



## کتاب پیژندنه

د کتاب نوم:	احصائیه او احتمالات
څانګه:	اداره او منجمنیت
مؤلف:	محبوبه مموزی او میره محمد شاه رفیعی
ژباړن:	نورالله عماد
د څار کمېټه:	<ul style="list-style-type: none"><li>محمد آصف ننګ د تخنیکي او مسلکي زده کړو معین</li><li>دیپلوم انجنیر عبدالله کوزایي د تعلیمي نصاب رییس</li><li>محمد اشرف وحدت په تعلیمي نصاب کې د معینیت د مقام سلاکار</li></ul>
د تصحیح کمېټه:	<ul style="list-style-type: none"><li>محمد احسان احسان</li><li>شیرگل شینواری</li></ul>
د ګرافیک او ډیزاین څانګې مسؤل:	محمد جان علیرضایي
ګرافیک او ډیزاین:	محمد سلیم خان
چاپ کال:	۱۳۹۲ لمریز کال
تیراژ:	۳۰۰۰
چاپ ځل:	لومړی
وېب پاڼه:	www.dmtvet.gov.af
برېښنالیک:	info@dmtvet.gov.af
کې ISBN:	۹۷۸۹۹۳۶۳۰۰۵۱۴

# Ketabton.com

د چاپ حق د تخنیکي او مسلکي زده کړو له معینیت سره خوندي دی



## ملي سرود

دا وطن افغانستان دی	دا عزت د هر افغان دی
کور د سولې کور د تورې	هر بچی یې قهرمان دی
دا وطن د ټولو کور دی	د بلوڅو د ازبکو
د پښتون او هزاره وو	د ترکمنو د تاجکو
ور سره عرب، گوجر دي	پامیریان، نورستانیان
براهوي دي، قزلباش دي	هم ایماق، هم پشه یان
دا هیواد به تل څلیږي	لکه لمر پر شنه آسمان
په سینه کې د آسیا به	لکه زړه وي جاوېدان
نوم د حق مو دی رهبر	وایو الله اکبر وایو الله اکبر



## د پوهنې وزير پېغام

### گرانو زده کوونکو، محصلانو او درنو ښوونکو!

د یوې ټولنې وده او پرمختګ کاملاً د همغږې ټولنې د پیاوړو کاري کادرونو، بشري قوې او ماهرو فکرونو په کار او زیار پورې تړلي دي. همدا بشري قوه او کاري مټې دي چې د هیواد انکشافی اهدافو ته د رسیدو لارې چارې طی کوي او د یوه نیکمرغه، مرفه او ودان افغانستان راتلونکی تضمینوي. انسان په خپل وار سره د الله تعالی له جانبه او هم د خپل انساني فطرت له اړخه مؤظف او مکلف دی چې د ځمکې په عمران او د یوه سوکاله ژوند د اسبابو او ایجاباتو د تکمیل لپاره خپل اغیزمن نقش، همدارنګه ملي او اسلامي رسالت ادا کړي.

له همدې ځایه ده چې د یوه ژوندي او فعال انسان نقش، د خپل ژوند د چاپیریال او خپلې اړوندې ټولنې په اړه، تل مطلوب او په هیڅ حالت کې نه نفی کېږي او نه هم منقطع کېږي. په ټول کې د پوهنې نظام او په خاصه توګه د تخنیکي او مسلکي زده کړو معینیت مسوولیت او مکلفیت لري چې د اسلامي ارزښتونو، احکامو او همداراز معقولو او مشروعو قوانینو ته په ژمنتیا سره، د افغانستان په انکشاف کې فعاله، چاپکه او موثره ونډه واخلي، ځکه دغه ستر او سپیڅلي هدف ته د رسیدو په خاطر د انساني ظرفیت وده، د حرفوي، مسلکي او تخنیکي کادرونو روزنه او پراختیا یو اړین مقصد دی. همدا په تخنیکي او مسلکي زده کړو مزین تنګي ځوانان کولی شي چې په خپلې حرفې او هنر سره په سیستماتیک ډول د هیواد انکشاف محقق او میسر کړي.

جوته ده چې په افغانستان کې د ژوند تک لاره، دولتداري او ټولنیز نظام د اسلام له سپیڅلو احکامو څخه الهام اخیستی، نو لازمه ده چې زموږ د ټولنې لپاره هر ډول پرمختګ او ترقي باید په علمي معیارونو داسې اساس او بنا شي؛ چې زموږ د کارګر نسل مادي او معنوي ودې ته پکې لومړیتوب ورکړ شي. د حرفوي ظرفیت جوړونې تر څنګ د ځوانانو سالم تربیت او په سوچه اسلامي روحيې د هغوی پالنه نه یوازې پخپل ذات کې یوه اساسي وجیبه ده، بلکې دا پالنه کولی شي چې زموږ وطن پخپلو پښو ودروي، له ضعف څخه یې وژغوري او د نورو له سیاسي او اقتصادي احتیاج څخه یې آزاد کړي.

زموږ گران زده کوونکي، محصلان، درانه استادان او مربیون باید په بشپړه توګه پوه شي، چې د ودان او نیکمرغه افغانستان ارمان، یوازې او یوازې د دوی په پیاوړو مټو، وینښ احساس او نه ستړي کیدونکي جد او جهد کې نغښتی او د همدغو مسلکي او تخنیکي زده کړو له امله کیدای شي په ډیرو برخو کې د افغانستان انکشافی اهداف تر لاسه شي.

د دې نصاب له ټولو لیکوالانو، مولفینو، ژباړونکو، سمونکو او تدقیق کوونکو څخه د امتنان تر څنګ، په دې بهیر کې د ټولو کورنیو او بهرنیو همکارانو له مؤثرې ونډې او مرستو څخه د زړه له کومي مننه کوم. له درنو او پیاوړو استادانو څخه رجماندانه هیله کوم چې د دې نصاب په ګټور تدریس او فعاله تدریب سره دې د زړه په ټول خلوص، صمیمي هڅو او وجداني پیکار خپل ملي او اسلامي نقش ادا کړي. د نیکمرغه، مرفه، پرمختللي او ویاړمن افغانستان په هیله

### فاروق وردګ

### د افغانستان د اسلامي جمهوریت د پوهنې وزیر

## لړلیک

پاڼې	سرلیکونه	څپرکی
۸-۱	د احصایې تعریف او اصطلاح	لومړی
۲۴-۹	د احصائیوي څېړنو پړاوونه	دویم
۴۲-۲۵	د پېښېدو (وقوع) بیا وپښه او د فریکونسي وپښه	درېیم
۷۸-۴۳	مرکزي (اوسط) میلان مقیاس	څلورم
۹۰-۷۹	د انحراف یا خوړېدو (پراگندگی) مقیاسونه	پنځم

### دویم برخه

۹۲-۹۱	مقدمه: احتمالات	
۱۰۴-۹۳	د احتمالاتو مفاهیم	لومړی
۱۱۰-۱۰۵	د احتمالاتو د سنجش بنسټیز قواعد	دویم
۱۱۸-۱۱۱	د ترکیباتو تیوري	درېیم
۱۱۹	سرچینې او اخیستنې	
۱۲۰	د ښوونیز نصاب د پراختیا د ریاست پیغام	

## مقدمه

له نفوس، توليدي او صنعتي موسساتو او د يو هيواد له محصولاتو څخه په دقيقه توگه معلومات لرل مېرمه اړتيا ده، چې له دې پرته د هر ډول ټولنيزو او اقتصادي پاليسيو طرح او تطبيق او د طرحه شوو پلانونو تحقق غير ممکن وي. د همدې اړتيا له مخې د پرمختگ او ودې په لور گام په گام وېښ او متمدن بشريت د معلوماتو او تخليص د راټولولو او له هغه څخه د نتيجه اخستلو په غرض له علمي ميتودونو او روشونو څخه استفاده کړې ده. د حساب سيستماتيک مفاهيم او منظم تکامل انسان بريالی کړ تر څو د احصايې او احتمالاتو د علم بنسټ کېږدي او د همدې علم په مرسته اوس هم زياتې ستونزې او مهم مسايل په اقتصادي او ټوليزو کارونو کې حلوي. د احصايې او احتمالاتو تيوري چې نن ورځ د زياتره تعليمي څانگو لکه اقتصاد، کرنې، کمپيوټر د مطالعې وړ گرځول کېږي، توانيدلې د معاصر انسان د ټولنيزو فعاليتونو ټول اړخونه تر خپلې وړانگې لاندې راوړي. په عمومي بڼه احصايه د لوړو رياضياتو له يوې څانگې څخه ده چې د تاريخ له علم سره ډېر لرغونتوب لري.

له احصايې څخه په استفادې کولای شو له محدودو معلوماتو څخه نسبتاً دقيقې نتيجې لاس ته راوړو. له دې پلوه متخصصينو احصايه د هنر د تصميم نيونې په شان په نامعينو شرايطوکې تعريف کړې ده. زموږ گران هيواد چې د تخنيکي او مسلکي بيا رغونې په حال کې دی، د تخنيکي او مسلکي زده کړو معينيت د مسلکي او فني کادرونو او د مؤثرو او برياليو اداري کارکوونکو روزنه يې د خپلو دندو له برخو څخه گرځولې ده او هڅه کوي چې د ادارې او حسابدارۍ د انستيتيوټونو له لارې کارکوونکي وروزي تر څو وکړای شي په دولتي او خصوصي ادارو کې د کارونو د ادارې او لارښوونې په غرض، د کاري پلانونو د جوړونې او سمبالښت دندې سرته ورسوي. نو ځکه د هغوی خبريدل د احتمالاتو او احصايې له اساساتو څخه او د هغه په کار اچونه په ورځنيو کارونو کې يو له مهمو اړتياوو څخه شمېرل کېږي. هيله لرو تر څو گران محصلين د دغه اثر په مطالعې سره وکولای شي د احصايې د علم په ارزښت ځانونه پوه کړي او وکړای شي د دندو د سرته رسولو پر وخت له هغې څخه مطلوبه گټه واخلي.

### د کتاب ټوليزه موخه:

- د احصايې تعريف، د احصايوي پړاوونو پېژندل، مرکزي ميلان مقياس او د انحراف يا خوریدو د مقياسونو پېژندل.
- د احتمالاتو، د هغوی د بنسټيزو قواعدو او ترکيباتو د تيوری پېژندنه.

## د احصایې تعریف او اصطلاح

ټولیزه موخه:

د احصایې له اصطلاح او تعریف څخه بشپړه پوهه

د زده کړې موخې: د دې څپرکي په پای کې محصلین کولای شي لاندې موضوعات تعریف او توضیح کړي:

- 1- په علمي بڼه د احصایې مفهوم او د احصایې د علم تعریف
- 2- له ټولني سره د احصایې د اړیکو مفهوم
- 3- د احصایې تاریخچه
- 4- د اقتصاد او پلان جوړونې په امورو کې له احصایې څخه د استفادې موارد

احصایه عربي کلمه ده چې معنا یې د ژوند د اړوندو مسایلو شمارل، نیول او کله هم شمېرل ښکاره کوي. د اقتصاد د پوهانو او د احصایې د نظر خاوندانو په عقیده د Statistic کلمه د status له کلمې څخه مشتق شوې چې، له هغې څخه د قانوني وضعیت او قانوني موقف مفاهیم استنتاج کېږي. سربېره پر دې له نوموړې کلمې څخه د حکومت، حالت او وضعیت معنا هم اخیستل کېږي. د status علمي تفسیر د دولت او سیاستوالو د اړتیا وړ ارقامو او معلوماتو په کلمې منتج کېږي.

د احصایې د علم په اړه بېلابېل تعریفونه ورکړل شوي، چې ځینې یې محدود مفاهیم او ځینې نور یې پراخ مفاهیم رانغاړي، مثلاً یو یې د ارقامو علم او بل یې د یوې پرمختللي یا پرمختګ په لور ټولني د خصوصیاتو د موندلو مطالعې وسیله ښودلې. ځینو د زیاتو طبقاتو

او بېلابېلو گروپونو مطالعه، د احصایې د علم د ښکاره ځانگړنو له جملې څخه گڼلې ده، چې په ټولیزو اصولو سره، د کار وړ اطلاعات د دولت د کارکوونکو اوسپاستوالو د علمي څېړنو د استفادې په غرض ارزښتناک نقش لري. د احصایې د مفهوم موضوع او اطلاق له کچې یا اندازې څخه عبارت ده یا په بل عبارت هغه څیزونه یا موضوعات، چې د شمار په قید کې د راتلو امکان و لري او د شمېرلو په مرسته څرگندېدلای شي د هغه په علمي او پراخه مفهوم کولای شو احصایه داسې تعریف کړو:

احصایه د لاندې موضوعاتو په غرض د علم یا علمي طریقو له مجموعې څخه عبارت ده:

۱- د معلوماتو او شمېرو(اعدادو) راټولونه، لنډیز او ترتیب.

۲- د معلوماتو او شمېرو(اعدادو) څرگندول.

۳- د معلوماتو او شمېرو(اعدادو) مطالعه او تحلیل.

۴- د معلوماتو او شمېرو(اعدادو) نتیجه گیری، تفسیر او څېړنه .

۵- د تحلیل شوو معلوماتو او شمېرو(اعدادو) په نظر د تصامیمو نیول.

په بل عبارت احصایه د تحلیل شوو معلوماتو او شمېرو(اعدادو) په نظر د علم یا د علمي میتودونو له مجموعې څخه د ټولونې په غرض، په یو یا څو برخو کې د معلوماتو او شمېرو (اعدادو) د څرگندولو او تحلیل له انسجام او د هغه په اړه نتیجه اخیستنې او تصمیم نیونې څخه عبارت دی. په عملي ژوند کې د احصایې له یوې ورځې نه بلې ورځې ته زیات او دایمي اهمیت د انکار وړ نه دی او په درملنه (طبابت)، بیالوژي، کیمیا، فزیک او بالاخره د طبیعي علومو په ټولو څانگو کې یې د منلو وړ اهمیت لاسته راوړی دی. همدارنگه د ذهني علومو نیمه برخه هم رانغاړي. په ځانگړی توگه په هغو علومو کې، چې د هغوی د بحث وړ توکی یا(اجزاوې) بشپړ وي او بشر د ټولنې(جمعیت) په توگه په دولتي، کلتوري او اقتصادي ژوند کې ځانگړی راول لوبوي او د دې علم له مرستې څخه سترگې نه شي پټولای.

### له ټولنې سره د احصایې اړیکې:

د هرې ورځې په تېرېدو سره بشر دننې ژوند مفاهیمو ته اړتیا پیدا کوي، چې د احصایوي تحلیل شوو معلوماتو پر مخ ټینګ ولاړ وي او سربېره پر دې د احصایوي مدیرانو روشونو بنسټ ایښودنه د احتمالاتو د تیوريو د اساساتو له مخې شوې ده. د علومو په بېلابېلو څانگو لکه بیالوژي، طب، اقتصاد، اجتماعیات، ښوونې او روزنې، کرنې او صنعت کې



تل د استفادې وړ گرځي. البته له احصائې څخه په ځينو څانگو کې له يوې برخې څخه او په نورو څانگو کې له بلې برخې څخه گټه اخيستل کېږي. له احصائې څخه د علومو له څانگو څخه د يوې څانگې په توگه او له خاصو ميتودونو او روشونو څخه د يوې ساحې په توگه په لاندې ډگرونو کې په پراخه توگه کار اخيستل کېږي:

- ۱- د کرنې او صنعتي محصولاتو د توليد او توضیح په ډگر کې.
- ۲- د نفوسو، کورنيو او وگړو د خصوصياتو په ډگر کې.
- ۳- د مهاجرتونو، مسافرتونو او په هغه پورې د اړوندو حالاتو په ډگر کې.
- ۴- د فزيکي، اقتصادي، ټولنيزو بنسټونو د ودانولو او د هغوی د ساتنې او څارنې په ډگر کې.
- ۵- د علومو په بېلابېلو څانگو کې د علمي څېړنو، مطالعاتو او سروې گانو په ډگر کې.
- ۶- د سياست، رهبري د روشونو، ټاکنو او انساني حقوقو په ډگر کې.
- ۷- د مالياتو د ټولونې او ترانسپورت په ډگر کې.
- ۸- د ملي او نظامي خدماتو د ښوونې او روزنې او د نفوسو د جلب په ډگر کې.
- ۹- د ساينس او تکنالوژۍ په ډگر کې.
- ۱۰- د بېړنيو حالاتو او چټکو مرستو، بيا رغونې او د اقتصادي پراختيا په ډگر کې.

