹ شکل ۱۵ تمرین.

۱۲- د ځمکې د جاذبې په ساحه کې يو الکترون په يوه برقي ساحه کې چې جهت يې د ځمکې د مرکز په طرف دي بې حرکت پاته کيږي که برقي ساحه دهغه چارجونو په واسطه چې د موازي او مخالف چارج شوو هادي سطحو په واسطه چې د 2.3 cm

فاصلي په واسطه جداشوي وی مینځ ته راغلی وی، د سطحې چارج کثافت ی خو مره دي، که تختې مشابه چارج شوي فرض شي؟

۱۷- یوازي مستقیم اونري برقي وایر $3.60 \frac{n.C}{m}$ چارج انتقالوي، سیم دیو مشابه سلنډري سطحې په واسطه پوښل شوي چې شعاع یې 1.50 cm ده او د سیم سره هم محوره دي داستوانې د حجمې چارج کثافت ρ ټاکل شوي چې داستوانې په بهرنۍ برخه کې ساحه صفرده. دهغه مثبت چارج کثافت حساب کړی چې دلته ضرورت دي.

۱۸- د $q = 126 \text{ nC}$ نقطوي چارج دهغه کروي خالیگه په مخ واقع دی چې شعاع لري او دهادي دیوي ټوټې په مخ دی دگوس دقانون څخه په استفادي برقي ساحه هغه وخت پیدا کړی چې (الف) د سطحې دمرکز څخه په P_1 نقطه کې (ب) په P_2 نقطه کې.



۳-۳۰ شکل: ۱۸ تمرین.

۱۹- یو پروتون دهغې کروي په خارج کې چې شعاع یې $r = 1.13 \text{ cm}$ ده د

$$V = 294 \frac{\text{km}}{\text{sec}}$$

په سرعت سره حرکت کوي دکروي پرمخ چارج پیدا کړی؟

۲۰- دوه چارجداره متحدالمرکز نري کروي قشرونه چې 10 cm او 15 cm شعاع لري په داخلي قشر کې چارج 40.6 nC او په خارجي قشر کې چارج 19.3 nC

دی برقی ساحه په دي حالاتو کې پیدا کړی. (الف) په $r = 12 \text{ cm}$ (ب) په $r = 22 \text{ cm}$ (ج) په $r = 8.18 \text{ cm}$.

۲۱- دوه اوږدې چارج شوي متحدالمرکز استوانې چې 3.22 او 6.18 cm شعاع لري، د سطحې چارج کثافت په داخلي استوانه کې $24.1 \frac{\mu\text{C}}{\text{m}^2}$ او په خارجي استوانه کې $-18.0 \frac{\mu\text{C}}{\text{m}^2}$ دی په $r = 4.1 \text{ cm}$ او $r = 8.20 \text{ cm}$ کې برقی ساحه پیدا کړی؟

۲۲- دیوی اوږدې، غیرهادي استوانوي قشر چې داخلي شعاع یې R او خارجي شعاع یې $2R$ ده پرمخ کې مثبت چارج خپور شوي د سطحې په کومه لاندنۍ نقطه کې (په کوم ژوروالي کې) د برقی ساحې شدت د سطحې د قیمت یونیم دي.

۲۳- یو الکترون چې انرژي ی ده 115 keV مستقیمه یو همواره، وی پلاستيکي قشر چې د سطحې چارج کثافت یې $-2.08 \frac{\mu\text{C}}{\text{m}^2}$ دي فیر شوي له کومې فاصلې باید الکترون فیر شي ترڅو په سطحه دلرېدو سره دننه شي.

۲۴- یو کروي گاوسي سطحه چې مرکزي د چارج یو نامحدود خط دي جوړه کړی د دي کروي د پاسه فلکس حساب کړی او وښایاست چې د گاوس قانون څخه پیروي کوي؟

۲۵- د R شعاع لرونکې وی استوانې باندي چارج په مشابه ډول توضیح شوي (الف): وښایاست چې \vec{E} د r په فاصله کې د استوانې له محور څخه کله چې $E = \frac{\rho r}{2\epsilon_0}$ په واسطه را کوی چې دلته ρ د چارج حجمی کثافت دي (ب): د $r > R$ څخه څه نتیجه اخیستلای شي؟

۲-۳ د گاوس قانون او هادي اجسام:

۲۲- یو 1.22 m شعاع لرونکې چارجداره هادي چې $8.13 \mu\text{C}/\text{m}^2$ د سطحې چارج کثافت لري (الف): په کره باندې چارج پیدا کړئ (ب): دکري په سطحه برقي ساحه پیدا کړئ. (ج): مجموعي فلکس پیدا کړئ؟

۲۷- دځمکې په اطراف یوه فضا یې بیږی، چې الکترون لرونکې ده په حرکت کې ده. څرنگه چې په فضا کې دځمکې سطحه نشته نو هغه چارج چې په نتیجه کې منځ ته راځي داهمیت وړدی. او کولای شي الکتروني عنصر له منځه یوسي چې ددوی دخرابولو سبب گرځي. په یوه دوره کې فلزي فضا یې ستلايت چې 1.3m قطر لري او له 2.4 mc چارج سره په دوران کې دی (الف) دچارج سطحی کثافت ی پیدا کړئ (ب) هغه برقي ساحه چې دستلايت په بهرنۍ سطحه کې منځ ته راځي حساب کړئ؟

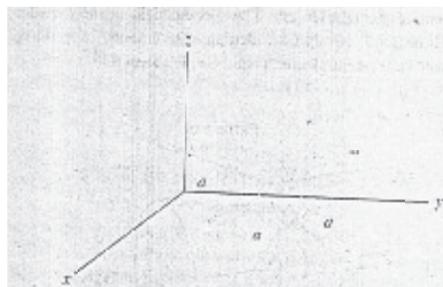
۲۸-۳-۱۸ معادله یو چارج شوي هادي په سطحه کې $E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$ برقي ساحه لاس ته ورکوي. دامعادله په هغه کره کې چې شعاع یې r ده او د q چارج په خپله سطحه کې لري وبنایاست چې دکري په خارجي سطحه کې برقي سطحه دهغه نقطوي چارج دبرقي سطحې سره مساوي دی چې دکري په مرکز کې دیو نقطوي چارج له امله منځ ته راغلي.

۲۹- یو فلزي تخته چې 8.0 cm اوږدوالی لري په خپله یوه سطحه $6.0 \mu\text{C}$ چارج لري (الف): دتختې نامحدودوالي په صورت کې دتخت د مرکزڅخه 0.5 mm فاصله مرکزته نږدې برقي ساحه حساب کړئ (ب): په 30 m کې ساحه حساب کړی؟

سوالونه:

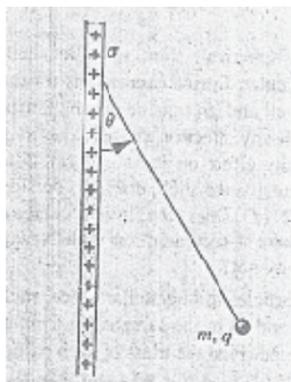
۱- د جاذبې لپاره د گاوس قانون د $\oint \vec{g} \cdot d\vec{A} = -m$ دی، چې m کتله او G د نړیوال جاذبې ثابت دی، له دې څخه د نیوټن قانون استخراج کړئ او هم وویاست چې د (-) علامې اهمیت څه دي؟

۲- په ۳۱-۳ شکل کې د برقی ساحې عناصر له $E_y = b y^{\frac{1}{2}}$ دي چې $E_x = E_z = 0$ دي. په $b = 8830 \frac{N}{cm^2}$ تاسې پیدا کړئ (a): په مکعب کې فلکس Φ_E (b): په مکعب کې چارج که $a = 13.0 \text{ cm}$ وي.



۳۱-۳ مشکل

۳- یوه وړوکې کره چې $m = 1.12 \text{ mg}$ کتله او $q = 19.7 \text{ nc}$ چارج لري، د ځمکې د جاذبې ساحه کې د یو تاریه واسطه څوړنده ده اوله یو لوی چارج شوي صفحې سره $\theta = 27.4^\circ$ زاویه جوړوي د صفحې لپاره د چارج سطحې کثافت (σ) حساب کړئ؟



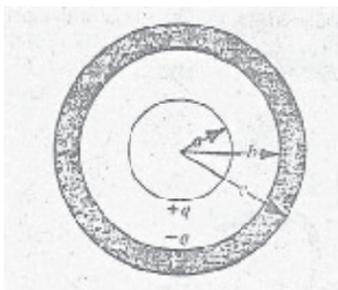
۳-۳۲ شکل: ۳ مشکل.

۴- په ۳-۳۳ شکل کې د $+q$ چارج د یوې کرې په شکل تنظیم شوي چې شعاع یې a ده او د یوې کرې هادي قشر په واسطه چې داخلي شعاع یې b او خارجي شعاع یې c ده احاطه شوي خارجي سطحه د $-q$ چارج لري $E(r)$ په دې حالتو کې پیدا کړئ؟

(a) د کرې په مینځ کې ($r < a$) (b) د کرې او قشر تر مینځ ($a < r < b$)

(c) د قشر په مینځ کې ($b < r < c$) (d) د قشر څخه بهر ($r > c$)

(e) د قشر په داخل او خارجي کی کوم چارج راڅرگند یږي؟

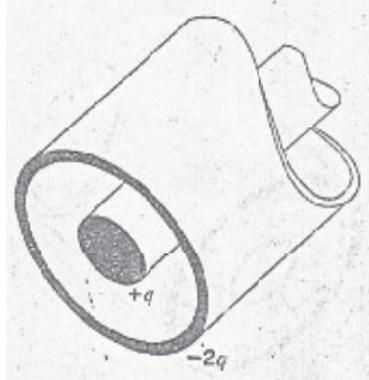


۳-۳۳ شکل: ۴ مشکل.

۵- یو استوانې هادي د L په اوږدوالي سره چې $+q$ چارج لري د یو L اوږدوالي لرونکې استوانوي قشر په واسطه پوښل شوي چې $-2q$ چارج لري چې په ۳-۳۴ شکل کې یې مقطع ښودل شوي د گاوس د قانون په اساس دا پیدا کړئ؟

(الف) د هادي د قشر په خارجي برخه کې برقی ساحه؟ (ب) په هادي قشر کې د چارج توضیح؟

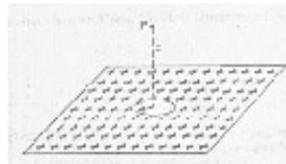
(ج) دا استوانو تر مینځ برقي ساحه.



۳-۳۴ شکل: ۵ مشکل.

۲- یو لویه همواره غیرهادي سطحه د σ په کثافت یو چارج لري، د دي ورقي په مینځ کې د R په شعاع یو سوري جوړ شوي لکه په ۳-۳۵ شکل کې د ټولو څنډو څخه بهر د برقي ساحې څخه په صرف نظر شوی د P په نقطه کې برقی ساحه پیدا کړی. چه د Z په محور د Z په اندازه د سوري د مرکز څخه فاصله لري.

(کمک: ۲-۱۹ معادله وگوری اود قانون څخه ی استفاده وکړئ.)



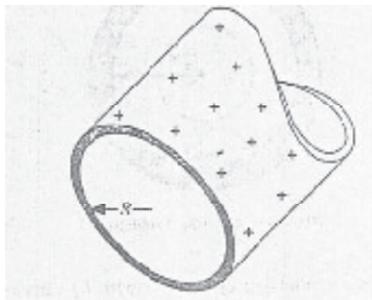
۳-۳۵ شکل: ۲ مشکل.

۷- په ۳-۳۲ شکل کې د یو فلزي تیوب مقطع گوری، چې شعاع یې R ده او د یو نازک دیوال په واسطه پوښل شوي چې د λ چارج په واحد د طول د سطحی په مخ لري، او E او r د مختلفو فاصلو لپاره چې د تیوب د محور څخه لری پیدا کړئ. په هغه صورت کې

چې:

$$(الف) (r > R) \quad (ب) (r < R)$$

(ج) خپله نتیجه هغه وخت گوري چې $r = 0$ څخه تر $r = 5\text{cm}$ وي او $\lambda = 2 \times 10^{-8} \frac{C}{m}$ وي. (کومک: د گاوس قانون داستوانې سطحې لپاره استعمال کړي چې فلزي تيوب سره هم محوري.)

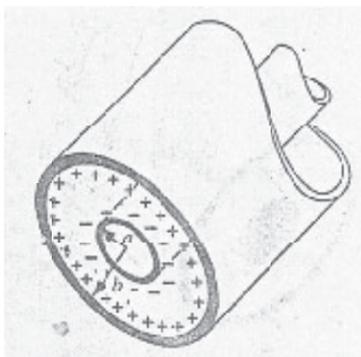


۳۲-۳ شکل: ۷ مشکل.

۳۷-۳-۸ شکل ددوه نريواو اوږدو هم مرکزہ استوانو مقطع بنايې چې شعاع گانې يې a او b دي استوانه د λ مختلف او مساوی چارج په واحد د طولی نقلوی. د گاوس د قانون استعمال کړي او ثبوت کړي چې:

$$E = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \cdot \frac{\lambda}{r} \quad \text{(الف): د } (r < a) \text{ لپاره } E = 0 \text{ , (ب): او داستوانو په مينځ کې}$$

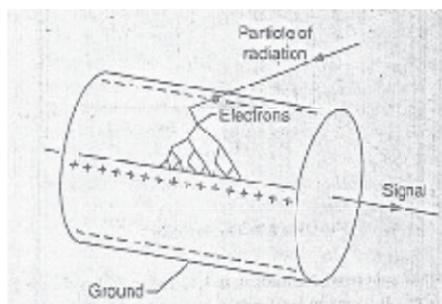
سره.



۳۷-۳ شکل: ۸ شکل.

۹- دهندهسي مسائلو په برخه کې (8) سوال يو پوزيټرون نښايې چې ديوې استواني سطحې په داخلي کې په دايروي مسير چې داستواني سره هم مرکز ده دي دوران کوي، ددي حرکتی انرژي په الکترون ولټ پيدا کړي. په هغه صورت کې چې $\lambda = 30 \frac{nc}{m}$ (ولې ضرورت نشته چې داستواني شعاع وپيژني)؟

۱۰- ۳-۳۸ شکل يو Geiger Counter (دايوناييز کونکې شعاع حسابوونکې) نښي، (counter) يو نري مرکزي سيم چې يو مثبت چارج لري او داستواني هادي پوښ په واسطه احاطه شوي چې په همدې اندازه منفي چارج لري، نو داستواني په داخل کې برقي ساحه يوه قوه رامنځ ته کوي، استوانه يو ټيټ فشار لرونکې نجيبه گاز لري، کله چې داستواني د ديوال څخه دمیله يشن يو وړانگه ننوزي دگاز اتوم ايوناييز کيږي، الکترونونه مثبت سيم ته ځي. برقي ساحه دگاز داتومونو ترمينځ لور په ده همدارنگه کافي انرژي لري چې دا اتومونه ايوناييز کړي او نور آزاد الکترونونه رامنځ ته کيږي دا پروسه ترهغه وخته دوام کوي چې الکترونونه مثبت سيم ته لاړ شي. دسيم په واسطه دالکترونونو زيات مقدار راجمع کيږي که سيم داخل شعاع $25 \mu m$ داستواني شعاع $1.4 cm$ او دتيوب اوږدوالي $16 cm$ وي داستواني په ديوال کې برقي ساحه $2.9 \times 10^4 \frac{N}{C}$ ده په داخلي سيم کې د ټول مثبت چارج مقدار معلوم کړي؟



۳-۳۸ شکل: ۱۰مشکل.

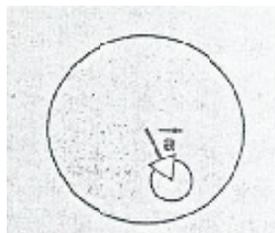
۱۱- يو بي چارج، فلزي کروي نري قشر په خپل مرکز کې د q نقطوي چارج لري برقي ساحه په دي حالاتو کې پيدا کړي (a) دقشر په داخل کې (b) دگاس دقانون په

واسطه د قشر په بیرون کې (c) ایا قشر د q په ساحه کوم اثر لري؟ (d) آیا q په قشر کوم اثر لري. (e) که د قشر بهر یو بل نقطوي چارج وي. ایا دا چارج کومه قوه احساس کوي. (f) ایا داخلي چارج کومه قوه حس کوي؟ (g) ایا د نیوتن له دریم قانون سره کوم اختلاف دلته شته؟ ولي او یا ولي نشته؟

۱۲- دستورو په منځ کې د خاورو مساوي کتله لرونکې ذرات چې یو الکترون لري یوه ثابت کروي او مشابه وریځ جوړوي دهرې ذري کتله پیدا کړئ؟

۱۳- $(a < r < b)$ کروي ساحه د $\rho = \frac{A}{r^4}$ چارج په واحد حجم لري، چې A ثابت دی د احاطه شوي خالیگاه په مرکز $r = 0$ کې د q یو نقطوي چارج دی د A قیمت به خومره وي ترڅو د $(a < r < b)$ په ساحه کې برقي ساحه ثابت وي.

۱۴- یو کروي ساحه د ρ چارج په واحد د حجم کې لري. دکري په منځ کې r د مرکز څخه د P نقطې ته یو وکتور دي، (a) وښایاست چې د کري په منځ کې برقي ساحه $\vec{E} = \frac{\rho r}{3\epsilon_0}$ ده. (b) یو کروي خالیگاه دکري په منځ کې جوړه شوي لکه په ۳۹-۳ شکل کې دځای په ځای کیدو د نظریې په اساس وښایاست چې د خالیگاه په ټولو داخلي نقطو کې $(E = \frac{\rho \cdot \vec{a}}{3\epsilon_0})$ ده (مشابه ساحه لري) چې دلته \vec{a} هغه وکتور دي، چې دکري مرکز د خالیگاه د مرکز سره نښلوي په یاد ولری چې نتایج دکري او خالیگاه د مرکز څخه خپلواک دي؟



۳۹-۳ شکل: ۱۴ مشکل.

۱۵- وښایاست چې د الکترو ستاتیک قوو ترمنځ ثابت خنثی کول ناممکن دي، (کمک: فرض کړئ چې د p نقطه د \vec{E} په برقي ساحه کې ده، د +q چارج که هلته ځای

په ځای شوي وای نو ثابتته ځنځي ساحه کې به وو، د P په اطراف یو کروي گاوسي سطحه رسم کړئ او فرض کړئ چې \vec{E} به په دې سطحه کې څومره وي او د گاوس په قانون سره وښایاست چې دافرضیه اختلاف ښی. دانتیجه (Earnshaws thearn) په ډول پیژندل شوي.

۱۶- یو مسطحه میله چې د d پنډوالي لري یو مشابه حجمې کثافت لری، برقي ساحه دفضاء په دې نقطو کې پیدا کړی؟ (a) په داخل کې (b) دمیلې په بهر کې په دې حالت کې چې د x فاصله دمیلې له داخلې برخې څخه اندازه شوي وی.

۱۷- یوه جامده غیرهادي کره د شعاع لري د چارج غیر مشابه توضیح لري او د چارج کثافت یې $P = \rho_s \frac{r}{R}$ دي چې Ps ثابت دی او دکري د مرکز څخه فاصله ده، وښایاست چې (a) په کره کې ټول چارج $q = \pi P_s R^3$ دی او (b) دکري په داخل کې برقي ساحه $(E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{R^4} \cdot r^2)$ ده؟

۱۸- یو عایق شوي هادي $10 \mu C$ چارج لري، دهادي په منځ کې یوه خالیگه ده چې په منځ کې یې $q = +3.0mc$ چارج دی. په لاندي ساحو کې څومره چارج دی؟ (a) دخالیگه په دیوال (b) دهادي په بهرنۍ سطحه.

۱۹- یو هادي کره چې q چارج لري دیوهادي کروي قشر په واسطه پوښل شوي. (a) دقشر په داخلي سطحه کې چارج څومره دی؟ (b) د q یو بل چارج دقشر څخه بهر ځای په ځای شوي اوس دقشر په داخلي سطحه کې چارج څومره دی؟ (c) که q دقشر او کروي منځنۍ برخې ته انتقال شي نو دقشر په داخلي برخه کې چارج څومره دی؟ (d) آیا ستاسو جوابونه په هغه صورت کې هم صحیح دي چې قشر او کره هم مرکز نه وي؟

محاسبوي سوالونه:

1. دگاوس قانون دیو عددی محاسبې سره تائید کړئ $q = 1 \text{ nc}$ نقطوي چارج د کروي دسطحې څخه په 0.5 m کې واقع دی د کروي شعاع $r = 1.0 \text{ m}$ ده، د کروي برقي فلکس حساب کړئ؟
2. دگاوس قانون دیو عددی محاسبې په واسطه تائید کړئ، د $q = 1 \text{ nc}$ چارج د کروي دمرکز او خارجې سطحې ترمنځ واقع دی، د کروي شعاع $r = 1.0 \text{ m}$ ده د کروي برقي فلکس حساب کړئ؟
3. د $q = 1.0 \mu\text{C}$ نقطوي چارج دیو استواني سطحې په محور چي شعاع چي $r = 0.5 \text{ m}$ او اوږدوالي یې $L = 3.0 \text{ m}$ ده واقع دی. نقطوي چارج له یو یو قاعدی څخه (1.0 m) فاصله لری، او 2.0 m له بلې قاعدی څخه فاصله لري.
 - (a) داستواني په قطع شوي برخې کې فلکس په عددی ډول محاسبه کړئ؟
 - (b) خپل ځواب په تحلیلي ډول تائید کړئ؟ نوبت: دلته هیڅ انتگرال ته ضرورت نشته.

څلورم څپرکی

برقي پوتانشیالی انرژي او پوتانشیال:

د ۱۱ څپرکي څخه تر ۱۳ څپرکي پورې، مونږ هغه طریقې (متودونه) زده کړل کومو چې انرژي پورې اړه درلوده. اودغه طریقې مونږ سره په میخانیک باندې دپوهیدلو کومک کوي. یعنی دمیخانیک د مشکلاتوپه حلولو کې یې اسانیتا رامنځ ته کړي.

په ۱۴ څپرکي کې مونږ هغه طریقي استعمال کړي وي چې د پوتانشیالي انرژي دموقیعت او وضعیت په معلومولو ولاړې وي، همدارنگه دځمکې د جاذبې قوې خواص دستورو او سپوږمۍ د حرکت په شان معلومېږي مونږ په دې څپرکي کې دالکتروستاتیک دمطالعې لپاره انرژي طریقه (میتود) زده کوو مونږ د برقي پوتانشیالی انرژي څخه شروع کوو، شاید چې مونږ ته الکتروستاتیکي قوه د جاذبوي پوتانشیالي انرژي په شان معرفي کړي. او دا جاذبوي پونسیالي انرژي کولی شي جاذبوي قوه تشریح کړي نو بیا د برقي پوتانیسالی دا مفهوم په عمومي توگه کولی شي چې دا وښايي چې: څنگه برقي پوتانشیالی د چارج په مختلفو جدا او پیوستو توزیعو کې پیدا کولی شو.

۱-۴ پوتانیسالی انرژي:

زیاتي برقي پینې (حادثې) د زیات مقدار انرژي په انتقال پورې اړه لري د مثال په ډول کله چې د وریځو بریښنا د ځمکې سره ټکر کوي، په نمونوي توگه د 10^8 یوه انرژي، د رڼا، اواز، حرارت او حیرانونکي څپې په شکل ورڅخه ازادېږي دا انرژي دکوم ځایه او څنگه په وریځ کې جمع کیږي؟ د دې پوښتنې دپوهیدو لپاره مونږ گورو چې دا انرژي یوازې دبرقي قوو سره اړه لري. دالکتروستاتیک قوی قانون ډیر زیات د جاذبې دقوي دقانون سره مشابهت لري:

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \quad (4-1a) \dots \text{الکتروستاتیک قوه}$$

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2} \quad (4-1b) \dots \text{جاذبوي قوه}$$

دغه دواړه قوې د دوه جسمونو ترمنځ دفاصلې دمربع سره معکوساً متناسبې دي، کله چې یو جسم د بل جسم د جاذبې د قوې لاندې د یو ځای څخه بل ځای ته حرکت کوي (کوم چې مونږ فرضوو چې په آرام کې پاتې شي) نو هغه کار چې د جاذبې قوه یې په اولني جسم باندې اجراء کوي یوازې د پیل او پای په نقطو پورې اړه لري او دهغو ترمنځ فاصلې پورې اړه نلري، په (۱-۱۲) برخه کې مونږ هغه قوه چې دا قسم یو خاص خاصیت لري دمحافظة کاري قوې (*Conservative force*) په نوم یاده کړې ده او په (۲-۱۲) برخه کې

مونږ دې نتيجه چې ته ورسيدو چې ديوې محافظه کاري قوې لپاره مونږ پوتانشيالي انرژي معرفي کوو. يعنې تعريفوو:

دا چې يو جسم دخپل اولني ځای څخه خپل اخري ځای ته حرکت کوي نو دسيستم پوتانشيالي انرژي ΔU يې مساوي ده هغه منفي کار سره کوم چې دقوې په واسطه اجراء شوي:

$$\Delta U = U_f - U_i = -W_{if} = - \int_i^f \vec{F} \cdot d\vec{s} \quad (4-2)$$

W_{if} هغه کار دی چې د \vec{F} دقوې په واسطه چې جسم د i څخه f پورې حرکت کړی دی. په (۲-۱۴) برخه کې مونږ وښودل چې د جاذبې قوې په دې حالت کې چې کله يو جسم د m_2 په کتلي سره د r_i په فاصله د m_1 دکتلي څخه د r_f له نقطې څخه د r_f نقطې ته حرکت کوي نو دپوتانشيالي انرژي توپيريې مساوي دی:

$$\Delta U = -Gm_1m_2 \left(\frac{1}{r_f} - \frac{1}{r_i} \right) \quad (4-3)$$

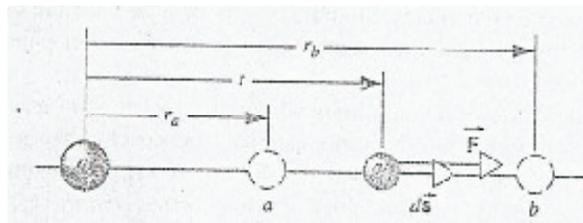
دا دپوتانشيالي انرژي تفاوت په ټول سيستم پورې اړه لري چې د m_1 او m_2 کتلو لرونکی دی نه يوازې په يوه جسم پورې که د جاذبې قوې قوانين وضع کړو. نوالکتروستاتيک قوه محافظه کاره (Conservative) قوه ده. نو ځکه پوتانشيالي انرژي يې مربوط ده يعنې اړه لري ديو سيستم دبنې سره په کوم کې چې الکتروستاتيک قوه عمل کوي ولې دغه طريقه د الکتروستاتيک قوو لپاره گټوره ده په ميخانيک کې مونږ زده کړل چې د مشکلاتو د تحليل لپاره دوه طريقې موجودې دي. يوه طريقه يې په قوه (وکتور) ولاړه ده د کومې پواسطه چې مونږ د يو جسم موقعيت او دهغه دسرعت مقدار دحرکت په هره نقطه کې معلومولي شو.

دوهم ميتود يا طريقه په انرژي (سکالر) ولاړه ده چې مونږ د دې په وسيله کولي شو معلومه کړو چې يو سيستم دحرکت پرمهال د شروع له ټاکلي نقطې ترپاي نقطې پورې څنگه بدلېږي. او مونږ به په دې پوه شو چې دواړه طريقې گټورې دي ترڅو د دوه چارج لرونکو جسمونو ترمنځ متقابل عمل مطالعه شي. دلته يوه مهمه ځانگړتيا موجوده ده د

کومې په واسطه چې د الکتروستاتیک قوه د جاذبې قوی څخه توپیر کېږي. د جاذبې قوه هر وخت جذب کوونکي خاصیت لري. په داسې حال کې چې الکتروستاتيکي قوه دفعه کوونکي او یا جذب کوونکي کیدلې شي. دغه توپیر د پوتنسیل انرژي په علامه باندې تغیر اچولې شي خو د دوي د ورته والي په هکله زموږ استدلال ته تغیر نه شي ورکولې. یعنې دغه دواړه قوي یو له بل سره ورته دي.

۲-۴ د برېښنا پوتنسیالي انرژي:

په دغه برخه کې موږ الکتروستاتيکي قوه، کومه چې په لومړۍ څپرکي کې موږ ولوسته د برقي پوتنسیل انرژي د ترلاسه کولو لپاره استعمالوؤ ځکه دوي دواړه یو پر بل متقابل اثر لري او د دوؤ څخه زیاتو چارجونو د موجودیت حالت هم دلته تشریح کوو د پخوانۍ برخې څخه موږ پوهېږو چې الکتروستاتيکي قوه یوه محافظه کاره قوه ده موږ کولې شو چې پوتنسیل انرژي په هغه وخت کې حساب کړو چې q_2 چارج له a نقطې څخه د b نقطې ته حرکت کوي او دغه حرکت د q_1 د چارج د قوي له امله تر سره کېږي که فرض کړو چې دواړه چارجونه مثبت وي لکه (۱-۴ شکل)، کې اوس فرضوؤ که حرکت د a له نقطې څخه د b نقطې په هغه کرښه وي چې a له b سره تړي (وروسته به د تغیر مکان ټولو ډولو سره اشنا شو) که چېرې موږ د q په موقعیت کې وؤ او r د مبداء او q_2 ترمنځ فاصله وي نو د $d\vec{s}$ وکتور ډېر کوچني تغیر مکان رابښايي چې د a د نقطې څخه د b نقطې ته تر سره شوي دی، (۲-۴ شکل) په دغه ډول حرکت کې د \vec{F} قوه او د $d\vec{s}$ تغیر مکان د تل لپاره یوه له بل سره موازي وي نو ځکه موږ لرو $(\vec{F} \cdot d\vec{s} = Fds)$ هغه حرکت چې (۱-۴) شکل کې ښودل شوي دي، دلته $ds = dr$ دي ځکه چې تغیر مکان د تل لپاره د r په جهت کې وي



۱-۴ شکل.

د ۴-۲ معادلې په عوض لیکلي شو:

$$\Delta U = - \int_a^b \vec{F} \cdot d\vec{s} = - \int_a^b F dr = - \int_{r_a}^{r_b} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} dr \quad (4-4)$$

که پورتنی انتگرال خلاص کړو نو لرو چې:

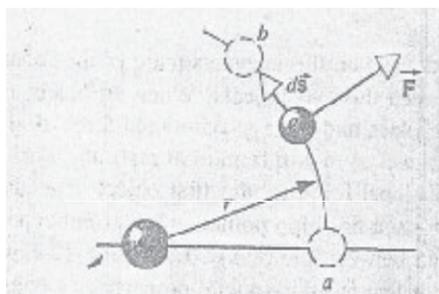
$$\Delta U = U_b - U_a = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} q_1 q_2 \left(\frac{1}{r_b} - \frac{1}{r_a} \right). \quad (4-5)$$

۴-۵ معادله په دواړو حالاتو کې د تطبیق وړ ده یعنې که د q_2 چارج په طرف او یا له هغه څخه لری وي. که چېرې q_2 د q_1 په طرف حرکت وکړي نو $\Delta U > 0$ دی، نو په دې حالت کې چارجونه یو له بل سره نږدې حرکت کوي نو د پوتنشیال انرژي ئی زیاتېږي، که چېرې د q_2 چارج د q_1 له چارج څخه لرې حرکت وکړي نو $r_b > r_a$ او $\Delta U < 0$ دی نو په دې حالت چارجونه یو له بل څخه جدا او لرې حرکت کوي نو پوتنشیال انرژي ئی کمېږي. ۴-۵ معادله په هغه وخت کې، هم د تطبیق وړ ده چې د چارجونو علامې مثبت وي او یا منفي وي که چېرې دواړه چارجونه منفي وي نو مونږ په وضاحت سره عینی نتیجه ترلاسه کوو، که چېرې چارجونه مخالف علامه وي یعنې یو مثبت او بل منفي وي نو بیا د هغوی ترمنځ قوه د جذب قوه ده، ۴-۱ شکل کې د قوې وکتور په مخالف جهت کې مونږ لرو:

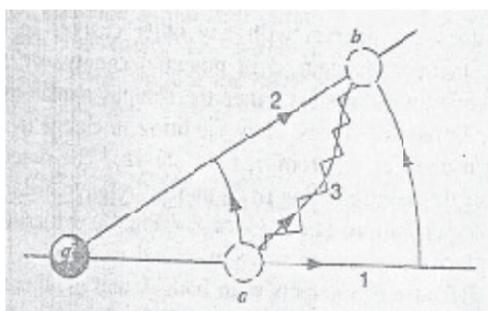
$$\begin{aligned} \vec{F} \cdot d\vec{s} &= -F ds = -F dr = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \\ &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2}, \end{aligned} \quad (4-6)$$

په اخري قدم کې $q_1 q_2 = -|q_1||q_2|$ کېدای شي که چېرې چارجونه مخالف علامه وي یعنې یو منفي او بل مثبت وي دغه په دقیق ډول همغه انتگرالی تابع ښایي، لکه

۴-۴ معادله کې، نو له دې وجې انتگرال همغه نتیجه ورکوي، کله چې چارجونه مخالفې علامې ولري نو بیا "۱.۲" منفي راځي ۴-۵ معادله کې $\Delta U < 0$ دی، که چېرې چارجونه یو له بل سره نږدې حرکت وکړي. او که چارجونه یو له بله جدا او لرې حرکت وکړي نو بیا $\Delta U > 0$ وي. که فرض کړو چې q_2 په هغه کرښه حرکت ونه کړي کوم چې q_1 او q_2 یو له بل سره نښلوي لکه ۲-۴ شکل ښایي چې q_2 د a له نقطې څخه د b نقطې ته د دایرې د یو قوس په امتداد چې د r شعاع په واسطه q_1 د مرکز سره نښلول شوي دي د دغه مسیر په اوږدو کې \vec{F} قوه همیشه په $d\vec{s}$ باندې عمود ده نو $\vec{F} \cdot d\vec{s} = 0$ ده دلته الکتروستاتيکي قوه هیڅ کار نه کوي یعنې $\Delta U = 0$ دی که چېرې q_2 له a څخه د b اختیاري نقطې ته حرکت وکړي لکه ۳-۴ شکل کې، موږ کولی شو چې مختلف مسیرونه غوره کړو.



۴-۲ شکل:



۳-۴ شکل

د مسير په اوږدو کې يعنې 1 او 2 کې، ΔU چې ۴-۵ معادله کې مونږ ته راکړل شوې دی د مسير شعاعي برخو لپاره او د مسير د کرې يا *Tangential* برخې لپاره $\Delta u = 0$ دی، د $3 > 0$ اختياري مسير په لنډ، کرې *Tangential* او شعاعي *Radial* برخو وپشل کېدای شي په هره کره شوې برخه کې $\Delta U = 0$ دی په داسې حال کې چې د ΔU مکمل قيمت په شعاعي برخو کې د ۴-۵ معادلې په واسطه لاسته راځي.

زمونږ نتيجې داسې ده چې د ۴-۵ معادله، د ΔU قيمت په هر مسير کې راکوي چې د a او b ترمنځ وجود لري. a نقطه د q_1 څخه د r_a په فاصله او د b نقطه له q څخه د r_b په فاصله واقع ده دلته د نقطې موقعيت مهم نه دی نو موږ ويلی شو چې الکتروستاتيکي قوه محافظه کار قوه ده. دې معني دا ده چې تر سره شوې کار د a له نقطې څخه د b نقطې ته د حرکت په وخت کې د پوتنشيال انرژي د بدلون په مسير پورې ارتباط نه لري.

تراوسه پورې موږ د دوه نقطو ترمنځ د پوتنشيال انرژي په توپير باندې بحث وکړ يعنې $\Delta U = U_b - U_a$ نو دغه بحث ته ادامه ورکوو او غواړو چې د b په ټاکلي نقطه کې د پوتنشيال انرژي معلومه کړو، دلته د a نقطه د پوتنشيال انرژي د سرچينې په توگه ټاکو او پوتنشيال انرژي د a په نقطه کې په U_a سره ښايو اکثر وخت دا مهمه ده چې د سرچينې نقطه بايد د دوه چاروونو ترمنځ ډېره جدايي برابره کړي او په عمومي ډول موږ د سرچينې نقطې قيمت $U_a = 0$ انتخابوو، او د b نقطه هره نقطه کيدای شي کومه چې د جدايي فاصله يې r ده نو ۴-۵ معادله داسې شکل غوره کوي:

$$U(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r} \quad (4-7)$$

په دې معادله کې که چيرې د q_1 او q_2 علامې سره يو شان وي نو U مثبت دی او دا مونږ ته دفع کونکې قوه را ښايي او که چيرې q_1 او q_2 مخالفې علامې ولري نو د U قيمت منفي دی او دا مونږ ته د جذب قوه را ښايي، که $7 - 4$ معادله د $17 - 14$ معادله سره پرتله کړو، چې موږ ته د جاذبې قوې (f_g) پوتنشيال انرژي را ښايي نو $U(r) = -Gm_1 m_2 / r$ کېږي.

نو موږ دا خبره يادداشت کوو: چې جاذبوي پوتنشيال انرژي هميشه منفي ده ځکه چې د جاذبې قوه تل جاذبه ده او دغه قوه د الکتروستاتيکي پوتنشيالي انرژي له منفي قيمت سره مساوي ده، کله چې چارجونه مخالفې علامې ولري نو قوه د جذب قوه ده.

په الکتروستاتيک کې د انرژي بقا (پايښت):

د دوه چارجونو مجموعي ميخانيکي انرژي (په منفرد سيستم کې) $E = K + U$ ده. چې ثابتې ده. فرضاً که د q_1 چارج په يوه ټاکلي ځاي کې واقع وي او د q_2 چارج په يوه ټاکلي فاصله د q_1 څخه خوشې شي که چېرې د دواړو چارجونو علامې يو شان وي نو $\Delta U < 0$ او د q_1 چارج د q_2 چارج د دفعې قوې په واسطه دفع کېږي. د ميخانيکي انرژي بقا $\Delta K > 0$ ته ضرورت لري، نو له دې وجې بايد د q_2 سرعت زيات شي که چېرې موږ د q_2 چارج ته د q_1 په طرف حرکت ورکړو د ټاکلي حرکت انرژي په واسطه، نو دلته $\Delta U > 0$ ده، چې د دوي ترمنځ فاصله کمېږي، نو له دې وجې د انرژي بقا $\Delta K < 0$ ته اړتيا لري نو ځکه د q_2 چارج سرعت کمېږي. نو پورتنۍ نتيجې برعکس کېږي که چېرې چارجونه مخالفې علامې ولري، چې په دې حالت کې به قوه جذب کوونکې وي.

د دوه چارجونو د سيستم انرژي دکتلو د بقا لپاره يوه بله لاره هم موجوده ده، که فرض کړو چې دوه چارجونه يو شان علامې ولري که دغه دواړه چارجونه په ډېره لويه فاصله يو له بل څخه جدا شي، که چېرې د q_2 چارج ته حرکت ورکړو او د q_1 د چارج څخه يو ټاکلي فاصله ولري، د دې کار تر سره کولو لپاره دلته يو چارجي عامل چې د q_1 چارج ته حرکت ورکړي، دغه عامل بايد يوه قوه وارده کړي ترڅو د q_1 او q_2 ترمنځ الکتروستاتيکي دفعې قوې سره مخالفه وي نو دغه عامل مثبت کار اجرا کوي، نو له دې وجې د سيستم انرژي زياتېږي په پايله کې د دغه خارجي عامل له خوا د تر سره شوي کار له امله د سيستم انرژي د ΔU په اندازه زياتېږي يا په بل عبارت دغه خارجي عامل په سيستم کې انرژي ذخيره کړې ده د مثال په ډول کله چې يو خارجي فنر متراکم شي نو په حقيقت کې انرژي ذخيره کوي د چارجونو دخوشې کولو سره ذخيره شوې انرژي د حرکت کوونکو

چارچونو د حركي انرژي په ډول موندلې شو كه د دې پرځاي چارچونه مخالفې علامې ولري نو د هغوي ترمنځ الكتروسټاتيكي قوه د جذب قوه ده نو دلته خارجي عامل، كوم چې د q_2 چارج ته له لېرې فاصلې څخه د q_1 په لور يو نږدې فاصلې ته حركت وركوي په سيستم باندې منفي خارجي كار اجرا كوي دغه كار د سيستم ذخيره شوي انرژي كموي او له دې وجې د موندلو وړ نه ده. د خارجي عامل پرته د q_1 د q_2 په طرف خپل تعجيل ته دوام وركوي دلته بايد خارجي عامل انرژي مصرف كړي ترڅو په يوه ټاكلي ځاي كې د q_2 د چارج د ساتلو څخه مخنيوي وكړي. كه چېرې د q_1 او q_2 چارچونه يو له بل سره مخالفې علامې ولري او په لنډه فاصله كې حركت شروع كړي نو دلته بيا خارجي عامل مثبت كار تر سره كوي ترڅو د چارچونو ترمنځ فاصله زياته كړي او ددغه كار مقدار ΔU سره مساوي دي. كه چېرې موږ دغه مفكوره د اتوم او ماليكول لپاره وكارو نو دغه انرژي اتصالي انرژي ده چې د ايوناييزيشن انرژي په نوم اويا د تفكيك انرژي يادېدلې شي دغه انرژي موږ ته خارجي انرژي را ښايي، كومه چې موږه يې بايد تياره كړو. د مثال په ډول كله چې موږ وغواړو د يو اتوم څخه يو الكترون جدا كړو يا يو ماليكول په ايونو ټوټه كړو لكه KCl د K^+ او Cl^- په ايونو باندې.

۴-۱ پوښتنه: كه چېرې د ^{238}U په هسته كې د دوه پروتونو ترمنځ فاصله 6Fm وي نو څومره پوتنشيال انرژي د برقي انرژي سره يو ځاي د دغه دوه زور ترمنځ عمل كوي.

حل: پوهېږو چې $q_1 = q_2 = +1.60 \times 10^{-19}\text{C}$ دي نو موږ د (۴-۵) معادلې څخه لرو چې:

$$U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r} = \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2)(1.60 \times 10^{-19} \text{ C})^2}{6.0 \times 10^{-15} \text{ m}}$$

$$= 3.8 \times 10^{-14} \text{ J} = 2.4 \times 10^5 \text{ eV} = 240 \text{ keV}$$

كه چېرې موږ $U = 0$ ونيسو د ترتيب لپاره كومه كې چې پروتونونه يو له بل څخه لرې كوي نو دغه دوه پروتونونه يو له بل څخه نه جدا كېږي ځكه چې دوي ديوې جاذبې قوې په

واسطه یو له بل سره یو ځای شوي دي، کومه چې هستې ته ټینګتیا یا اتصال ور بخښي
برعکس برقي قوه دومره پوتنشیل انرژي نه لري چې دومره قوي قوه تولید کړي.

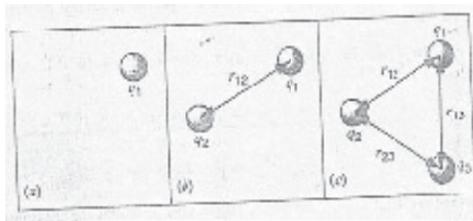
۴-۲ پونښتنه: دوه جسمونه چې د لومړي جسم کتله $m_1 = 0,0022 \text{ kg}$ او چارج یې $q_1 = +32 \mu\text{C}$ وي، او د دوهم جسم کتله $m_2 = 0,0039 \text{ kg}$ او چارج $q_2 = -18 \mu\text{C}$ وي نو که په لومړي سر کې د هغوي ترمنځ فاصله $4,6 \text{ cm}$ وي او لومړي جسم په یوه ټاکلي ځای کې ثابت وساتل شي او دوهم جسم خوشې شي نو د دوهم جسم سرعت معلوم کړئ. که د هغوی ترمنځ فاصله په دې وخت کې $2,3 \text{ cm}$ وي فرض کړئ چې جسمونه د نقطوي چارجونو په شکل وي.

حل: څرنګه چې چارجونه یو بل ته نږدې کېږي نو دلته یواځې الکتروستاتيکي قوه عمل کوي دلته د پوتنشیل انرژي کمېدونکي مقدار د حرکي انرژي په ډول ثابت پاتې کېږي په لومړي سر کې کله چې دوهم جسم خوشې کېږي، دلته $K_i = 0$ دی او په اخري حالت کې کله چې ددوي ترمنځ فاصله $2,3 \text{ cm}$ ده، خو دانرژي د بقا قانون په اساس $U_i + K_i = U_f + K_f$ ده چې دلته $K_i = 0$ ده نو:

$$\begin{aligned} K_f &= U_i - U_f = -\Delta U = -\frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r_i} - \frac{1}{r_f} \right) \\ &= -(8,99 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2)(32 \times 10^{-6} \mu\text{C}) \\ &\quad \times (-18 \times 10^{-6} \mu\text{C}) \left(\frac{1}{0,023 \text{ m}} - \frac{1}{0,046 \text{ m}} \right) \\ &= 113 \text{ J}. \\ v_f &= \sqrt{\frac{2K_f}{m_2}} = \sqrt{\frac{2(113 \text{ J})}{0,0039 \text{ kg}}} = 240 \text{ m/s}. \end{aligned}$$

اوس د دي پر ځای که چيري مونږ دوهم جسم ثابت وساتو او لومړي جسم خوشي کړو نو کله چې $2,3 \text{ cm}$ ته ورسېږي نو حرکي انرژي به همغه 113 J قيمت ولري ځکه چې انرژي د ټول سيستم يوه ځانګړتيا ده که چيري ته مونږ دواړه ذري يو ځای خوشي کړو چې يو له بله سره يو ځای شي نو $2,3 \text{ cm}$ فاصله کي د دواړو ذرو مجموعي حرکي انرژي به د 113 J سره مساوي وي مونږ دلته د دواړو ذرو سرعت د مومنتم د بقا له مخي موندلي شو.

د چارجونو ديو سيستم پوتنشيال انرژي *Potential Energy of a System of Charges*: که فرض کړو چې مونږ دري چارجونه q_1, q_2, q_3 او چې يو له بل سره بې نهايته فاصلي لري ولرو په دي حالت کي $U = 0$ دی دلته غواړو هغه پوتنشيال انرژي پيدا کړو چې د دغو دري چارجونو يو بل ته د نږدي کيدو په نتيجه کي منځ ته راځي، اوس د q_1 چارج د نامحدودي فاصلي څخه راوړو او په يو خاص ځاي کي قرار ورکړو، لکه د a په شکل کي څرنگه چې دغه چارج د کومو نورو چارجونو سره ارتباط نلري نو پدي پروسه کي په پوتنشيال انرژي کي کوم تغير منځ ته نه راځي، دلته بيا هم په دي سيستم کي مونږه $U = 0$ لرو ځکه چې چارجونه يو له بل څخه به نا محدودو فاصلو کي قرار لري.



۴-۴ شکل.

اوس که q_1 چارج د r_{12} په فاصله د q_1 څخه ولرو لکه په b شکل کي، نو دلته د q_1 او q_2 پوتنشيال انرژي د $q_1 q_2 / 4\pi\epsilon_0 r_{12}$ څخه عبارت ده اوس که د q_3 چارج راوړو او د q_2 څخه د r_{13} په فاصله قرار ولرو او د q_2 له چارج څخه د r_{23} فاصله ولرو لکه c شکل د پوتنشيال انرژي لپاره دوه اضافي مرستي موجودي دي يعني $q_1 q_3 / 4\pi\epsilon_0 r_{13}$ دغه انرژي د q_2 او q_3 چارجونو د متقابل عمل څخه ده او $q_2 q_3 / 4\pi\epsilon_0 r_{23}$ د q_1 او q_2 چارجونو د متقابل عمل انرژي ده. او د ټول سيستم برقي پوتنشيال انرژي عبارت ده:

$$U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r_{12}} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_3}{r_{13}} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_2 q_3}{r_{23}}. \quad (4-8)$$

۴-۸ رابطه بنکاره کوي چې پوتنشيال انرژي د يو سيستم ځانگړتيا ده، نه د يو ځانگړي چارج مونږ کولي شو چې دخپلي خوښي د چارجونو يو سيستم برابر کړو دلته نتيجه

کیدونکي ټوله پوتنشنیل انرژي، د کوم یو داسې سیستم چه د هغه سیستم د چارجونو د ځای پر ځای کیدو په شکل پوري ارتباط لري. له دغه مثال څخه تاسې کولې شی. د انرژي دمیتود د استعمالو لودا طریقه دیو سیستم د تحلیل او تجزیې لپاره ورڅخه گټه واخلي، کومه مجموعه چې په ۴-۸ رابطه کې ترلاسه کېږي یوه الجبري سکالري مجموعه ده که چېرې مونږ وغواړو چې هغه برقي ساحه چې د دري وارو چارجونو په واسطه محاصره شوي وه نو زمونږ د ارزيايي لپاره به دغه یو ډیره پیچیده (مشکل) وکتور وي، مخکې مونږ دغه اساس وکاراوه، چې د دوه و چارجونو متقابل عمل دنورو چارجونو څخه مستقل دي البته په وکتوري مجموعه کې، دلته مونږ گورو چې د سکالري شرایطو لپاره هم عین نتیجه منځ ته راځي. د مثال په ډول د q_1 او q_3 چارجونو متقابل عمل د q_2 د موجودیت څخه مستقل دي لکه چې پورته مونږ بحث وکړ، چې که چېرې خارجي عامل د بي نهایت فاصلي څخه د چارجونو په برابرولو کې مثبت کار وکړي نو ۴-۸ معادلي په واسطه محاسبه شوي پوتنشنیل انرژي به مثبت وي. خارجي عامل په حقیقت کې د سیستم په چارجونو کې ذخیره شوي انرژي ده. که چېرې چارجونه له خپلو موقعیتونو خوشي شي نو دوي به یو له بل څخه جدا حرکت وکړي په پایله کې به د پوتنشنیل انرژي کمه شي خو په څنګ کې به بي حرکتی انرژي په هماغه اندازه زیاته شي. که چېرې مجموعي پوتنشنیل انرژي منفي وي، نو خارجي عامل د سیستم د چارجونو په برابرولو کې منفي کار تر سره کړي دي، نو دلته خارجي عامل باید اضافي انرژي برابره کړي ترڅو د سیستم چارجونه یو له بل څخه جدا او دويي ته په نامحدودو فاصلو کې حرکت ورکړي د پوتنشنیل انرژي په باره کې مفکوره په لاندې ډول سره خلاصه کولای شو.

کله چې چارجونه په ټاکلو نقطو کې قرار ولري انرژي ئی د هغه کار سره مساوي ده، کوم چې دیو خارجي عامل په واسطه تر سره کېږي ترڅو چې سیستم برابر شي یعنی هر چارج باید د هغې په واسطه د بي نهایت فاصلي څخه یوې ټاکلي نقطې ته راوړل شي دا پورته تعریف د پوتنشنیل انرژي د سرچینې د نقطې تعریف وه چې د چارجونو تر منځ بي نهایت فاصله وجود ولري دلته د پوتنشنیل انرژي د سرچینې نقطې قیمت صفر نیول کېږي.

مثال: ۴-۴ شکل په سیستم کې فرض کړی چې $r_{12} = r_{13} = r_{23} = d = 12\text{cm}$ وي او $q_1 = +q$, $q_2 = -4q$ او $q_3 = +2q$ وي که چېرې $q = 150\text{nC}$ وي نو: د سیستم پوتنشیال انرژي څومره ده، فرض کړی چې $U = 0$ وي کله چې چارجونه یو له بل څخه بې نهایت فاصله ولري.

حل: د ۴-۸ رابطې څخه لرو:

$$\begin{aligned}
 U &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{(+q)(-4q)}{d} + \frac{(+q)(+2q)}{d} + \frac{(-4q)(+2q)}{d} \right) \\
 &= \frac{10q^2}{4\pi\epsilon_0 d} \\
 &= \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2)(10)(150 \times 10^{-9} \text{ C})^2}{0.12 \text{ m}} \\
 &= -1.7 \times 10^{-1} \text{ J} = -17 \text{ mJ}.
 \end{aligned}$$

په دې حالت کې منفي پوتنشیال انرژي دا معنی لري چې خارجي عامل منفي کار اجرا کوي چې دغه جوړښت یې برابر کړي دی یعنې خارجي عامل باید $+17 \text{ mJ}$ کار اجرا کړي ددې لپاره چې دغه جوړښت به مکمل شکل یو له بل څخه جدا کړي

۴-۳ برقي پوتنشیال:

فرض کړو چې په یو سیستم کې د q یو چارج په ټاکلي نقطه کې لرو، که یو بل چارج q_0 په نامه چې ازماينستې چارج بلل کېږي، که چېرې دغه چارج q چارج د تاثیر لاندې د r_a څخه r_b ته حرکت وکړي. د پوتنشیال انرژي تغیر ΔU د دغه دوه چارجو سیستم ۴-۵ معادلي په اساس محاسبه کولای شو. که چېرې د ازماينستې چارج اندازه دوه چنده زیاته شي نو پوتنشیال انرژي به هم دوه چنده تغیر وکړي، که چېرې ازماينستې چارج درې چنده زیات شي، نو پوتنشیال انرژي به هم درې چنده تغیر وکړي.

د پوتنشيال انرژي د ازماينبني چارج د اندازې سره مستقيم ارتباط لري يا په بل عبارت $\frac{\Delta U}{q_0}$ مقدار يو ثابت مقدار دي او د ازماينبني چارج د جسامت سره رابطه نلري او دا د q مرکزي چارج يوه ځانگړتيا ده دغه مقدار د الکتروستاتيکي مشکلاتو (مثالونو) په تحليل کي ډير موثر پريوځي، که څه هم ډير مشکل ترتيب شوي چارجونه ولرو، نو مونږ داسي تعريف کوو چي دا دبرقي پوتنشيال توپير ΔV عبارت دی له برقي پوتانشيالي انرژي د توپير او د واحد ازماينبني چارج د نسبت څخه يعنې:

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q_0} \quad (4-9)$$

يا

$$V_b - V_a = \frac{U_b - U_a}{q_0}. \quad (4-10)$$

د پوتنشيال انرژي غوندي برقي پوتنشيال هم يو سکالري کيميت دي. معمولاً برقي پوتنشيال به لنډ ډول سره د پوتنشيال په نوم سره ياديري. دکار او پوتنشيال انرژي په نظر کي نيولو سره چي (۲-۴) معادله کي راکړل شوي ده مونږ کولي شو د پوتنشيال تفاوت دارنگه تعريف کړو:

$$\Delta V = \frac{W_{ab}}{q_0} \dots \dots \dots (4-11)$$

په پورته رابطه کي W_{ab} هغه مقدار کاردي چي د q چارج د الکتروستاتيکي قوي په واسطه اجرا شوي دي د په q_0 باندي، هغه وخت کله چي ازماينبني چارج له a نقطې څخه د b نقطې ته حرکت کړي وي. د پوتنشيال انرژي لپاره د خپلي خوښي يو مناسبې سرچيني نقطې معلومولو (لکه $U = 0$ د يوي نامحدودي لومړنۍ فاصلي چارجونو لپاره) مونږ په ۲-۴ معادله کي په لاس راوړو، د پوتنشيال لپاره د يو معلوم شکل لپاره مونږ همدغه کار د برقي پوتنشيال لپاره هم تر سره کولي شو. يواځي په پوتنشيال کي فزيکي گټي موجودي دي نو مونږ په آزاد ډول د صفر نقطه د سرچيني د نقطې په توگه ټاکلي شو، کله چي پوتنشيال صفر نيسو. البته په هغه نقطو کي چي د q له چارج څخه په بي نهايت فاصله کي قرار لري نو پوتنشيال عبارت دی له:

$$V = \frac{U}{q_0} \quad (4 - 12)$$

د ډیرو چارجونو په یو معلق ترتیب کې، پوتنسیل مثبت، منفي او حتی صفر کېدای شي. پوتنسیل په هغه نقطه کې چې مثبت چارج ته نږدې واقع وي مثبت دي که چېرې مونږ مثبت ازماينېستي چارج ته د یوې نامحدودې فاصلي څخه دهغې نقطې په لور حرکت ورکړو نو دغه چارج به له یو داسې ځای څخه حرکت کړي وي چې هلته به $V = 0$ وي او یو داسې ځای ته به رسېدلې وي چې هلته به $V > 0$ وي، نو په دې ډول $\Delta V > 0$ وي. د (۴-۹) معادلې په نظر کې نیولو سره $\Delta U > 0$ وي، نو دا مونږ ته رانښايي چې برقي قوې په ازماينېستي چارج باندې منفي کار تر سره کړي دي همدارنگه که چېرې پوتنسیل د منفي چارج سره په نږدې ټکي کې وکتل شي نو منفي به وي، دلته برقي قوه یو مثبت کار تر سره کوي. کله چې دغه برقي قوه یو مثبت چارج ته د بي نهایت فاصلي څخه د دغې نقطې په لور حرکت ورکوي که چېرې په کومه نقطه کې پوتنسیل صفروي نو دلته برقي قوه کوم خاص کار نه اجرا کوي، ترڅو چې یو ازماينېستي چارج ته له بي نهایت فاصلي څخه د دغې نقطې په لور حرکت ورکړي. که څه هم کېدای شي چې ازماينېستي چارج د دفع یا د جذب د قوې په واسطه له ځینو نقطو څخه تیر شي، که چېرې په یوه نقطه کې پوتنسیل صفروي نو دا معنی نلري چې په هماغه نقطه کې به برقي قوه صفر وي.