### د احصائې تاريخچه:

احصائې د دولتونو د اختصاصي علومو، پراختيا او پيدايښت له څانگو څخه د يوې څانگې په توگه ارتوالی او انکشاف پيدا کړی او اوږده سابقه لري. لرغونو مصريانو، بابليانو او روميانو به د سرچينو او نفوسو مفصل ریکارډونه د دولت د کارونو په منظور ساتل. د ارسطو په وخت کې به احصائيه د دولتي، نفوس شمېرنې او ټکټونو په مسایلو کې په کار اچول کیده.

د روم په امپراتورۍ کې له هغې څخه د کار اخيستلو شواهد شته، د يوناني سکندر لپاره احصائيه د اهميت وړ وه. د هغه وخت امپراتورۍ د لومړي ځل لپاره د خپل دولت بيلانس سمبال کړ چې، خپل عساکر او بېړۍ به يې شميرلې. همدارنگه مصريانو او روميانو په بېلابېلو مواردو کې له احصائيوې روشونو څخه استفاده کړې ده. د بېلگې په ډول د يوناني فيتاغورث په وخت کې له اوسطو قواعدو او د وسطي حدودو سنجش څخه استفاده شوې ده.

احصائیه په ۱۶ او ۱۷ پیړۍ کې په ځانگړي توگه د قمار د لوبو د اوبتونکو ترمنځ مروجه وه ځکه چې هغوی په احتمال او چانس عقیده درلوده او ستونزې او مسایل به یې د هغې زمانې لویو علماوو لکه گالیله (Galila)، کاردینو (Cardano)، برنولي او فرمت (Farnet) ته وړاندې کړل تر څو له هغوی څخه ځواب لاس ته راوړي. په عین وخت کې د احصائیه زیات پرمختگونه په اروپا کې رامنځ ته شول. لومړی جان گرانټ (John Grant) په انگلستان کې د ریاضیاتو له لارې د احصائیه په اړه مطالعه وکړه. په طبي احصائيو کې یې بیمې او اقتصاد په نشر ورسول. د نوموړي مطالعات وروسته په دقیقه توگه په قاعده کې د لویو اعدادو تر سرلیک لاندې د برنولي په مرسته توضیح او تشریح شول او وروسته یو اثر د پیارسون Pearson په مرسته خپور شو.

دیمایتر Demoiter عالم، د لومړي ځل لپاره په ۱۷۳۳ کال کې توضیح جوړونه ونوموله. همدارنگه د نجوم په ساحه کې د احتمالاتو د تطبیق قوانین د لاپلاس Laplace او گوس Gouss په مرسته تر سره شوې دي. د ۱۹ پیړۍ په پیل کې بلجیمي مشهور منجم او احصائیه پوه ادولت کواتلیت د لومړي ځل لپاره احصائيو تيوري گانې د علمي څېړنو په سر ته رسولو کې د میتود او روش په توگه د استفادې وړ وگرځولې. همدارنگه Vnappد په نوم یو عالم د عمر په بېلابېلو وختونو کې د انسانانو د مړینې په اړه احصائیه جوړه او خپره کړه. گالټن Galton د بیولوژي په ساحه کې د وراثت په علم پورې اړوند مخصوصو مسایلو کې د احصائيو روشونو تطبیق مروج کړ او انګلیسي احصائیه پوه رونالد فشر Ronand Fisher هم د کرنې په ساحه کې د علمي او تحقیقاتي تجربو د طرحې په اړه احصائیه په ښه توگه مروج او پراخه کړه.

له تاریخي پلوه د احصائیه تيوري خپل پراختیایي پړاوونه د زیاتو علماوو په مرسته د نړۍ په بېلابېلو ځایونو کې وهلي دي. دا یو ستونزمن کار دی تر څو د بېلابېلو څانگو د پوهانو لست چې د احصائیه په پراختیا کې یې مرسته کړې جوړ کړو! د احصائیه د تاریخچې په هکله زیاتوو چې:

- ۱- په چین او لرغوني هند کې د مسیح له میلاد څخه زرکاله وړاندې د نفوس سرشمیرنه او د شتمنیو، مالونو او نفوسو اندازه نیونه منځ ته راغلې ده.
- ۲- له میلاد څخه وړاندې د درې زره کلونو په شاو خوا کې مصریانو، بابلیانو او رومیانو د نفوسو او ځمکو ریکارډ ساته.

۳- له ميلاد څخه ۳۵۰۰ کاله ترمخه په مصر کې د نفوسو سرشمېرنې رواج درلود، په کلیمیانو(تپیانو) پورې اړوند یو کتاب((د اعدادو کتاب))په نوم چې د سړیو سرشمېرنه د سرتېرو د جلب په مقصد د جنگ لپاره رانغاړي.

۴- په اتلسمه پېړۍ کې دولت پیژندنه په پوهنتونونو کې تدریس کېده، دا څانګه یې د Statistics په نوم یادوله، چې وروسته د Arithmetician politics سیاسي حساب دانانو په نوم منځ ته راغله.

۵- په مصر کې د فرعون په وخت کې نغده کلنگ (خراج) او کلنگ یا خراج له خپله محصولاتو څخه اخیستل کېده، دا کلنگ د څو کلنو د منځنیو پیداوارو په اساس محاسبه او وروسته اخیستل کېده.

۶- د ځلفای راشدینو او حضرت عمر فارق<sup>(ض)</sup> په دوره کې د ځمکو تقسیم بندي د خلافت تر نظام لاندې منځ ته راغله. د حکامو د مالونو او جايدادو حساب اخیستنه او حساب ورکونه تر سره کېده.

دعراق له فتحې سره هم مهاله د خلکو شمېرنه منځ ته راغله. سعد بن وقاص<sup>(ض)</sup> د کرنیزو ځمکو اندازه کول پیل کړل.

۷- انگلیسي رونالد فیشر Ronal Fisher چې تر ۱۹۶۲ کاله ژوندی ؤ، د کرنې په ساحه کې څېړنې او د علمي څېړنو په برخه کې یې په بې ساري توګه احصائې ته پراخوالی ورکړ. په افغانستان کې له هغې دورې څخه چې، د مستوفیتونو نوم اخیستل کېږي، د حکومتونو معاملات له احصائې سره او د احصائې په کار اچونه د حکومتي (عامه) شتمنیو په راټولونه او سمبال کې څرګندوي.

په وروستیو کلونو کې احصائیه د یوه دسپلین په بڼه منځ ته راغله او په زیاتره علمي او نظري څانګو کې یې د ورځې په تېرېدو سره ډېر اهمیت تر لاسه کړی او د دې پېړۍ په نیمايي کې د احصائې کورسونه په ترتیب سره د ښوونې او روزنې، اقتصاد او د روحیاتو په ډیپارټمنټونو کې او اوس د بېلابېلو هیوادونو د پوهنتونونو په زیاترو ډیپارټمنټونو کې تدریس او تعقیبيږي. د ۱۳۵۴ لمریز کال له پیل نه را په دې خوا احصائوي رشتوي مضامین او د احصائې او اکسونومټري څانګه (ډیپارټمنټ)د اقتصاد د پوهنځي په چوکاټ کې منځ ته راغلې، چې د اقتصاد پوهنځي د دې ډیپارټمنټ لومړني فارغان د ۱۳۵۶ لمریز کال په پای کې ټولنې ته وړاندې شول.

## له احصائې څخه گټه اخیستنه او په پلان جوړونه او اقتصاد کې د هغې اهمیت:

څرنگه چې مخکې یادونه وشوه د احصائې تاریخي لرغونتوب ډېرو زمانو ته رسېږي، د احصائې پراختیا او د استفادې مواردو هم بېلابېل پړاوونه وهلي او اوس هم د ودې په حال کې ده. په لرغونو ټولنو کې احصائیه د نفوس د شمېرلو، د مالیاتو ورکړه او د مکلفیتونو د سرته رسولو په مقصد په کار اچول کېده. له حیاتي احصائې او د نفوسو د احوال ثبت سره مینه له دوو اړخونو زیاته شوي. یو له دې اړخه چې د ساري ناروغيو تلفات او شیوع یې په سمه توګه وسنجول شي او پرې پوه شو. او بل له دې اړخه، چې نفوس د دولت مهم قدرت او عظمت په خاصه توګه نظامي قدرت پېژندل کېده. د حیاتي (مړینه او زېږېدنه) احصائو له ثبت او د نفوسو له احصائې څخه وروسته، په اروپا کې زیاتره په کلیسا گانو کې د کشیشانو په مرسته په دفترونو کې لیکل کیدې او دولتي څانګو هغه ته اعتبار ورکاوه. همدارنګه په اروپا کې اقتصادي احصائې په خاصه توګه بهرني تجارت او قیمت بیه اوسپنو (فلزاتو) په تدریج سره اهمیت ترلاسه کړ. احصائوي معلومات، چې په غالب گمان د دولت پټ رازونه پېژندل کېدل، په تدریج سره په ورځپاڼو او جريدو کې خپرې او په هر ځای کې وپېشل شوې. د احصائوي معلوماتو د صحت او اعتبار په اړه لازمي څېړنې ترسره شوې. په احصائې او اقتصاد کې د ریاضي او احتمالاتو شاملول د احصائې په زیاته پراختیا کې ځانګړي قدمونه وشمېرل شول. د احصائوي علماوو لومړنۍ نړیواله جلسه په ۱۸۵۳ میلادي کال کې د احصائې د نړیوال کانګرس تر سرلیک لاندې جوړه شوه. د نړۍ په زیاتره هیوادونو کې احصائیه د مهمې او بنسټیزې وسیلې په توګه د پلان جوړونې، کنترول او څارنې په امورو کې استعمالېږي.

زموږ په هیواد کې هم د احصائې مرکزي اداره د عظمی صدارت تر مسقیم اثر لاندې په ۱۳۵۲ کال کې جوړه شوه او اوس د یوې خپلواکې ادارې په توګه په ځانګړي ډول د لاندینيو موخو په اړه فعالیت کوي.

- ۱- د هیواد له عیني شرایطو سره سم د اړتیا وړ علمي سیستم او د احصائوي تمرکز تأمین او توسعه د علمي او نړیوالو معیارونه سره سم د انکشافی، اقتصادي، ټولنیزو او د ټولو مواردو د پلانونو او پروگرامونو د لارښوونې او استفادې د ترتیب په مقصد.
- ۲- د ادارې، موسساتو او ټولو وګړو د احصائوي فعالیتونو د علمي او مسلکي لارښوونو لپاره نظارت چې، د احصائوي معلوماتو او ارقامو په راټولولو اقدام کوي.
- ۳- په ملي سطحه د کمپیوټري خدماتو او فعالیتونو تمرکز او تنظیم.

۴- د میتودولوژی- تثبیت، د حیاتي وقایع د احصائیې ثبت او راټولونه او د هغه تدریجي عامل یا دودول په ملي سطحه.

۵- د هغو پروژو او پروگرامونو د کار د پرمختگ او تطبیق په اړوند چې د دولت په انکشافی پلانونو کې شامل دي د احصائیو او ارقامو راټولونه- د راپورونو د جوړونې او بررسی په منظور- او لازم وړاندیزونه په دې برخه کې دېصلاح مقاماتو ته ورکول.

په لنډ ډول د نن ورځې احصائیې او احصائیوي معلومات د ژوند په ټولو مسایلو کې سر او کار لري د ارقامو او شمېرو استنتاج، تحلیل، ترتیب او جوړونه په ټولو امورو کې او په پلان جوړونه کې په عمومي توگه په کار اچول کېږي. د بېلگې په ډول د نفوسو احصائیې، حیاتي ځانگړې احصائیې، د تجارت احصائیې، بانکي احصائیې، د کانو او صنایعو احصائیې، د کرنې احصائیې، د مخابراتو او مواصلاتو احصائیې، د ښوونې، عامه روغتیا او ټولنیزو خدماتو احصائیې، مالي احصائیې، د ملي محاسباتو احصائیې او داسې نور.

## د لومړي څپرکي د مطالبو لنډيز:

د احصائې تعريف: احصائيه د شمېرو او معلوماتو د راټولونې، لنډيز او ترتيب، او د نتيجه اخستنې د مطالعې او تحليل او د راټولو شوو معلوماتو او شمېرو په اړه د تصميم نيونې په غرض د علم يا علمي روشونو له مجموعې څخه عبارت ده.

د احصائې مفهوم: احصائيه له کچې يا اندازې څخه عبارت ده يا په بل عبارت هغه څيزونه يا موضوعات دي، چې د شمېرې په قيد کې راوړل شي او د شمېرلو په مرسته توضيح کړل شي. د احصائې اړيکې له ټولني سره: د بشر نني ژوند د ورځې په تېرېدو سره هغو مفاهيموته اړتيا پيدا کوي چې، په احصائوي تحليل شوو معلوماتو استوار دي او د علومو په بېلابېلو څانگو کې په کار اچول کېږي. په اقتصاد او پلان جوړونه کې د احصائې د استفادې موارد او د هغه اهميت زيات دي. څرنگه چې مور وويل د احصائې تاريخي لرغونتوب ډېرو تېرو زمانو ته رسېږي، چې له احصائې څخه انکشاف او د استفادې مواردو هم بېلابېل پړاوونه وهلي او تر اوسه هم په وده کې ده.

د احصائې تاريخچه: احصائې د علومو له اختصاصي څانگو څخه د يوې څانگې په توگه انکشاف او پراخوالی پيدا کړی او اوږده سابقه لري.

## د لومړي څپرکي پوښتنې:

- ۱- په پښتو او انگليسي کې د احصائې لغوي معنا څه ده؟
- ۲- د هغو مفاهيمو نوم واخلي چې د Status له کلمې څخه اخيستل شوي؟
- ۳- احصائيه په علمي او پراخ مفهوم سره تعريف کړئ؟
- ۴- د احصائې اهميت په ټولو مالي مسايلو کې په عمومي توگه او د پلان جوړونې په اړه په لنډ ډول وليکئ؟
- ۵- د احصائې د علمي تاريخچې په اړه لنډ توضيحات ورکړئ؟
- ۶- د احصائې تاريخچه د کابل پوهنتون په اقتصاد پوهنځي کې وليکئ؟
- ۷- له احصائې څخه په استفادې د احصائې جوړونې دندې تشریح کړئ؟
- ۸- په لرغونو ټولنو کې له احصائې څخه دکومو مقصدونو لپاره کار اخيستل کېده؟
- ۹- د هغو مهمو علماوو او پوهانو نومونه واخلي چې، د احصائې د علم په انکشاف کې يې ښکاره ونډه درلوده؟

### د احصائیوي څېړنو پراوونه

ټولیزه موخه:

د احصائیوي عملیو او څېړنو د پراوونو پر مفاهیمو پوهېدل

د زده کړې موخې: په دې څپرکې کې زده کوونکي باید له لاندې موضوعاتو سره آشنایي پیدا کړي:

- ۱- د احصائیوي عملیو او څېړنو د پراوونو زده کول.
  - ۲- د شمېرو څرگندول د احصائیوي بڼو (شکلونو) په وسیله سره.
  - ۳- د احصائیوي جدولونو توضیح او ترتیب کول.
  - ۴- د احصائیوي گرافونو د مفهوم توضیح او انځور کول.
  - ۵- د خطي او غیرخطي گرافونو ترتیبول.
- څرنگه چې په مخکني څپرکي کې وویل شول احصائیه له علمي لارو او روشونو سره سر او کار لري چې، د هغو په اساس شمېرې او معلومات راټولې، ترتیب، لنډې، تحلیل او څرگندېږي او نظر هغه ته نتیجه گيري او تصمیم نیونه کېږي.
- د دې عملیو د ترسره کولو لپاره باید لاندې پراوونه ترسره شي:
- ۱- د موخې ټاکل یا تثبیت چې، څېړنه یا تحقیق په همدې منظور ترسره کېږي.
  - ۲- د تجربې طرحه یا ټاکل .
  - ۳- د شمېرو او معلوماتو راولونه.
  - ۴- د شمېرو او معلوماتو ترتیبول.
  - ۵- نتیجه گيري او تصمیم.
- اوس په لنډه توگه د دې هر یوه په څرگندولو پیل کوو.

### د موخې تثبیت یا ټاکل:

احصائیوي تحلیل په شمېرو او ارقامو پیل کېږي. څېړونکي باید له هرڅه نه د مخه څرګنده کړي چې، د اړتیا وړ شمېرو او معلوماتو د راټولونې په غرض کومه موضوع څېړي. نو په دې اساس هغه باید پوښتنه او ستونزه په دقیقه او څرګنده توګه طرحه او وټاکي چې، څه ډول شمېرې او معلومات د اړتیا وړ دي.