۴-۹ معادلې په نظر کې نیولو سره د S.I په سیستم کې د پوتنسیل واحد $\left(\frac{\text{Joul}}{\text{Colmb}}\right)$ راځي چې دغه نسبت په Volt باندې بنودل کېږي چې د V په توري سره هم په لنډ ډول بنودل کېږي يعنې:

$$1 \text{ Volt} = 1 \text{ joule/coulomb} \quad (4 - 13)$$

په عمومي ډول سره په یوه نقطه کې د پوتنسیل لپاره د ولتیج Voltage کلیمه هم استعمالېږي او د پوتنسیل توپیر پرځای مونږ اکثره وخت د ولتیج توپیر عبارت استعمالوو.

که چېرې مونږ د ولټ متر دوه سرونده د دغه دؤو نقطو ترمنځ په برقي دوره کې وصل کړو نو مونږ کولی شو چې د دغو دؤو نقطو ترمنځ د ولتیج توپیر یا د پوتنسیل توپیر اندازه

کړو البته د ولټ په حساب مونږ مخکې په دې بحث وکړ چې برقي قوه محافظه کاره ده نو له دې امله د پوتانشيال د انرژي توپير په وخت کې چې يو ازماينستي چارج د دوه ټکو ترمنځ حرکت کوي يواځې د دغه دوه نقطو په موقعيت پوري ارتباط لري نه په هغه مسير پورې چې دغه چارج پري له يوې نقطې څخه بلې نقطې ته حرکت کړي دي، ۴-۹ معادله هم دا په گوته کوي چې د پوتنشيال توپير د مسير څخه مستقل دي همدارنگه د پوتنشيال توپير د دوه ټکو ترمنځ په يوه برقي ساحه کې د هغه مسير څخه چې ازماينستي چارج د حرکت پرمهال له يو نقطې څخه بلې نقطې ته ورباندې ځي (تلل) کوي مستقل دی. د هر ډول اختياري پوتنشيال توپير ΔV لپاره چې د چارجونو ترتيب په هر ډول سره وي مونږ کولي شو چې ۴-۹ معادله داسې وليکو:

$$\Delta U = q \cdot \Delta V \quad (4 - 14)$$

پورتنۍ معادله راښايي، چې هر q چارج چې د دوه نقطو ترمنځ د حرکت په حال کې وي، که دهغه د پوتانشيال توپير ΔV وي نو په سيستم کې د ΔU په اندازه پوتانشيال انرژي تغير منځ ته راځي. که چيرې پوتانشيال توپير ΔV په يوه برخه کې د نورو چارجونو په واسطه برابرېږي نو د q چارج حرکت دغه د پوتنشيال توپير ته تغير نشي ورکولی. که چېرته ۴-۱۳ معادله په پام کې ونيوله شي يعنې که چيرې ΔV په ولټ او چارج په کولمب سره وښودل شي نو د ΔU لپاره واحد ژول په لاس راځي.

د ۱۴-۴ معادلې څخه ښکاري چې الکترون ولټ (eV) چې مخکې مونږ د انرژي دواحد په توگه لوستلی دی، نو کولای شو چې هغه د پوتانشيال يا د پوتانشيال توپير له تعريف څخه تعريف کړو. که چېرې ولټيچ ΔV په ولټ سره او q يا چارج د چارج په لومړنۍ واحد الکترون سره وښودل شي نو د ΔU لپاره واحد الکترون ولټ (eV) په لاس راځي.

د مثال په ډول که چيرې يو سيستم ولرو چې په هغه کې د کارين اتوم چې دهغه له هستې څخه شپږ واړه پروتونونه ايستل شوي دي $q = +6e$ او $\Delta V = +20 \text{ KV}$ پوتنشيال انرژي توپير سره حرکت ولري، نو د پوتنشيال د انرژي تغيري په لاندې ډول محاسبه کولي شو:

$$\Delta U = q \Delta V = (+6 e)(+20 kV) = +120 KeV$$

د eV (الکترون ولت) په واسطه دا ډول محاسبات هغه وخت قناعت بخښونکي او مهم وي چې کله مونږ د اتومونو یا هستو سره مخامخ کېږو په کوم کي چې چارج د e الکترون په واسطه په اساني سره محاسبه کېدای شي په یاد ولري چې پوتنشل توپرونه مهم اساسات دي او دا چې ۴-۱۲ معادله د سرچیني په نقطه کي د صفر په اختیاري قیمت پوري ارتباط لري (په نامحدوده فاصله) دغه د سرچیني پوتنشل د نورو قیمتونو په شان هم ټاکل کېدای شي مثلاً $100 V$ همدارنگه کومه بله نقطه هم د سرچیني د نقطې په حیث ټاکل کېدای شي، په زیاتره ځایو کي ځمکه د پوتنشل د منبع په حیث انتخابېږي او قیمت یې هم صفر په نظر کې نیول کېږي د سرچیني د موقعیت او د پوتنشل توپیر قیمت د هوسایي په خاطر انتخابېږي. د خپلي خوښي په نورو ځایو کي کېدای شي همدغه مقدار هر یو پوتنشل ته تغیر ورکړي، خوددوه نقطو ترمنځ د پوتنشل توپیر ته تغیر نه شي ورکولی.

۴-۴ نمونوي مثال: که چیري د الفا (α) زره چې چارج یې $q = 2e$ په یو هستوي تعجیل سره د ترمینل څخه چې پوتنشل یې $V_a = +6.5 \times 10^6 V$ دي یو بل ترمینل ته چې د پوتنشل توپیر یې $V_b = 0$ دي نو:

(a): تاسو په دغه سیستم کي د پوتنشل انرژي د تغیر مقدار معلوم کړي؟

(b): فرض کړی، که چیري ترمینالونه او دهغوي چارجونه حرکت ونه کړي او هیڅ کوم بهرنی قوه په سیستم باندي عمل ونه کړي، نو تاسو د دغه ذري د حرکتی انرژي تغیر پیدا کړی؟

حل: (a): له ۴-۱۴ معادلي څخه مور لرو چې:

$$\begin{aligned} \Delta U &= U_b - U_a = q(V_b - V_a) \\ &= (+2)(1.6 \times 10^{-19} C)(0 - 6.5 \times 10^6 V) \\ &= -2.1 \times 10^{-12} J. \end{aligned}$$

(b): که چیري کومه بهرني قوه په سیستم باندي عمل ونه کړي نو د سیستم میخانیکي انرژی $E = U + K$ باید ثابت پاتې شي څرنگه چې $\Delta E = \Delta U + \Delta K = 0$ نو له دې وجې:

$$\Delta K = -\Delta U = +2.1 \times 10^{-12} \text{ J}$$

دالفا ذره $2.1 \times 10^{-12} \text{ J}$ حرکي انرژی جذبوي، په همدې ډول یوه ذره چې د ځمکې د جاذبي میدان ته رالویږي نو حرکي انرژی ترلاسه کوي د نتیجې د ساده والي لپاره تاسو کولی شي چې دغه سوال کې انرژی د eV الکترون ولټ په واحد سره هم اندازه کړئ.

۴-۴ له ساحې څخه د پوتنسیل محاسبه:

تر اوسه پورې مونږ برقي چارجونه او دهغوي یو پر بل باندي متقابل تاثیر د څلور بیلابیلو ځانګړتیاؤ په نظر کې نیولو سره مشخص کړل یعنی برقي قوه، برقي ساحه، پوتنسیل توپیر برقي پوتنسیل انرژی چې د برقي پوتنسیل له مخې په ۴-۱ جدول کې دغه څلور ځانګړتیاوي بنودل شوي دي له دې څلورو ځانګړتیاو څخه دوه یعنی برقي قوه او برقي ساحه وکتوري دي او دوه نور یې یعنی پوتنسیل انرژی او پوتنسیل توپیر سکالري دي. له دغو څخه دوه ځانګړتیاوي یعنی قوه او پوتنسیل انرژی د دوه ذرو ترمنځ متقابل عمل، مشخص کوي او پاتې دوه نورې ځانګړنې یعنی برقي ساحه او پوتنسیل په یوه نقطه کې په یوه ساحه باندي د یو واحد چارج او یا د چارجونو د یوې مجموعې تاثیر بنایي. په جدول کې دوه طرفه تیر یا غشي بنایي چې څنګ په څنګ مقدرونه یو له بل څخه محاسبه کېدای شي. د مثال په ډول:

د برقي ساحې شدت یعنی \vec{E} د قوې \vec{F} له جنسه ۳-۴ معادله، پوتنسیل انرژی U د قوې \vec{F} له جنسه ۴-۴ او پوتنسیل V د پوتنسیل انرژی U له جنسه ۴-۱۲ معادله اوس مونږ څلورمه رابطه یعنی د پوتنسیل α او د برقي ساحې د شدت E ترمنځ رابطه مطالعه کوو.

د پوتنسیل او د برقي ساحې شدت یعنی v او \vec{E} ترمنځ اړیکه په ۴-۱۱ معادلي کې د پوتنسیل له تعریف څخه $\Delta V = -W_{ab}/q_0$ داسې لاسته راوړو، فرض کړئ چې مونږ د

q_0 از مابینستی چارج ته په یوه برقي ساحه کي د a له نقطې څخه د b نقطې په لور حرکت ورکوؤ که د برقي ساحي شدت \vec{E} وي غواړو هغه کار چي د برقي قوي $\vec{F} = q_0 \vec{E}$ په واسطه سرته رسيدلي دي محاسبه کړو نو لرو چي:

$$\Delta V = \frac{-W_{ab}}{q_0} = \frac{-\int_a^b \vec{F} \cdot d\vec{s}}{q_0} = \frac{-\int_a^b q_0 \vec{E} \cdot d\vec{s}}{q_0}$$

يا

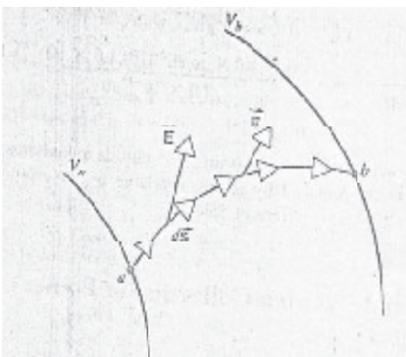
$$\Delta V = V_b - V_a = -\int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{s} \quad (4-15)$$

که چيري برقي ساحه د $d\vec{s}$ په جهت کي وي، نو بيا په ۴-۱۵ معادله کي انتيگرال مثبت دي نو بيا به پوتنشيل توپير منفي لاسته راځي نو $V_b < V_a$ وي، نو دلته برقي ساحه مثبت چارج شوي زري ته د لوړ پوتنشيل له نقطې څخه ټيټ پوتنشيل د نقطې په لور حرکت ورکوي او منفي چارج شوي ذري ته د پورتنني شکل په مخالف جهت حرکت ورکوي

۴-۱ جدول: د برقي چارج خواص.

| سکالري څيړنه | وکتوري څيړنه | |
|-------------------|---------------------|---|
| پوتنشيل انرژي U | قوه \vec{F} | د دو چارجونو متقابل عمل |
| پوتنشيل V | برقي ساحه \vec{E} | د فضا په يوه نقطه کي د يوه او يا څو چارجونو تاثير |

د ۴-۱۵ معادلې انتي گرال ته خطي *line Intergral* انتي گرال هم وايي.



۴-۵ شکل: د a او b نقطو تر مینځ د پوټنشل توپیر کولای شو چې د ab په مسیر b کی \vec{E} وکتور د کرښی دانته گرال څخه محاسبه کیدای شی.

د ۴-۵ د کرښی انټیگرال محاسبه واضح کوي. فرضا مونږ له a څخه د b نقطې ته منحنی حرکت په یو مناسب مسیر تر سره کوو، موږ پوهیږو چې د پوټنشل توپیر د مسیر څخه یو مستقل مقدار دی نو د ۴-۱۵ له معادلي څخه مونږ ته عینې نتیجه په لاس راځي او کوم توپیر په کې نه راځي که هر قسم مسیر مونږ انتخاب کړي وي.

په عمومي ډول د \vec{E} یا د برقي ساحي جهت او مقدار امکان لري چې د مسیر په اوږدو کې له یوې نقطې څخه بلې نقطې ته تغیر و خوري، د مسیر په هره نقطه کې موږ کولی شو چې د برقي ساحي د شدت \vec{E} او د مسیر د اوږدوالي $d\vec{s}$ ترمنځ نقطه کې یې حاصل ضرب پیدا کړو (او مونږ دغه نقطه یې د ضرب حاصلو نه، ټول مسیر ته اضافه کوو.

لکه څنګه چې مونږ په ۴-۳ برخه کې څه تر سره کړل، نو که چېرې موږ وغواړو چې په یوه ټاکلي نقطه کې پوټنشل پیدا کړو نو د ځینو انتخاب شوو پوټنشلو په نظر کې نیولو سره په غیر دهغه پوټنشل څخه چې ۴-۱۵ معادله کې ئی مونږ لرو پیدا کړو، که چېرې مونږ د سرچینې نقطه په بې نهایت کې انتخاب کړو او $V = 0$ تعریف کړو د منبع یا سرچینې په ډول، نو ۴-۱۵ معادله د p په نقطه کې پوټنشل په لاندي ډول را کوي:

$$V_p = - \int_{\infty}^P \vec{E} \cdot d\vec{s} \quad (4 - 16)$$

۴-۵ مثال: ۲-۴ شکل ته وگوری د q_0 یو ازمایښتي چارج د \vec{E} په یو نواخت برقي ساحه کې د a له نقطې څخه د b نقطې ته د acb په مسیر حرکت کوي نو تاسې د a او b ترمنځ د پوتانشیال توپیر پیدا کړی؟

حل: د ac د مسیر لپاره مونږ د ۱۵-۴ معادلې څخه لرو:

$$V_c - V_a = - \int_a^c \vec{E} \cdot d\vec{s} = - \int_a^c E ds \cos(\pi - \theta) \\ = E \cos \theta \int_a^c ds.$$

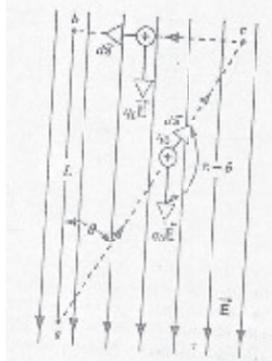
دا انتگرال د ac د کرني اوږدوالي دي چې $\frac{L}{\cos \theta}$ سره مساوي دی نو په دې ډول مونږ لرو:

$$V_c - V_a = E \cos \theta \frac{L}{\cos \theta} = EL.$$

b او c نقطه عین پوتنسیال لري ځکه د دغو دوو نقطو ترمنځ د چارج د انتقال په جریان کې هیڅ کوم کار نه ترسره کېږي. د cb په مسیر کې د ټولو نقطو لپاره د \vec{E} او $d\vec{s}$ مقدار په قایم زاویو کې موندلی شو نو مونږ لرو:

$$V_b - V_a = (V_b - V_c) + (V_c - V_a) = 0 + EL = EL$$

دغه هم عینې نتیجه ده چې کومه د a او b نقطو ترمنځ د مستقیم مسیر لپاره راوتلی وه، نو نتیجه یې دا ده چې د پوتنسیال توپیر د دوه نقطو ترمنځ د مسیر څخه یو مستقل کمیت دی.



۴-۲ شکل: د ۴-۵ مثال شکل د q_0 از مایبستی چارج د acb په میر باندي د \vec{E} په یوه متجانسه برقي ساحه کې د حرکت په حال کې دي.

۴-۵ د نقطوي چارجونو له امله پوتنشیل:

په دغه برخه کې موږ هغه څه چې په تیرو برخو کې مو ولوستل استعمالوو. ترڅو چې د نقطوي چارجونو لپاره په بیلابیلو نقطو کې پوتنشیل لاسته راوړو په راتلونکې برخه کې مونږ په هغه پوتنشیل بحث کوو چې د جاري چارجونو د نشر له امله منځ ته راځي. لومړي مونږ هغه پوتنشیل په نظر کې نیسو چې د q مثبت نقطوي چارج له امله منځ ته راځي، فرض کړئ چې د q_0 یو از مایبستی نقطوي چارج د q په مجاورت کې د a له نقطې څخه د b نقطې ته حرکت کوي مونږ کوشش کوو چې د از مایبستی چارج د استعمال سره د a او b نقطو ترمنځ د q له امله راپیدا شوي دي، ددې لپاره مونږ کولای شو. ۱- ۴ هندسي شکل وکاره وه، داسې چې: د q_1 او q_2 پر ځای q_0 وضع کوو مونږ ددې حالت لپاره د مخکې نه د پوتنشیال دانرژي توپیر ΔU موندلی دی، کومه چې په ۴-۵ معادله کې د دوه نقطوي چارجونو لپاره راکړل شوي دي، که چېرې ۴-۵ معادله د q_0 چارجونو لپاره او ۴-۹ معادله د پوتنشیل توپیر لپاره وکاروو نو مونږ لرو چې:

$$V_b - V_a = \frac{U_b - U_a}{q_0} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r_b} - \frac{1}{r_a} \right). \quad (4-17)$$

لکه چې مونږ په ۴-۲ برخه کې په دې بحث وکړ، ۴-۵ معادله دا څرگنده وي چې که د a او b نقطې په یوه کرښه باندې پرتې وي یا نه وي، پورتنۍ معادله د تطبیق وړ ده او ۴-۷ معادله هم د پوتانشیال توپیر د حاصلولو لپاره د تطبیق وړ ده، د a او b هرو دوه نقطو تر منځ د پوتانشیال د توپیر پرته مونږ کولای شو چې د q نقطې په مجاورت کې په یوه ځانګړې نقطه کې هم پیدا کولی شو، ۴-۷ معادله مونږ ته د دوه نقطوي چارجونو د متقابل عمل له امله را پیدا شوي پوتنشیل انرژي U په لاس راګوي، په دې حالت کې د سرچینې نقطه په بې نهایت کې ټاکل کېږي او دهغې لپاره $U = 0$ تعریف کوو او مونږ کولي شو چې ۴-۷ معادله چې د q او q_0 چارجونو لپاره لیکل شوې ده استعمال کوو او د ۴-۷ معادلې په استعمال سره مونږ کولي شو چې په یوه نقطه کې پوتنشیل پیدا کړو:

$$V = \frac{U}{q_0} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r}, \quad (4-18)$$

پورته معادله مونږ ته د q له چارج څخه د r په فاصله په هره نقطه کې پوتنشل په ګوته کوي، باید یادونه وکړو چې ۴-۱۸ معادله کېدای شي چې په مستقیم ډول د ۴-۱۷ معادلې څخه هم په لاس راشي داسې چې د سرچینې شرایط یعنی $V_a = 0$ او $r_a = \alpha$ په کې وضع کوو. ۴-۱۸ معادله څرګنده وي چې د یو نقطوي مثبت چارج پونسیال په لویه فاصله کې صفر دی، او هر څومره چې مونږ چارج ته نږدې کېږو یعنی $r \rightarrow 0$ نو د پوتانشیال مقدار مثبت زیاتوالي طرف ته ځي که چېرې q چارج منفي وي نو چارج ته په نږدې کېدو سره د پوتنشیل مقدار منفي زیاتوالي طرف ته ورځي، په یاد ولری چې دوروستۍ نتیجې په محاسبه کې، د q_0 ازمايښتي چارج په علامه پوري دومره اړ نه لري ۴-۷ شکل، د مثبت او منفي نقطوي چارجونو څخه د یو بل چارج د فاصلې په نظر کې نیولو سره پوتنشیل مقدار راښايي یعنی د فاصلې په زیاتوالي او کموالي سره د پوتنشیل د تغیر څخه بحث کوي. ۴-۷ شکل پوتنشیل په یو بعد کې (انتخاب شوي د x په محور) د پوتنشیل توپیر a د مثبت نقطوي چارج لپاره او b د منفي نقطوي چارج د زیاتوالي لپاره کله چې د لایتناهي څخه صفر ته راوړل شي. د یو مثبت ځانګړي نقطوي

چارچ لپاره پوتنشل هر چيرته مثبت او د يو منفی ځانگړي نقطوی چارج لپاره پوتنشل هر چيرته منفی وي.

۴-۷ نمونوي مثال: د مثبت نقطوي چارج مقدار به څومره وي؟ چي له چارج څخه 15cm فاصله ولري او د پوتنشل توپيری $120\text{V} +$ وي، فرض کړي چي په بي نهايت کې $V = 0$ وي.

حل: د q لپاره ۴-۱۸ معادله حل کوو:

$$q = 4\pi\epsilon_0 r V = (4\pi)(8.9 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N} \cdot \text{m}^2)(0.15 \text{ m})(120 \text{ V}) \\ = 2.0 \times 10^{-9} \text{ C} = 2.0 \text{ nC}.$$

دغه چارج د هغه چارجونو سره دمقايسي وړ دي چي د اصطکاک په واسطه توليديږي لکه د بالون *Balloon* سولول.

۴-۷ نمونوي مثال: د طلا د هستي په سطحه کي برقي پوتنشل پيدا کړی، که چيري بي شعاع بي $7.0 \times 10^{-15} \text{m}$ او اتومي نمبر بي $Z = 79$ وي؟

حل: دلته په هسته منظم کروي شکل فرض کيږي، کوم چي دخارجي نقطو لپاره د يو برقي نقطوی چارج په ډول عمل کوي نو په دي ډول مونږ ۴-۱۸ معادله استعمالولي شو چي دلته $q = +79e$ دي نو:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r} = \frac{(9.0 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2)(79)(1.5 \times 10^{-19} \text{ C})}{7.0 \times 10^{-15} \text{ m}} \\ = 1.6 \times 10^7 \text{ V}.$$

دغه لوي مثبت پوتنشل توپير د طلا د اتوم څخه بهر هيڅ تاثير نه لري چي دغه پوتنشل توپير د مساوي منفي پوتنشل له خوا چي د طلا د ۷۹ اتومي الکترونو په واسطه له منځه ځي.

د څو نقطوي چارجونو د يو مجموعی له امله پوتانشيال:

فرض کړی، که چيري مونږ n شمير نقطوي چارجونه د q_1, q_2, \dots, q_n ولرو، چي په مختلفو ټاکلو نقطو کي قرار ولري، ۸-۴ شکل مونږ غواړو چي د p په يوه اختياري

نقطه کي د دغه چارجونو له امله را پيدا شوي پوتنشيال پيدا کړو د دي پوتنشيال د محاسبې طرز العمل داسي دي چي لومړي د p په نقطه کي دهر چارج پوتنشيال داسي پيدا کوو داسي فرض کړي چي دغه نور چارجونه په هغه وخت کي موجود نه وي. بيا دغه ټول پوتنشيالونه يو له بل سره جمع کوو نو مجموعي پوتنشيال په لاس را کوي يعني:

$$V = V_1 + V_2 + \dots + V_N$$

$$= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1}{r_1} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_2}{r_2} + \dots + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_N}{r_N}, \quad (4-19)$$

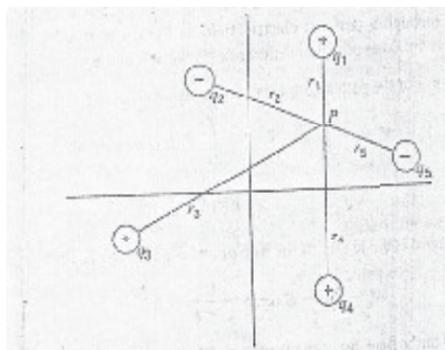
چي په لنډ ډول يي داسي هم ليکلی شو:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum_{n=1}^N \frac{q_n}{r_n} \quad (4-20)$$

په پورتنې معادله کي q_n د n ام چارج مقدار او r_n د P له نقطې څخه د n ام چارج فاصله ده، په کوم ځاي کي چي مونږ غواړو پوتنشيال پيدا کړو. مونږ کولي شو چي ۴-
 ۲۰ معادله د مثال په ډول دهغه کار د موندلو لپاره وکارو، چي د بي نهايت څخه د p نقطې ته د q_0 د ازماينستي چارج د انتقال په وخت کي تر سره کيږي، ۴-۸ شکل، د دي محاسبې لپاره مونږ گورو چي د پوتنشيال استعمال چي يو سکالري کميت دي نظر قوي ته چي يو وکتوري کميت دي ډير گټور دي.

په p نقطه کي په ازماينستي چارج باندي د خالصي قوي د مقدار د پيدا کولو لپاره ضرور ده چي وکتوري مجموعه پيدا کړو. د پوتنشيال سکالري محاسبه ډيره اسانه او ساده ده.

په دي محاسبه کي مونږ د پوتنشيال توپير دهر چارج څخه پيدا کوو، داسي لکه نور چارجونه چي هلته موجود نه وي په دي هکله په لومړي څپرکي کي بحث شوي دي.



۸-۴ شکل: خو نقطوي چار جونه

۸-۴ نمونوي مثال: ۹-۴ a شکل ته نظر و اچوي تاسو د p په نقطه کي چي د نقطوي چار جونه د مربع په مرکز که واقع د پو تنشیل توپیر پیدا کړئ، فرض کړئ چي د مربع د قطر $d = 1.3m$ او چار جونه یی په لاندې ډول دي:

$$\begin{array}{ll} q_1 = +12 \text{ nC}, & q_3 = +31 \text{ nC}, \\ q_2 = -24 \text{ nC}, & q_4 = +17 \text{ nC}. \end{array}$$

حل: ۲۰-۴ څخه مونږ لرو:

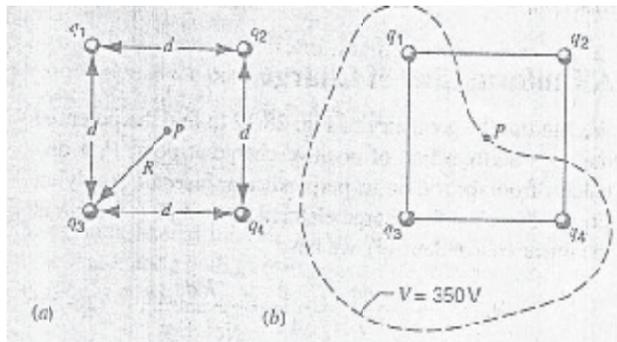
$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum_n \frac{q_n}{r_n} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 + q_2 + q_3 + q_4}{R}$$

دلته R د مربع د مرکز څخه د هر چارج فاصله ده چي $d/\sqrt{2}$ او 0.919 m سره مساوي ده نو مونږ لرو:

$$\begin{aligned} V &= \frac{(8.99 \times 10^9 \text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{C}^2)(12 - 24 + 31 + 17) \times 10^{-9} \text{ C}}{0.919 \text{ m}} \\ &= 3.5 \times 10^2 \text{ V}. \end{aligned}$$

په ۹-۴ a شکل کې له دري مثبتو چارجونو څخه د هر چارج څخه په نږدې فاصله کي پو تنشیل ډیر لوي مثبت قیمتونه اخیستلی شي او د یو منفي چارج سره په نږدې فاصله کي لوي منفي قیمتونه اخیستلي شي. دلته کیدای شي چي د مربع په سرحدونو کي نوري

نقطي هم وجود ولري چي د P د نقطې غوندي عین پوتنشیل ولري په b -۹ شکل کې د پاس کرښه په مستوي کې هغه نقطې سره یو ځای کوي چې د پوتنشیل عین قیمت لري وروسته به موږ په ۴ -۸ برخه د هم پوتنشیل سطحو په باره کې بحث وکړو کوم چې مونږ ته د یو چارج بیلابیل پوتنشیلونه ښکاره کوي.