باید څرګنده کړو چې، د احصائیوي پایلو کیفیت او څرنګوالی چې لاس ته راځي د راټولو شوو شمېرو په مناسبوالي او ثقه والي باندې متکي دي چې، په خپل وار سره د طرحې شوې ستونزې په سم تشخیص او طرحې پورې اړه لري.

په احصائیه کې د هغو شمېرو مجموعه چې د یوې طرحې شوې ستونزې په اړه کېدای شي راټولې شي د ټولګي (جماعت) په نامه یادېږي. د بېلګې په ډول که د یوه مملکت په قوای کار کې د بېکارۍ د فیصدي موندنه په یوه ټاکلي زمان کې طرحه شوې ستونزه وي، په دې صورت کې ټولګي (جماعت)، خپلې ټولې کتنې (مشاهدات) په هماغه مملکت او په هماغه زمان کې د ټولو بېکارو او یا په کار اخته کارګرانو په اړه رانغاړي.

باید یادونه وکړو چې یو احصائیوي ټولګي یا جماعت د یوې ځانګړې ستونزې په اړه د کتنو (مشاهداتو) مجموعه رانغاړي.

### د تجربې طرح یا ټاکل:

که چېرې د پام وړ ستونزه په دقیقه توګه طرح شوه، څېړونکي باید تصمیم ونیسي چې اړوندو کتنو مجموعه ټوله یا د هغې یوه برخه مطالعه کړي. که چېرې ټول (جماعت) مطالعه کړي په « ټولیزشمار » سره او که چېرې تاسې د هغه یوه برخه وویښی، اړوند ګرڼلاره د «نمونه گیری» په نوم یادېږي. ټولیز شمار عملاً زیات وخت او زیات لګښت غواړي او حتی د هغه تطبیق ځینې وخت د امکان وړ نه وي نو د هغه په ځای ناچاره باید د نمونه اخستنې له لارې مطالعه ترسره شي. په نمونه اخستنې کې هڅه کېږي ترڅو د نمونه یي شمېرو په اساس چې، له ټولګي (جماعت) څخه نمونه گیری شوې ده تصمیم ونیول شي، نو په دې اساس نښه یا سمپل باید له اړوند ټولګي (جماعت) څخه استازیتوب وکړي. د احصائیوي ځانګړې برخې داسې نښې یا نمونې اخیستل، احصائیوي تیوري جوړوي او داسې پوښتنې لکه نمونه اخستنې باید تر کومې اندازې لویه وي، څه ډول شمېرې باید راټولې شي، دا شمېرې څه ډول راټولې شي، چې دا ډول پوښتنې د احصائیه په هغې ځانګړې پورې اړوندېږي چې، د ((تجربې طرح)) یا د نښې د طرحې په نوم یادېږي، د نښې طرح باید په



بشپړ دقت سره ترسره شي، پرته له دې نه شو کولای مطلوبې نتیجه اخستنې ته ورسېږو. د نمونې طرح کېدای شي په بېلابېلو بڼو تر سره شي لکه ناڅاپي يا تصادفي نمونه گيری او غير ناڅاپي يا غير تصادفي نمونه اخستنه، په خپل وار سره اتفاقي نمونه گيری په مختلفو بڼو اتفاقي ویشل کيږي. لکه ساده ناڅاپي يا اتفاقي نمونه گيری او مقیده ناڅاپي يا اتفاقي نمونه طرح کيدای شي په بېلابېلو بڼو تر سره شي. لکه ناڅاپي (يا تصادفي) نمونه گيری ونه گيری، یوارخیزه، دوه اړخیزه او څو اړخیزه او مکرره نمونه گيری، همدارنگه غير اتفاقي نمونه گيری د توپير لرونکي يا تفاوتی نمونه گيری په بڼه په صحیح او ډاډ سره نیول کيږي چې هر یو د دغو نمونه گيری لارې د ځانگړو بېلگنو يا مزایوو او نیمگړتیاو لرونکې دي چې تر یوه حده پورې د کتنو يا مشاهداتو په ډول او د احصایوي سروې په موخې پورې اړه لري

#### د احصایوي شمېرو او معلوماتو راټولونه:

د احصایوي څېړنو درېیم پړاو له طرحې شوې تجربې سره سم د شمېرو او معلوماتو له راټولونې څخه عبارت دی. دا پړاو نظر بل هر یو احصایوي څېړنیز پړاو ته زیات وخت او زیات لگښت غواړي. او دا پړاو هغه وخت ښو پایلوته رسیږي چې، په دې اړه شخصي قضاوتونه دخیل نه وي. په عمومي توگه د معلوماتو ترلاسه کول او د شمېرو راټولونه په دوه بڼو تر سره کيږي.

#### مستقیم او غیر مستقیم:

په مستقیمه بڼه څېړونکی کولای شي شمېرې او معلومات د ملاقاتونو، مصاحبو، سروې (نمونوي يا بشپړه) او کتنو يا مشاهداتو له لارو راټولې کړي. په غیر مستقیمه بڼه څېړونکی کولای شي معلومات د مکتوب، پوښتنپاڼو (استعلام)، فورمو، د نشراتو د سرچینو له اخلیکونو څخه په استفادې او داسې نورو په مرسته لاسته راوړي. باید څرگنده کړو چې د شمېرو او معلوماتو په راټولونه کې به ښه دا وي تر څو وخت سموالی او اقتصاد په نظر کې ونیول شي.

#### د احصایوي شمېرو سمبالول:

د موخې له سمبالولو، تثبیت يا ټاکلو څخه وروسته، د تجربې يا نمونې طرح او د شمېرو راټولونه باید سمبال، لنډه او تصنیف شي. که چېرې راټولې شوې شمېرې اوږدې وي باید هغوی د سمبالولو په غرض لنډې کړای شي. د بېلگې په ډول سمې يا صحیحې شمېرې د

۱۰۰،۱۰۰،۱۰۰ او داسې نور په واحدونو لنډې (خلاصه) شي، يا اوږدو اعشاري خانو ته دې له امکاناتو سره سم ډېرو نږدې لومړۍ، دويمې او دريمې خانو ته تقرب ورکړل شي. له لنډيز وروسته شمېرې بايد واضحې او د لوستلو وړ وليکل شي او د آسانولو، ښه لوستلو او تحليل په غرض سمبال شي. د شمېرو سمبالول او تصنيف په بېلابېلو لارو تر سره کېدای شي.

که چېرې شمېرې د کميت او اندازې په نظر سمبال او تصنيف شي کومه لړۍ يا سلسله چې په لاس راځي (د پېښې د بيا وېشنې) يا د فريکونسي وېشنې په نوم ياديږي، چې په درېم څپرکي بد کې تشریح شوي.

همدارنگه که شمېرې د زمان يا مهال له مخې سمبال شي، اړوندې لړۍ يا سلسلې به سربېره پر جغرافيايي، محيطي، کيفيتي، جنسي او د ټولو خصوصياتو د موقعيت او شرايطو له مخې يوه زماني لړۍ يا سلسله لنډه او څرگنده وي.

د شمېرو څرگندول کېدای شي د احصائيو بېلابېلو بڼو (شکلونو) لکه جدولونو، گرافونو او زياترو هندسي بڼو په مرسته ترسره شي. د څېړنو په څلورم پړاو کې ځينې وخت د تشریحي يا توصيفي احصائيو په نوم هم ياديږي.

### نتیجه گيري او تصمیم:

که چېرې د ټول ټولگي (جماعت) نمونه يا تجربه راوڅارې، يعنې احصائيو څېړنه په يوه سروې کې د گلي شمار په بڼه وي، د نظر وړ سروې د وروستۍ پړاو تشریحي احصائيه يعنې څلورم پړاو، چې پورته يې يادونه وشوه جوړوي. په بل عبارت په څلورم پړاو کې د ټولگي (جماعت) خصوصيات او مشخصات توضیح او تشریح شوي او نظر هغه ته د طرح شوې ستونزې په اړه تصميم نيول کېږي. په خلاف د دې که چېرې سروې نمونوي وي او يواځې له مجموعې څخه يوه برخه غوره کړي، په دې حالت کې تشریحي احصائيه د څېړنې وروستۍ پړاو نه دی، بلکې د زياتو مطالعاتو او احصائيو عمليو غوښتنه کوي. ځکه د يوه ټولگي (جماعت) د نمونې له مطالعې او تحليل څخه موخه د هماغه ټولگي (جماعت) په اړه نتیجه گيري او تصمیم نيونه ده. نو ځکه د نمونوي سروې گانو په صورت کې د څېړنې او احصائيو عمليو وروستۍ پړاو د شمېرو د نمونو په نظر له نتیجه گيرۍ څخه عبارت دی.

د احصائيو بڼو (شکلونو) په مرسته د شمېرو څرگندول:

احصائيو شمېرې او معلومات له راټولونې، سمبالونې، يووالي (توحيد) او تصنيف څخه وروسته بايد څرگندې شي، د شمېرو څرگندېدل په عمومي توگه په دوو لارو ترسره کېږي. په شفاهي يا لفظي ډول او د احصائيو بڼو په وسيله په ليکلې بڼه.

احصائوي بني (شکلونه) ډېرې دي خو په عمومي توګه په دوه ډلو وېشل کېږي:  
**احصائوي جدولونه او احصائوي ګرافونه:**

### احصائوي جدولونه او د شمېرو جدول بندي:

جدول بندي د پرتلنې او تحليل په غرض د شمېرو او معلوماتو د سيستماتيک او منظمو سمبالولو څخه عبارت دی. که څه هم احصائوي جدولونه د موخې او ستونزې د ليکل شوو شمېرو په نظر زيات دي اما په عمومي توګه په دوه ډوله ویشل کېږي، عمومي جدولونه او خصوصي جدولونه.

په عمومي جدولونو کې لومړنۍ شمېرې يا اصلي شمېرې سمبال او ليکل شوي او د عمومي مقصدونو لپاره په کار اچول کېږي، په داسې حال کې، چې د شمېرو او معلوماتو خصوصي جدولونه، سمبال او خلاصه شوي د مشخصو مقصدونو لپاره د استفادې وړ ګرځي. د يوه احصائوي جدول په سمبالولو او جوړولو کې بايد لاندې ټکي په پام کې ونيول شي. **عنوان:** هر احصائوي جدول بايد د يوه عنوان يا سرليک لرونکی وي، د جدول سرليک بايد په ښکاره او لنډ ډول او د هغه په پورتنۍ برخه کې وليکل شي او بايد درې شيان څرګند کړي:

الف- په جدول کې د ليکل شوو شمېرو محتوی او د بحث وړ موضوع.

ب- هغه ځای چې شمېرې رانغاړي.

ج- هغه وخت يا مهال چې د هغې په وسيله ليکل شوې شمېرې رانغاړل شوي دي. د سرچينې يا اخځليک: که چېرې لومړنۍ يا اصلي شمېرې د لومړي ځل لپاره د څېړونکي په مرسته راټولې شوې وي کېدای شي پرته د اخځليک يا سرچينې له يادولو څخه په يوه جدول کې وليکل شي، که چېرې ليکل شوې شمېرې لومړنۍ شمېرې نه وي بايد د هغوی سرچينې او مأخذونه د جدول په ښکته برخه کې او له لمن ليک څخه مخکې وليکل شي. يادښت يا لمن ليک: که چېرې په يوه جدول کې ليکل شوې شمېرې زياتې تشریح او توضیح ته د يادښتونو او لمن ليکونو په بڼه اړتيا پيدا کړي، دا يادښتونه بايد په وضاحت سره د جدول په ښکته برخه کې خو له اخځليک او سرچينې څخه وروسته ځای پر ځای شي. د جدول ځانې (ستون) او قطارونه: هر احصائوي جدول ځانې (ستونونه) او قطارونه لري چې، د هغوی اندازه په هماغه جدول کې د ليکل شوې موضوع په څرنگوالي، د شمېرو او معلوماتو په اندازې پورې مربوطېږي. د جدول ځانې او قطارونه بايد د زيات وضاحت لپاره د فرعي سرليکونو لرونکی وي. که چېرې د خانو او قطارونو شمېر زيات وي ښه به وي، د آسانۍ د څرګندولو او پرتلنې لپاره تصنيف او نمره بندي شي. څرنگه چې په ۱-۲ جدول کې

ليدل کيږي څلور خانې دي چې، دويمه خانه په وار سره په پنځو نورو فرعي خانو باندې وېشل کيږي سربيره پر دې دا جدول شپږ قطاره و نه لري.

د کچې (مقياس) واحد: په جدول کې بايد د مقياس واحد يا واحدونه په څرگنده توگه د جدول تر اصلي عنوان لاندې او يا د هرې خانې تر فرعي عنوانونو لاندې وليکل شي. د بېلگې په ډول څرنگه چې د ۱-۲ جدول ټولې ليکل شوې شمېرې په فيصدي سره سنجول شوي دي په دې حالت کې يواځې د مقياس يو واحد (فيصدي) شتون درلود او د جدول تر اصلي عنوان لاندې څرگند شوي دي. په جدول کې بايد د امکان تر حده هڅه وشي ترڅو گډ واحد په کار واچول شي، د بېلگې په ډول که لومړنۍ شمېرې په کيلو گرام، ټن، من، پاو او داسې نورو چې، ټول د وزن مقياس دي، راټولې شوې وي ښه به وي دا ټول په يوه گډ مروج مقياس باندې لکه کيلو گرام تبديل او په جدول کې څرگندې شي.

په جدول کې د شمېرو ترتيب: په يوه جدول کې ليکل شوې شمېرې بايد په وضاحت او پوره دقت سره خلاصه، ترتيب، توحيد او په اړوند جدول کې وليکل شي. ترڅو د پرتلنې او تحليل لوستل آسانه کړي او اړوندې شمېرې کولای شو د لاندینيو بڼو څخه د يوې بڼې په توگه ترتيب او ډلبندي کړو.

- د الفبا د تورو له اړخه (مثلاً الف - ب - ج - د - او داسې نور)
- د زمان يا مهال له نظر ه (لکه ورځ، مياشت، کال او داسې نور)
- د اداري واحدونو او جغرافيايي موقعيت په نظر (لکه ولسوالۍ، ولايت، هيواد، شمال، سوېل (جنوب) او داسې نور).
- د دموگرافيکي خصوصياتو له نظر ه (لکه نظر سن، جنس، مورنۍ ژبې او داسې نور).
- د فزيکي، بيالوژيکي، تخنيکي او داسې نورو خصوصياتو له نظره.
- د بل تعامل يا مشخصاتو او خصوصياتو له نظره.

په ۱-۲ جدول کې د خانو (ستونو) ترتيب د پرمختللو هيوادونو د خصوصياتو او د هغوی د جغرافيايي موقعيت په نظر تر سره شوي څرنگه چې د جدول قطارونه د زمان يا مهال يعنې د ۱۹۶۰-۱۹۸۱ کلونو په نظر سمبال شوي دي.

**غونډ (مجموع):** په عمومي توگه د يوه جدول خانې او قطارونه د هغه جدول د ليکل شوو شمېرو د مجموعې لرونکي دي، البته د خانو او قطارونو د شمېرو په مجموع کولو کې د گډ مقياس واحدونه شرط دي. ځکه نشو کولای د مقياس توپير لرونکي او بېلابېل واحدونه غونډ (مجموعه) کړو. د دې شرط د شتون په صورت کې د يوه جدول د قطارونو او خانو (ستونونو) مجموع معمولاً د هغه د مخالف لوري په آخر کې ښودل کيږي.

په ۲-۱ جدول کې د خانو او قطارونو د مجموعې اخیستل کوم مفهوم نه لري نو ځکه نه ده ښودل شوې. باید زیاته کړو که چېرې د جدول شمېر زیات وي هر جدول باید د تړاو او موضوع له پلوه نمره بندي شي، د جدول هره برخه په خاصه توګه د جدول د آخري خانو او قطارونو فرعي سرلیکونه (عنوانونه) یعنې د مجموعې قطار باید په څرګند ډول خط کشي شي.

بېلګه: لاندې جدول په پام کې نیسو.

د هیواد د منسوجاتو د تولیداتو اندازه په ۱۳۸۰-۱۳۸۲ کلونوکې (ارقام په ملیون متر)

پشمي یا وړین منسوجات	سندي منسوجات	نخي منسوجات	د جنس ډول
			کال
0.2448	10.8	26.5	1389
0.2769	6.8	31.9	1381
0.2866	6.8	37.8	1382

۲-۱ جدول د پرمختللو هیوادونو د داخلي مجموعي محصولاتو د ودې روش په ۱۹۶۰-۱۹۷۹ کلونوکې او په کلنۍ فیصدي باندې د ۱۹۸۰-۱۹۸۱ کلونو وړاندوینه.