۹-۴ شکل: (a) څلور چارجونه د مربع په کونجونو کې واقع دي (b) منځني کرښه هغه نقطې سره یو ځای کوي چې د P نقطې غوندي پوتنشیل لري چې د مربع په مرکز کې واقع ده یعنې 350 V

د بریښنايي ډایپول په واسطه (Potential due to an electric dipole): پوتنشیل

د بریښنايي ډایپول له امله را پیدا شوي پوتنشیل د ۴ -۲۰ معادلي څخه په اسانۍ سره محاسبه کېدای شي په ۴ -۱۰ شکل کې هندسي محاسبه ښودل شوي ده، موږ دلته د هم اهنګ سیستم مبدا د ډایپول په مرکز کې انتخاب وؤ او د P په نقطه کې برقي پوتنشیل پیدا کوو، کوم چې د ډایپول له مرکز څخه د r په فاصله کې واقع دی او د ډایپول محور د Z له محور سره د θ زاویه جوړه وي د P له نقطې څخه د مثبت او منفي چارجونو فاصلي په ترتیب سره r_+ او r_- دي د ۴ -۲۰ معادلي په استعمال سره موږ پوتنشیل په لاندې ډول پیدا کوو:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{q}{r_+} + \frac{-q}{r_-} \right) \quad (4-21)$$

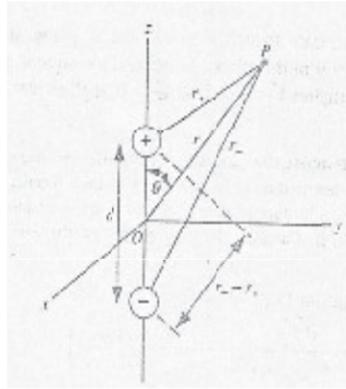
پورتنی معادله د دایپول پوتنشیل دقیقه معادله ده، مگر په ډیرو نورو حالاتو کې مثلاً په اتومي یا مالیکولي دایپولونو کې موږ ډیر گټوري اړیکې پري پیدا کولی شو. کله چې زموږ د کتنې p نقطه د دایپول څخه ډیره لرې واقع وي د d فاصلې په نسبت چې د چارجونو ترمنځ ده په دې حالت کې $r \gg d$ وي نو:

$$r_- - r_+ \approx d \cos \theta \quad \text{and} \quad r_- r_+ \approx r^2,$$

او په ۲۱-۴ معادله کې د دغه قیمت په وضع کولو سره مونږ لرو چې:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qd \cos \theta}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p \cos \theta}{r^2}, \quad (4-22)$$

په پورتنۍ رابطه کې $p = q \cdot d$ موږ ۲-۸ معادله د دایپول مومنټ لپاره استعمال کړي وه، ۲۲-۴ معادله موږ ته د فضا په هره نقطه کې د دایپول له امله پوتنشیل په گوته کوي، دلته دایپول د Z په محور د دوران لپاره استوانوي توازن Cylindrical symmetry لري نو له دې وجې ۲۲-۴ معادله د هغو نقطو لپاره صدق کوي کومې چې د ۴-۱۰ شکل د ډیاگرام په مستوي کې واقع نه وي



۴-۱۰ شکل: د p په نقطه کې د بریښنايي ډایپول له امله د راپیدا شوي پوتنشیال هندسي محاسبه.

دا مو بايد په ياد وي چې دايپول د پوتنشيال تغيرات په $1/r^2$ په تغيراتو پوري اړه لري په داسي حال كې چې يو ځانگړی (منفرد) چارج (Single Charge) د پوتنشيال تغيرات $1/r$ په تغيراتو پوري اړه لري ۴-۱۰ شکل، هغه نقطې چې د xy په مستوي كې واقع دي كله چې په ۴-۲۲ معادله كې د $\theta = 90^\circ$ لپاره قيمت وضع شي نو $v = 0$ لاس ته راځي، دا خبره دا معني لري چې كله مونږ د بي نهايت څخه يو ازمايښتي چارج ته دهغي نقطې په لور حرکت وركوو چې د xy په مستوي كې واقع وي نو دايپول دلته ازمايښتي چارج باندې كوم خاص كار نه تر سره كوي، كله چې راكړل شوي وي نو د z په مثبت محور باندې، لكه $\theta = 0^\circ$ وي نو پوتنشيال مثبت قيمت اخلي او كله چې $\theta = 90^\circ$ وي نو پوتنشيال د صفر قيمت او كله چې $\theta = 180^\circ$ وي نو پوتنشيال منفي قيمت اخلي البته $\theta = 0^\circ$ د z په مثبت محور باندې $\theta = 90^\circ$ د xy په مستوي كې، او د $\theta = 180^\circ$ د z په منفي محور باندې دی. بايد په ياد ولري كه څه هم د xy په مستوي كې $V = 0$ دي نو دا خبره سمه نده چې بايد د xy په مستوي كې $\vec{E} = 0$ وي، په عمومي ډول سره مونږ نه شو فرض كولي چې كه چيري $V = 0$ وي، نو بايد حتمادى $\vec{E} = 0$ وي، او يا دا چې كله $\vec{E} = 0$ وي، نو بايد $V = 0$ وي.

۴-۹ نمونوي مثال: ۴-۱۱ شکل وگوري يو برېښنايي څلور قطبي Electric quadrupole كوم چې ددوه برېښنايي دايپولونه (قطبونه) لري په داسي ډول سره ترتيب شوي دي چې تقريبا په مكمل شكل يو د بل برېښنايي تاثيرات په ليري نقطو كې له منځه وړي تاسو د دغه Quadrupole په محور باندې د $V(r)$ قيمت محاسبه كړي؟

حل: ۴-۲۰ معادله د ۴-۱۱ شكل لپاره كارؤو:

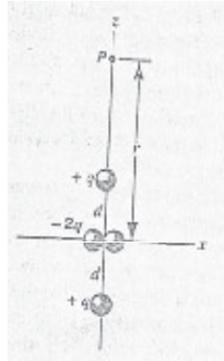
$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{q}{r-d} + \frac{-2q}{r} + \frac{q}{r+d} \right)$$

$$= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2qd^2}{r(r^2-d^2)} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2qd^2}{r^3(1-d^2/r^2)}$$

څرنگه چې $d \ll r$ نو d^2/r^2 د قیمت څخه صرف نظر کوو او په d^2/r^2 سره وضع کوو نو پدې حالت کې پوتنشل مساوي دي په:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r^2} \quad (4-23)$$

په دې معادله کې د $Q = 2qd^2$ د څلور قطبي برېښنايي مومنټ د ۴-۱۱ شکل د چارج د مجموعي لپاره دي، باید په پام کې وساتي چې د نقطوي چارج پوتنشل تغيرات د $1/r$ په تغيراتو پورې اړه لري د ډایپول پوتنشل تغيرات په $1/r^2$ په تغيراتو پورې او د څلور قطبي پوتنشل تغيرات د $1/r^3$ په تغيراتو پورې اړه لري، باید دا موهم په یاد وي چې ډایپول دوه مساوي او مخالف چارجونه دي. کوم چې په فضا کې په لیرو نقطو کې یو د بل برېښنايي تاثیرات نه خنثي کوي او څلور قطبي دوه مساوي او مخالف قطبونه دي چې د فضا په لیري نقطو کې یو د بل برېښنايي تاثیرات نه خنثي کوي مونږ کولي شو چې د برېښنايي چارجونو یوه مغلقه مجموعه جوړه کړو دغه مرحله ډیره مفیده واقع کېدا شي ځکه چې د هر خپریدونکي چارج پوتنشل د $1/r$ زیاتیدونکي قوي د شرایطو د سلسلي په ډول بیانیدای شي. د $1/r$ برخه د مونوپول *Monopole* د شرط په نوم یادېږي چې د چارج په خالصې خپریدنې پورې اړه لري او نتیجه کیدونکي شرایط $1/r^2$ ډایپول شرط، $1/r^3$ څلور قطبي او په همدې ډول دغه شرایط بیانوي چې یو چارج څنګه خپرېږي دغه ډول تحلیل په څو قطبي کې د انبساط *Multiple Expansion* په نوم یادېږي.



۱۱-۴ شکل: ۹-۴ نمونې پوښتنې غونډی یو برښنایي څلور قطبي چي د دوه برښنایي ډایپولو درلودونکي دی را ښایي.

۲-۴ د متمدی چارج د توزیع برقی پوتنشیل:

په ۱-۵ برخه کي مونږ دهغه قوي دمحاسبي طرز العمل زده کړ چي د جاري چارج د خپریدني له امله په نقطوي چارج باندي عمل کوي په همدې ډول مونږ کولي شو چي هغه پوتنشیل انرژي تر لاسه کړو چي د چارج د جاري خپریدني او نقطوي چارج باندي، دمتقابل عمل په اثر پیدا کیږي د جاري چارج د خپریدني د انرژي په محاسبه کولو سره یعنی د جاري خپریدني د انرژي په محاسبه کولو سره مونږه دمتقابل عمل انرژي پیدا کولي شو. په دغه برخه کي مونږ د دري خپریدونکو چارجونو پوتنشیل محاسبه کوو د چارج د جاري خپریدني څخه د راپیدا کیدونکي پوتنشیل د محاسبه کولو طرز العمل همغسې دي کوم چي مونږ د قوي لپاره یا د برقي ساحي لپاره، کوم چي مونږ په ۲-۴ برخه کي ولوسته، خو دلته یوه مهمه استثناء وجود لري هغه دا چي پوتنشیل یو سکالري کمیت دي نو پدې ډول به مونږ د هغه د مشکلاتو سره نه مخامخ کیږو چي په ۱-۵ برخه کي موجوده کوم چي دقوي ددوه مختلفو جهتونو دعناصرو یعنی $d\vec{F}$ او یادبرښنایي ساحي د عناصرو یعنی $d\vec{E}$ دچارج دمختلفو عناصرو یعنی dq له امله را پیدا شوي وو د پوتنشیل دمحاسبي طرزالع مل داسي دي چي جسم د چارج په عناصرو dq باندي ویشو،

مونږ کولي شو چې پوتنشيال dV چې د چارج د عناصر q له امله رامنځ ته کيږي داسي وليکو چې گويا هغه د يو نقطوي چارج په څير عمل کوي:

$$dV = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{r}, \quad (4-24)$$

په پورتنني رابطه کي r د P له نقطوي څخه د dq فاصله ده نو مونږ لرو چې:

$$V = \int dV = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{dq}{r}, \quad (4-25)$$

کوم چې دا انتي گرال چارج د داخل څخه خارج سطحې ته انتقالوي.

د چارج يو نواخته کربنه:

مونږ کولي شو چې د ۴-۱۲ هندسي شکل دهغه پوتنشيال د محاسبه کولو لپاره استعمال کړو چې د P په نقطه کي د يو مثبت چارج د يو نواخت کربني په واسطه منع ته راځي دميلي څخه د P د نقطوي عمودي فاصله په y سره نښودل شوي ده د ۴-۲۴ معادلي په تطبيق سره د چارج د عنصر $dq = \lambda dz$ (چيرته چې λ د چارج خطي کثافت دی) په استعمال سره مونږ لرو:

$$dV = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{r} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda dz}{\sqrt{z^2 + y^2}}, \quad (4-26)$$

د دي معادلي انتيگرال نيسو د L په اوږدوالي، لکه ۴-۲۵ معادلي په څير بايد دي ته مو پام وي چې y دلته ثابت ده نو مونږ لرو:

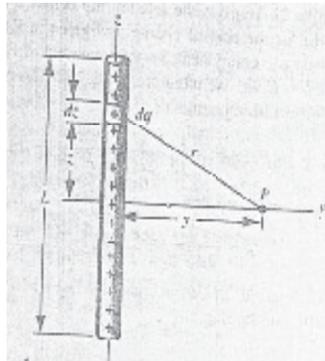
$$\begin{aligned} V &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_{-l/2}^{+l/2} \frac{\lambda dz}{\sqrt{z^2 + y^2}} \\ &= \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0} [\ln(z + \sqrt{z^2 + y^2})]_{-l/2}^{+l/2} \end{aligned}$$

$$= \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0} \ln \left[\frac{l/2 + \sqrt{l^2/4 + y^2}}{-l/2 + \sqrt{l^2/4 + y^2}} \right], \quad (4-27)$$

په وروستی نتیجه کي مو $\ln A - \ln B = \ln(A/B)$ داستعمال څخه په لاس راوړ. مهمه خبره دا ده چي مونږ بايد نتیجه وگورو چي ايا معين قیمت لري او کنه؟ څومره چي مونږ دميلي څخه ليري کيږو نو هغومره د پوتنشیل قیمت دصفر طرف ته تقرب کوي او ۴-۲۷ معادله دا ځانگړتیا لري ځکه چي $y \rightarrow \infty$ ، بله دا چي مونږ کولي شو ونبایو چي هر څومره چي د y فاصله زیاتیري نو ۴-۲۷ معادله داسي شکل اخیستاروي:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda l}{y} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{y} \quad (4-28)$$

پورتني معادله دهغه پوتنشیل ساده معادله ده چي د نقطوي چارج څخه د y په اندازه فاصله لري.



۴-۱۲ شکل: مثبت چارج یو نواخت چارج شوی میله بنایي ددې لپاره چي په P نقطه کی پوتانشیال پیدا کړو نو مونږ میله داسی فرض کوو، چي د چارج ډیری برخي ولری لکه dq

د چارج حلقه (کړی):

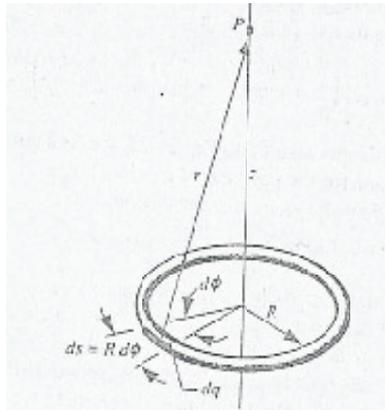
۱۳-۴ شکل د مثبت چارج یو نواخت حلقه تشریح کوي د P په نقطه کې د پوتنسیل سره مرسته په خپل محور باندې د چارج د عنصر $dq = R d\phi$ څخه عبارت ده له:

$$dV = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{r} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{\sqrt{R^2 + z^2}}, \quad (4-29)$$

د ۱-۵ برخې په څیر د حلقې چاپیر د دې معادلې انتگرال نیسو موږ پوهیږو چې R او z دلته دواړه ثابت دي د انتگرال تغیرونکې ϕ دې کوم چې له صفر څخه تر 2π پورې تغیر کوي:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\lambda R}{\sqrt{R^2 + z^2}} \int_0^{2\pi} d\phi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2\pi\lambda R}{\sqrt{R^2 + z^2}}, \quad (4-30)$$

باید په یاد ولرو چې کله $z \rightarrow 0$ نو پوتنسیل د صفر په طرف کمیږي او دلوي قیمت لپاره Z تقریباً $q/4\pi\epsilon_0 z$ او $q = 2\pi R \lambda$ دي، اودا داسې یو موقعیت دی چې د نقطوي چارج څخه د Z په اندازه فاصله لري. ۱۳-۴ شکل یو نواخت شوي حلقه د دې لپاره چې په P نقطه کې پوتنسیل پیدا کړو نو موږ د چارج د ټولو عناصرو لکه dq په شان مجموعي انرژی پیدا کوو.



۴-۱۳ شکل: یو نواخت چارج شوي حلقه ددې لپاره چې په p نقطه کې پوتانشیال پیدا کړو، مونږ د چارج د ټولو عناصرو لکه dq په شان مجموعي اثر پیدا کوو.

چارج شوي صفحه:

۴-۱۴ هندسي شکل وگورئ، مونږ کولې شو چې ۴-۳ معادله د هغه پوتنشیال لپاره وکاروو، کوم چې د P په نقطه کې د w په شعاع د حلقې د $dq = \sigma dA$ د چارج او همدارنگه د سطحې د عنصر $dA = 2\pi w dw$ له امله منځ ته راځي:

$$dV = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{\sqrt{W^2 + z^2}} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2\pi\sigma w dw}{\sqrt{W^2 + z^2}} \quad (4-31)$$

د دې لپاره چې صفحه باندي د ټولو حلقو توزیع (Contribution) پیدا کړو نو د دې معادلې انتگرال نیسو چې w د O څخه تر R پورې تغیر کوي

$$V = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \int_0^R \frac{w dw}{\sqrt{W^2 + z^2}} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} (\sqrt{R^2 + z^2} - |z|). \quad (4-32):$$

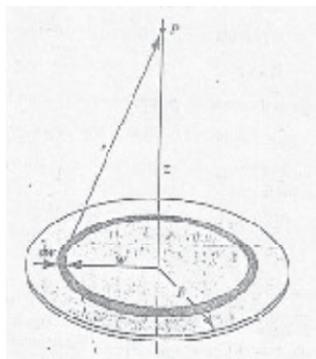
۴-۳۲ معادلې په اخر کې د $\sqrt{z^2}$ د ارزیابي وروسته د $|z|$ په شکل لیکل شوي دي، نو له دې امله ۴-۳۲ معادله د هغو نقطو لپاره د تطبیق وړ ده چې د z په محور باندي د صفحې د پاسه واقع دي $z > 0$ او یا د صفحې لاندي واقع دي $z < 0$ ، او یا هم د صفحې په سطحه باندي واقع وي $z = 0$ ، او مقدار یې کمیږي. هر څومره چې موږ د z په محور باندي په عین جهت حرکت کوو کله چې z لویږي موږ کولای شو چې د بینوم د قضیې په اساس مربع ته انکشاف ورکړو چې په ۴-۳۲ معادله کې یې مونږ لرو:

$$\sqrt{R^2 + z^2} = |z| \left(1 + \frac{R^2}{z^2}\right)^{1/2} \sim |z| \left(1 + \frac{1}{2} \frac{R^2}{z^2}\right) \quad (4-33)$$

او په ۴-۳۲ معادله کې د دې نتیجې په وضع کولو سره مونږ کولای شو چې د نقطوي چارج د پوتنشیال لپاره معادله لاسته راوړو، د z د ډیرو کوچنیو قیمتونو لپاره د پوتنشیال قیمت عبارت دي له:

$$V = \sigma R / 2\epsilon_0 - \sigma |z| / 2\epsilon_0 \quad (4-34)$$

$\frac{\sigma R}{2\epsilon_0}$ پوتنشیل هغه وخت ثابت قیمت ته رسېږي چې کله $z \rightarrow 0$ او په خطي شکل هغه وخت کموالي پیدا کوي کله چې z په عین جهت باندي زیاتوالي وکړي، هغه میزان (rate) په کوم کې چې پوتنشیل کموالي پیدا کوي کله چې مونږ د محور په اوږدو کې د حرکت په حال کې یو دصفحي دسایز څخه مستقل دچارج د ورکړل شوي کثافت لپاره په حقیقت کې دغه شرط د هر قسم اوږده همواره یو نواخت چارج شوي لوجي لپاره یو شان دي او فرق نکوي چې سائز او یا شکل یې هر قسم وي دایروي، مربع شکل او داسې نور هر څومره چې مونږ مرکز ته نږدې کېږو او یا هر څومره چې مونږ د څنډو په لور لیرې کېږو نو په راتلونکي برخه کې به مونږ دغه حقیقت څخه د پوتنشیل د فرق د نقشي د رسمولو لپاره د هغې څخه گټه واخلو.



۱۴-۴ شکل: یوه حلقه د R په شعاع تر یو نواخت چارج S په کثافت سره مینځ ته راوړي د چارج پر dq په یو نواخت ډول چارج شوي حلقه ده.

۱۰-۴ مثال: یوه صفحه چې شعاع یې $R = 4,8\text{cm}$ ده د $q = 2,5nC$ په اندازه مجموعي چارج تولیدوي، چې په سطحه کې په یو نواخت ډول خپور شوي دي او په یوه ټاکلي نقطه کې څوړنده شوي ده (سطحه داسې په نظر کې ونیسئ چې د عایقي سطحې په ډول عمل کوي) یو الکترون په لومړي سر کې په یوه ټاکلي نقطه کې د $d = 3\text{cm}$ په فاصله د صفحي څخه خپل محور په اوږدو کې قرار لري کله چې دغه الکترون خوشي شي نو د

صفحي خوا ته جذبيري نو تاسو ډالکترون هغه سرعت محاسبه کړئ چې د صفحي د مرکز سره د لگيدو په وخت کي يي لري؟

حل: په صفحي باندي د چارج کثافت عبارت دي له:

$$\sigma = \frac{q}{\pi R^2} = \frac{2.5 \times 10^{-9} \text{ C}}{\pi(0.048 \text{ m})^2} = 3.45 \times 10^{-7} \text{ C/m}^2.$$

د پوتنشيال توپير د $z = 0$ او $z = d$ موقيعتونو ترمنځ د ۴-۳۲ معادلي څخه پيدا کولای شو يعنې:

$$\begin{aligned} \Delta V &= V(0) - V(d) = \frac{\sigma R}{2\epsilon_0} - \frac{\sigma}{2\epsilon_0} (\sqrt{R^2 + d^2} - d) \\ &= \frac{3.45 \times 10^{-7} \text{ C/m}^2}{2(8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N}\cdot\text{m}^2)} [0.048 \text{ m} \\ &\quad - (\sqrt{(0.048 \text{ m})^2 + (0.030 \text{ m})^2} - 0.030 \text{ m})] \\ &= 417 \text{ V}. \end{aligned}$$

د الکترون د پوتنشيال انرژي تغير د ۴-۱۴ معادلي په اساس پيدا کولای شو:

$$\Delta U = q \Delta V = (-1.60 \times 10^{-19} \text{ C})(417 \text{ V}) = -6.67 \times 10^{-17} \text{ J}.$$

د انرژي بقاء معادله $\Delta U + \Delta K = 0$ يا $\Delta K = -\Delta U = +6.6 \times 10^{-17} \text{ J}$ نو:

$$v = \sqrt{\frac{2K}{m}} = \sqrt{\frac{2(6.67 \times 10^{-17} \text{ J})}{9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}}} = 1.21 \times 10^7 \text{ m/s}.$$

۱۱-۴ نمونوي مثال: دهغه معادلي په استعمال سره کومه چې د بريښنايي ساحي لپاره د يو نواخت مثبت حلقوي چارج له امله منځ ته راځي البته په خپل محور (د z په محور باندي) نو تاسو هغه معادله په لاس راوړئ چې دهغه پوتنشيال لپاره، چې په يوه نقطه کي د يو حلقوي چارج له امله منځ ته راځي البته چې د محور څخه تر حلقې پورې د z فاصله لري.

حل: ۱۲-۴ معادله د V او E ترمنځ رابطه بنایي، د چارج د حلقې برښنايي ساحه د ۱۸-۴ معادلې په واسطه ښودل شوي ده ساحه یواځې د z اجزای لري نو له دې وجې دانتگرال ۱۲-۴ معادلې انتگرال تابع د $\vec{E} \cdot d\vec{s} = E_z dz$ په اندازه کمپري مونږ د ۱۲-۴ معادلې انتگرال له بې نهایت څخه تر P نقطې پورې (د ازمايښت لاندې نقطه) نیسو:

$$V_P = - \int_x^z E_z dz = - \int_x^z \frac{\lambda}{2\epsilon_0} \frac{Rz}{(z^2 + R^2)^{3/2}} dz.$$

د انتگرال په ساده کولو سره مونږ لرو چې:

$$V_P = \frac{1}{2\epsilon_0} \frac{\lambda R}{\sqrt{z^2 + R^2} + R^2}.$$

دغه معادله ۳۰-۴ معادله سره مساوي ده.

۷-۴ له پوتنشنیل څخه د ساحې محاسبه:

په ۴-۴ برخه کې مونږ د برقي ساحې څخه د پوتنشنیل توپیر د ترلاسه کولو طریقه باندې بحث وکړ، اوس مونږ په دې بحث کوو چې څه وکړو ترڅو دهغې د معکوس محاسبه وکړو، که پوتنشنیل راکړل شوي وي نو برقي ساحه پیدا کولی شو د اسی چې د ۱-۴ جدول څخه هغه دوه طرفه غشې چې دوه لاندې بکسونه سره تړي په حقیقت کې په عین جهت درومي.

۱۵-۴ a شکل څرگندوي چې یو مثبت ازمايښتي نقطوي چارج q_0 کله چې دغه چارج د a له نقطې څخه حرکت کوي چې هلته پوتنشنیل V دي د b د نقطې په لور چې پوتنشنیل یې $V + \Delta V$ دي په دې مرحله کې د q_0 برښنايي پوتنشنیل انرژي توپیر $\Delta U = q_0 \Delta V$ په اندازه تغیر کوي، د قوو په ژبه کې مونږ ویلي شو چې دلته یوه برقي ساحه موجوده ده چې به ذره باندې د $\vec{F} = q_0 \vec{E}$ قوه عمل کوي هغه کار چې د دې قوې په واسطه تر سره شوي دي چې ذرې ته یې د a له نقطې څخه د b نقطې په لور حرکت ورکړي عبارت دي له:

$$w = F_s \Delta_s = q_0 E_s \Delta_s$$

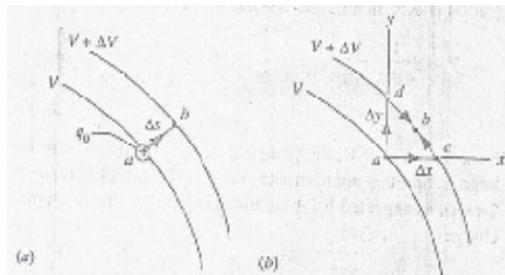
دلته E_s او F_s ترکیبی اجزای دی البته Δ_s په اوږدو کې، کوم چې د ذرې تغیر مکان بیانوي یعنی کله چې دا زره د a له نقطې څخه د b د نقطې په لور حرکت کوي (دلته مونږ Δ_s ډیر کوچني فرض کوو) له دې وجې مونږ قوه او برقي ساحه تقریباً د ab په اوږدو کې ثابت فرضوو هم په مقدار او هم په جهت کې، د دواړو معادلو تعریفونو تر منځ ریاضیکي رابطه داسې ده $w = -\Delta U$ نو:

$$q_0 E_s \Delta_s = -q_0 \Delta V \quad (4-35)$$

او یا

$$E_s = -\frac{\Delta V}{\Delta_s} \quad (4-36)$$

دغه رابطه مونږ ته د برقي ساحې او برقي پوتنشل تر منځ اساسي ارتباط په نښه کوي.



۴-۱۵ شکل: (a) د q_0 چارج شوی زره د ab په مسیر باندې د دوو پوتنشل نقطو تر منځ حرکت کوي. (b) زره د a له نقطې څخه د b نقطې ته حرکت کوي، هم د adp په مسیر باندې.