هغه هیوادونه چې لږ پرمختګ یې کړی	د پرمختګ په حال کې صهیودونه دفتو ته صادراتو پرتله	د پرمختګ په حال کې هیوادونه					کال
		د آسیا ختیځ	د آسیا سو هیل اولویډیځ	لاتینه امریکا	افریقا	په عمومي توګه	
3.1	5.2	8.7	4.7	5.5	4.6	0.5	196-1970
3.1	5.4	9.0	5.4	5.9	5.3	6.2	1970-1980
3.3	5.3	3.2	6.8	4.6	4.8	5.2	1978
2.4	5.2	3.0	4.8	6.3	5.3	5.3	1979
2.6	5.7	7.0	5.3	5.8	6.1	5.9	1980
3.4	5.4	7.0	6.1	5.6	6.3	6.0	1981

**سرچینه:** د سکرتریت UNCTA خانگې دې د ملي او نړیوالو رسمي شمېرو او سرچینو په اساس ولیدل شي.

**احصائوي گرافونه:** گرافونه د دوو یا زیاتو متحولو تر منځ د اړیکو له جویز (شکلي) څرگندولو څخه عبارت دی. د گرافونو ډولونه او بڼې ډېرې زیاتې دي چې د متحول په ډول او شمېر، د شمېرو په څرنگوالي او د ستونزو په ډول پورې اړوندیږي چې، په بېلابېلو بڼو نظر موخو ته په خاصه توگه انځور څرگندیږي. په دې ځای کې خو ډوله ساده گرافونه او معمولي گرافونه او چارتونه په وروستي څپرکي کې توضیح کیږي.

**خطي گرافونه:** په دې ډول گرافونو کې څرنگه چې د هغوی له نوم څخه څرگندیږي د متحولو تر منځ خطي اړیکې دي. د شمېرو بدلونونه او تحولات د مستقیمو کرښو په مرسته ښودل کیږي. د بېلگي په ډول که چېرې اړیکې د تابع متحول  $y$  او خپلواک متحول (تابع کوونکی)  $X$  خطي وي دا ډول اړیکې معمولاً د مستقیمې کرښې د یوې معادلې په وسیله په لاندې بڼه څرگندیږي:

$$Y=a+bx$$

په دې ځای کې  $a, b$  ثابت دی، لومړنی یې د عمودي قاطع په نوم او دویم یې  $x$  ضریب په نوم یادېږي.

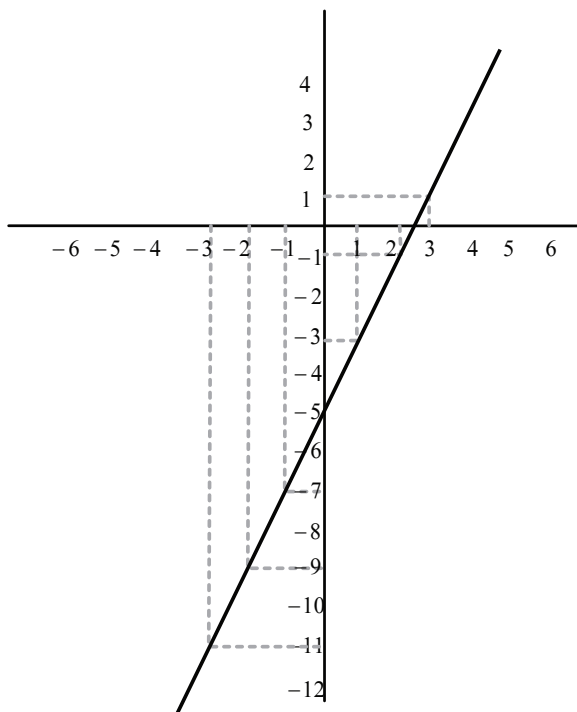
۱ بېلگه- د  $y=-5+2x$  معادلې گراف انځور کړئ.

د دې معادلې گراف څرنگه چې په بڼه کې ښودل شوی دی کولای شو په دوه لارو انځور کړو.

**لومړی:** د  $x$  د توپیر لرونکو ارزښتونو په وضع کولو سره د  $y$  ارزښتونه پیدا کوو. دا ارزښتونه د  $x$  او  $y$  د وضعیه کمیاتو په محورونو کې په لیک ښو (نقطه گذاري) په ښه کوو.

X	-3	-2	-1	0	1	2	3
Y	-11	-9	-7	-5	-3	-1	1

څرنگه چې د  $x$  او  $y$  د ذکر شوو ارزښتونو له هرې جوړې څخه د  $(x,y)$  یو ټکی جوړېږي. د دې ټکو د موقعیت په ټاکلو سره د هغوی په گراف او نښلولو (اتصال) کې مطلوب مستقیم خط انځور کیږي.



دا معادله ځينې وخت د  $y=ax+b$  په بڼه څرگنديږي، چې البته د مفهوم له پلوه له  $1-2$  معادلې سره بې تفاوته ده.

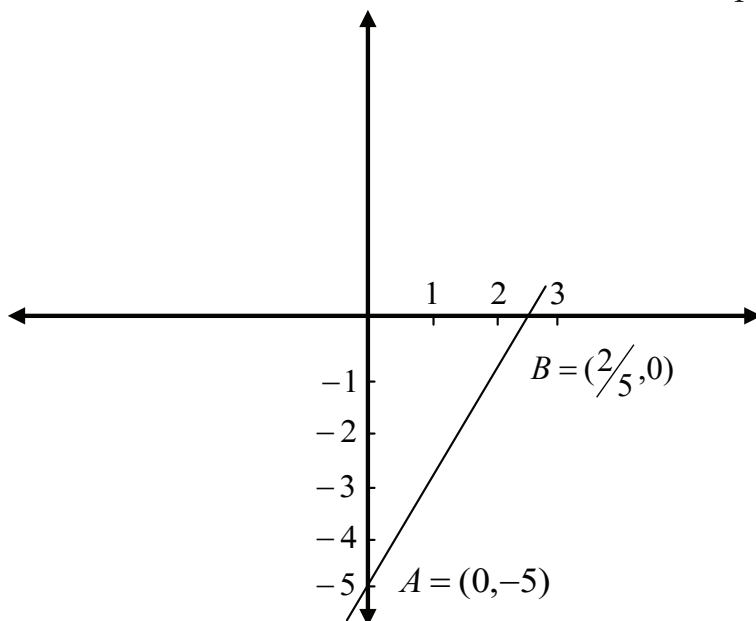
**دويم:** څرنگه چې ورکړل شوې معادله د مستقيمي کرښې يوه معادله ده او د اړوند مستقيم خط د انځورولو لپاره بسنه کوي ترڅو دوه ټکي چې په هغوی کې د  $x, y$  په محورونو پورې اړوند مستقيم خط قطع کوي، وټاکو. يعنې که په يادې شوې معادله کې  $x=0$  وضع شي  $y=-5$  ده او په لنډه توگه که  $y=0$  وي  $x=\frac{5}{2}$  کېږي.

دا دوه ټکي  $(-50)$  او  $(\frac{5}{2}, 0)$  چې په گراف کې په ترتيب سره د  $A$  او  $B$  په تورو ښودل شوې دي. د دغو دوو ټکو له نښلېدو څخه او د هغه امتداد ا دوو خواوو ته مطلوبه مستقيمه کرښه انځوروي.

که څه هم دواړه يادې شوې طريقې يوې نتيجه ته رسېږي خو دويمه طريقه آسانه ده لږ وخت او لږه عمليه غواړي. بايد زياته کړو چې، په پورتنی مثال کې د  $x$  او  $y$  تر منځ

اړیکه یوه مستقیمه خطي اړیکه ده ځکه مستقیمه کرښه په صعودي (لوړېدونکې) پورې اړونده ده. د  $x$  ارزښت له زیاتېدو سره د  $y$  تابع هم لوړ ارزښتونه اختیاروي. په بل عبارت څرنگه چې د  $x$  ضریب اشاره یعنی  $b$  مثبت دی.  $x$  او  $y$  له یو بل سره یوه مستقیمه خطي اړیکه لري.

$$Y=2x-5$$

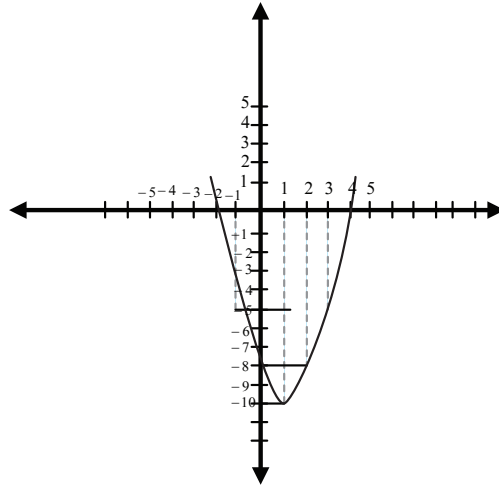


**غیر خطي گرافونه:** د احصائیوي معلوماتو د څرگندولو بله بڼه د غیرخطي گرافونو په بڼه ده. هغه معادلات چې په دې ډول گرافونو پورې مربوطېږي له دویمې درجې معادلې  $y=ax^2+bx+c$  څخه عبارت دي. له دې ډول معادلاتو څخه حاصل شوي گرافونه په غیرخطي بڼه کې لاس ته راځي. دا ډول معادلات کولای شو د قیمت گذارۍ یا هم د هغه د معادل جذرونو د پیدا کولو له لارې پیدا کړو.

**بېلگه:** د لاندې معادلې گراف پیدا کړئ.  $y=x^2-2x-8$

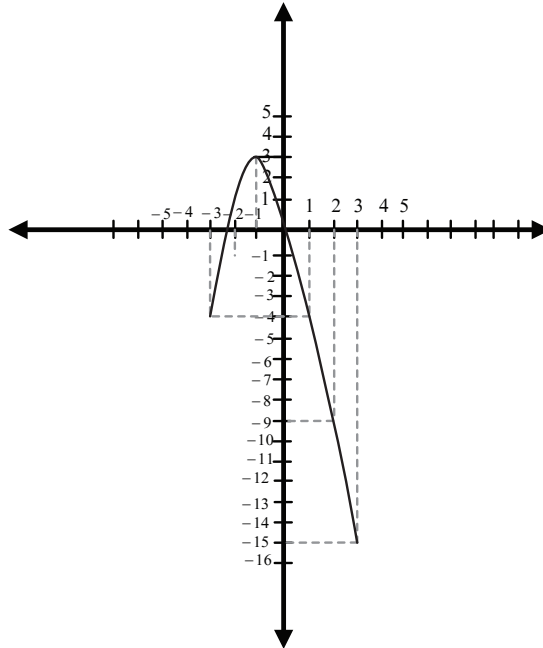
X	-2	-1	0	1	2	3	4
Y	0	-5	-8	-10	-8	-5	0





۲ پبلگه -  $y = -x^2 - 2x - 1$  تابع گراف انځور کړئ.

X	-3	-2	-1	0	1	2	3
Y	4	-1	2	-1	-4	-9	-15



دریمه بېلگه: د  $y = -8 - 2x + x^2$  معادلې څخه په دې ځای کې پوهیږو چې د  $y$  د محور منحنی د  $y = -8$  په نقطه کې قطع کوي ځکه چې  $x = 0$  او  $y = -8$  کېږي خو د  $x$  د محور د منحنی د ټکو د تشخیص او تثبیت لپاره باید  $y = 0$  وضع شي. په دې صورت کې به ولرو.

$$x^2 - 2x - 8 = 0$$

په دې ځای کې مجبور یو د دې معادلې جذرونه پیدا کړو. د معادلې جذرونه کولای شو په لاندې طریقو پیدا کړو.

که چېرې په یوه معادله کې د جذرونو تشخیص ساده وي، کولای شو معادله په دوو قوسونو تجزیه کړو داسې چې د دوو مطلوبه اعدادو حاصل د  $a$  د عمودي قاطع ارزښت سره مساوي او د هغه د جمع حاصل د  $b$  ارزښت سره مساوي شي. د پورتنۍ معادلې پر بنسټ کولای شو داسې ولیکو.

$$(x-4)(x+2) = 0$$

چې په نتیجه کې  $x_1 = -2$  او  $x_2 = 4$  به وي.

که په نورو حالاتو کې تجزیه په قوسونو باندې ستونزمنه وي په عمومي توګه له لاندیني فورمول څخه استفاده کوو.

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

نظر فرمول ته هم د معادلې جذرونه عبارت دي له:

$$x_{1,2} = \frac{-2 \pm \sqrt{4 - 32}}{2} = \frac{2 \pm 6}{2}$$

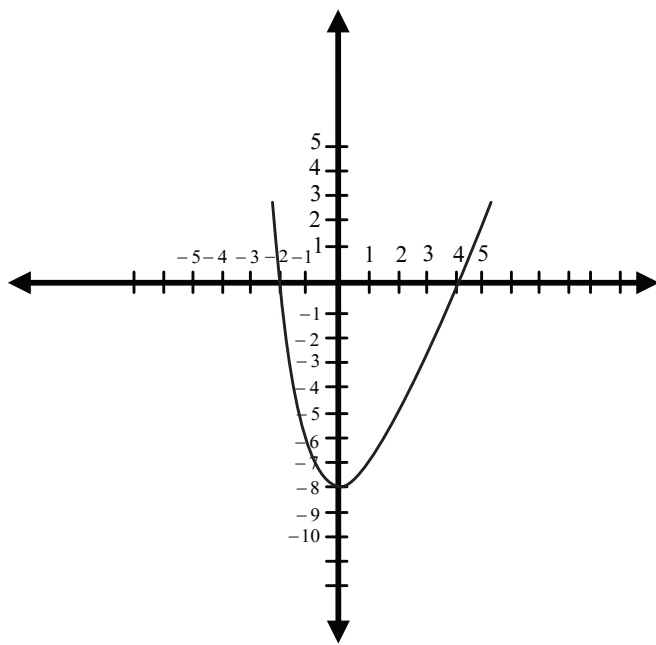
$$x_2^2 = 4 \quad x_1 = -2$$

د معادلې د جذرونو سربېره د  $x$  لپاره متفاوت ارزښتونه وضع کوو د  $y$  اړوند ارزښتونه پیدا کېږي.

X	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	10
Y	7	0	-5	-8	-9	-8	-5	0	72

اوس نظر پورته معلوماتو ته کولای شو د ورکړل شوې معادلې ګراف انځور کړو.

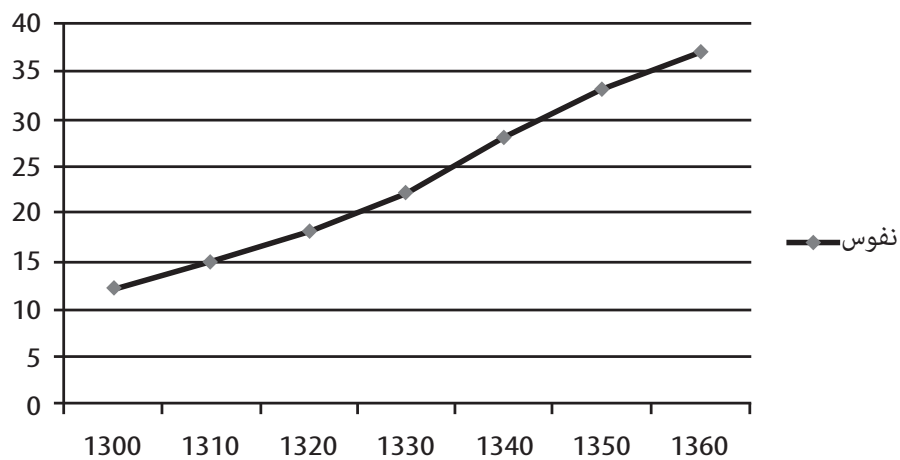
$$y = -8 - 2x + x^2$$



څرنګه چې لیدل کیږي مطلوبه منحنی د یوه پارابول په بڼه ده، په پیل کې لوېدونکې (نزولي) د  $y = -9$  له اصغري ارزښتونو څخه وروسته د دویم ځل لپاره لوړیږي (صعود کوي). نوټ: که چېرې د  $x^2$  ضریب منفي وي د پارابول خوله مخ ښکته خلاصیږي او که چېرې د  $x^2$  ضریب مثبت وي د پارابول خوله مخ پورته خلاصیږي. احصائیوي نور گرافونه: په احصائیوي گرافونو کې هم لکه الجبري توابع په عمومي توګه متحولې تابع په عمودي محور کې او خپلواک متحول یا تابع کوونکی په افقي محور کې ښودل کیږي. بېلګه: د یوه هیواد نفوس په تېرو شپېتو کلونو کې په لاندې ډول ورکړل شوی.