برقي ساحه د پوتنشل د تغیر او فاصلي د حاصل ضرب د منفي سره مساوي ده که چېرې ΔV مثبت وي نو برقي ساحه داسې قوه تولیدوي چې د ازماينستې مثبت چارج شوي زري د حرکت سره چې د a څخه b نقطې ته ترسره کېږي مخالف جهت لري او که چېرې ΔV منفي

وي نو برقي ساحه د حرکت په عين جهت قوه توليدوي، د بي نهايت کوچنيو تغير مکانو ليمت کي د ۴-۳۲ معادله د مشتق څخه عبارت دي يعنې:

$$E_s = -\frac{\Delta V}{\Delta s} \quad (4-37)$$

له پورته معادلي څخه دا نتيجه راوځي چي د برقي ساحي ترکيبي اجزاء په هر جهت کي د پوتنشيال د مشتق او په همغه جهت کي د تغير مکان د نسبت له منفي سره مساوي دي، راځي چي دغه مرحله په يو بل هندسي شکل کي وگورو ۴-15b شکل د دي مرحلي لپاره وگوري دلته د دي پر ځاي چي ازماينستي چارج د a او b په مستقيم مسير حرکت وکړي په دوه مختلفو مسيرونو حرکت کوي د acb په مسير کي چارج د X پر محور له a نقطې څخه د c نقطې ته حرکت کوي او بيا د مسير په اوږدو کي د c څخه د b نقطې ته حرکت کوي. نو دلته پوتنشيال د C او b تر منځ په هر ځاي کي $\Delta v + v$ عين قيمت لري، هغه کار چي د bc په اوږدو کي د برنښايي ساحي په واسطه اجرا کيږي له صفر سره مساوي دي ځکه چي پوتنشيال تغير نکوي (۴-۱۱ معادله وگوري). او هغه کار چي د ac په اوږدو کي د برنښايي ساحي په واسطه تر سره شوي دي عبارت دي له $F_x \Delta x = q_0 E_x \Delta x$ څخه څرنگه چي د پوتنشيال د انرژي بدلون د مسير څخه يو مستقل کميت دي نو د دوهم ځل لپاره مونږ لرو $W = -\Delta U$ او:

$$q_0 E_x \Delta x = -q_0 \Delta V$$

يا

$$E_x = -\frac{\Delta V}{\Delta x}$$

که چيري ذره د adb په مسير حرکت وکړي نو کار مساوي دي په $F_y \Delta y = q_0 E_y \Delta y$ سره البته د ad په اوږدو کي او د db په اوږدو کي د کار قيمت صفر دي (ځکه چي د b او d نقطو تر منځ په هر ځاي کي پوتنشيال د $\Delta V + v$ عين قيمت لري) څرنگه چي د پوتنشيال انرژي خالص تغير د ΔV سره مساوي دي نو لرو:

$$q_0 E \cdot \Delta y = -q_0 \Delta V$$

یا

$$E_y = -\frac{\Delta V}{\Delta y}$$

د Ez لپاره به هم د دري بعدي محاسبي څخه عین نتیجه راوړئ، که چیرې مونږ لیمت ونیسو په داسې حال کې چې د مسیر اوږدوالي ډیر کوچني شي، نو دا تغیرات له مشتق سره مساوي کیږي او مونږ کولی شو چې \vec{E} او V تر منځ عمومي رابطه په لاندې ډول ولیکو:

$$E_x = -\frac{\partial V}{\partial x}, \quad E_y = -\frac{\partial V}{\partial y}, \quad E_z = -\frac{\partial V}{\partial z} \quad (4-38)$$

که چیرې $V(x, y, z)$ دیو معلوم خپریدونکي چارج لپاره دفضا په ټولو نقطو کې معلوم وي نو بیا مونږ کولی شو چې د \vec{E} ترکیبي اجزا پیدا کړو داسې چې د پوتنشل جز بې مشتق او د مختصاتو د هر نسبت سره مساوي دي، نو مونږ دوه طریقې لرو ترڅو چې د چارج د جاري خپریدني لپاره برقي ساحه محاسبه کړو چې یوه طریقه یې دکولمب دقانون په انتگرال نیولو سره ولاړه ده او بله طریقه یې د پوتنشل په مشتق نیولو سره ولاړه ده (۳۸-۴ معادله) په عملي ډگر کې دوهمه طریقه لږه مشکله ده.

۱۲-۴ نمونوي مثال: تاسو دیو نواخت چارج شوي صفحي په محور باندي دپوتنشل لپاره ۳۲-۴ معادله استعمال کړی. له هغی څخه تاسو د محوری یې نقطو برقي ساحي لپاره معادله راوباسی؟

حل: پوهیږو چې \vec{E} باید د صفحي په محور واقع وي د z پر محور د ۳۲-۴ معادلي په استعمال سره فرض کوو چې $z > 0$ وي:

$$E_z = -\frac{\partial V}{\partial z} = -\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \frac{d}{dz} [(z^2 + R^2)^{1/2} - z]$$

$$= \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left(1 - \frac{z}{\sqrt{z^2 + R^2}} \right),$$

د ۱۹-۴ معادلي د انتگرال نيولو سره هم عين نتيجه راتلي شي.

۱۳-۴ نمونوي مثال: چي ۱۲-۴ شکل کې د P د نقطې (فاصله) د ډايپول په ساحه کې چې د y, z د کارديناتو د يو سيستم په مبداء کې واقع ده، رانبايي \vec{E} د يو موقيعت د تابع په شان محاسبه کړي؟

حل: د ۱۲-۴ شکل په مستوي کې، \vec{E} په دې مستوي کې واقع دی او دهغه مرکبي E_y او E_x او E_z د شرايطو له مخي له صفر سره مساوي دي نو د قطبي مختصاتو پر ځاي په مستطيلي مختصاتو کې پوښتنيل محاسبه کوو نو:

$$r = (x^2 + z^2)^{1/2}$$

او

$$\cos \theta = \frac{z}{(x^2 + z^2)^{1/2}}$$

په ۲۲-۴ معادلي کې راکړل شوی:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p \cos \theta}{r^2}$$

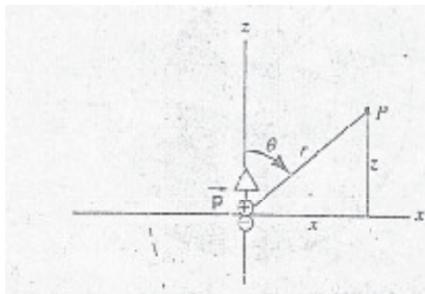
د r^2 او د $\cos \theta$ د قيمتونو په عوض کولو سره مونږ لرو:

$$V = \frac{p}{4\pi\epsilon_0} \frac{z}{(x^2 + z^2)^{3/2}}$$

مونږ E_z د ۳۸-۴ معادلي څخه ترلاسه کوو، دلته x داسی فرض کوو چه په دې محاسبه کې يو ثابت دی:

$$E_z = -\frac{\partial V}{\partial z} = -\frac{\rho}{4\pi\epsilon_0} \frac{(x^2 + z^2)^{3/2} - z[(x^2 + z^2)^{1/2}](2z)}{(x^2 + z^2)^3}$$

$$= -\frac{\rho}{4\pi\epsilon_0} \frac{x^2 - 2z^2}{(x^2 + z^2)^{3/2}} \quad (28.39)$$



شکل ۴-۱۲:

په ۴-۱۳ نمونه وی مثال کی ، یو دایپول د ZX سیستم په مبدا کی واقع دی $X = 0$ د دایپول د محور په اوږدو کی ، کوم چي د Z محور دي لري نقطتي تشریح کوي نو معادله د E_z لپاره راکمبيري:

$$E_z = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2p}{z^3}$$

دغه معادله عینا دغه معادلي سره مساوي ده چي د ۲ څپرکي په لومړي مثال کي د دایپول محور په اوږدو کي دبرقي ساحي لپاره مونږ درلوده باید دي ته مو پام وي چي د Z دمحور په اوږدو کي دتناسب څخه $E_x = 0$ دي که چيري په ۴-۳۹ معادله کي $z = 0$ وضع شي نو مونږ ته د دایپول د منځني مستوي په لری نقطو کي د E_z قیمت راکوي:

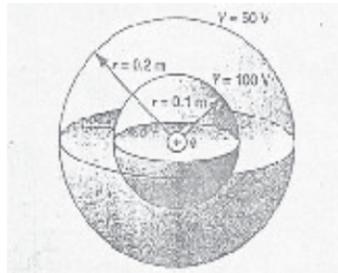
$$E_z = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p}{x^3}$$

دغه معادله د ۲-۱۲ معادلي سره معادله ده بیا هم له تناسب څخه په منځني مستوي کي د E_x قیمت له صفر سره مساوي دی په معادله کي منفي علامه دا په نښه کوي چي \vec{E} د Z پر

محور منفي دي تاسو کولي شي چي عيني طرز العمل د E_x لپاره و کاروی او تاسو باید داسي نتیجه ترلاسه کړی چي د 2 خپرکي د دویم مثال معادلي سره معادله وي.

۴-۸ هم پوتنشیل سطحې: (Equipotential Surfaces):

یو نقطوي چارج په نظر کې ونیسی چې مقدار یې $q = 1.11nC$ دی د ۴-۸ معادلي په استعمال سره مونږ کولی شو چې د چارج له امله را پیداشوي پوتنشیل د چارج څخه $0,1m$ فاصله کې، $100 V$ ترلاسه کړو څرنگه چې پوتنشیل د جهت سره تړاو نلري نو له دې امله په نوموړي فاصله کې په هر جهت باندې دهغه مقدار د $100 V$ سره مساوي دي ۴-۷ شکل ته وگورئ دلته یوه کره وینئ چې دلته دفضا ټولې نقطې چې د q له چارج څخه د $0,1m$ په شعاع واقع دی $50 V$ پوتنشیل لري نو هغه سطحه چې دهغې په هر ځای کې پوتنشیل عيني قیمت ولري دهم پوتنشیل سطحې په نوم یادېږي لکه په ۴-۷ شکل کې دوي کړي دلته که چیرې یو آزماينېتی چارج په دې سطحه له یوې نقطې څخه بلې نقطې ته حرکت کوي نو برقي قوې کوم خاص کار نه اجرا کوي



۴-۷ شکل: د کړي په سطحه ټولې پرتې نقطې چې د q چارج چاپیره واقع وي عيني

پوتنشیل لري دلته تاسو دوه کړي وینئ چې یوه یې د $V = 100 v$ لپاره او بله یې د $V = 50$

لپاره ده

ځکه چې $\Delta V = 0$ دی که څه هم میسر په سطح کې واقع دی نو کوم خاص کار نه تر سره کېږي ځکه څنگه چې مسیر ختمېږي نو بیرته شروع کېږي دکا رمقدار چې دبریننايي قوو په واسطه سرته رسیږي. هغه وخت چې یو آزماينېتی چارج د یوې هم پوتنشیل

سطحې څخه بلې ته حرکت کوي د پوتنشیال دهغه توپیر سره ارتباط لري چې د دغو سطحو ترمنځ موجود دي.

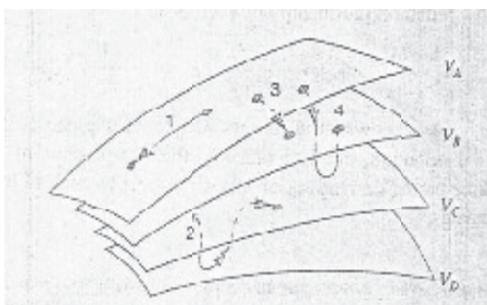
د کار مقدار په دؤو سطحو کې د پیل او پای موقعیتونو څخه مستقل دی عینې کار د هغه چارج په واسطه تر سره کېږي کله چې چارج د لومړني سطحې د یوې نقطې څخه د دویمې سطحې کومې نقطې ته حرکت کوي په ۱۸-۴ شکل کې د هم پوتنشیال سطحو یوه کورنۍ ښودل شوې ده چې د یو ټاکلې چارج د خپریدني سره تړاو لري هغه کار چې د برښنايي قوو په واسطه تر سره کېږي. کله چې چارج شوي ذره په لومړني مسیر باندې حرکت کوي له صفر سره مساوي ځکه چې دغه مسیر په عینې هم پوتنشیال سطحه کې شروع او ختم کېږي، هغه کار چې د دوهم مسیر په اوږدو کې تر سره کېږي د عینې دلیل له مخې د صفر سره مساوي دی. خو هغه کار چې د دریم او څلورم مسیر په اوږدو کې تر سره کېږي له صفر سره نه دی مساوي. خو په دواړو مسیرونو کې د کار مقدار سره مساوي دي ځکه چې دواړه مسیرونه د هم پوتنشیال سطحو عینې جوړه سره نښلوي. دلته دریم او څلورم مسیرونه داسې نقطې سره نښلوي چې د پوتنشیال توپیر $V_B - V_A$ عینې قیمت لري. که چېرې د q یو چارج د A سطحې کومې نقطې څخه د B سطحې کومې نقطې ته حرکت کوي نو د ۱۱-۴ معادلې له مخې هغه مقدار کار چې د الکتروستاتیکي قوو په واسطه تر سره کېږي عبارت دی له:

$$W_{AB} = -2(V_B - V_A)$$

هم پوتنشیال سطحې او د برښنايي ساحې کرښې:

په ۲۵-۲ برخه کې مونږ د چارج د خپریدني په یوه بیله گرافیکي طریقې باندې بحث وکړ، کوم چې د برښنايي ساحې په کرښو ولاړه وه د \vec{E} او V ترمنځ ریاضیکي رابطه د گرافیکي ښودني اړیکې هم مونږ ته ښکاره کوي، ۱۵-۴ شکل وگورئ. فرض کړئ چې مونږ یو چارج د سکون له حالت څخه د هم پوتنشیال سطحې $V + \Delta V$ د b نقطې څخه خوشې کوو د پوتنشیال په ژبه خو مونږ وایو چې دغه زره باید د $V + \Delta V$ د پوتنشیال توپیر په واسطه د V د هم پوتنشیال سطحې په لور را و غورځوي. همدارنگه باید پوه شو چې برښنايي ساحه

چې د دغو دوو هم پوتنشياله سطحو ترمنځ موجوده ده ذرې ته تعجيل ورکوي برېښنايي ساحه په هم پوتنشيال ساحه باندې د B په نقطه کې عمود ده. که چېرې داسې نه وي نو بيا به دلته دهم پوتنشيال سطحې په اوږدو کې د برېښنايي ساحې يوه مرکبه موجوده وي، کومې چې به په ذره باندې کار اجرا کولې ترڅو د سطحې په اوږدو کې حرکت وکړي. خو دابه دهم پوتنشيال *equipotential* تعريف په داسې ډول چې يوه سطحه چې ثابت پوتنشيال ولري نيمگړې کړي، چې دهغه په اوږدو کې يوه چارج لرونکې ذره حرکت کولی شي خو کوم کار نه اجرا کوي. نو ددې څخه مونږ داسې نتيجه اخلو چې د برېښنايي ساحې کرښې په هم پوتنشيال سطحې باندې په ټولو نقطو کې عمودې وي.

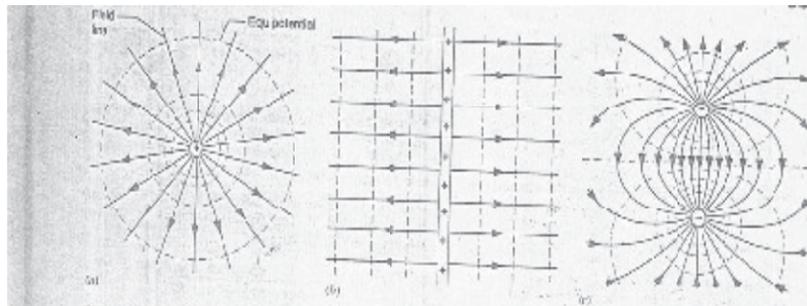


۱۸-۴ شکل: د څلورو هم پوتنشيال سطحو برخې په دې شکل کې د ازماينستې چارج د حرکت څلور مختلف مسيرونه ښودل شوي دي

مونږ کولی شو چې د ۳۷-۴ معادلې څخه يعنې $E_s = \frac{dV}{ds}$ هم عينې نتيجه ته ورسېږو ۱۵-۴ شکل ته وگوري، په دې شکل کې د ds لپاره يواځې يو جهت موجود دی په کوم کې چې $-\frac{dV}{ds}$ اعظمي قيمت لري او د دې معنی دا ده چې E_s هم په دې جهت کې اعظمي قيمت لري د E دغه اعظمي قيمت په نوموړي نقطه کې د برېښنايي ساحې له مقدار څخه عبارت دی. او هغه جهت چې دهغه لپاره E_s اعظمي قيمت لري هغه د برېښنايي ساحې له جهت څخه عبارت دی. مونږ کولی شو چې د B په نقطه کې د ds په شعاع يوه دايره رسم

کړو ، دلته یوه داسې نقطه ټاکو چې راتلونکي هم پوتنشیل سطحې ته تر ټولو نږدې وي نو مونږ ته به dV - تر ټولو لوی قیمت په لاس راکړي. نو له B څخه تر هغې نقطې پورې جهت په هم پوتنشیل سطحه باندې د B په نقطه کې عمود دی او دا مونږ ته په B کې د برېښنايي ساحې جهت رابنايي که چېرې د یو ټاکلي خپریدونکي چارج لپاره دهم پوتنشیل سطحې په ځانگړتیاؤو باندې وپوهیږو نو مونږ به وکولی شو چې د برېښنايي ساحې خطوط کرنيې ومومو داسې چې په هم پوتنشیل سطحه باندې عمودونه رسم کوو.

په ۱۹-۴ شکل کې دهم پوتنشیل سطحو او دهغوی د برېښنايي کرنيو ترل شوي سیستم ښودل شوي دي، په درې حالاتو کې چې مونږ مخکې ولوستل نقطوي چارج د چارج یوه نامحدوده ورقه او ډایپول (دوه قطبي) دغه رسمونه د ۲-۱۰، ۲-۱۱ او ۲-۱۲ شکلونو د برېښنايي ساحې کرنيې څرگندوي د دوی د اضافه شوی هم پوتنشیل سطحو سره باید په یاد ولرو چې د برېښنايي ساحې کرنيې په هر ځای کې چې د هم پوتنشیل سطحې څخه تیرېږي په هم پوتنشیل سطحه باندې عمودې دي.



۱۹-۴ شکل.

۹-۴ د چارجداره هادي پوتنشیل:

په ۲-۳ برخه کې مونږ د منفرد (ځانگړي) چارج شوي هادي دوی ځانگړتیاوې چې یو له بل څخه جدا کړې عبارت دي له:

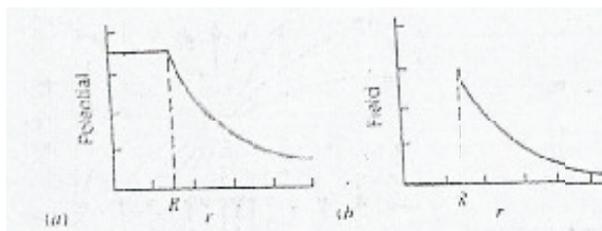
۱- د هادي په داخل کې د برېښنايي ساحې قیمت له صفر سره مساوي دي.

۲- چارج د هادي په بهرنۍ سطحه کې قرالري.

دریمه مهمه ځانګړتیا دهغه برېښنايي پوتنشیل دی. فرض کړی چې مونږ یو اختیاری شکل هادی لرو کوم ته چې مونږ یو خالص چارج انتقالوو، که چارجونه د حرکت لپاره ازادوي نو په ډېره بېره به دهادي په بهرنۍ سطحه کې خپاره شي تر هغه وخته چې دوی د تعادل په حالت کې شي. نو دمتقابل تاثیر په نتیجه کې همنوعه چارجونه یو بل دفع کوي تر هغه وخته پورې چې دوی په داسې ډول خپاره شي چې د دوی تر منځ منځنۍ فاصله ډېره زیاته شي نو له دې وجې به د چارجونو د دغه سیستم پوتنشیل انرژي خپل اصغري قیمت ته ورسېږي که چېرې دهادي په سطحه کې چارجونه دتعادل په حالت کې وي، نو بیا به دهادي سطحه هم پوتنشیل سطحه وي. که چېرې داسې نه وي نو بیا دهادي ځینې برخې دلوړ پوتنشیل او ځینې برخې به یې د لیمټ پوتنشیل په حالت کې وي. نو پدې حالت به مثبت چارجونه د ټیټ پوتنشیل موقیعت ته او منفي چارجونه به د لوړ پوتنشیل موقیعتونو ته لار شي. نو پدې ډول دغه حالت زمونږ هغه ادعا ردوی چې مونږ وایو چې چارجونه د تعادل په حالت کې دي نو ددې لپاره خو باید سطحه هم پوتنشیله وي. که چېرې دهادي په داخلي برخه کې برېښنايي ساحه صفر وي نو بیا مونږ کولی شو چې ازمایښتي چارج دهادي له سطحې څخه دهادي داخل ته په هر مسیر په حرکت راولو، نو دلته به هغه خالص کار د سطحې دچارجونو لخوا په ازمایښتي چارج باندې اجرا کېږي چه له صفر سره مساوي وي. ددې معنی دا ده چې د هرو دؤو نقطو ترمنځ دپوتنشیل توپیر له صفر سره مساوي دی، نو له دې وجې پوتنشیل دهادي په ټولو نقطو کې عینې قیمت لري نو دهادي دریمه ځانګړتیا په دې ډول بیانولی شو چه ټول په عینې پوتنشیل کې دی. یعنې دهادي په ټولو نقطو کې پوتنشیل عینې قیمت لري دغه نتیجه یواځې دالکتروستاتیک په حالت کې د ویل کېدو وړ ده، نو کله چې مونږ دهغه د جریان په باره کې خبرې کوو چې له هادي څخه تیرېږي نو دپوتنشیل توپیر به په مختلفو نقطو کې توپیر ولرو. باید په یاد ولري چې د هادي شکل هم ډېر مهم دی که چېرې هادي کروي شکل ولري نو چارج دهادي په سطحه کې په یو نواخت ډول سره خپریږي، هغه هادي چې غیر کروي شکل لري نو په سطحه کې دچارجونو تراکم یو نواخت نه وي خو سطحه یې بیا هم، هم پوتنشیله وي، په هغه هادي کې چې داخلي خالیګا وي ولري که چارج لري او کنه

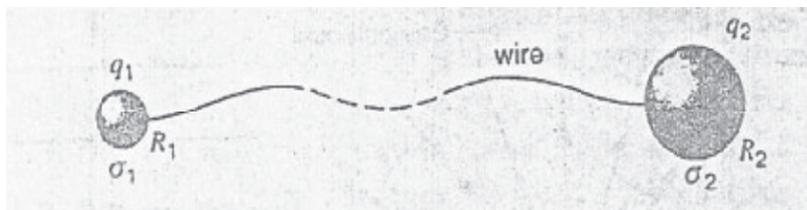
ټولې نقطې يې که داخل وي او ياپه سطحه کې وی د عینې پوتنشیل درلودونکی دی زموږ نتیجه دا ده چې د هادي سطحه هم پوتنشیله ده د ۸-۴ برخې له بحث سره سرخوري چې هلته مونږ ویلی ؤ چې د برېښنايي ساحې خطونه په هم پوتنشیل سطحه باندې همپشه عمود وي، په ۲-۳ شکل کې مونږ د گوس (*gauss*) قانون مطالعه کړې، چې هغه بیانوي چې د هادي د سطحې څخه بهر برېښنايي ساحه په همپوتنشیله سطحه باندې عمود ده چې دا په هغه وخت کې به سمه وي کله چې د هادي سطحه هم پوتنشیله وي. نو مونږ کولی شو چې ښکاره او واضحه نتیجه په لاس راوړو ځکه چې هادي جامد وي او کروي شکل ولري نو دغه هادي د q مجموعي چارج په یو نواخت ډول په خپله سطحه کې متحرک ساتي. په ۵-۱ برخه کې مونږ د یو نواخت کروي چارج شوي هادي یو ځانگړتیا باندې بحث وکړ، دلته په چارجي چارج باندې د قوې مقدار له هغې قوې سره مساوي دی که چېرې مونږ *Shell* د نقطوي چارج سره تعویض کړي وي دغه ځانگړتیا مونږ ته اجازه راکوي تر څو د نقطوي چارج اصطلاح د برېښنايي پوتنشیل او برېښنايي ساحې لپاره وکاروو په داسې یو موقعیت کې چې $r > R$ وي د قشر په داخل کې په نقطوي چارج باندې عمل کوونکي قوه له صفر سره مساوي ده د دې معنی دا ده چې د هادي په ټولو نقطو کې پوتنشیل عینې قیمت لري البته په سطحه کې هم د پوتنشیل قیمت له داخلې پوتنشیل سره مساوي دی، په سطحه د پوتنشیل قیمت د موندلو لپاره ۱۸-۴ معادلې څخه کار اخلو چې $r = R$ نیسو نو په داخل کې د پوتنشیل مقدار مساوي دی ۴-۴۰ ($r < R$)

$$v = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r}$$



۲۰-۴ شکل: په یو شان چارج شوي کروي هادي برېښنايي ساحې او برېښنايي پوتنشیل ښايي.

نو د برننایي ساحې قیمت د $r < R$ لپاره صفر دی، او $r > R$ لپاره د $\frac{1}{r^2}$ په اندازه کموالی کوي او له بلې خوا د $r < R$ لپاره د پوتنشنیل قیمت ثابت دی او د $r > R$ لپاره د $\frac{1}{r}$ په اندازه کموالی پیدا کوي. که څه هم د کروي هادي په سطحه چارج په یو نواخت ډول خپرېږي، چې دا حالت په هر اختیاري هادي کې داسې نه وي په تیره نقطو (Shap points) او ځنډو سره نږدې د سطحې چارج تراکم، له سطحې څخه بهر برننایي ساحه کیدای شي چې ډېر لوړ قیمت واخلي. د دې لپاره چې دغه پېښه په کیفیت سره و وینو نو دوه کروي جسمونه چې یو له بل سره مساوي ضخامت نلري په نظر کې ونیسو چې د یو نازک سیم په واسطه یو له بل سره وصل شوي وي



۱۴-۲۱

که فرض کړو چې ټول سیستم د V اختیاري پوتنشنیل ولري. نو د دغو دوه کروي مساوي پوتنشنیلونه د ۴-۴۰ معادلې څخه په لاس راوړو خو مونږ لرو:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1}{R_1} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_2}{R_2}$$

نو ددی فارمول څخه نتیجه داسی پلاس راځی:

$$\frac{q_1}{q_2} = \frac{R_1}{R_2} \quad (4-41)$$

که فرض کړو چې دا کرې یو له بل څخه ډېر لرې وي داسې چې د یو چارج خپریدل په بل چارج باندې اثر ونلري نو د دؤو کروډ کثافتونو (*densities*) نسبت مساوي دي په:

$$\frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \frac{q_1/4\pi R_1^2}{q_2/4\pi R_2^2} = \frac{q_1 R_2^2}{q_2 R_1^2}$$

که وروستنی نتیجه په ۴۱-۴۰ معادله کې وضع شي نو مونږ لرو:

$$\frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \frac{R_2}{R_1} \quad (4-42)$$

۴۲-۴۰ معادله ښکاره کوي چې کوچنۍ کره لوی کثافت لري نو دا مونږ ته را یادوي چې د خارجي چارج لپاره د برښنايي ساحې مقدار له هغه قیمت سره مساوي دی، که چېرې مونږ کروي جسم په خپل مرکز کې له یو نقطوي چارج سره تعویض کړو. نو مونږ کولی شو د کرې له سطحې بهر د برښنايي ساحې مقدار دلاندې فورمول په واسطه محاسبه کړو:

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \quad (4-43)$$

د ۴۲-۴۰ معادلې په نظر کې نیولو سره د کوچنۍ شعاع لرونکي کرې د سطحې چارج کثافت زیات دی نو پدې ډول د کوچنۍ شعاع لرونکي کرې بهر د برښنايي ساحې مقدار هم زیات دی. نو ویلی شو هغه کره چې کوچنۍ شعاع ولري نو له سطحې بهر د برښنايي ساحې مقدار ئی زیات دی. د یو تیره هادي سره په نږدې نقطو کې کېدای شي چې برښنايي ساحه ډېره قوي وي، نو پدې ډول به د هوا ډېر شمیر آیونونه ایونایز کړي، نو په نتیجه کې به غیر هادي هوا په هادي هوا بدله شي او کېدای شي چې له هر هادي څخه چارجونه انتقال کړي. دغه ډول اثر *Corona discharge* په نوم یادېږي الکتروستاتيکي رنگ شیندونکي یوه *Corona discharge* استعمالوي ترڅو د چارج د کوچنۍ ذرې رنگ ته ورسوي چې دغه ذرو ته وروسته د برښنايي ساحې په واسطه تعجیل ورکول کېږي.