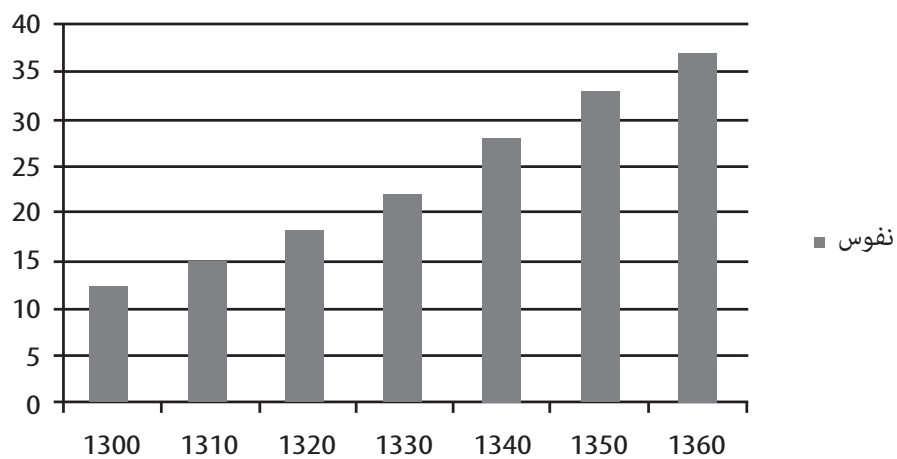
X	1300	1310	1320	1330	1340	1350	1360
Y	12	15	18	22	28	33	37

## نفوس

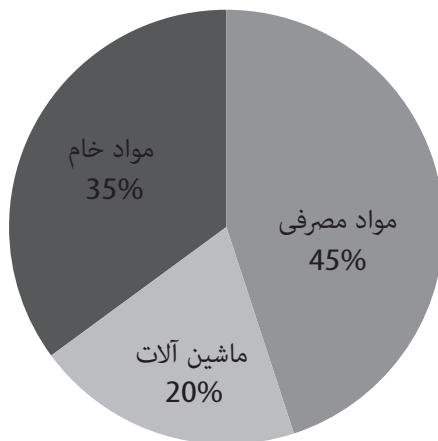


پورتنی معلومات کولای شو په بل گراف کې د عمودي مستقیمو کرښو په بڼه انځور کړو.

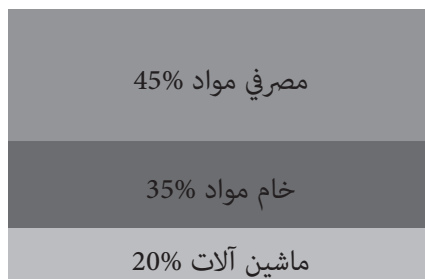
## نفوس



بېلگه: فرض کړئ د یوه هیواد ۴۵ فیصده واردات مصرفي مواد، ۳۵ فیصده اومه مواد، ۲۰ فیصده نور ماشین آلات جوړوي دا معلومات کولای شو د یوې دایرې په مرسته څرگند کړو.



یا کولای شو پورتنی معلومات په یوه مستطیل یا مربع کې څرگند کړو.



### د دویم څپرکي د مطالبو لنډيز

د احصائیوي څېړنو پړاوونه پنځه دي.

- ۱- د موخې ټاکل یا تثبیت.
- ۲- د تجربې طرح یا ټاکل.
- ۳- د شمېرو او معلوماتو راټولونه.
- ۴- د شمېرو ترتیبول.
- ۵- نتیجه احستنه او تصمیم نیونه.

د احصائیوي بنو په وسیله د شمېرو څرگندول په احصائیوي جدولونو او احصائیوي گرافونو کې شامل دي.

احصائیوي جدولونه د پرتلنې او تحلیل په غرض د اعدادو او معلوماتو له سیستماتیک او منظمو ترتیبولو څخه عبارت دي.

**احصائیوي جدولونه په دوه ډوله دي:** عمومي جدولونه او خصوصي جدولونه احصائیوي جدولونه خو ځانگړي ټکي لري:

عنوان یا سرلیک، اخځلیک او سرچینه، یادښت او لمن لیک، د جدول خانې (ستونونه) او قطارونه، د مقیاس واحد، په جدول کې د شمېرو ترتیب، ټولگه (مجموع).

**احصائیوي گرافونه:** د دوو یا زیاتو متحولو تر منځ د اړیکو له جولیز (شکلي) څرگندولو څخه عبارت دي. بنې او شمېرې یې زیاتې دي، چې د هغوی له جملې څخه خطي او غیرخطي گرافونه معمول دي.

**خطي گراف:** معادله یې  $y=ax+b$

**غیر خطي گرافونه:** معادله یې  $y=ax^2+bx+c$

او پرته له دې کولای شو احصائیوي معلومات په هندسي بنو کې لکه دایره، مستطیل، مربع او داسې نورو کې هم وښیو.

## د دویم څپرکي پوښتنې

- ۱- یو احصائیوي جدول څه ته وایي او باید څه ځانگړتیاوې ولري؟
- ۲- احصائیوي گرافونه څه دي او د هغوی نوم واخلي؟
- ۳- د خطي گراف معادله ولیکئ؟
- ۴- د (0,4) او (3,-5) او (-2,-4) او (3,-4) او (0,0) او (-5,10) ټکي په یو وضعیه کمیت کې نقطه گذاري کړئ؟
- ۵- د  $y=2x-4$  د معادلې گراف انځور کړئ؟
- ۶- د  $y=-2x^2-3x=1$  منحنی معادله انځور کړئ؟
- ۷- د یوه بانک ۲۵٪ غونډ (مجموعي) پورونه اوږد مهاله پورونه، د هغه 15 فیصده منځ مهاله پورونه او د هغه 60 فیصده نور لنډ مهاله پورونه جوړوي، دا معلومات د یوې دایرې او یوه مستطیل یا مربع په وسیله څرگند کړئ؟

## درېم څپرکی

### د پېښېدو (وقوع) بیا وېشنه او د فریکونسي وېشنه

#### ټولیزه موخه:

د فرېکونسي توضیح او تشریح او له هغه څخه د گټې اخیستلو پړاوونه:

د زده کړې موخې: د دې څپرکي په پای کې زده کوونکي له لاندې مفاهیمو سره آشنایي پیدا کوي.

- ۱- د فریکونسي د وېشنې مفهوم او تعریف
- ۲- د فریکونسي په ویشنه کې د لومړنیو شمېرو د راټولونې، یوالي (توحید) او انسجام
- ۳- د فریکونسي په وېشنه کې د شمېرو تصنیف
- ۴- د فریکونسي د جدول تخنیکي مفاهیم او اصطلاحات
- ۵- د فریکونسي د وېشنې گرافیکي څرگندونه په تحول، هستوگرام، بارچارت، بارگراف، پای گراف، د خط ماتې او تصویري گراف یا سمبولیک گراف په تحول
- ۶- د احصائیوي گرافونو گټې

**مفهوم:** د مسلکي احصائیوي تصمیمونو او نتیجه گیری په راټولو شوو شمېرو، ارقامو او طرحه شوو ستونزو باندې متکی دي. د راټولو شوو شمېرو ډول به په طرحه شوو ستونزو پورې اړوند وي، د شمېرو او معلوماتو په څرنگوالي پورې اړوند د شمېرو تشریحی مقیاسونه او معیارونه کولای شو په دوامداره توگه یا پرته له دې چې د مهال عامل په پام کې ونیسو په خپل وار سره راټول کړو. په راټولو شوو شمېرو سر بېره امکان لري یو، دوه یا زیاتره متحوله

را ونغاړي. لکه اعداد د یو شمېر وگړو د قد، وزن یا عمر په اړه، د یوشمېر کارگرانو مزد یا اجوره یا د یوه گروپ مامورینو معاش، په یوه مضمون کې د یوه ټولگي د محصلینو د آزمویښې مېرې او داسې نور، ټول اعداد یو متحوله دي. یا اعداد د وگړو په لگښت او عاید پورې اړوند، د محصلینو قد، وزن، د یوې پېرودل شوې متاع قیمت او اندازه، د یوه هیواد واردات او صادرات او داسې نورې بېلگې دوه متحوله اعداد دي.

په زیاتره مواردو کې د دوو یا زیاتو متحولو تر منځ اړیکې په احصائیه کې د بحث وړ گرځي. د یو متحوله اعدادو ویشل او تشریح چې د زمان عامل په هغه کې زیدخل نه وي، د مقیاس او اندازه گیرۍ دوه ډوله ځانگړې مېرې مني. دا مقیاس د بحث وړ اعدادو له اوسط گیرۍ او انحراف یا پراگندگۍ څخه عبارت دی.

که چېرې اعداد څرنګه چې مخکې هم وویل شو د هغوی کمیت او اندازې ته په کتو ترتیب او توضیح شي دغه عملیه د پېښېدو (وقوع) بیا وپښې یا د فریکونسي وپښې په نوم یادېږي.

### د فرېکونسي په وپښنه کې د لومړنیو اعدادو راټولونه، توحید او انسجام:

د شمېرو را ټولونه په مستقیمه یا غیرمستقیمه توګه معمولاً په اتفاقي یا په تیت ډول تر سره کېږي، لومړني اعداد له را ټولونې وروسته باید ترتیب، توحید او لنډې کړی شي تر څو د نتیجه گیرۍ او تحلیل څرګندوند آسانه کړي. د بېلگې په ډول یوه احصائوي ستونزه داسې طرحه شوې تر څو په یوه ښار کې د کورنیو د کلني عاید د څرنګوالي په اړه په خاصه توګه څېړنه او تصمیم نیونه ترسره شي. په دې هکله یوه نمونوي سروې طرحه او تطبیق کېږي. نظر دې سروې ته د ۱۴۲ کورنیو د عایدتو په اړه معلومات د نمونې په ډول راټولېږي. فرض کړئ چې راټول شوي معلومات هغه اعداد دي چې، د هغه لومړنۍ بڼه د ۱-۳ په جدول کې څرګنده شوې ده.

۳-۱ جدول په لومړي سر کې داسې کوم مفهوم نه شي افاده کولای، البته له یو څه دقت څخه وروسته کولای شو ډېر کوچنی او ډېر لوی عدد په دې جدول کې تشخیص کړو یا حتی د اعدادو اوسط د مجموع په اخستلو او د هغوی په اندازه باندې تقسیم کړو. له دې څخه زیات نه شو کولای له دغه جدول څخه ګټه واخلو.



3-1 جدول په 1385 کال کې 142 کورنيو وسطي عايد( زر افغانۍ)						
68000	68031	67785	67480	68047	67050	66029
66071	67092	67488	67800	68060	67046	68070
69500	69537	69482	69456	67471	67880	68997
66100	66144	67812	68089	67513	67120	68110
67819	67531	67136	67152	67200	67170	66952
67246	67750	67960	68990	68976	68927	68853
68820	68450	68302	68200	68150	66210	66290
67204	67177	67830	67540	67850	67548	68151
67168	67851	67177	69937	69202	69150	68950
67940	67752	67440	66930	66217	67740	66931
66341	66336	67217	67548	67850	68217	68291
67878	67550	67230	66400	68910	67920	67730
67412	66920	66402	67710	67922	67910	68870
68841	68800	66914	69836	69453	68778	67901
66867	67381	67680	66840	67320	67680	67877
66730	66827	66810	67320	67664	67860	68641
69609	69650	68333	67891	66532	67247	66600
67571	66709	67250	67584	67800	68398	69734
69242	68600	66802	69210	66700	69120	69200
68470	69172	66750	67281	67609	67830	67849
			67250	67291		

په پورتنی جدول کې له ورکړل شوو شمېرو څخه د ښې او زیاتې گټې اخیستلو لپاره باید هغوی په منظمه توګه ترتیب او لنډې کړو. د هغوی په افاده کولو پورې اړوند د اعدادو د خلاصه کولو یوه لار د ۱۰۰۰ په واحدونو باندې ده. د زیاتې آسانی لپاره په ۱۰۰۰ واحدونو باندې د اعدادو له ترتیب او خلاصه کولو څخه وروسته د اعدادو په اعشاري تحلیل او څرګندولو کې له درې خانو څخه یې دوو خانو ته اختصار پیدا کړي، څرنگه چې د اعشاري دریمه خانې ته د اعشاري دویمې خانې تقرب ورکړل شوی دی. که چېرې په دې تقرب کې د دریمې خانې شمېره له ۵ پنځوڅخه کوچنۍ وي له هغه څخه تیرېږو او که دا شمېره له ۵ پنځو څخه لوړه وي وروستۍ شمېره یعنې د اعشاري دویمه شمېرې ته د یوه په زیاتیدو

ارتقاء ورکول کيږي، د بېلگې په ډول:

د ۶۶،۰۲۹ شمېره په ۶۶،۰۳ او د ۶۹،۲۴۲ شمېره په ۶۹،۲۴ لنډې (مختصر) شوې دي.  
 د ۳-۱ جدول اعداد له ترتیب او لنډیز وروسته په ۳-۲ جدول کې څرگند شوي دي.  
 باید ووايو چې کولای شو اعداد په (صعودي) توگه ترتیب کړو، يعنې له کوچني عدد څخه پیل او په ترتیب سره په لوړ عدد سره یې پای ته ورسوو. یا برعکس کولای شو اعداد په ناقصه توگه ترتیب کړو، څرنگه چې لوړې شمېرې لومړی او په ترتیب سره، اعداد یو پر بل پسې لیکو تر څو کوچني عدد ته ورسېږو. د ۳-۱ جدول اعداد البته له لنډیز څخه وروسته په یا صعودي ډول ترتیب او په ۳-۲ جدول کې ترتیب شوي دي.

3-2 جدول په 1385 کال کې د 142 کورنيو وسطي عايد (زر افغانۍ)						
66.03	66.91	67.32	67.71	67.90	68.30	69.15
66.07	66.92	67.38	67.73	67.91	68.33	69.15
66.00	66.93	37.41	67.74	67.92	68.40	69.20
66.14	66.95	67.44	67.75	67.92	68.45	69.20
66.21	67.05	67.47	67.75	67.94	68.47	69.21
66.29	67.09	67.47	67.78	67.96	68.60	69.24
66.34	67.12	67.48	67.79	68.00	68.64	69.45
66.37	67.13	67.49	67.80	68.03	68.73	69.46
66.40	67.15	67.51	67.80	68.05	68.78	69.48
66.42	67.17	67.53	67.81	68.05	68.80	69.50
66.53	67.18	67.54	67.82	68.06	68.82	69.54
66.60	67.20	67.55	67.83	68.07	68.84	69.61
66.71	67.20	67.55	67.83	68.01	68.85	69.65
66.75	67.22	67.55	67.85	68.11	68.87	69.73
66.78	67.23	67.58	67.85	68.15	68.91	69.84
66.80	67.25	67.61	67.85	68.15	68.93	69.94
66.81	67.25	67.65	67.86	68.17	68.95	
66.83	67.28	67.66	67.88	68.18	68.98	
66.84	67.29	67.68	67.88	68.20	68.99	
66.87	67.32	67.68	67.89	68.22	69.00	
				68.29	69.12	

## د شمېرو تصنیف

که چېرې د شمېرو تعداد لږ وي یا د نمونې اندازه کوچنۍ وي، د شمېرو ترتیب د ۲-۳ جدول په بڼه او د هغه څرگندول به نسبتاً آسان او گټور وي، خو که چېرې د اعدادو شمېر ډېر زیات یا نمونه یې نسبتاً لویه وي، د شمېرو ترتیب د نوموړي جدول په څېر ستومانه کار دی او زیات وخت هم غواړي. سربېره پر دې له نسبتاً محدودې استفادې پرته نه شو کولای له هغه څخه نور کار واخلو.

نو ځکه لازمه ده چې شمېرې په خلص او لنډ ډول داسې ترتیب شي تر څو د هغه څرگندول آسانه شي او کېدای شي زیات او ژور تحلیل تر سره شي تر څو د شمېرو پیچلی خصوصیت او اړیکې کشف او توضیح شي. د شمېرو د څرگندولو لنډیز او په عین حال کې ساده کول د هغوی د خاصیت او څرنگوالي له لاسه ورکولو پرته، د پېښېدو د بیا وپېښې (د فریکونسي د وپېښې) اساسي موضوع ده. یعنې شمېرې د صنفونو په بڼه چې، ځینې یې د (صنف، پور، گروپ او ډلې په نوم هم یادېږي) ترتیب شوي. د اړوندو کتنو (مشاهداتو) او واقعاتو د پېښې یا وقوع (فریکونسي) تکرار او زیاتوالی په هر صنف کې تثبیت او وټاکل شي.

په هغه جدول کې چې شمېرې په دې بڼه ترتیب، تصنیف او څرگندېږي د بیا پېښې جدول (جدول تکرار وقوع) یا د (فریکونسي جدول) په نوم یادېږي.