۱۰-۴ الکتروستاتيکي تعجیل ورکونکي (اختیاری)

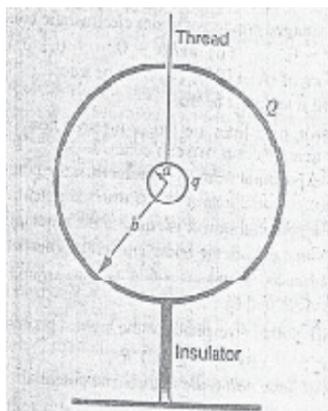
(The electrostatic Accelerator (Optical))

زیاتره هستوي مطالعات هستوي تعاملات په بر کې نیسي او دا هغه وخت منځ ته راځي کله چې د وړانگو یو جریان په هدف باندې وارد شي یو میتود (طریقه) کومه چې ددغه ذراتو د تعجیل ورکولو لپاره استعمالیږي د الکتروستاتیک په تخنیک باندې ولاړه ده که چیرې q ذره چې مثبت چارج لري، نو دغه ذره د ΔV په اندازه د پوتنشیال تغیر سره د حرکت په وخت کې د $\Delta U = q \Delta V$ د پوتنشیال انرژي توپیر منځ ته راوړي، نو د $4-14$ معادلې په اساس د ذرې د حرکتی انرژي زیاتوالی د $\Delta U = -\Delta K$ سره مساوي دی نو که فرض کړو چې ذره د سکون له حالت څخه په حرکت شروع وکړي نو وروستی حرکتی انرژي یې دلاندې فورمول څخه محاسبه کیږي:

$$K = -q \Delta V \quad (4 - 44)$$

دا یو نایز شوي اتومونو لپاره q معمولاً مثبت وي، ددې لپاره چې د دغو وړانگو د جریان لپاره د انرژي اعظمي قیمت ترلاسه کړو نو مونږ باید د دې هدف لپاره اعظمي د پوتنشیال تغیر ولرو، په هستوي فزیک کې د هدف او دهدف د وړانگو ترمنځ د کولمب د دفعوي قوې د له منځه وړلو لپاره داسې وړانگو ته ضرورت دی چې څو میلیون الکترون ولټ (Mev) حرکتی انرژي ولري، نو ددې انرژي د موجودیت لپاره په میلیون ولټ (MV) پوتنشیال توپیر ته اړتیا ده نو داسې الکتروستاتیکي اله چې دومره لوی پوتنشیال توپیر تولید کړي په $4-22$ شکل کې ښودل شوي ده په شکل کې گوری چې یوه کوچنۍ هادي کره ده چې د q چارج منځ ته راوړي د a په شعاع دهغې کرې په منځ کې واقع ده چې د b په شعاع Q چارج منځ ته راوړي یو هادي مسیر د دواړو کرو ترمنځ په موقتي ډول منځ ته راځي او وروسته د Q چارج په مکمل ډول خارج ته انتقال کوي او دا په دې پورې هیڅ تړاو نلري چې د Q څومره چارج د وړاندې نه دلته موجود دی باید په یاد ولرو چې چارج همیشه د هادي په خارجي سطحه کې د حرکت په حال کې وي نو که چیرې ته د کرې په داخل کې د Q چارج ذخیره کولو لپاره مناسب میکانیزم موجود وي نو په خارجي سطحه کې د Q چارج او دهغې له امله را پیدا شوي پوتنشیال په بې حده ډول زیاتوالي

ومومي په عملي ډول د ترمينال پوتنشيال يو ټاکلي حد لري کوم چې په هوا کې د ځليدو له امله منځ ته راځي.

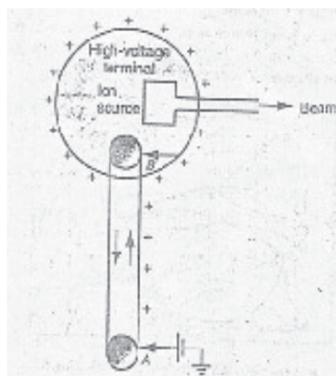


۲۲-۴ شکل: یوه وړه چارج شوي کره چې د یوې غټې چارج شوي کرې په منځ کې واقع ده د څوړنده ده سیالي.



۲۳-۴ شکل: یو الکتروستاتيکي جنراتور چې 2,7 ملیون ولټ پوتنشيال لري د هواد شرایطو لاندې بریښنا (ځليدنه) منځ ته راوړي.

د الکتروستاتیک دغه مشهور اصل چې هستوي ذروته د تعجیل ورکولو په خاطر وکارول شو د لومړي ځل لپاره د رابرت واندي گراف لخوا په ۱۹۳۰م کال کې کشف شو او دغه تعجیل ورکوونکي د واندي گراف تعجیل ورکوونکي په نوم سره یاد شو نو پدې ډول د څو ملیون ولته پوتنشیل په اسانۍ سره ترلاسه شوه، ۴-۲۴ شکل کې واندي گراف تعجیل ورکوونکي اصلي شکل ښودل شوي دي.



۲۴-۴ شکل: ۴-۲۴ شکل د واندي گراف تعجیل ورکوونکي دیاگرام رانښايي.

يو مثبت چارج د A په نقطه کې تار ته خپريږي او د تار څخه د B په نقطه کې خارجيږي چې له دې څخه ترمینال ته حرکت کوي چې هلته V منځ ته راوړي، مثبت چارج شوي ایونونه، کوم چې له ترمینال څخه خارجيږي د تعجیل ورکوونکي څخه د وړانگو جریان جوړه وي.

دلته وینو چې چارج د یوه تیره سر څخه چې دکارونا نقطې (*corona point*) په نوم یادېږي د A نقطې څخه حرکت کونکی تار ته چې معمولاً را بروي انتقال کوي دغه تار چارج د لوړ ولتییج ترمینال ته راوړي دی، غه چارج د B په نقطه کې له تار څخه خارجيږي او د B له کارونا ټکي څخه دهادي خارجي برخې ته انتقال لري د ترمینال په داخل کې د مثبت آیونو یوه سرچینه وجود لري د مثال په ډول دهایدورجن هسته (پروتونونه) او یا دهلیوم هستي (دالفا وړانگې) په دې پروسه کې آیونونه د لوړ ولتییج د ناحیې څخه حرکت کوي او څو ملیون الکترون ولټ حرکي انرژي اخلي دغه ترمینال په داسې یو ټانک کې

بند شوي دي چې په هغې کې يو عايق تار وجود لري چې د تشعشع څخه مخنيوي کوي دغه تعجيل ورکونکی کولی شي چې ايونونو ته د دوهم ځل لپاره تعجيل ورکړي نو له دې وجې په حرکي انرژي کې اضافي زياتوالی تر سترگو کېږي دمنفي ايونو سرچينه چې د ترمينال په خارج کې د دې لپاره واقع ده چې نيو ترال (خنثی) اتومونو ته يو الکترون ور زيات کړي دغه منفي ايونونه د مثبت پوتنشنيل د ترمينال په لور حرکت کوي د لوړ ولټيج د ترمينال په داخل کې گاز او يا د اوسپنې نري تارونه وجود لري او د دې لپاره ځاي پر ځاي شوي دي چې د منفي ايونو څخه الکترونونه خارج کړي او دهغوی په مثبت ايونو تبديل کړي چې دغه آیونونه بيا د مثبت پوتنشنيل څخه حرکت کوي دغه وانديگراف تعجيل ورکونکي که په اوس وخت کې د 25 ميليون ولټ يو ترمينال استعمالوي ترڅو دکاربن او يا داکسيجن غونډې ايونونو ته د 100 Mev حرکي انرژي په اندازه تعجيل ورکړي.

۱۴-۱۴ نمونوي مثال: د ۲۲-۴ شکل د دؤ کرو ترمينال د پوتنشنيل توپير محاسبه کړي؟

حل: $V(b) - V(a)$ پوتنشنيل توپير دوه مرکبې لري يوه دکوچنۍ کرې او بله دلوي دايروي قشر څخه په جلا جلا ډول محاسبه کوو او بيا يې په الجبري ډول يو له بل سره جمع کوو لومړي لويه کره گورو د شکل څخه بنکارېږي چې د پوتنشنيل توپير په داخل او خارجي سطحه کې عين قيمت لري نو پدې ډول په لوي قشر کې ئی مرکبه $V(b) - V(a)$ له صفر سره مساوي ده نو ټول باقي پوتنشنيل توپير بايد په کوچنۍ کره کې محاسبه شي دکوچني کرې څخه بهر ټولې نقطې د يو نقطوي چارج په ډول په نظر کې نيولي شو او د پوتنشنيل توپير د ۴-۱۷ معادلې څخه ترلاسه کولي شو:

$$V(b) - V(a) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{b} - \frac{1}{a} \right).$$

دغه معادله دکوچني کرې او لوي قشر ترمنځ د پوتنشنيل توپير رانبايي، بايد په ياد ولرو چې دغه معادله د Q له چارج څخه چې په خارجي قشر کې وجود لري مستقله ده، که چېرې q مثبت وي نو د پوتنشنيل توپير به هميشه منفي وي، او دا مونږ ته رانبايي چې خارجي قشر هميشه په ټيټ پوتنشنيل کې وي، که چېرې مثبت چارج ته اجازه ورکړل شي

ترڅو د دواړو کړو تر منځ حرکت وکړي نو هغه به د لوړ څخه ټیټ پوټنشل ته حرکت وکړي داسې چې له داخل څخه به د کړې خارج ته لاړ شي او دا په دې پورې اړه نلري چې څومره چارج د وړاندې څخه په خارجي دایروي قشر کې وجود لري.

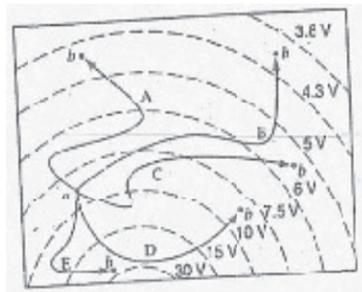
څو ځوابه انتخابي پوښتنې:

۴-۱ پوټنشل انرژي

۴-۲ بریښنايي پوټنشل انرژي

۴-۳ برقي پوټنشل

۴-۲۵-۱ شکل کې وگورئ یو منفي نقطوي چارج له a نقطې څخه د b څو ممکنه اخري نقطو ته حرکت کوي، کوم مسیر تر ټولو زیات مقدار، خارجي کار ته اړتیا لري تر څو دې ته حرکت ورکړي؟



۲۵- ۴- شکل ۱ څو ځوابه پوښتنه.

۲- یو الکترون د داسې یوې ساحې څخه چې بریښنايي ساحه هلته صفر نه وي د سکون له حالت څخه خوشي کیږي نو کومه یوه لاندې جمله سمه ده؟

(A) دغه الکترون به د لوړو پوټنشل ساحې په لور خپل حرکت ته دوام ورکړي.

- (B): دغه الکترون به د ټیټ پوټنشیال ساحې په لور خپل حرکت ته دوام ورکړي.
- (C): دغه الکترون به په هغه کرښه چې ثابت پوټنشیال ولري خپل حرکت ته دوام ورکړي.
- (D): تر هغو به هیڅ ونه وایو ترڅو چې د بریښنايي ساحې جهت نه وي معلوم شوی.
- ۴-۴ له بریښنايي ساحې څخه د پوټنشیال محاسبه:

۳-د الکتروستاتیکي شرایطو لاندې د یو چارج شوی هادي په داخل کې:

$$\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} = 0 : (C) \quad \frac{\partial V}{\partial x} = 0 : (B) \quad V = 0 : (A)$$

(D): دواړه د A, B یا C باید سم وي.

(E): درې واړه باید سم وي.

- 4-د بریښنايي ساحې کرښې چې یو د بل سره تړلی دی، د A جسم ته نږدې کیږي په غیر له دی چې دوی د B جسم ته نږدې شی مونږ کولای شو حساب کړو:
- (A): هغه پوټنشیال چې A ته نږدې له هغه پوټنشیال څخه چې B ته نږدې دی زیات دی.
- (B): هغه پوټنشیال چې A ته نږدې دي له هغې پوټنشیال څخه چې B ته نږدې دي کم دي.
- (C): A ته نږدې پوټنشیال B ته د نږدې پوټنشیال سره مساوي دي.
- (D): ټول ځوابونه ناسم دي.

۵-۲۵ شکل د درې نقطوي چارجونو د A, B او C چاپیره د بریښنايي ساحې کرښې ښايي:

(a) کومه نقطه لوړ پوټنشیال ښکاره کوي:

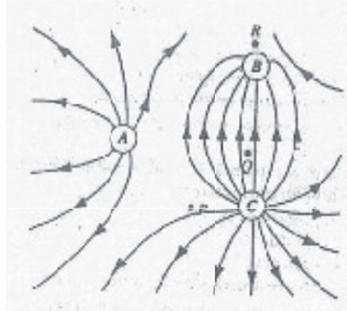
$$R : (C) \quad Q : (B) \quad P : (A)$$

(D): درې واړه نقطې عینې پوټنشیال لري.

(b) کومه نقطه ټیټ پوټنشیال ښکاره کوي:

$R: (C)$ $Q: (B)$ $P: (A)$

(D) درې واړه نقطې عني پوتنشیل لري.



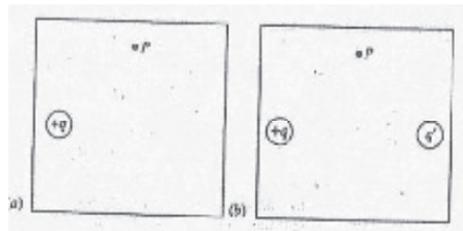
۴-۲۲ شکل: د څو ځوابه پوښتنو ۵ پوښتنی شکل.

۴-۵ د نقطوي چارجونو له امله رامنځ ته شوي پوتنشیل:

6- په ۴-27a شکل کې د q یو ځانگړي مثبت چارج ښودل شوي دي او د P په نقطه کې پوتنشیل V_0 دی (په بې نهایت کې $V = 0$ دي):

(a) یو دوهم چارج $q_1 = +q$ د P څخه په مساوي فاصله قرار لري لکه چې په ۴-27b شکل کې ښودل شوي دي نو اوس پوتنشیل توپیر د P په نقطه کې عبارت دی له:

$0: (E)$ $\frac{V_0}{2}: (D)$ $\sqrt{2V_0}: (C)$ $2V_0: (B)$ $4V_0: (A)$



۴-۲۷ شکل: د څو ځوابه ۲ پوښتنی شکل.

۷- د دې لپاره چې د $+q$ دوه مثبت مساوي چارجونه له بې نهایت څخه انتقال کړو نو د دې کار لپاره 1 mj کار ته اړتیا ده نو بیا به دغه دوه چارجونه یو له بل څخه د a په فاصله جدا شي:

(a) د دې لپاره چې د $+q$ درې مثبت مساوي چارجونه له بې نهایت څخه منتقل شي نو څومره کار ته ضرورت دی داسې چې دغه چارجونه دمتساوي الاضلاع مثلث په راسونو کې داسې ترتیب شي چې د هرې ضلعې اوږدوالی یې A وي:

$$A = 2mj \quad B: 3mj \quad C: 4mj \quad D: 9mj$$

(b) که چېرې د $+q$ څلور مساوي چارجونه ولرو او د نهایت څخه منتقل شي نو څومره کار ته ضرورت دی داسې چې دغه چارجونه په څلور ضلعې دمتوازی الاضلاع په راسونو کې داسې ترتیب شي چې د هرې ضلعې اوږدوالی یې A سره مساوي وي:

$$A: 3mj \quad B: 4mj \quad C: 6mj \quad D: 16mj$$

۸- که د $+q$ نقطوي چارج په مبدا کې وي او د $+2q$ ، د $X = a$ کې ځای په ځای شوي وي چېرته چې a مثبت دی دلته $V(\infty) = 0$

(a) نو کومه یوه لاندې بیانيه سمه ده:

(A) د X له محور څخه بهر چارجونو ته نږدې بریښنايي پوتنشل صفر کیدای شي

(B) د X پر محور به د بریښنايي پوتنشل مقدار اعظمي قیمت ولري.

(C) د دواړو چارجونو تر منځ سیمه کې بریښنايي پوتنشل صفر کیدای شي.

(D) یواځې د X پر محور بریښنايي پوتنشل صفر کیدای شي.

(b) د x پر محور په کومو لاندینو سیمو کې د یوې داسې، یوې نقطې امکان شته چې هلته بریښنايي پوتنشل صفر وي:

$$-\infty < x < 0: \text{A} \quad 0 < x < a: \text{B}$$

$$a < x < \alpha: \text{C} \quad V: \text{D} \text{ په سیمه کې نه لیدل کیږي.}$$

۹- که چیري د $+q$ نقطوي چارج په مبدا کې قرار لري او د $-2q$ نقطوي چارج $X = a$ کې ځای په ځای شوي چېرته چې a مثبت دی، دلته $V(\infty) = 0$ دی:

(a) نو کومه یوه لاندې جمله سمه ده:

(A) د x پر محور چارجونو ته نږدې برېښنايي پوتنشل صفر کیدا شي.

(B) د x له محور څخه بهر برېښنايي پوتنشل خپل اعظمي قیمت درلودلې شي.

(C) برېښنايي پوتنشل یواځې د چارجونو تر مینځ سیمه کې صفر کیدا شي؛

(D) یواځې د X پر محور باندې یې برېښنايي پوتنشل صفر کیدا شي.

(b) په کومو لاندنیو سیمو کې یوه داسې نقطه شته ده چې هلته برېښنايي پوتنشل صفر وي:

$$-\infty < x < 0: (A) \quad 0 < x < a: (B)$$

$$a < x < \infty: (C) \quad (D): (V) \text{ په سیمه کې نه لیدل کیږي}$$

۲-۴ د چارجونو د پرلپسې خپریدني له امله رامینځ ته شوی برېښنايي پوتنشل:

۱۰- د منظمې مثبت چارجداره حلقې په محور د $V(z)$ برقي پوتانشیال چېرته چې $V(\infty)$ ملاحظه کړی؟

(a): $V(z)$ شاید تر ټولو لوی قیمت ولري چېرته چې:

$$z = 0: A \quad 0 < |z| < \infty: B \quad |z| < \infty: C \quad A$$

D: او C صحیح دي.

11- د منظمې مثبت چارجداره صفحې په محور د $V(z)$ برقي پوتانشیال، چېرته چې $V(\infty) = 0$ ملاحظه کړی؟

(a)- $V(z)$ شاید خپل لوی قیمت ولري، چېرته چې:

$$|z| = \infty : C \quad 0 < |z| < \infty : B \quad z = 0 : A$$

$A : D$ سم بی C اودی

(b) $V(z)$ کېدای شي صفر وي، چېرته چې:

$$|z| = \infty : C \quad 0 < |z| < \infty : B \quad z = 0 : A$$

A او C بی سم دی

۴-۷ د پوتانشیال څخه د برننایي ساحې محاسبه:

۱۲- یو وړوکی مثبت چارج په مبدا کې موقعیت لري په دغه چارج باندې د x د محور په الکتروستاتيکي قوه اثر کوي. اول کېدای شي په مبدا کې حساب شوي وي:

$$\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} \neq 0 : C \quad \frac{\partial V}{\partial x} \neq 0 : B \quad V \neq 0 : A$$

D : دواړه A او B یا C باید سم وي

E : درې واړه سم دی

۱۳- یو برننایي دایپول چې د x محور سره موازي دي او په مبدا کې واقع دی د x محور په امتداد په دې دایپول یوه الکتروستاتيکي قوه اثر کوي، اول کېدای شي حساب شوي وي په مبدا کې:

$$\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} \neq 0 : C \quad \frac{\partial V}{\partial x} \neq 0 : B \quad V \neq 0 : A$$

D : دواړه A او B یا C باید سم وي

E : درې واړه سم دی

۸-۲۸ هم پوتانشیاله سطحې:

۱۴- کله چې د ϕ_E برقي سیلان یوې هم پوتانشیاله سطحې ته نږدې راوړل شوي وي. نو کومه لاندې جمله تل لپاره سمه ده:

$$\phi_E < 0 : C \quad \phi_E > 0 : B \quad \phi_E = 0 : A$$

D د \emptyset سطحې په داخل کې له خالص چارج سره متناسب دي.

۹-۴ د یو چارج شوي هادي پوتنشیل:

15- یوه کوچني هادي کره اصلا د $+q$ اساسي چارج لري دغه کره یو هادي قوتی ته نښکته کیږي.

(a) کوم یو دلاندينو مقدارونو څخه برابريږي په هغه وخت کې چې کره نښکته کیږي خو مخکي له دې چې د قوتی سره په تماس کې راځي (امکان لري چې له یو څخه زیات ځوابونه سم وي):

(A) د قوتی پوتنشیل

(B) دکري پوتنشیل

(C) په کره باندي چارج

(D) په کره او قوتی باندي خالص چارج

(b) د یو توپ د قوتی سره په تماس راځي د تماس څخه مخکې او وروسته حالاتو کې نو کوم یو دلاندي مقدارونو ثابت پاتي کیږي (امکان لري چې له یو څخه زیات ځوابونه سم وي):

(a) د قوتی پوتنشیل

(b) دکري پوتنشیل

(c) په کره باندي چارج

(d) په کره او قوتی باندي خالص چارج

16- دوه کوچني هادي کرې د $r = 1\text{cm}$ په شعاع، دوه مساوي مثبت چارجونه لري او یو له بل څخه د 1m به فاصله کې قرار لري، دیوي کري بریښنايي پوتنشیل V_0 دي (کله چې $v = 0$ په لایتنهايیکي) نو:

(a) د بلي کري پوتنشیل عبارت دي له:

(A) له V_0 څخه زيات دي

(B) له V_0 څخه كم دي.

(C) له V_0 سره مساوي دي.

(D) دنورو اضافي معلوماتو څخه پرته نه شي ټاكل كيداى.

(b) كه كروي يو له بل سره نږدې شي ترڅو يو له بل سره په تماس كې راشي نو په دې وخت كې د دواړو كرو بريښنايي پوتنشيال عبارت دي له:

$$V = V_0 \text{ (A)} \quad V_0 < V < 2V_0 \text{ (B)}$$

$$V = 2V_0 \text{ (C)} \quad V > 2V_0 \text{ (D)}$$

پوښتنې Questions

1. ايا مونږ كولي شو چې د ځمكې پوتنشيال د صفر پر ځاي $+100 V$ وټولو نو تاسو دلاندې كميتونو محاسبه شوي قيمتونه پيدا كړئ؟ (a) پوتنشيالونه (b) د پوتنشيال توپيرونه.

2. څه به واقع شوي واي كه تاسو په عايق ډول ولاړ واي نو ستاسو پوتنشيال به د $10kV$ په اندازه د ځمكې سره د تماس له امله زيات شوي واي؟

3. الكترون، ولټ ولي د ټول په پرتله د انرژۍ يو مفيد او مناسب واحد دي؟

4. پروتون ولټ به د الكترون ولټ سره څنگه مقايسه شي په داسې حال كې چې د يو پروتون كتله د الكترون د كتلي 1840 چنده ده؟

5. ايا د كار پر واحد د چارج مقدار چې د بريښنايي چارج د انتقالولو لپاره په الكتروستاتيكي ساحه كې له دې نقطې څخه بلي نقطې ته ضرورت لري د چارج په مقدار پورې تړاو لري؟

6. ايا د بريښنايي پوتنشيال توپير و بريښنايي پوتنشيالې انرژي توپير، ترمنځ كوم فرق شته د مثالونو سره بې واضح كړئ؟

7. تاسو د ټولو الکترونونو هغه تړل شوي انرژي مقدار معلوم کړی. چې د کتود د وړانگو څخه په یوه ثانیه کې آزادېږي؟
8. ایا دا ولې امکان لري چې یوه کوټه د بریښنايي قواؤو څخه محفوظه کولې شو، خو د جاذبې قوی څخه نه؟
9. فرض کړی چې ځمکه یو خالص چارج لري چې صفر نه دي نو ولې تر اوسه دا امکان لري چې ځمکه د پوتنشیال د معیاري سرچینې په توګه ونیسو او دهغه لپاره $V = 0$ تعین کړو؟
10. ایا دلته داسې پوتنشیال توپیر ممکن دي چې د دوه هادي ګانو تر منځ عین مقدار چارج منځ ته راوړي؟
11. د داسې حالاتو نو مثالونه بیان کړي چې د یو چارج شوي جسم د چارج مخالفه اشاره ولري؟
12. ایا دوه مختلفې هم پوتنشیال سطحې یو له بل سره تداخل کولې شي؟
13. یو بریښنايي کارکوونکي په ناڅاپي ډول د بریښنا لخوا ونیول شو، نو یوې خبر پانې داسې راپور ورکړ (یو سړي په ناڅاپي ډول د بریښنا د یو لوړ ولتېج لرونکي کیبل سره ولګیده چې د بریښنا مقدار یې $20,000 V$ ؤ او د یوه تیز جریان په ډول د هغه له وجود څخه تیر شو تاسو ددې بیانيې غلطې څرګنده کړی؟
14. دغرو ختونکو لپاره دتالنده او تندري طوفان په وخت داسې نصیحت ورکول کېږي (a) د غرونو له څوکو او څنډو څخه په تیزی راکوز شی. (b) دواړه پښې کېږي او ازاده یو بل سره کېږدی؟ او دواړه باید د ځمکې سره په تماس کې راشي د دې ښه نصیحت اساس په څه ولاړ دي؟
15. که چېرې په یوه نقطه کې \vec{E} صفر وي، نو ایا ضروري ده چې هلته V هم صفر وي؟ تاسو خپل ځواب دځینو مثالونو په مرسته ثبوت کړی؟

16. که چیري په یوه درکړل شوي نقطه \vec{E} معلومه وي نو ایا تاسو کولای شې چې د V قیمت محاسبه کړي او کنه نو کوم څه ته ضرورت لری؟
17. ۱۸-۴ شکل وگورئ، د بریښنايي پوتنشیال د \vec{E} د ساحه په ښي طرف کې لویي قیمت لري او که په چپ طرف کې؟
18. ۱۲-۴ شکل کې تاسو د سطحې، ثابت پوتنشیال محاسبه کړي؟
19. مونږ ولیدل چې په یو سوري هادي کې دننه، د بهرنۍ سطحې د چارجونو څخه په امن کې پاتې کیدای شو، نو که چیري تاسو د هادي په بهرنۍ سطحه کې قرار ولری چې دغه هادي چارجونو لرونکي وي نو ایا تاسو به د هادي په بهرنۍ سطحه کې د چارجونو د تاثیر څخه په امن کې پاتې شې؟ تشریح ورکړئ؟
20. که چیري د یو چارج شوي هادي سطحه هم پوتنشیال وي، آیا دا معنی لري چې چارج کولای شې چې په یو نواخت ډول په دغه سطحه کې خپور شې؟ که چیري د بریښنايي ساحي مقدار د سطحې په اوږدو کې دمقدار له جنسه ثابت وي نو ایا چارج په یو نواخت ډول خپریدلی شې؟
21. په ۲۹-۴ برخه کې مونږ زده کړل چې که چیري د یو شان چارج شوي هادي داخلي برخي ته چارجونه خوشي کړو دغه چارجونه د هادي بهرنې برخي ته انتقال کوي او دا په دي پوري تړاو نلري چې له وړاندې دلته څومره چارج موجود دي، نو آیا تاسو دي پروسې ته دوام ورکولای شې؟ که چیري داسې نه وي نو هغه کوم عوامل دي چې دا پروسه بنده وي؟
22. ولې یو شان چارج شوي اتوم دایمي د بریښنايي ډایپولي مومنټ نلري؟
23. ایونونه او الکترونونه د کثافت د مرکزو په شکل عمل اجرا کوي، نو ولې د اوبو څاڅکي په هوا کې د هغه چاپیره ځای نیسي واضح بې کړی؟
24. که چیري د فضا به یوه سیمه کې V قیمت ولري نو تاسو به دي سیمه کې د \vec{E} قیمت محاسبه کړي؟

25. په 14 څپرکي کې مونږ ولوستل چې د جاذبې قوي قوت د یو دایروي قشر په دننه کې له صفر سره مساوي دي. د بریښنايي ساحې شدت نه یواځې د دایري په داخل کې د صفر سره مساوي بلکه د هر شکل لرونکې هادې په دننه کې صفر دی نو آیا بریښنايي شدت د یو شپږ ضلعي مکعب په دننه کې هم صفر دي؟ صفر دي او که نه دي علت یې واضح کړي؟

26. تاسو کوم دلایل لري چې په یوه راکړل شوي سیمه د فضا کې د پوتنشل توپیر عین قیمت لري؟

27. د دري نقطوي چارجونو یو سیستم برابر کړی چې په لایتناهي فاصلو کې یو له بل څخه جدا شوي وي او پوتنشل انرژي یې صفر وي؟

28. یو چارج په عایق پوښ لرونکي هادي باندې د یو منظم مکعب په شکل قرار لري، نو د مکعب په مختلفو نقطو کې د مربوطه چارج کثافت به څومره وي؟ او په چارج باندې به په کومه قوه تاثیر وکړي که چیرې مکعب په هوا کې واقع وي؟

29. مونږ زده کړل چې د هادي په داخلي او خارجي سطحو کې پوتنشل عین قیمت لري (a) نو څه به واقع شي که چیرې هادي غیر منظم شکل ولري، او پخپله داخلي برخه کې یوه غیر منظمه خالیگاه ولري؟ (b) څه به واقع شي که چیرې په دغه خالیگاه کې داسې سوري وجود ولري چې له بهرني سطحي سره اړیکه ولري (c) څه به واقع شي په هغه حالت کې چې خالیگاه بنده وي خو د هغې په داخل کې یو څوړند شوي نقطوي چارج وجود ولري نو تاسو د دغه هادي په داخل او د هغه په مختلفو نقطو کې پوتنشل په مقدار باندې بحث وکړی؟

30. که چیرې یو شان چارج شوي دایروي قشر یو منفي چارج منځ ته راوړي نو څه به واقع شي که یو مثبت چارج شوي جسم د قشر د داخلي برخې سره په تماس کې راشي نو تاسې دغه دري حالتونو باندې بحث وکړی؟ (a) چې کوچني وي (b) مساوي وي (c) له منفي چارج څخه په مقدار کې لوي وي؟

31. یوه غیر چارج شوي کره دیو ورینمین تار په واسطه په یوه بهرنی یو نواخته برېښنایی ساحه کې ځورنده شوي ده نو دکري په داخل کې د مختلفو نقطو لپاره د برېښنایی ساحي مقدار به څومره وي؟ ایا ستاسو په ځواب کې به فرق راشي که چیرته کره یو چارج منځ ته راوړي؟

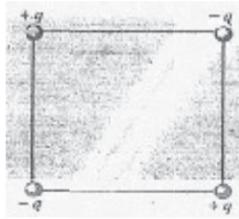
تمرینونه (Exercises):

۱-۴ پوتنشیل انرژي:

۲-۴ پرېښنایی پوتنشیل انرژي:

1. د اساسي ذرو په کوارک ماډل (*quark model*) کې کله چې پروتون په دري کوچنیو برخو *quark* داسې برابر شي: دوه برخي پورته خوا ته چې هر یوه $\frac{2}{3}e$ د چارج لري او یوه برخه ئی لاندې چې $-\frac{1}{3}e$ چارج لري که فرض کړو چې دري واړه برخي یو له بل څخه مساوي فاصلي ولري، نو که چیري فاصله $1,32 \times 10^{-15}$ شي نو تاسو (*a*) د پورتنیو دؤو برخو تر منځ د متقابل عمل پوتنشیل انرژي محاسبه کړی. (*b*) د ټول سیستم د پوتنشیل انرژي په مجموعي ډول سره محاسبه کړی؟

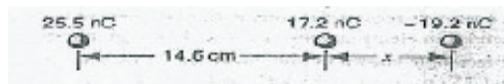
2. تاسو د هغه کار لپاره یوه معادله جوړه کړی چې د بهرنی عامل په واسطه د هغه څلورو چارجونو لپاره چې په ۲۸-۴ شکل کې ځای په ځای شوي دي، که چیري د مربع هر ضلع د *a* په اندازه اوږدوالي ولري؟



۲۸-۴ شکل: ۲ تمرین.