په لومړنۍ بڼه د ټاکل شوو صنفونو په نظر د راټولو شوو شمېرو د وېشلو لپاره کولای شو د خط بندي له پانې (یا په عامیانه عبارت له چوب خط) یا د ثبت له فورمې څخه گټه واخلو. په دې پاڼه کې لکه ۳-۳ جدول د هر ټولګي په وړاندې هغه شمېرې چې په هغه پورې اړوندېږي خط کوو. په بل عبارت د هغو کورنیو شمېر چې، د هغو وسطي عاید په هر ټولګي کې شاملېږي، د هماغه ټولګي په وړاندې خط کوو، له دې خطونو څخه وروسته (دکورنیو تعداد) شمارو او د جدول په بله خانه کې یې په عدد څرگندوو. دا اعداد (د هر ټولګي په وړاندې د ثبت شوو خطونو شمېر) د ټولګي د بیا پېښېدلو (تکرار وقوع) یا فریکونسي څخه عبارت دی.

۳-۳ جدول په ۱۳۸۵ کال کې د ۱۴۲ کورنیو اړو د کلنۍ وسطي عاید خط بندۍ پاڼه

کورنیواړه اندازه	چوب خط	کلنۍ وسطي عاید (زر افغانۍ)
10		66.00-66.49
15		66.50-66.99
25		67.00-67.49
40		67.50-67.99
20		68.00-68.49
14		68.50-68.99
11		69.99-69.49
7		69.50-69.99
۱۴۲		

۳-۴ جدول په ۱۳۸۵ کال کې د ۱۴۲ کورنيو اړو دکلي و سطي عايد ثبت پاڼه

66.00	66.50	67.00	67.50	68.00	68.50	69.00	69.50
66.49	66.99	67.49	67.99	68.49	68.99	69.49	69.99
66.03	66.53	66.05	67.51	68.00	68.60	69.00	69.50
66.07	66.60	66.09	67.53	68.03	68.64	69.12	69.54
66.10	66.71	66.12	67.54	68.05	68.73	69.15	69.61
66.14	66.75	66.14	67.55	68.06	68.78	69.17	69.65
66.21	66.78	66.15	67.55	68.07	68.80	69.20	69.73
66.29	66.80	66.17	67.55	68.09	68.82	69.21	69.84
66.34	66.81	6..18	67.57	68.11	68.84	69.24	69.94
66.34	66.83	66.20	67.58	68.15	68.85	69.25	
66.37	66.84	66.20	67.61	68.15	68.87	69.46	(7)
66.40	66.87	66.22	67.65	68.17	68.91	69.48	
66.42	66.91	66.23	67.66	68.18	68.93		
	66.92	66.25	67.68	68.20	68.95	(11)	
(10)	66.93	66.25	67.71	68.22	68.98		
	66.93	66.28	67.73	68.29	68.99		
	66.95	66.29	67.74	68.30			
		66.32	67.75	68.33	(14)		
	(15)	66.38	67.75	68.40			
		66.41	67.78	68.45			
		66.44	67.79	68.47			
		66.47	67.80				
		66.47	67.80	(20)			
		66.48	67.81				
		66.48	67.82				
			67.83				
		(24)	67.83				
			67.85				
			67.85				
			67.85				
			67.85				
			67.86				
			67.86				
			67.89				
			67.90				
			67.91				
			67.92				
			67.92				
			67.94				
			67.96				
			(40)				

په ۳-۴ جدول کې د ثبت د فورمې د سمبالولو طریقه ښودل شوې ده. په دې عملیه کې ټولګي په افقي بڼه (د جدول د خانو د عنوان په څېر) د جدول په پورتنۍ برخه کې سمبال شوي دي او هغه شمېرې یا ارقام چې په هر ټولګي پورې اړوندېږي تر هماغه ټولګي لاندې ثبت شوي دي. وروسته د هر ټولګي د ارقامو تعداد شمېرل کېږي او د هغوی مجموع د هماغه ټولګي د اړوندو ارقامو په پای کې د دوو لېنډیو په منځ کې لیکل شوي دي، دا مجموعې د هر ټولګي فریکونسي جوړوي.

که څه هم د ثبت فورمې د خط بندۍ په پرتله زیات کار غواړي، خو د زیات کار په لرلو سره ښه والی هم لري.

الف- هغه ارقام چې سهواً ثبت شوي کېدای شي په آسانۍ سره اصلاح یا نورو اړوندو خانو ته ولېږدوي.

ب- که لومړني ټولګي د قناعت وړ نه وي کولای شو هغه په آسانۍ سره د دوهم ځل لپاره تصنیف کړو.

ج- هغه عدد چې د ټولګي په وسط کې ځای پرځای شوی، کولای شو په ښه توګه د هماغه ټولګي له اوسط سره پرتله کړو.

په یاد باید ولرو چې کولای شو د خط بندۍ پاڼه او د ثبت فورمه نظر لومړنیو شمېرو ته تشکیل کړو. او که شمېرې ترتیب شوې وي کار به په مراتبو سره آسان شي.

د ۳-۳ جدول د خط بندۍ د پانې پایلې او یا د ۳-۴ جدول د ثبت فورمې اوس کولای شو د فریکونسي په یوه جدول کې لکه د ۳-۵ جدول څرګند کړو.

۳-۵ جدول په ۱۳۸۵ کال کې د ۱۴۲ کورنیو ارو دکلني وسطي عاید فریکونسي جدول

کلنی وسطي عاید (زر افغانۍ)	دکورنیو ارو اندازه (فریکونسي)
66.00-66.49	10
66.50-66.99	15
67.00-67.49	25
67.50-67.99	40
68.00-68.49	20
68.50-68.99	14
69.99-69.49	11
69.50-69.99	7
	142

### د فریکونسي جدول تخنیکي اصطلاحات او مفاهیم:

ځینې تخنیکي اصطلاحات او مفاهیم د فریکونسي د جدول په اړه شته چې لري دا مفاهیم په لاندې توګه توضیح کیږي.

- **ټولګی:** په احصائیه کې د دوو عددو په وسیله هر ټاکل شوی واټن لکه 66.00-66.49 یا 69.50-69.99 د ټولګي، صنف، پور یا ګروپ په نامه یادېږي.
- **د ټولګي حدود:** هغه دوه عدده چې یو ټولګی رانغاړي د هماغه ټولګي حدود نومول کېږي. د ټولګي کوچنی عدد د ښکتنی حد په نوم او لوی عدد د هماغه ټولګي د پورتنی حد په نوم یادېږي. لکه: په ټولګي کې 66.00-66.49 چې له 66.00 تر 66.49 لوستل کېږي ښکتنی حد یې 66.00 او پورتنی حد یې 66.49 ده.
- **د ټولګي سرحد:** د بحث وړ ټولګي د ښکتنی حد اوسط او د مخکیني ټولګي پورتنی حد د ښکتنی سرحد په نوم او همدارنګه د دې ټولګي د پورتنی حد اوسط او د وروستني ټولګي ښکتنی حد د اړوند ټولګي د پورتنی سرحد په نوم یادېږي. د بېلګې په ډول د 67.00-67.49 په ټولګي کې لرو چې:

$$\text{ښکتنی سرحد} = \frac{67.00 + 66.99}{2} = 66.995$$

$$\text{پورتنی سرحد} = \frac{67.49 + 67.50}{2} = 67.4955$$

- **د ټولګيو واټن:** د یوه ټولګي واټن د هماغه ټولګي د ښکتنی حد او د مخکني ټولګي د پورتنی حد له توپیر څخه عبارت دی. د بېلګې په ډول په دوو مخکینيو ټولګيو کې د ټولګي واټن له 0.50 یا 500 افغانۍ څخه عبارت دی. یعنې: په ټولګي کې 66.00-66.49 او 66.50-66.99 په نظر کې نیسو.
- **کولای شو د ټولګيو واټن د اوسطونو تر منځ نظر توپیر ته هم سنجش کړو.**
- **د ټولګي پراخ والی:** د ټولګي پراخوالی د هماغه ټولګي د پورتنی سرحد او ښکتنی سرحد

ترمنځ له توپير څخه عبارت دی. د بېلگې په ډول په 67.00-67.49 لرو چې:

$$0.5=67.995-67.495$$

په دې بېلگو کې د ټولگيو واټن او پراخوالی په تصادفي توگه له يو بل سره مساوي دي خو دا حالت شايد په ټولو مواردو کې صدق ونه کړي.

- د ټولگي فريکونسي: د يوه ټولگي فريکونسي د هغو پېښو يا واقعاتو او کتنو يا مشاهداتو له تعداد (تکرار) څخه عبارت دی چې، په هماغه ټولگي پورې اړوندېږي. لکه په ۳-۵ جدول کې د ټولگي فريکونسي 68.00-68.49 له 20 کورنيو وگړو څخه عبارت ده. يعنې د 142 سروې شوو کورنيو وگړو له جملې څخه د هغو 20 کورنيو وگړو کلنی عايد 68.00-68.49 زره افغانۍ دی.

- د ټولگي منځ: د يوه ټولگي وسط يا منځنی ټکی يا نقطه د هماغه ټولگي د حدودو له اوسط څخه عبارت دی. د بېلگې په ډول د ټولگي اوسط يا وسط 67.00-67.49 له 67.245 څخه عبارت دی يعنې:

$$\text{د ټولگي وسط} = \frac{67.00 + 67.49}{2} = 67.245$$

د فريکونسي د وېشنې گرافيکي څرگندونه: د فريکونسي وېشنه کولای شو، د گرافونو په مرسته هم څرگنده کړو. د احصائيوي اعدادو او معلوماتو گرافيکي څرگندونه څرنګه چې په مخکني څپرکي کې مطالعه شوه په بېلابېلو بڼو او ډولونو ترسره کېږي. د فريکونسي د وېشنې د څرگندولو معمولي بڼه د بارچارت، هستوگرام يا ستوني گراف په مرسته وي. بارگراف، پای گراف، خط ماتی گراف، د هغوی تصويري يا سمبولیک گراف وي. په دې ځای کې په لنډه توگه ئې احصائيوي بڼې او د څرگندولو او انځورولو کړه وړه توضیح کېږي.

۱- هستوگرام: د يوه احصائيوي گراف يو هستوگرام يا د فريکونسي هستوگرام له يو شمېر مستطيلونو څخه جوړ شوی دی څرنګه چې:

a. مستطيلونه په عمودي توگه د (x) پر افقي محور باندې په دې ډول ځای پرځای شوي دي چې، د هغوی عرض د ټولگيو د واټن له اندازې سره مساوي او وسط ټېد ټولگيو په وسطي ټکي باندې وي.

b. د مستطيلونو ساحه يا مساحت د اړوندو ټولگيو له فريکونسيو سره متناسبه دي، دا



حالت البته هغه وخت صدق کوي چې، د ټولگيو واټن گډ (مشترک) وي پرته له دې بايد د مستطيلونو لوړوالی (ارتفاع) برابر کړی شي.

c. د مستطيلونو شمېر د ټولگيو له شمېر سره سم د يوې فريکونسي په ویشنه کې وي.

د يوه هيستوگرام په انځور کې بايد لاندې ټکي په پام کې ونيول شي.

الف- د فريکونسي د وېشنې هيستوگرام ۳-۵ جدول په ۱-۳ شغل يا کار کې څرگند شوي دي.

د فريکونسي په دې بڼه کې ټولگي په افقي محور ( $x$  محور) کې وضع شوي دي او د

$y$  د محور مقياس بندي بايد له صفر څخه پيل او له قطع کېدو پرته دوام پيدا کړي.

ب- په افقي محور کې بايد يو واټن د بشپړو ټولگيو د نيم يا يوه واټن په اندازه د مستطيل په خوا کې کېښودل شي.

ج- د  $x$  افقي محور بايد داسې مقياس بندي شي چې، وکړی شي د اړوندو ټولگيو د مستطيلونو

پايې په وضاحت سره وښيي، د دې محور مقياس بندي معمولاً د ټولگيو د حدودو پر

اساس ترسره کېږي، که شمېرې اوږدې (متمادي) وي د يوه ټولگي پورتنی حد د وروستني

ټولگي له ښکتنې حد سره برابرېږي. په دې صورت کې د گراف مستطيلونه له يو بل

سره نښتي وي. که چېرې شمېرې اوږدې نه وي يعنې غير متمادي وي ښه به وي چې

د ټولگيو ښکتنی حد د  $x$  په محور کې وښودل شي. په ځينو حالاتو کې يواځې د ټولگيو

وسطي ټکی د افقي محور پر مخ څرگندېږي. (۲-۳) بڼه

د- څرنگه چې پورته اشاره وشوه د  $x$  محور بايد د ټولگيو د واټن د گډ والي په صورت کې

په مساوي حد ووېشل شي. که چېرې د ټولگيو واټن له يو بل سره توپير ولري د محور

مقياس بندي بايد له هغوی سره سمه ترسره شي د بېلگې په ډول که د ټولگيو واټن توپير

ولري بايد دا توپير د افقي محور پر مخ په وضاحت سره وښودل شي. که واټن 5 او د

بل يې 15,5 وي په دې صورت کې د دويم ټولگي واټن د  $x$  د محور پرمخ بايد د لومړني

ټولگي د واټن څو برابره وي. په دې حالاتو کې د اصلي فريکونسيو پر ځای د فريکونسيو

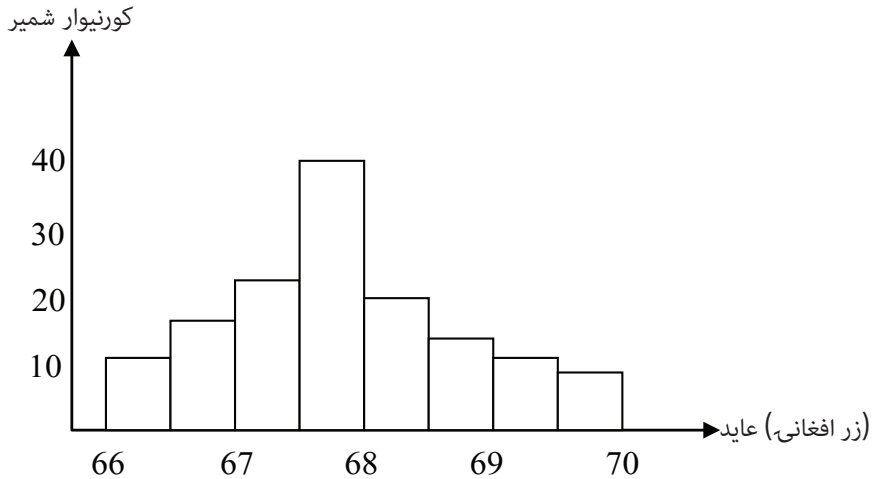
زياتوالي يا کثرت څرگندېږي.

ه- په هيستوگرام کې معمولاً د مستطيلونو اوږدوالی د هغوی له عرض څخه زيات وي.

خو په ځينو مواردو کې د هغه بالعکس امکان لري يعنې په هغو حالاتو کې چې، د يوه

ټولگي واټن (د وضع شوو واحدونو په اساس) د هماغه ټولگي له اړوندې فريکونسي

څخه لوی وي. اړوند مستطيل د هغه له اوږدوالي څخه د زيات عرض لرونکی وي.

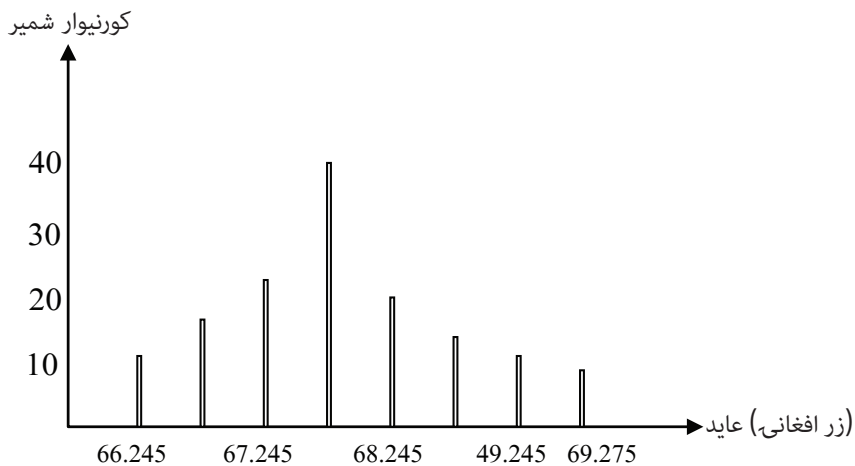


(۳-۱) بڼه په ۱۳۸۵ کال کې د ۱۴۲ کورنیو کلنی اوسط عاید په هیستوگرام

د یادونې وړ ده چې په ۳-۱ بڼه کې د هر مستطیل ساحه د ۳-۵ په جدول کې د هر ټولګي د فریکونسي له تعداد سره مساوي وي. همدارنګه د پورتنۍ بڼې مجموعي ساحه د فریکونسيو له مجموعې سره مساوي وي. په عمومي توګه د یوه هیستوګرام له انځور څخه هغه مهم ټکی، چې کیدای شي پرې پوه شو د هر ټولګي د واټن د ساحې متناسب والی پر افقي محور باندې د هماغه ټولګي د فریکونسي له ویشني څخه ده. د هیستوګرام د دې خصوصیتونو په نظر کولای شو وویښو چې، د فریکونسي محور څرګندوي. په حقیقت کې د پېښو یا کتنو (وقوع او مشاهداتو) زیاتوالی د هر مقیاس واحد په نظر د  $x$  محور افاده کوي.