3. یوه پېرې مخکې انشتاین خپله تیوري د (J.J Thomson) د تیوري سره په ارتباطي ډول داسې خپره کړه چې یو الکترون شاید له ډیرو زیاتو برخو څخه جوړ شوي وي او د دې کتله ځکه موجودیت لري چې دې برخو ترمنځ یې بریښنايي متقابل عمل وجود لري او بله دا چې هغه وویل چې د انرژي مقدار یې د mc^2 په واسطه تعین کیږي نو تاسو د الکترون کتله په لاندې نیو طریقو سره څرگنده کړئ، فرض کړئ، که چېرې یو الکترون له درې مساوي برخو څخه جوړ شوي وي او له یې نهایت څخه منتقل شي او په راسونو کې په داسې ډول سره قرار ونیسي چې مثلث جوړ کړي. چې ټولې ضلعي یو له بل سره مساوي وي او ساده شعاع یې $2,82 \times 10^{-15}m$ وي نو (a) د دغه سیستم مجموعي پوتنشل انرژي پیدا کړئ (b) تاسو دغه په c^2 ویشئ او نتیجه یې د الکترون د اصلي کتلې $9,11 \times 10^{-31}kg$ سره مقایسه کړئ، دا نتیجه ثبوت کوي چې که چېرې نورې برخې هم په نظر کې ونیسو لکه په دوهم سوال کې خون ورځ د الکترون واحدې او نه جدا کېدونکې ذرې په ډول په نظر کې نیول کیږي.

4. شکل وگورئ، دلته بنکاري چې چارجونه په فضا کې برابر شوي وي نو تاسو د X فاصلې قیمت به هغه وخت کې پیدا کړئ، که چېرې د سیستم برېښنايي پوتنشل انرژي صفر وي.

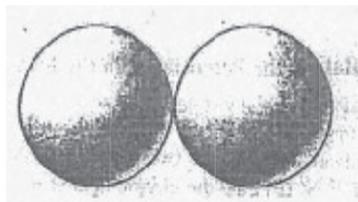


شکل ۲۹-۴: تمرین ۴

5. شکل ۴-۳۰ د $^{238}_{92}U$ اتوم هسته چې $Z = 92$ د فیژن تعامل (*Fission*) پر مهال څرگندوي، نو (a) نود دواړو ټوټو ترمنځ متقابل عمل په نتیجه کې دافغوي قوه محاسبه کړئ؟

(b) د دواړو ټوټو ترمنځ ددوه اړخیزه متقابل عمل برېښنايي پوتنشل انرژي محاسبه کړئ، فرض کړئ، که چېرې ټوټې یو له بله سره په سایز او چارج کې مساوي وي او دواړه کروي شکل ولري او یوه له بلې سره د تماس په حال کې وي او د کروي شعاع د $^{238}_{92}U$ له

8,0 fm سره مساوي وي او فرض کړي چې هر جسم دهستو څخه د چارج د ثابت کثافت لرونکي وي.



۳۰-۴ شکل: ۵ تمرین

۳-۴ برېښنايي پوتنشيال:

6. دوه موازي، همواري هادي سطحي چې یو له بل سره $d = 1,0\text{cm}$ فاصله لري او د پوتنشيال توپير $\Delta V = 10,3\text{ kV}$ سره مساوي وي، یو الکترون له یوې سطحي څخه بلې سطحي ته په فوري ډول سره دفع کېږي، نو تاسو په هغه وخت د الکترون لومړني کثافت محاسبه کړئ چې دوهمې سطحي ته د دفع پرمهال د سکون حالت اختیار کړي.

7. په یو بیلگه ایز برېښنايي ځلا کې د پوتنشيال توپير د دوه بي چارجه نقطو ترمنځ له $1,0 \times 10^9\text{ V}$ سره مساوي دي او دهغه چارج مقدار چې انتقال شوي دي له 30 C سره مساوي دي (a) څومره انرژي ازادېږي؟

(b) که چیرې ازاده شوي انرژي وکولي شي چې 1200 kg په اندازه موټر ته د سکون له حالت څخه تعجیل ورکړي نو تاسو د موټر وروستی چټکتیا محاسبه کړئ؟
(c) که چیرې دغه انرژي د یو ویلي کولو لپاره وکارول شي نو په 0°C کې به څومره یخ ویلي کړي؟

8. د تندري طوفان په جریان کې د دوه ټاکلو بي چارجه نقطو ترمنځ د پوتنشيال توپير له $1,23 \times 10^9\text{ V}$ سره مساوي دي نو تاسو د هغه الکترون په پوتنشيال انرژي کې تغیر محاسبه کړئ چې د دغو دوه نقطو ترمنځ د حرکت په حال کې دي؟

9. یوه د q چارج لرونکي ذره په یو ټاکلي موقعیت کې د P په نقطه کې قرار لري او دوهمه ذره د m په کتله چې عین چارج لري په لومړني سرکي د سکون په حالت کې د P له نقطې څخه د r_1 په شعاع قرار لري بیا دوهمه ذره خوشي کېږي او له لومړي ذري څخه هغه د یو مانع په واسطه جدا شوي ده نو تاسو د دې چټکتیا په هماغه لحظه کې پیدا کړي چې د P څخه د r_2 فاصله ولري که چیرې:

$$r_2 = 2,5\text{mm}, \text{ او } r_1 = 0,90\text{mm}, m = 18\text{mg}, q = 3,1\mu\text{C}$$

10. یو الکترون د $3,44 \times 10^5 \frac{m}{s}$ متر پر ثانیه په لومړني سرعت سره دفع کېږي او په فوري ډول د یو پروتون سره چې وړاندي د سکون په حالت کې دی په تماس کې راځي که چیرې الکترون د دواړنډي په یوه لویه فاصله له پروتون څخه قرار ولري نو په کومه فاصله کې د پروتون څخه د ده سرعت په اني ډول دهغه د لومړني قیمت له دوه چنده سره مساوي کېږي؟

11. (a) تاسو هغه برېښنايي پوښښیل محاسبه کړي چې د هایدروجن د اتوم د هستې له امله منځ ته راځي چې د یو گرځیدونکي الکترون څخه دهغه منځنۍ فاصله $r = 5,29 \times 10^{-11}\text{m}$ وي؟

(b) تاسو د دې برېښنايي پوښښیل انرژي محاسبه کړی. که چیرې دغه اتوم همدومره شعاع ولري؟

(c) تاسو د دې الکترون حرکي انرژي محاسبه کړی؟

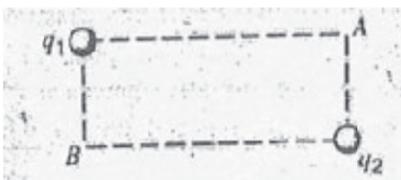
(d) خومره انرژي ته اړتیا ده تر څو دا هایدروجن ایونایز کړي؟ تاسو ټولې انرژي په الکترون ولټ سره تشریح کړی او په بي نهایت کې $V = 0$ فرض کړی؟

12. ۳۱-۴ شکل ته پام وکړي دلته یو مستطیل در کرل شوي چې د ابعادو اوږدوالي یې $5,0\text{cm}$ او 15cm دي که $q_1 = -5,0\mu\text{C}$ او $q_2 = +2,0\mu\text{C}$ وي نو:

(a) د A او B په کونجونو کې برېښنايي پوښښیلونه محاسبه کړي.

(b) څومره بهرني کارته اړتيا ده تر څو د $q_3 = +3,0\mu C$ چارج د a له نقطې څخه د B نقطې ته انتقال شي.

(c) په دې پروسه کې، آیا بهرني کار په الکتروستاتيکي پوتنسيال انرژي باندي بدلېږي او که برعکس تشریح ورکړي؟



۳۱-۴ شکل: ۱۲ تمرین.

۴-۴ له برېښنايي ساحي د پوتنسيال محاسبه:

13. دوه اوږده او يو له بل سره موازي هادي قابونه چې يو له بل څخه د $12,0\text{cm}$ په فاصله جدا شوي دي او مساوي خو مخالف چارجونه منځ ته راوړي، البته د دوي يو بل ته، په مخامخ سطحو په يو الکترون باندي چې د دوي په منځ کي واقع دي د $3,90 \times 10^{-15}\text{N}$ قوه وارده وي نو تاسو:

(a) د الکترون په موقعيت د برېښنايي ساحي شدت پيدا کړي؟

(b) د دواړو قابونو تر منځ د پوتنسيال توپير څومره دي؟

14. د چارج يوه ټوټه چې د چارج سطحی کثافت يې $0,12 \frac{\mu C}{m^2}$ دي، نو دغه هم پوتنسيال سطحې به يو له بل څخه څومره فاصله لري. د کومو چې پوتنسيالونه يو له بل څخه 48V فرق لري؟

15. يو *Gieger counter* د $2,10\text{cm}$ قطر په اندازه يوه استوانه لري او دهغي په محور باندي يو سيم چې د $1,34 \times 10^{-4}\text{cm}$ په اندازه قطر لري وصل شوي دي که چيري د 855V په اندازه پوتنسيال د دوي په منځ کي موجود وي نو تاسو په سطحه کي د برېښنايي ساحي مقدار معلوم کړي. (a) د سيم (b) داستواني؟

16. که چیري د برنښايي ساحي شدت $1,92 \times 10^5 N/C$ وي او د دوه قابونو ترمنځ فاصله $1,50 \text{ cm}$ وي نو تاسو د دغو دوو قابونو ترمنځ د پوتنشيال توپير محاسبه کړی؟

۲۸-۵ د نقطوي چارجونو له امله رامنځ ته شوي پوتنشيال:

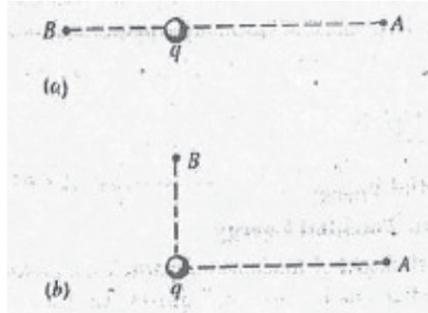
17. د طلا يوه هسته چي يو مثبت چارج لري او له 79 پروتون سره مساوي ده او شعاع يي 7 fm ده د الفا يوه ذره چي د K په اندازه حرکي انرژي لري او له دي هستي څخه په ليري فاصله کي واقع ده او په فوري ډول د دي په لور حرکت په حال کي ده نو هغه وخت چي د الفا ذره د سطحې سره د تماس په حال کي وي نو د هغه سرعت واپس کيږي.

(a) محاسبه کړی. (b) د الفا ذري حقيقي انرژي چي د رادرفور په تجربه کي استعمال شوي ده، چي د اتومي هستي د تيوري د کشف لپاره ډيره مرسته ئي وکړه له 5 MeV سره مساوي ده نو ستاسو نور اضافي معلومات په دي باره کي څه دي؟

18. تاسو دهغه الکترون د فرار سرعت محاسبه کړي چي د يوي، يو شان چارج شوي کري له سطحې څخه چي شعاع يي $1,22 \text{ cm}$ ده او مجموعي چارج يي $1,76 \times 10^{-15} \text{ C}$ دي د جاذبي قوي څخه ئي صرف نظر وکړی؟

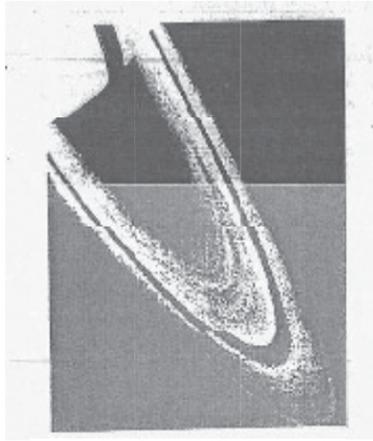
19. يو نقطوي چارج $q = +1,16 \mu\text{C}$ په اندازه لرو د A نقطه چي له هغه څخه $2,06 \text{ m}$ فاصله لري په نظر کي ونيسي او د B نقطه ئي د قطر په مخالف جهت کي له هغه څخه $1,17 \text{ m}$ فاصله لري لکه په a ۳۲-۴ شکل کي نو (a) تاسو د $V_A - V_B$ پوتنشيال توپير پيدا کړی؟

(b) دغه عمليه بيا تکرار کړی. که چيري A او B د b ۳۲-۴ په شکل کي قرار ولري.



۳۲-۴ شکل: ۱۹ تمرین.

20. کله چي يوه فضايي بېړۍ د ځمکې د ايونو سفير طبقه کي چې د رقيق ايونايښ شوي گاز په اوږدو کي د حرکت په حال کي ده د دي پوتنشنيل په بيلگه ايز ډول د $-1,0V$ په اندازه بدلېږي مخکې له دي چې يو مکمل دوران پوره کړي، که چيري دغه بېړي کروي شکله فرض شي او شعاع يې $10m$ وي نو تاسو د هغه چارج مقدار محاسبه کړۍ چې دغه بېړي يې جمع کوي؟ زياتره مواد شامل دي د زحل (*Saturn*) حلقو کې (۳۳-۴ شکل وگورۍ) چې د گرد او غبار د وړو ذرو په شکل وي، او د $1.0\mu m$ په اندازه شعاع گانې لري، دغه ذرې په داسې يوه ساحه کې شتون لري چې رقيق گاز په آيون تبديل شوي وي او د خپل ځان سره په ډېره زياته پيمانه الکترونونه اخلي، که چېرې برقي پوتنشنيل دنوموړي ذرې په سطحه $400 V$ وي نو (چې لايتناهي کې $V = 0$ نه وي) نو تاسو دا و وایاست چې په څومره پيمانه الکترونونه به يې له ځان سره پورته کړي وي؟



۳۳-۴ شکل: ۲۰ تمرین.

21. کله چي يوه فضايي بيړۍ د ځمکې د ايونو سفير طبقه کي چې د رقيق ايونايښ شوي گاز په اوږدو کي د حرکت په حال کي ده د دي پوتنشيل په بيلگه ايز ډول د $1,0 V$ په اندازه بدلېږي مخکې له دي چې يو مکمل دوران پوره کړي که چيري دغه بيړي کروي شکله فرض شي او شعاع يې $10 m$ وي نو تاسو د هغه چارج مقدار محاسبه کړي چې دغه بيړۍ يې جمع کوي؟

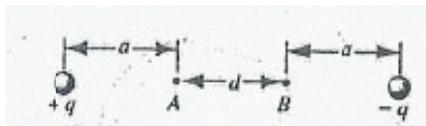
22. فرض کړۍ چې د يوه سينټ په يوه ميسي سيکه کې منفي چارج د ځمکې څخه په ډېره لرې فاصله کې، لرې کړای شوی دی، بنايي چې فاصله يې کهکشان وي، او په دې توگه د ځمکې په سطحه باندې مثبت چارجونه په مساوي ډول سره تقسيم شوي وي، نو تاسو دا معلومه کړئ چې د ځمکې پر سطحه د تغير دپاره د څومره برقي پوتانشيل ته اړتيا ده (۱-نمونوي مثال يې په وگورۍ).

23. د ځمکې د سطحې سره نژدې د $100 V/m$ په اندازه يوه برقي ساحه مشاهده شوې ده، که چېرې دا ساحه د ځمکې د ټولې سطحې د پاسه يو ډول وي، نو د سطحې په يوه نقطه کې به برقي پوتانشيل څومره وي؟ (فرض کړۍ هغه چې په لايتناهي کې $V = 0$ دی).

24. د امونیا مالیکول NH_3 چې یو دایمی (ثابت) برقي ډایپول مومنټ لري، چې مساوي دي له $1.47 D$ سره، چېرته چې D د *debye* واحد دی، چې اندازه یې عبارت ده له $3.34 \times 10^{-30} C.m$ سره، تاسو یې برقي پوتانشیل محاسبه وگرې، که د امونیا مالیکول په یوه نقطه کې چې $52.0 nm$ د ډایپول د محور امتداد څخه لرې وي؟ فرض کړئ چې په لایتناهي کې $V = 0$ دی.

25. د (a) شکل ۴-۳۴ څخه تاسو د $V_A - V_B$ دپاره یوه افاده پیدا کړئ؟

(b) ایاستاسو نتیجه دمتوقع ځواب څخه کله چې $d = 0$ وي څخه کمه ده؟ کله چې $a = 0$ او $q = 0$ سره مساوي وي؟



شکل ۴-۳۴: تمرین ۲۵.

26. په شکل ۴-۳۵ کې د نقطې ځای معلوم کړئ، که هر هره نقطه ځای پر ځای کړئ؟

(a) چېرته چې $V = 0$ وي

(b) چېرته چې $E = 0$ وي، تاسو یواځې په محور باندې نقطې فرض کړئ، او په لایتناهي کې $V = 0$ قبول کړئ؟



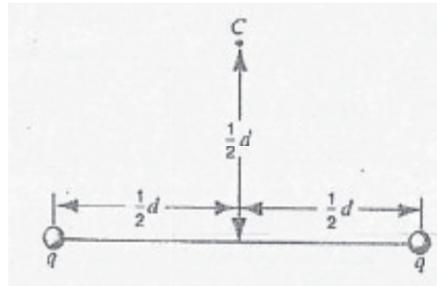
شکل ۴-۳۵: تمرین ۲۶.

27. دوه چارجونه چې په هغې کې $q = +2.13 \mu C$ سره دی په خلا کې ځای پر ځای شوي دي، په داسې فاصله کې چې اندازه یې عبارت ده له $d = 1.96 cm$ څخه چې په شکل ۴-۳۶ کې ښودل شوي دي:

(a) کله چې تاسو $V = 0$ ولایتناهي کی ونیسئ. نو برقي پوتانشیل به په c نقطه کې څومره وي؟

(b) که چېرې تاسو یو دریم چارج $Q = +1.91\mu C$ په کراره توگه دلایتناهي څخه C لور ته راوړئ، نو تاسو به څومره کار ترسره کړی وي؟

(c) پوتانشیال انرژي دهغه د موقعیت لپاره څومره ده کله چې دریم چارج په هغه فضاء کې واقع وي؟



۴-۳۲ شکل: ۲۷ تمرین.

۴-۲ د پرلپسې چارجو نو د ویش برقي پوتانشیال:

28. دیوې منظمې چارج شوي صفحې (*disk*) چې شعاع یې R ده د محور په امتداد به یې، په کومه فاصله کې برقي پوتانشیال یو نیم برابر د صفحې (*disk*) د سطحې څخه د مرکز د پوتانشیال وي؟

29. د $-9,12nC$ برقي چارج دیوې حلقې (*ring*) په چاپیر چې شعاع یې $1,4m$ ده په منظم ډول توزیع شوی چې مېدا یې د yz د مستوی په مرکز کې واقع ده یوه زره چې $-5,93pC$ چارج لري د $3,07 m$ په فاصله د x د محور د پاسه واقع ده هغه کار محاسبه کړئ چې د خارجي عامل په واسطه د نقطوي چارج د حرکت کولو لپاره د مېدا په لوري اجرا کېږي چې د یوه خارجي عامل په واسطه سر ته رسیدلی دی، چې د نقطوي چارج اصلي موقعیت ته انتقالوي؟

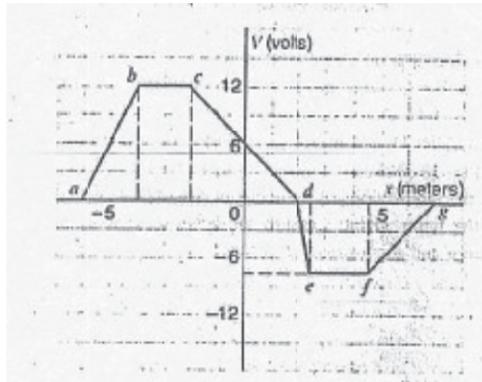
۴-۷ د پوتانشیل څخه د ساحې محاسبه:

30. فرض کړئ چې برقي پوتانشیل د x محور څخه بدلون مومي، لکه څرنګه چې په ۳۷-۴ گرافیکي شکل په انټروال کې بنودل شوي دي (تاسو د انټروال د وروستیو نقطو روپې څخه نظر شئ) تاسو نوموړی انټروال داسې واضح کړئ چې په هغې کې E :

a- تر ټولو لوی قیمت لري.

b- تر ټولو کم قیمت لري.

c- د x په برابر د E موقعیت وښایست؟



۳۰-۳۷ شکل: تمرین.

31. دوه لوی ټی موازي فلزي تختې چې د $1,48\text{cm}$ په فاصله سره جدا دی مساوي او متضا د چارجونه د هغوی د سطحو پر مخ انتقالوي، منفي تخته یې د ځمکې سره وصل شوې ده، چې پوتانشیال یې صفر دی که چېرې دنوموړو تختو ترمنځ په نیمایي لاره کې پوتانشیل $+5,52\text{V}$ وي نو د دغه منطقي برقي ساحه به څومره وي؟

32. د منظمي چارج شوي حلقې د محوري نقطو لپاره ۴-۳ معادلې څخه د E لپاره یوه افاده په لاس راوړئ؟

33. د $\frac{\partial v}{\partial r}$ له لارې د سروزر د یو هستې په سطحه کې شعاعي پوتانشیال محاسبه

کړی؟ ۴-۷ نمونوي مسئله وگورئ؟

34. د اول خپرکی ۳۹ تمرین د رادر فورډ دبرقي ساحې محاسبه دیوه اتوم د مرکز څخه

د r په فاصله رانښايي، هغه همدارنگه برقي پوتانشیال د $V = \frac{Ze}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r} - \frac{3}{2R} + \frac{r^2}{2R^3} \right)$ په شان په لاس راوړو:

(a) تاسو و وایاست چې د اول خپرکی په ۳۹ تمرین کې دبرقي ساحې لپاره څرنگه افاده ورکړل شوې ده، تاسو کولای شئ چې د V دپاره دنوموړي افادې څخه تقلید وکړئ؟ (b) دا و وایاست چې د V دپاره نوموړي افاده ولې صفر ته نه ځي کله چې $r \rightarrow \infty$ وکړي؟

35. د V برقي پوتانشیال د مخصوصو پلیټونو ترمنځ خلا، او چې اوس دکاره ولیدلی

(زاړه شوي دي) چې د $V = \left(\frac{1530v}{m^2} \right) x^2$ په واسطه جدا کېږي، چېرته چې x دیو پلیټ څخه فاصله ده، محاسبه کړئ دبرقي ساحې مقدار او جهت چې $x = 1.28 \text{ cm}$ وي؟

۴-۸ هم پوتانشیاله سطحې:

36. د چارجونو دوه لاینونه د Z د محور سره موازي دی یو یې:

$$+\lambda = \frac{\text{د چارج}}{\text{دفاصلې په واحد}}$$

محور ښي لور څخه د a په یوه فاصله او بل یې:

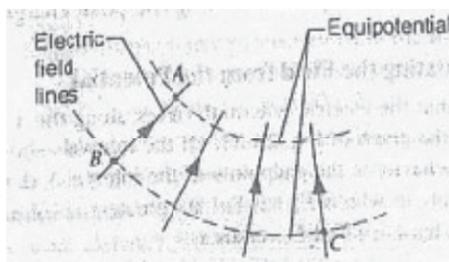
$$-\lambda = \frac{\text{د چارج}}{\text{دفاصلې په واحد}}$$

د a په یوه فاصله د دې محور کین طرف کې واقع دی. (لاینونه او د Z محور په یو شان مستوی کې واقع دی) دهم پوتانشیاله سطحو بعضې برخې شرحه کړی؟

37. د برقي ساحې د خطونو په امتداد برقي ساحه د a د نقطې څخه د b نقطې پورې د الکترون د حرکت لپاره $J = 3,49 \times 10^{-19}$ کار اجرا کوي دا ساحه په ۴-۳۸ شکل

کې ښوول شوي د برقي پوتانسيل تفاوت يې څومره دی؟

(a) $V_B - V_A$ (b) $V_C - V_A$ (c) $V_C - V_B$



۴-۳۸ شکل: ۳۷ تمرین.

38. $q = 1,5 \times 10^{-8} C$ یو نقطوي چارج دی (a) د هم پوتانشیاله سطحې شعاع به یې څومره وي چې $30 V$ پوتانشیال ولري؟ (په لایتناهي کې $V = 0$ نیسو)

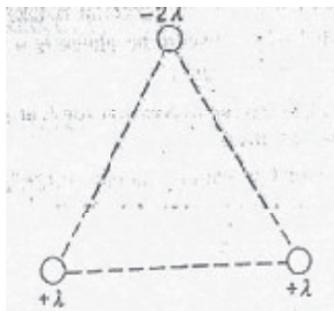
(b) یا هغه پوتانشیالی سطحې چې دهغوی د پوتانشیال تغیر په یو ثابت مقدار ($1,0V$) ویل کېږي) تغیر کوي ایا درستي ځای په ځای شوي دي؟

39. په ۴-۳۹ شکل په کيفي ډول شرحه کړی؟ (a) د برقي ساحې خطونه (b) د هم پوتانشیاله سطحو تقاطع د شکل د شرطونو سره (یادونه: ملاحظه کړی. د هر نقطوي چارج سره نږدې وضع او د دوه جفتو چارجونو د توجه وړ فاصله)



۴-۳۹ شکل: ۳۹ تمرین.