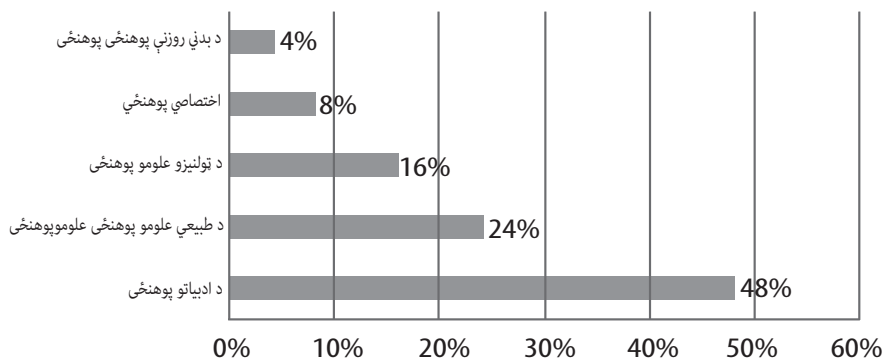
۲- بار چارت: د یوې فریکونسي د وېشنې د څرګندولو بله لار د بارچارت په مرسته ترسره کېږي. په دې بڼه کې د ۳-۱ بڼې د مستطیلونو په ځای عمودي کرني رسمېږي. د هرې عمودي کرني ستنه (پایه) په افقي محور کې د ټولګي په وسطي ټکي باندې ځای پرځای کېږي چې، دهغې اړوندې فریکونسي لوړوالی (ارتفاع) ښيي.

زموږ د مطالعې وړ بېلګه بارچارت، په ۳-۲ بڼه کې څرګنده شوې ده. باید یادونه وکړو چې، بارچارت زیاتره د غیر متمادي اعدادو د گرافیکي څرګندولو په اړه په کار اچول کېږي.

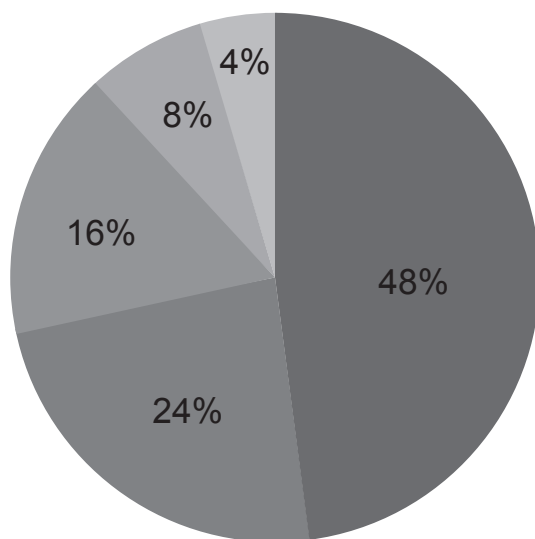


(۳-۲) بڼه په ۱۳۸۵ کال کې د ۱۴۲ کورنيو کلنی وسطي عاید بارچارت

۳- بارگراف **BAR GRAPH**: بارگراف له احصائیوي گرافونو څخه یو گراف دی چې، د فیصدی په اساس له مجموع څخه انځورېږي. د بېلگې په ډول که چېرې د کابل د ښوونې او روزنې په پوهنتون کې د ادبیاتو پوهنځي د محصلینو شمېر 48%، د طبیعي علومو د پوهنځي د محصلینو شمېر 24% او د ټولنیزو علومو د پوهنځي د محصلینو شمېر 16%، د اختصاصي پوهنځي د محصلینو شمېر 8% او د بدني روزنې د پوهنځي د محصلینو شمېر 4% وي، دا معلومات له بارگراف څخه په استفادې په لاندې شان څرگندوو.



۴- پای گراف **Pie graph**: پای گراف هم د فیصدی په اساس له غونډ (مجموع) څخه انځورېږي، چې یوه بشپړه دایره نظر ورکړل شوو فیصدیو ته په پام کې نیول کېږي او پای گراف نظر هماغې وېشل شوې فیصدی ته د دایرې پر سر انځورېږي. په دې روش کې د یو درست (کُل) تشکیل کوونکي اجزاوو فیصدی د دایرې د وړانګې (شعاع) په مرسته چې، مرکزي زاویه یې د جزء له فیصدیو سره متناسبه وي. په دې منظور د پای گراف ورکړل شوې فیصدی په پام کې نیسو.



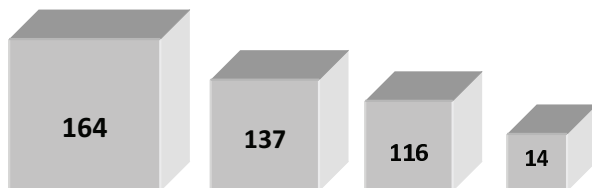
- د ادبیاتو پوهنځی 48%
- د طبیعی علومو پوهنځی 24%
- د ټولنیزو علومو پوهنځی 16%
- د اختصاصي علومو پوهنځی 8%
- د بدني روزنې پوهنځی 4%

۵- **خط ماتی (شکسته) گراف Broken Line Graph**: خط ماتی گراف د متحولینو ترمنځ د اړیکو د څرگندولو لپاره په کار اچول کېږي. په دې صورت کې دا اړیکه د متحولینو د قیمتونو د مرتبو جوړو په ذریعه د ټکو په بڼه د وضعیه کمیاتو د سیستم پر مخ ښودل

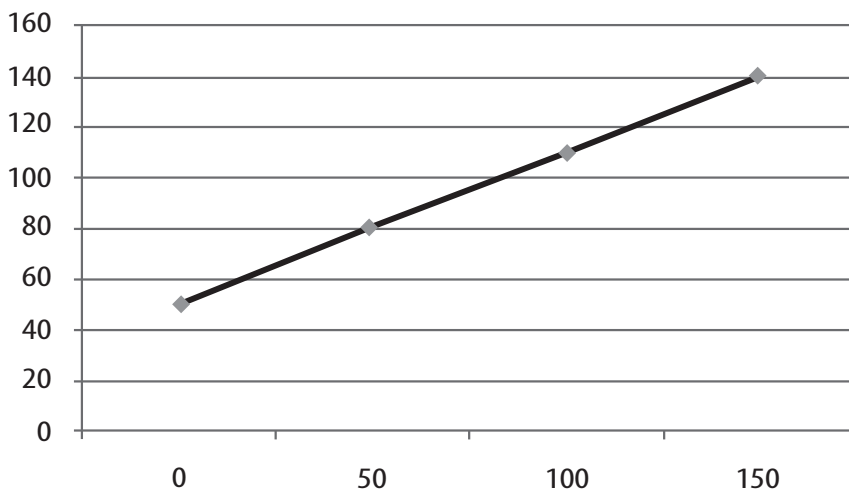
کیري او وروسته لاسته راغلي ټکي د ټوټه کربنو په مرسته له یو بل سره نسلوو چې د گراف بڼه په لاس راځي او هغه گراف چې په دې ترتیب لاسته راځي د خط ماتي گراف په نوم یادېږي.

خط ماتي گراف معمولاً هغه وخت د استفادې وړ گرځي چې، د یو متحول بدلونونه په زماني وقفو کې تر مطالعې لاندې نیول کېږي. لکه د زړه گراف او داسې نور.

۶- **تصویری یا سمبولیک گراف Picto Graph:** په تصویری گراف کې ارقام د سمبولیکو کوچنیو تصویرونو په مرسته ښودل کېږي. د هر تصویر او سمبول کچه په رقم پورې اړوندېږي. لکه د ۱۶ تنو، ۱۱۶، ۱۳۷، ۱۶۴ تنو ارقام کولای شو د مکعباتو په بڼه نظر کوچنیو او لویو ارقامو ته په لاندې توگه وښیو.



سمبولیک گراف



خط ماتي گراف

### نسبي او متراکمي (مجموعي) فريکونسي گاني

نسبي فريکونسي: د يوه ټولگي نسبي فريکونسي د هماغه ټولگي د فريکونسي نسبت د ټولو ټولگيو د فريکونسي له مجموع څخه عبارت دی او معمولاً په فيصدي څرگنديږي، مثلاً د لومړي ټولگي نسبي فريکونسي په لاندې معلوماتو کې عبارت ده له:

د سعودي (زياتېدونکې) متراکمي فريکونسي جدول

X	F	متراکمه فريکونسي زياتېدونکې
34-45	10	10
45-55	15	25
55-65	12	37
65-75	17	54
75-85	12	66
85-95	5	71
95-105	10	81
مجموع	$\sum F = 81$	

$$= \frac{10}{81} \cdot 100 = 12.34\%$$

متراکمه (مجموعي) فريکونسي: د متراکمو يا مجموعي فريکونسي گانو وېشنه کولای شو په دوو لارو وېشو، يعنې د سعودي (زياتېدونکو) متراکمي فريکونسي وېشنه او د ټيټېدونکې (متناقصې) متراکمي فريکونسي وېشنه.

الف- سعودي (زياتېدونکې) متراکمه فريکونسي: په دې فريکونسي کې له لومړنۍ فريکونسي يا د ټولگي له کوچنۍ فريکونسي څخه پيل شوي. په ترتيب سره د هر ټولگي له فريکونسي سره جمع او د اړوند ټولگي په وړاندې ځای پرځای شوي دي، مثلاً د لومړي ټولگي متراکمه فريکونسي په پورته مثال کې 10 دويم ټولگی 25، درېيم ټولگی 37، څلورم ټولگی 54 او په همدې ترتيب تر اووم ټولگي 66، 71 او 81 دي او يا اووم ټولگی له لومړي څخه تر اومه پورې د ټولو فريکونسي گانو مجموع ده.

ب- ټيټېدونکې (متناقصه) متراکمه فريکونسي: د متناقصو متراکمو فريکونسي گانو په ترتيبولو کې يا د فريکونسي گانو مجموع د لومړي ټولگي په وړاندې ځای په ځای شوي دي او په ترتيب سره د هر ټولگي فريکونسي د پاتې شوو له مجموع څخه

تفریق او د اړوند ټولګي په وړاندې لیکل شوي دي. مثلاً: د لومړي ټولګي ټیټېدونکې متراکمه فریکونسي 81 یعنی د فریکونسي ګانو مجموع او د فریکونسي ګانو له مجموع څخه وروسته، د لومړي ټولګي فریکونسي منفي د دویم ټولګي د متراکمې مجموع په فریکونسي کې لیکل کېږي او په همدې ډول تر اووم ټولګي پورې دوام پیدا کوي. د متناقصې (ټیټېدونکې) متراکمې فریکونسي جدول

X	F	زیاتېدونکې متراکمه فریکونسي
34-45	10	81
45-55	15	71
55-65	12	56
65-75	17	44
75-85	12	27
85-95	5	15
95-105	10	10

#### د درېیم څپرکي د مطالبو لنډيز:

- د پېښېدو (وقوع) بیا وېشنه (د فریکونسي وېشنه): که چېرې اعداد نظر د هغوی کې چې او کمیت ته ترتیب او توضیح شي دغه عملیه د پېښېدو بیا وېشنې یا د فریکونسي وېشنې په نوم یادوي.
- د اعدادو راټولونه: د فریکونسي په وېشنه کې د لومړنیو اعدادو توحید او انسجام معمولاً په مستقیم او غیر مستقیم ډول په اتفاقي او خپور (پراګنده) توګه تر سره کېږي. اعداد له راټولوني وروسته ترتیب، توحید او خلاصه کېږي تر څو تحلیل او نتیجه ګیري آسانه شي.
- د اعدادو تصنیف: که چېرې اعداد لږ یا د نمونې کچه کوچنۍ وي د اعدادو ترتیب نسبتاً آسانه دی، که چېرې اعداد زیات او نمونه نسبتاً لویه وي د اعدادو ترتیب په جدول کې آسانه کار نه دی، زیات وخت غواړي او محدوده ګټه ورڅخه اخستل کېږي.
- نو ځکه اعداد په هغه بڼه چې ترتیب، تصنیف او څرګندېږي د بیا پېښېدو جدول (د فریکونسي-جدول) په نوم یادېږي.

#### د فریکونسي جدول تخنیکي اصطلاحات او مفاهیم

ټولګي: په احصائیه کې هر ټاکل شوی واټن د دوو عددو په وسیله لکه 66.00-66.49 د ټولګي په نوم یادېږي.

**د ټولګي حد او حدود:** هغه دوه عدده چې یو ټولګی رانغاړي، د ټولګي حد او حدود یادېږي. کوچنی عدد د ښکتنې حد او لوی عدد د پورتنې حد په نوم یادېږي.

**د ټولګي سرحد:** د بحث وړ ټولګي د ښکتنې حد اوسط او د مخکني ټولګي پورتنی حد، د ښکتنې سرحد په نوم، او د نظر وړ ټولګي پورتنې حد او د وروستني ټولګي ښکتنی حد د پورتنې سرحد په نوم یادېږي.

**د ټولګي واټن:** د هماغه ټولګي د ښکتنې حد او د مخکني ټولګي د ښکتنې حد توپیر د ټولګي واټن دی.

**د ټولګي پراخ والی:** د ټولګي پراخوالی د هماغه ټولګي د پورتنې سرحد او ښکتنې سرحد ترمنځ توپیر دی.

**د ټولګي فریکونسي:** د هغو پېښو او کتنو (واقعاتو او مشاهداتو) له تعداد (تکرار) څخه عبارت دی چې په هماغه ټولګي پورې اړوندېږي.

**د ټولګي وسط:** د یوه ټولګي منځنۍ برخه د هماغه ټولګي د حدودو له اوسط څخه عبارت دی. د فرېکونسي د وېشنې ګرافيکي څرګندونه: کولای شو د ځینو ګرافونو لکه: هیستوګرام، باراګراف، پای ګراف، خط ماتي او تصویري ګراف یا سمبولیک ګراف په وسیله څرګند کړو.

## د دریم څپرکي پوښتنې

- ۱- د فریکونسي د وېشنې مفهوم په لنډه توګه توضیح کړئ؟
- ۲- په هغه کې لاندې ورکړل شوي معلومات  
66.00-66.49  
66.50-66.99  
67.00-67.49  
67.50-67.99
- الف- د ټولګي حد او حدود وټاکئ؟
- ب- د ټولګي ښکتنی او پورتنی سرحد وټاکئ؟
- ج- ټولګی تشخیص کړئ؟
- د- د ټولګيو پراخ والی وټاکئ؟
- ه- د ټولګيو اوسط تشخیص کړئ؟
- ۳- د یوې کورنۍ کلني لګښتونه ورکړل شوي دي، دا لګښتونه د بارګراف او پای ګراف د احصایوي ګراف په بڼه څرګند کړئ؟
- ۴- د ټولګي واټن څه شی دی؟



### مرکزي (اوسط) ميلان مقياس

#### ټوليزه موخه:

د اوسطونو په مفهوم پوهېدل او د هغوی د څانگو بڼې.

د زده کړې موخې: د دې خپرکي په پای کې بايد محصلين د حساب د څانگې د اوسطونو مفهوم تعريف او توضيح کړای شي.

- ۱- حسابي اوسط
  - ۲- هندسي اوسط
  - ۳- هارمونيکي اوسط
  - ۴- مربعي اوسط
- مود (د فریکونسي زیاتوالی) د هغو اوسطونو په مفهوم پوهېدل چې، وسطي موقعیت لري.
  - میدیان (د فریکونسي اوسط)
  - د کارټیلونو، سانیلونو او دسیلونو په سنجش او مفهوم پوهېدل

**اوسطونه:** یو شمېر احصائیوي مقیاسونه شتون لري چې، د اوسطونو په توگه په کار اچول کېږي. اوسطونه د هغوی د ریاضي اړخونو له پلوه په دوه گروپونو باندې وېشل کېږي. هغه شمېرې چې د حساب د سنجش له نظره د عدد د اوسط په توگه راوځي او دویم گروپ چې منځنی موقعیت لري.