40. درې اوږده موازي چارجداره خطونه چې د عینې خطي چارج د کثافت لرونکي دي چې ۴-۴۰ شکل کې ښوول شوي دي تاسو د برقي ساحې خطونه او دهم پوتانشياله سطحو تقاطع نظر دي شکل مستوي ته شرحه کړي؟



۴-۴۰ شکل: ۴۰ تمرین.

۴-۹ د یو چارج شوي هادي پوتانشياله:

41. یوه نازکه کروي شکله هادي قشر، چې خارجي شعاع یې 20cm ده، د $3,0\mu\text{C}$ چارج انتقالوي تاسوئې شرحه کړي؟ (a) د E د برقي ساحې مقدار (b) د قشر د مرکز څخه د r په فاصله د V پوتانشياله (په لایتناهي کې $V = 0$ قبلوؤ).

42. فرض کړي د (۱) او (۲) دوه لوی جدا شوي هادي کروي چې د دوهمې کروي قطر د اولې کروي دوه چنده دي، کوچنۍ کره په لومړي حالت کې د q یو مثبت چارج لري او لویه کره په اوله کې چارج نلري، تاسو اوس دا کروي د یو اوږد نري سیم په واسطه سره وصل کړي، (a) د کرو مربوطه د V_1 او V_2 نهایی پوتانشياله څومره دي؟ (b) د q د چارج په وخت کې د کرو د q_1 او q_2 نهایی چارجونه پیدا کړي؟

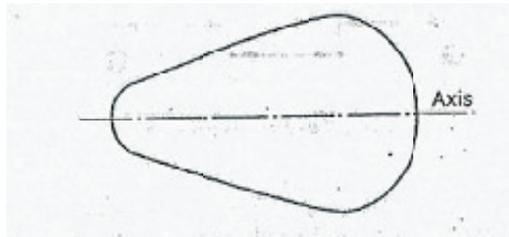
43. (a) که چېرته ځمکه د خپلې سطحې په یو متر مربع مساحت کې د یو الکترون په اندازه خالص چارج ولري (ډېر خیالي یې قبلوؤ) نو د ځمکې پوتانشياله څومره وي (که په لایتناهي کې $V = 0$ وي)؟

(b) د ځمکې بیرونی سطحه کې به برقي ساحه څومره وي؟

44 د $15nC$ یو چارج دعادي موبنلو په واسطه تولید شوي دی، او په کوم پوتانشیال سره (په لایتناهي کې $V = 0$ دی) دغه چارج د یو $16cm$ شعاع لرونکی عایقي شوي هادی کړي د چارج مقدار ته تغیر ورکولی شي؟

45 محاسبه کړي؟ (a) چارج (b) د چارج کثافت دهغه کړي په سطحه باندې چې شعاع او د $15,2 cm$ شعاع او د $215 V$ پوتانشیال لرونکي ده؟

46 هغه فلز چې په $41-4$ شکل کې بنودل شوي دی، د یو افقي محور په شاوخوا د دوران بنوونکی دی، که چېرې د منفي چارج لرونکی وي تاسو یې هم پوتانشیال او د برقي ساحې خطونه شرحه کړي؟ که تاسو دریاضيکي محاسباتو په ځای د فزيکي دلیل څخه کار واخلئ؟



۴۱-۴ شکل: ۴۲ تمرین.

47 دوه هادی کړي چې یوه یې $5,88cm$ شعاع او بله یې $12,2cm$ شعاع لري. او هره یوه یې $28,6nC$ چارج لري. او د یو بل څخه ډېرې لري واقع وي، که چېرې ته وروسته د یو هادي سیم په واسطه سره وصل شي:

a- د هغوی د پاسه نهایی چارج او

b- د هرې کړي پوتانشیال (که په لایتناهي کې $V = 0$ قبول کړو) محاسبه کړي؟

48 یوه فلزي چارج لرونکې کره چې $16,2cm$ شعاع لرونکې ده او اصلي چارج یې $31,5nC$ دی:

a- د کړي په سطحه برقي پوتانشیال ټی پیدا کړي (که په لایتناهي کې $V = 0$ وي)

b- د کړي د سطحې څخه په کومه فاصله کې برقي پوتانشیال کمیږي د $550 V$ په واسطه.

۱۰-۴ الکتروستاتیکی تعجیل ورکونکی:

49. (a) خومره چارج ته ضرورت دی چې دیوې عایقی شوي فلزي کرې چې شعاع یې یو متر ده پوتانشیال یې $1.0\mu V$ شي، فرضوؤ چې په لایتناهي کې $V = 0$ دی. او دکرې شعاع د دوهم ځل لپاره هم 1.0cm ده (b) ولې مونږ الکتروستاتیکی تعجیل ورکونکی ته د لویو کرو څخه گټه اخلو په داسې حال کې چې دا پوتانشیال دیو کوچنی کرې دیو کوچنی چارج په واسطه هم لاسته راوړل کېدای شي (یادونه: د چارج کثافت ئی محاسبه کړی؟)

50. فرض کړی چې دپوتانشیال تفاوت د دوه داخلي لوپپوتانشیال لرونکو قشرونو ترمنځ د *Vandegraaff* په تعجیل ورکونکی کې او په هغه نقطه کې چې د چارجونو څخه جدا ده د حرکت په وخت کې یې پوتانشیال $3,41\mu V$ دی. قشر ته د انتقال شوی چارج (جریان) مقدار $2,83\mu C/s$ دی د حرکت شدت ته، د رسیدلو اصغری توان محاسبه کړی؟

مشکلات (Problems):

1. (a) خومره دپوتانشیال تفاوت ته ضرورت دی چې دیو الکترون سرعت دنور د سرعت c څخه رابنکته شي او د نیوتن د میخانیک د سرعت V سره سمون و خوري؟
(b) د نیوتن میخانیک د V په شان رده وي نو استعمال کړی. یوه صحیحه رابطه د حرکتی انرژي د روښانه کولو لپاره (۲۰-۳ معادله وگوری)؟

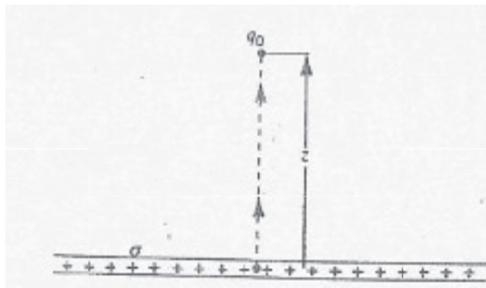
په ځای د نیوتن $k = \frac{1}{2}MV^2$ اصطلاح چې بیان شي. د الکترون د بنکته کېدو د حقیقی سرعت د پیدا کېدو څخه دپوتانشیال د تفاوت شمېرل شوي، (a) روښانه کړی. د دې سرعت لپاره دنور د سرعت مناسب کسر؟

2. تمرین تکرار کری. فرضو هغه الکترون چې دخالي شوي قشر څخه چې شعاع یې $2,82 \times 10^{-15} M$ ده د e د چارج سره چې په مساوي ډول یې د سطحې د پاسه توزیع شوي دي په لاس راوړی؟
3. د q مثبت چارجداره زره فرضو چې د p په موقعیت کې واقع ده، یوه دویمه زره چې کتله یې m ده او د $-q$ منفي چارج لري په یوه دایره کې چې شعاع یې r_1 ده او په ثابت سرعت سره د P په مرکز حرکت کوي د W هغه کار چې د خارجي عامل پواسطه دوهمی ذری د حرکت له امله په بله لویه دایره چې شعاع r_2 ده او مرکز یې په P دی اجرا شوی کار پیدا کړی؟
4. د r په شعاع د یوې غیر هادي کرې په داخل چې یو نواخت د چارج کثافت لري، برقي ساحه یې چې شعاعي جهت لري او $E = \frac{q_0}{4\pi\epsilon_0 R^3}$ مقدار لري چېرته چې q د کرې ټول چارج دی او r د کرې د مرکز څخه فاصله ده (a) د کرې په داخل کې V پوتانشیال پیدا کړی. په $r = 0$ کې $V = 0$ ونیسئ. (b) د پوتانشیال تفاوت د کرې د سطحې او مرکز ترمنځ په یوه نقطه کې پیدا کړی؟ که چېرې q مثبت وي، کومه نقطه لوی پوتانشیال لري؟ (c) وښایست پوتانشیال د مرکز څخه د r په فاصله کې چېرته چې $r < R$ څخه وي چې $V = \frac{q(3R^2 - r^2)}{8\pi\epsilon_0 R^3}$ په واسطه راکړل شوي، چېرته چې $r \rightarrow \infty$ وي نو پوتانشیال صفر دی. ولې دا نتیجه د a د پارت (برخې) د نتیجې سره فرق لري؟
5. د $+122mc$ درې چارجونه چې د متساوي الاضلاع مثلث په کونجونو کې چې ضلع یې $1,72m$ ده واقع ده. که چېرته د تهیه شوي انرژي $831W$ وشمېرله شي څومره ورځې لازم دی چې یو د چارجونو حرکت د نورو دوه چارجونو د وصل کونکي خط په نیماي نقطه کې وکړی؟
6. د m په کتله یوه زره چې چارج یې $q > 0$ څخه دې او د پیرتاب کېدو ابتدایي حرکتی انرژي یې K ده (دلایتناهي څخه د تفکیک لپاره) د یوې درندې هستي سره نږدې یې چارج q فرض شوی دی چې زموږ د مرجع په یو موقعیت کې واقع دی د q د زرو څو هستې به مرکز ته نږدې شوي وي، کله چې سکون ته دفتراً ورسېږي او زموږ په نظر کې نیول شوي انرژي به پوره کړي؟ د a یوه نیمه کړی (ناقص) په نظر کې نیول شوي

یوې زرې سره د c د خو خاصو زرو هستې نږدې شي تر خو فاصله یې د a د پارت دمعرفي شوي فاصلې دوه برابره شي؟ d معرفي کړي؟ دزرې هغه سرعت چې په دې مخصوصه فاصله کې ځانگړې شوي، فرضوو چې هغه زره د هستې سطحې ته نه رسېږي.

7. د اوبو یو کروي څاڅکي چې $32,0pc$ چارج لري او په خپله سطح کې یې پوتانشیال $512V$ دی (a) د څاڅکي شعاع څومره ده؟ (b) همدارنگه که چېرته دوه څاڅکي چې مساوي چارج لري چې شعاکانې د یو کروي شکله څاڅکي سره وصل دی دنوي څاڅکي په سطح به پوتانشیال څومره وي؟ که په لایتناهي کې $V = 0$ وي؟

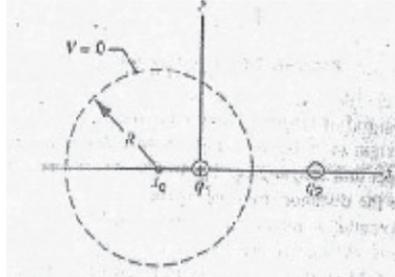
8. ۲۸-۴۲ شکل د یو نامحدوده قشر څنډې رانښايي چې سطحې کثافت یې S دی، (a) څومره کار د قشر برقي ساحې په واسطه اجرا شوی چې د q_0 کوچنی امتحاني چارج په قشر کې د اول موقیعت څخه اخري موقیعت ته، حرکت وکړی چې د قشر څخه د Z په یوه عمودي فاصله کې واقع دی؟ (b) د a نتیجه استعمال کړی تر خو د یو نامحدوده چاجداره قشر برقي پوتانشیال وښايي، کیدای شي چې $V = V_0 - (\delta / z E_0) z$ وليکو: چېرته چې V_0 د قشر په سطح پوتانشیال دی؟



۴-۴۲ شکل: ۸ مشکل

9. د $q_1 = +6e$ نقطوي چارج د مستطیل دسیستم سره برابر په مبدا کې واقع دی او د $q_2 = -10e$ دوهم نقطوي چارج په $x = 9,60 \text{ nm}$ کې د $V = 0$ دیوی دایرې په مرکز کې د x د محور دپاسه قرار لري. په ۲۸-۴۳ شکل کې ښوول شوي. پیدا کړی؟

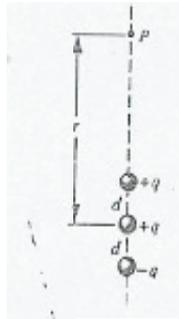
(a) د موقعیت د دایرې د مرکز څخه؟ او (b) د دایرې د شعاع r شعاع؟ (c) که چېرته $V = 5v$ وي نو هم پوتانشیاله یوه دایره پیدا کړی؟



۴۳-۴ شکل ۹۰: مشکل.

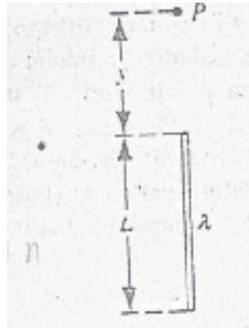
10. د مثبت چارج مجموعي مقدار چې غیر هادي همواره کره ای حلقو د پاسه چې داخلي شعاع یې a او خارجي شعاع b ده خپور شوی د چارج توزیع او همدارنگه د چارج سطحې کثافت د $\delta = K/r^3$ په واسطه ورکړل شوي دی. چېرته چې r د مرکز څخه د حلقو د هرې نقطې فاصله ده چې په حلقو د پاسه پرته دي. وبنایاست هغه (په لایتناهي کې $V = 0$ دی) پوتانشیال د حلقو په مرکز چې د $V = \frac{Q}{8\pi\epsilon_0} \left(\frac{a+b}{ab}\right)$ واسطه ورکړل شوی ده.

11. د ۴۳-۴ شکل د چارج د بڼې لپاره $V(r)$ د عمودې محور د پاسه نقطو لپاره وبنایاست؟ قبلوو چې $d \gg r$ دی چې د $V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{2}{r} \left(1 + \frac{2d}{r}\right)$ په واسطه را کړل شوی دی. (یادونه: د چارج بڼه د یو عایق په واسطه د جدا شوو چارجونو او یو ډایپول په شان شاید ولیدل شي) په لایتناهي کې $V = 0$ دی



۴۴-۴ شکل: ۱۱ مشکل.

12. چارج په واحد فاصلې λ د یوې نازکې میلی په امتداد په یو نواخت ډول توزیع شوي دي. (a) پوتانشیال د P په هغه یوه نقطه کې معرفي کړی، په (لایتناهي کې) د L په اوږدوالی چې د γ په فاصله د میلی د یو انجام څخه دهغې په خط کې قرار لري (۴-۴۵ شکل وگورئ) (b) د a نتیجه استعمال کړی، د γ په جهت کې په P کې دبرقي ساحې ترکیب کوونکی اجزاء دمیلی په امتداد محاسبه کړی؟ (c) دمیلی سره په عمودي جهت کې د P دبرقي ساحې ترکیب کوونکی اجزاء معرفي کړی؟



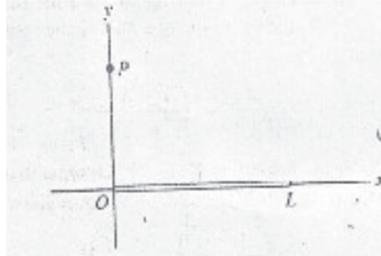
۴۵-۴ شکل: ۱۲ مشکل.

13. یوه نازکه میله چې اوږدوالی یې L دی د x دمحور په امتداد منطبقه ده چې یو انجام یې په مبدا $X = 0$ کې دی ۲۸-۳۶ شکل په شان چې:

$$+ \lambda = \frac{\text{د چارج}}{\text{د فاصلې په واحد}} = kr$$

پکې توزیع شوي دي، چېرته چې K ثابت او r دمبدا څخه یې فاصله ده، د (a) د y په محور د P په نقطه کې V پیدا کړی؟ په الکتروستاتیک کې په لایتناهي کې $V = 0$ ورکوي. (b) د E_y عمودي ترکیب کوونکی اجزای د a دنتیجې څخه د P برقي ساحه لپاره د جهت دمحاسبې په واسطه معرفي کړی؟ (c) ولې د E_x افقي مرکبي د P د برقي ساحې لپاره د a دبرقي دنتیجې داستعمال څخه نشو پیدا

کولای؟ (d) د میلی خخه په کومه فاصله کې د γ د محور په امتداد د پوتانشیال قیمت یو نیم برابر د میلی د کین انجام دی؟



۴-۴۵ شکل: ۱۳ پرابلم.

14. دوه عینې هادي کړې چې شعاع یې $15,0\text{cm}$ ده د $10,0\text{m}$ یوې فاصلې په واسطه سره جدا شوي دي دهرې کړې چارج به خومره وی که چېرته د یوې پوتانشیال $+1500\text{V}$ او د بلې -1500V وي؟ ستاسې په فرضی نقطه کې جوړ کړی؟ په لایتناهي کې $V = 0$ دی؟

15. ځمکه یوه کروي هادي ده چې شعاع یې $6,370\text{ km}$ ده او په ابتدا کې بې چارجه ده یوه فلزي کره چې د بې چارجه کولو اثر لري د کړې زیاتي الکټرونو د تقسیمیدو په واسطه چې ددې خخه وروسته د کړې اصلي الکټرونونه په کره کې باقي پاتې کېږي البته د ځمکې سره د وصلیدو وروسته؟

16. د مسو یوه کره چې $1,08\text{ cm}$ شعاع لري او نکل سره ډیره نازکه پوښل شوې سطحه لري چې دنکل اتومونه اکثره میله یواکتیف دی او هر اتوم یې یو الکټرون لري، کومې چې نیم د دې الکټرونونو د مسو کړې ته داخلېږي چې هر یو یې 100 keV انرژي هلته ذخیره کوي. او نور نیم الکټرونونه د $-e$ چارج لري ازادېږي دنکل پوښ $10,0\text{ mCi} - 10,0\text{ millicuries} = 3,70 \times 10^8 / \text{s}$ رادال رادیواکتیف چې هر یو فعالیت لري دا کره دیو اوږد عایق تار په واسطه ځوړنده شوې ده او دعایق په واسطه احاطه شوې ده خومره اوږده شي چې دلري پوتانشیال 1000 V شي؟

17. یو نازکه عایق شوي هادي کروې قشر هغه چې منظم چارج شوي وي او S د چارج ثابت کثافت ولري خومره کار به ورباندې اجرا شي ترڅو q_0 ورکوتې مثبت امتحاني چارج ته حرکت وکړي؟ (a) د قشر د سطحې څخه د یو کوچني قشر د داخلي سوري تر وسط پورې؟ (b) د سطحې د پاسه د یوې نقطې څخه د نورو پورې، د مسير څخه صرف نظر شوي (c) د نقطې څخه د قشر داخلي نقطې پورې؟ (d) د قشر څخه بیرون د P دهرې نقطې څخه د مسير د پاسه ایا هغه نشي کولی چې بیرته P ته راشي؟ (e) ایا د نبي ورکړي لپاره دا غوره ده چې قشر هادي نه وي؟

18. د الکتروستاتیک یو تعجیل ورکونکی د لوړ ولتيج الکترون چې د یو فلزي چارجداره کروي شکله قشر دی او $9,15MV$ پوتانشیال لری په لایتناهي کې $V = 0$ دی (a) د گاز برقي ماشین کې چې دکاره پریوتی دی د $100 MV/m$ یوه برقي ساحه لري. دې قسم دکار ولیدلو لپاره قشر د r په کومه شعاع جوړ شي چې ورڅخه مخنوی وشي؟

(b) داوږد حرکت لپاره د ایروې کمربند قشر ته چارجیدل $320 mc/s$ دی او د قشر پوتانشیال ثابت پاتې کېږي. نو دکمیدو لپاره کوم صفري طاقت لازم دی چې چارج ئی تبدیل کړي
(c) که دکمربند سرعت $w = 48 cm$ او حرکت سرعت یې $33,0 m/3e$ وي دکمربند د پاسه ئی سطحی کثافت به خومره وي؟

کمپوټري مشکلات (Computer problems):

1. د چارج کثافت د یوې میلی د پاسه چې اوږدوالی یې L دی د x دمخوږ د پاسه قرار لری د $(1,0 \frac{\mu C}{m}) \sin^2(\frac{\pi x}{L})$ معادلې په واسطه ورکړل شوي (a) د xy په مستوی کې د پوتانشیال تولیدی شمار رسم کړي؟ او وروسته ستاسیې نقشه دهم د پوتانشیاله خطونو د پیدا کیدو لپاره استعمال کړي؟ (b) د نقشې څخه د تولید شوي برقي ساحې خطونه او ستاسیې نتیجه د ۲ څپرکی د دوهم کمپوټري پرابلم سره مقایسه کړي؟

2. دهم پوتانشیاله خطونو هغه شمیر په دوه بعدونو کې تحقیق کړی چې د دوه مساوي او مختلف العلامه چارجونو د دایرو گرد چاپیره دی؟ ایا دا دایرې متحد المرکزه دی؟

تمت بالخیر

د مؤلف لنډه پېژنده



استاد پوهنپار هدايت الله د مولوی محمود ځوی چې دننگرهار ولايت د مومندری ولسوالۍ د باسول کلي په يوه دينداره کورنۍ کې په ۱۳۳۴ هـ ش کال زيږدلی دی په ۱۳۴۰ هـ ش کال د ايميل بابا دلېسې په لومړۍ ټولگي کې شامل او په ۱۳۵۲ هـ ش کال د همدې لېسې څخه په اوله نمره فارغ شو او له هغې وروسته استاد ۱۳۵۳ هـ ش کال دکانکور دازموينې څخه د کابل پوهنتون دساينس په پوهنځي کې شامل او په ۱۳۵۷ هـ ش کال د نوموړي پوهنځي څخه په اعلى درجه فارغ شو.

د فراغت څخه وروسته په ۱۳۵۷ هـ ش کال د ايميل خان بابا په لېسه کې د ښوونکي په صفت په دنده مقرر شو او وروسته بيا په ۱۳۵۸/۱۲/۱۱ هـ ش نيټه دننگرهار پوهنتون د انجنيري پوهنځي کې د استاد په صفت په دنده مقرر شو د سرو لښکرو د يرغل سره په ۱۳۶۴ هـ ش کال گاونډي هېواد پاکستان ته مهاجر شو چې هلته يې هم په مختلفو ښوونځيو لکه احداد، سيد جمال الدين افغان، سلطان شهاب الدين غوري او د التقوى په لېسو کې د ښوونکي مقدسه دنده پرمخ يوړله او هم د بلجيم په مؤسسه کې د ښوونکو د مسلکي روزنې کې د استاد په صفت کار کړی.

په ۱۳۷۲ هـ ش کال دمهاجرينو د راستنېدو سره سم استاد هم خپل پلارني ټاټوبي ته راستون شو او په ۱۳۷۲ هـ ش کال دننگرهار په پوهنتون د طب په پوهنځي کې د استاد په صفت مقرر او تر اوسه په همدغه مقدسه دنده مصروف دی.

هيره دی نه وي چې استاد د دی سره سره ديني درسونه (فقه، عقايد، نحوه او صرف، تفسير شريف، تجويد او نور) د خپل پلار څخه زده کړي دي.

په درنښت

Message from the Ministry of Higher Education

In history, books have played a very important role in gaining, keeping and spreading knowledge and science, and they are the fundamental units of educational curriculum which can also play an effective role in improving the quality of higher education. Therefore, keeping in mind the needs of



the society and today's requirements and based on educational standards, new learning materials and textbooks should be provided and published for the students.

I appreciate the efforts of the lecturers and authors, and I am very thankful to those who have worked for many years and have written or translated textbooks in their fields. They have offered their national duty, and they have motivated the motor of improvement.

I also warmly welcome more lecturers to prepare and publish textbooks in their respective fields so that, after publication, they should be distributed among the students to take full advantage of them. This will be a good step in the improvement of the quality of higher education and educational process.

The Ministry of Higher Education has the responsibility to make available new and standard learning materials in different fields in order to better educate our students.

Finally I am very grateful to German Aid for Afghan Children and our colleague Dr. Yahya Wardak that have provided opportunities for publishing textbooks of our lecturers and authors.

I am hopeful that this project should be continued and increased in order to have at least one standard textbook for each subject, in the near future.

Sincerely,
Prof. Dr. Farida Momand
Minister of Higher Education
Kabul, 2016

Publishing Textbooks

Honorable lecturers and dear students!

The lack of quality textbooks in the universities of Afghanistan is a serious issue, which is repeatedly challenging students and teachers alike. To tackle this issue, we have initiated the process of providing textbooks to the students of medicine. For this reason, we have published 223 different textbooks of Medicine, Engineering, Science, Economics and Agriculture (96 medical books funded by German Academic Exchange Service, 100 medical with 20 non-medical books funded by German Aid for Afghan Children and 4 non-medical books funded by German-Afghan University Society) from Nangarhar, Khost, Kandahar, Herat, Balkh, Kapisa, Kabul and Kabul Medical universities. It should be mentioned that all these books have been distributed among the medical and non-medical colleges of the country for free. All the published textbooks can be downloaded from www.ecampus-afghanistan.org.

The Afghan National Higher Education Strategy (2010-2014) states:

“Funds will be made available to encourage the writing and publication of textbooks in Dari and Pashto. Especially in priority areas, to improve the quality of teaching and learning and give students access to state-of-the-art information. In the meantime, translation of English language textbooks and journals into Dari and Pashto is a major challenge for curriculum reform. Without this facility it would not be possible for university students and faculty to access modern developments as knowledge in all disciplines accumulates at a rapid and exponential pace, in particular this is a huge obstacle for establishing a research culture. The Ministry of Higher Education together with the universities will examine strategies to overcome this deficit.”

The book you are holding in your hands is a sample of a printed textbook. We would like to continue this project and to end the method of manual notes and papers. Based on the request of higher education institutions, there is the need to publish about 100 different textbooks each year.

I would like to ask all the lecturers to write new textbooks, translate or revise their lecture notes or written books and share them with us to be published. We will ensure quality composition, printing and distribution to Afghan universities free of charge. I would like the students to encourage and assist their lecturers in this regard. We welcome any recommendations and suggestions for improvement.

It is worth mentioning that the authors and publishers tried to prepare the books according to the international standards, but if there is any problem in the book, we kindly request the readers to send their comments to us or the authors in order to be corrected for future revised editions.

We are very thankful to **Kinderhilfe-Afghanistan** (German Aid for Afghan Children) and its director Dr Eroes, who has provided fund for this book. We would also like to mention that he has provided funds for 100 medical and 20 non-medical textbooks in the past.

I am especially grateful to **GIZ** (German Society for International Cooperation) and **CIM** (Centre for International Migration & Development) for providing working opportunities for me during the past five years in Afghanistan.

In our ministry, I would like to cordially thank Minister of Higher Education Prof Dr Farida Momand, Academic Deputy Minister Prof M Osman Babury, Deputy Minister for Administrative & Financial Affairs Prof Dr Gul Hassan Walizai, and lecturers for their continuous cooperation and support for this project.

I am also thankful to all those lecturers who encouraged us and gave us all these books to be published and distributed all over Afghanistan. Finally I would like to express my appreciation for the efforts of my colleagues Hekmatullah Aziz, Ahmad Fahim Habibi and Fazel Rahim in the office for publishing books.

Dr Yahya Wardak
CIM-Expert & Advisor at the Ministry of Higher Education
Kabul, Afghanistan, April, 2016
Office: 0756014640
Email: textbooks@afghanic.org

Book Name Electric Physics
Author Teach Assist Hydayatullah
Publisher Nangarhar University, Medical Faculty
Website www.nu.edu.af
Published 2016, First Edition
Copies 1000
Serial No 217
Download www.ecampus-afghanistan.org



This publication was financed by German Aid for Afghan Children, a private initiative of the Eroes family in Germany.

Administrative and technical support by Afghanic.

The contents and textual structure of this book have been developed by concerning author and relevant faculty and being responsible for it. Funding and supporting agencies are not holding any responsibilities.

If you want to publish your textbooks please contact us:
Dr. Yahya Wardak, Ministry of Higher Education, Kabul
Office 0756014640
Email textbooks@afghanic.org

All rights reserved with the author.

Printed in Afghanistan 2016

Sahar Printing Press

ISBN 978-9936-620-30-8