**لومړی گروپ:** په لومړني گروپ کې حسابي اوسط، هندسي اوسط، مربعي اوسط او هارمونيکي اوسط شامل دي.

**دویم گروپ:** میدیان (د فریکونسي وسط) مود (د فریکونسي زیاتوالی) او داسې نور رانغاړي. باید ووايو چې په زیاتره ځایونو کې یواځې یو مقیاس یا تشریحي مشخصې ته اړتیا لرو، تر څو نظر هغه ته د بلې لړۍ شمېرې مطالعه کړو. دا عدد باید له هغو ټولو اعدادو څخه استازیتوب وکړي چې، د هغې په وسیله تشریح کېږي. په دې منظور نوموړی عدد باید تمایل یا میلان همدارنگه د لړۍ د شمېرو ویشنه د یوه مرکزي یا وسطي ارزښت په ځواکې وښيي. له دې پلوه استازی عدد د مرکزي میلان مقیاس یا معمولاً د اوسط په نوم یادېږي.

یا په بل عبارت د یوې لړۍ یا سلسلې اوسط د یوه ارزښت یا یوه عدد څخه دی، چې له ټولو اعدادو څخه استازیتوب وکړي او څرنگه چې دا عدد د لږوالي له پلوه د اړوندو شمېرو د لړۍ یا سلسلې په وسط یا مرکز کې ځای پرځای کېږي، ځینې وخت د مرکزي گذارش مقیاس په نوم هم نومول کېږي.

څرنگه چې مو وویل مرکزي تمایل یا د مرکزي میلان مقیاس د بېلا بېلو څانگو لرونکي دي چې زیات معمولي یې عبارت دي له:

1- **حسابي اوسط:** د ورکړل شوو اعدادو د ټولو ارقامو حاصل جمع د هغوی پر تعداد باندې له تقسیم څخه عبارت دی. که چېرې د حسابي وسط په  $\bar{X}$  او ورکړل شوې شمېرې یا ارقام په  $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$  وښودل شي نو حسابي اوسط مساوي کېږي په:

$$\bar{X} = \frac{X_1 + X_2 + X_3 \dots X_n}{n} = \frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n}$$

د ( $\Sigma$ ) (زیگما) علامه (د یوناني لوی توري سیگما یا زیگما) معمولاً د مجموع یا جمع کولو په مفهوم په کار اچول کېږي.

د بېلګې په ډول که 10 عدده ولرو او هر یو یې په  $x_i$  ( $i=1,2,\dots,10$ ) افاده کړو او وغواړو د دغو اعدادو مجموعه پیدا کړو کولای شو ولیکو.

$$X_1 + X_2 + \dots + X_{10} = \sum_{i=1}^{10} X_i$$

**بېلګه:** د ارقامو حسابي اوسط 3,11,12,13,14,16,17,18 عبارت دی له:

$$\bar{X} = \frac{3+11+12+13+14+16+17+18}{8} = \frac{104}{8} = 13$$

بېلگه: که اوه عدده، 2، 7، 8، 5، 13، 15، 20 ولرو د هغه حسابي اوسط به عبارت وي له:

$$\bar{X} = \frac{15+2+7+8+5+13+20}{7} = \frac{70}{7} = 10$$

له مؤثر اوسط څخه يو د استفاده کولو خصوصي حالات په هغه حالت کې دی چې، د څو ستونو آمارو يا ارقامو عمومي اوسط د هر سټ د اوسطونو په مرسته مطلوب وي. لکه که چېرې  $X_1$  اوسط  $n_1$  عدد،  $X_2$  اوسط  $n_2$  په همدې ترتيب بالاخره  $X_n$  اوسط  $n_k$  عدد وي تردې شرايطو لاندې عمومي اوسط مساوي دی له:

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^k n_i \bar{X}_i}{\sum_{i=1}^k n_i}$$

بېلگه: د يوه ټولگي د 26 تنو اوسطې نمرې 74.7 د همدې ټولگي د 32 تنو نورو اوسطې نمرې 85.2 او د همدې ټولگي د پاتې 35 تنو اوسط 71.5 دی. د ټولگي اوسطه نمره محاسبه کړئ.

$$\bar{X} = \frac{26(74.7) + 32(85.32) + 35(71.5)}{26 + 32 + 35} = 77.12$$

بېلگه: يو هټی وال 28 کيلوگرامه چای، يو کيلو گرام په 120000 افغانی، 18 کيلوگرامه چای يو کيلوگرام په 130000 افغانی او 48 کيلوگرامه چای، يو کيلو گرام په 13500 افغانی خرڅ کړ، د هر يو کيلو گرام چای اوسط قیمت معلوم کړئ.

$$\bar{X} = \frac{28(120000) + 18(130000) + 48(135000)}{28 + 18 + 48} = 129545.5 Af$$

الف- د اوږدې يا متمادي لړۍ حسابي اوسط (ډلبندي شوي اعداد): د اوږدو تصنيف شوو اعدادو اوسط ځای کولای شو له لاندې درېو لارو لاسته راوړو.

- a- مستقيم ميتود
- b- غير مستقيم ميتود يا فرضي اوسط
- c- د پراويز (مرحله اي) انحراف ميتود

a- په مستقيم ميتود کې د يوې اوږدې لړۍ د حسابي اوسط سنجش لپاره کولای شو له لاندې فورمول څخه گټه واخلو.

$$X = \frac{\sum fn}{\sum f}$$

چې په هغه کې  $X$  اوسط،  $m$  د ټولګي وسطي ټکی،  $f$  د ټولګيو اړونده فریکونسي ښيي. **بېلګه:** د سلو تعاوني مغازو د خرڅلاو د اندازې په اړه لاندې معلومات په لاس کې شته، د خرڅلاو وسطي اندازه يا کچه معلومه کړئ. د خرڅلاو اندازه (زر افغانۍ)

$X$	$f$	$M$	$Fm$	$X = \frac{\sum fn}{\sum f}$
5-15	10	10	100	$X = \frac{3200}{100}$
15-25	20	20	400	$X=32$ زر افغانۍ
25-35	30	30	900	
35-45	25	40	1000	
45-55	10	50	500	
55-65	5	60	300	
			$\sum fm=3200$	

**b-** د فرضي اوسط په طريقه: له لاندې فورمول څخه گټه اخيستل کيږي.

$$X = A + \frac{\sum fd}{\sum f}$$

چې په هغه کې  $A$  فرضي اوسط او  $\sum d$  مساوي دی له  $d=m-A$  سره. **بېلګه:** پورتنی تمرین په پام کې نيسو، د وسطي خرڅلاو اندازه د دې میتود په مرسته پیدا کړئ.

فرض کړئ چې  $A$  یا فرضي اوسط مساوي له 30 سره وي.

X	F	M	$d=m-A$	Fd
5-15	10	10	$10-30=-20$	-200
15-25	20	20	$20-30=-10$	-200
25-35	30	30	$30-30=0$	0
35-45	25	40	$40-30=10$	250
45-55	10	50	$50-30=20$	200
55-65	5	60	$60-30=30$	150
	$\sum f = 100$			$\sum fd = 200$

$$X=A+\frac{\sum fd}{\sum f} \Rightarrow X=30+\frac{200}{100}=32 \text{ زره}$$

C- د مرحله يي انحراف میتود: په دې روش کې د سنجشونو د آسانی لپاره د ټولګیو ګډ واټن سنجول کېږي او د هغه نتیجه په ګډ واټن کې ضربېږي چې، فورمول یې په لاندې ډول دی.

$$X=A+\frac{\sum fd}{\sum f} \cdot C$$

چې په هغه کې  $d=m-A$  او C د ټولګیو ګډ واټن بڼي فرض کوو چې، A د فرض اوسط مساوي له 40 سره وي.

د مخکینۍ بېلګې ارقام په پام کې ونیسئ. د وسطي خرڅلاو اندازه د پورتنی فورمول په مرسته سنجش کړئ. د خرڅلاو اندازه (په زر افغانۍ).

X	F	M	$m-A=d$	$d \frac{d}{c}$	Fd
5-15	10	10	-30	-3	-30
15-25	20	20	-20	-2	-40
25-35	30	30	-10	-1	-30
35-45	25	40	0	0	0
45-55	10	50	10	1	10
55-65	5	60	20	2	10
	100				$\sum fd' = -80$

$$A=40$$

$$C=10$$

$$X=A+\frac{\sum fd'}{\sum f}.C \qquad X=40+\frac{-80}{100}.10 = 40-8 = 32 \text{ زر}$$

۱- هندسي اوسط: هندسي اوسط د  $m$  له جذر د  $n$  له حاصل ضرب، له کتنې او يا ارزښتونو څخه عبارت دي. که په يوه لړۍ کې دوه عدده شتون ولري، د هغه مربع جذر او که درې شمېرو لرونکی وي، مکعب جذر او په همدې ترتيب د لړۍ د ارقامو له تعداد سره سم د هغه جذر اخيستل کېږي. په سمبولیک ډول هندسي اوسط د لاندې فورمول په مرسته لاسته راځي:

$$GM = \sqrt[n]{X_1 \cdot X_2 \cdot X_3 \dots X_n}$$

چې په هغه کې  $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$  او داسې نور د لړۍ بېلا بېل ارقام بڼي. که چېرې د لړۍ ارقام درې يا له دريو څخه زيات وي د ارزښتونو ضرب کول او د هغه د جذر لاسته راوړل ډېر ستونزمن کار دی، د سنجش د ساده کولو لپاره له لوگاريتم څخه استفاده کېږي.

د يواځې (منفردو) کتنو هندسي اوسط سنجش: د يواځې (انفرادي) کتنو د هندسي اوسط

$$GM = \frac{\sum \log x}{N}$$

سنجش لپاره له لاندې فورمول څخه گټه اخيستل کېږي.

بېلگه: د لاندې کتنو هندسي اوسط پيدا کړئ.

$$N=5 \qquad GM = \frac{11.31}{5} = 2.26$$

X	Log X
---	-------

125	2.09
-----	------

275	2.43
-----	------

300	2.47
-----	------

185	2.26
-----	------

115	2.06
-----	------

---


$$\sum \log x = 11.31$$

بېلگه: د 45 او 90 او 180 اعدادو هندسي اوسط او حسابي اوسط پيدا كړئ.

$$\text{حل: } GM = \sqrt[3]{45 \cdot 90 \cdot 180} = \sqrt[3]{729000} = 90$$

$$\text{حسابي اوسط } Am = \frac{45 + 90 + 180}{3} = 105$$

بېلگه: د درې شمېرو 2، 4 او 8 هندسي او حسابي اوسط عبارت دی له:

$$G = \sqrt[n]{X_1 \cdot X_2 \cdot X_3 \dots X_n}$$

$$G = \sqrt[3]{(2)(4)(8)} = 64 = 4$$

$$\bar{X} = \frac{2 + 4 + 8}{3} = \frac{16}{3} = 4.7$$

په عمومي توگه د مثبتو اعدادو د هرې لړۍ يا سلسلې حسابي اوسط د هغه له هندسي اوسط څخه لوی وي. يا دا چې د لړۍ ټول اعداد له یو بل سره مساوي وي او که چېرې د لړۍ اعداد ټول یو شان برابرې وي. د نوموړې لړۍ حسابي اوسط او هندسي اوسط هم له یو بل سره مساوي وي. او که چېرې پورتنی فورمول د لوگاریتم په بڼه افاده کړو د هندسي اوسط سنجش په مراتبو آسانه کيږي يعنې:

$$G = (X_1 \cdot X_2 \cdot \dots \cdot X_n)^{\frac{1}{n}}$$

$$\text{Log } G = \frac{1}{n} \log(X_1 \cdot X_2 \dots X_n) = \frac{1}{n} (\log x_1 + \log x_2 \dots + \log x_n)$$

$$G = \frac{\sum \log x}{n}$$

بېلگه: د 3، 5، 6، 6، 7، 10 او 12 هندسي اوسط پيدا كړئ.

حل :

$$G = \sqrt[n]{(X_1)(X_2) \dots (X_n)} \quad G = (X_1)(X_2)(X_n)^{\frac{1}{n}}$$

$$\text{Log } G = \frac{\sum \log x}{n}$$

$$G = \sqrt[7]{(3)(5)(6)(6)(7)(10)(12)} = \sqrt[7]{453600}$$

$$\text{Log } G = \frac{1}{7} \log 453600$$

$$G = 6.43$$

او يا کولای شو وليکو:

$$\text{Log } G = \frac{1}{7} (\log 3 + \log 5 + \log 6 + \log 7 + \log 10 + \log 12)$$

$$G = 6.43$$

b: د لاندې (غير متمادي) لړۍ هندسي اوسط سنجش: د لاندې (غير متمادي) لړۍ د هندسي اوسط سنجش د لاندې فورمول په مرسته ترسره کيږي:

$$GM = \frac{\sum f \log X}{\sum f}$$

بېلگه: په يوه احصائوي تحقيق يا خپرنه کې په ۹۳ کورنيو کې کلنی عايد په لاندې ډول لاسته راغلی دی.

X	F	LogX	flogX
10000	1	4	4
800	50	2.9	145
400	25	2.6	65
7500	2	3.87	7.74
1000	3	3	9
1500	4	3.17	12.68
1200	3	3.07	9.21
600	5	2.77	31.85
	$\sum f = 93$		$\sum f \log X = 266$

$$GM = \frac{\sum f \log X}{\sum f} = \frac{266}{93} = 2.9$$



د اوږدې (متمادي) لړۍ هندسي اوسط سنجش: د اوږدې (متمادي) لړۍ د هندسي اوسط د سنجش لپاره له لاندې فورمول څخه گټه اخیستل کېږي:

$$GM = \frac{\sum f \log m}{\sum f}$$

په دې ځای کې  $m$  د ټولگيو وسطي ټکی دی.

بېلگه: د 50 تنو محصلينو د يوه ځانگړي مضمون د نمره په برخه کې لاندیني معلومات ورکړل شوي دي، وسطي نمره د هندسي له اوسط څخه په استفادې پيدا کړئ.

نمرې X	د محصلينو شمېر F	M	Log m	F Log m
0-10	8	5	0.69	5.52
10-20	12	15	1.17	14.04
20-30	20	25	1.39	27.8
30-40	6	35	1.54	9.24
40-50	4	45	1.65	6.6
	$\sum f=50$			$\sum f \log m=63.53$

$$GM = \frac{\sum f \log m}{\sum f} = \frac{63.53}{50} = 1.27$$

د هندسي اوسط د استعمال خاص موارد: هندسي اوسط د خرڅلاو، توليداتو، نفوسو، او د اقتصادي او تجارتي نورو وسيلو د زیاتوالي د وسطي فیصدۍ د پیدا کولو لپاره د استفادې وړ گرځي. د بېلگې په ډول که فرض کړو چې له 1359 کال څخه تر 1367 کال پورې قیمتونه په ترتیب سره 5%، 15% او 18% د قیمت کلنی وسطي زیاتوالي 11% د حسابي اوسط په مرسته وي البته دا دقیقه نه ده بلکې 15.9% د هندسي اوسط په مرسته لاسته راغلې.

۲- هندسي اوسط د شاخصونو د منځ ته راتلو لپاره ډیرښه اوسط دی.

۳- په هغو مواردو کې چې کوچني ارقام د ستر ډیر دروندوالي لرونکي او لوی ارقام د کوچني لږ دروندوالي لرونکي وي ډېر مناسب اوسط، هندسي اوسط دی.

**هارمونيکي اوسط:** هارمونيکي اوسط یو ډول اوسط دی چې د استعمال محدود موارد لري او زیاتره وخت په خاصو ځایونو کې د احصائیوي اشتباهاتو د مخنیوي لپاره ورڅخه گټه اخیستل کیږي. له دې اوسط څخه معمولاً په ورځ او یا په ساعت کې د تولید شوو محصولاتو د قیمتونو د لړۍ په تحلیل کې گټه اخیستل کیږي. د هارمونيک اوسط د یواځې (منفرد) کتنو حسابي اوسط د معکوس په توگه محاسبه کیږي. په دې ترتیب د هارمونيک اعدادو د یوې لړۍ، هارمونيک اوسط عبارت دي له:

$$X = \frac{\sum X}{N} \Leftrightarrow Hm = \frac{N}{\sum \frac{1}{Xn}}$$

$$H = \frac{1}{\frac{1}{X_1} + \frac{1}{X_2} + \frac{1}{X_3} \dots + \frac{1}{X_n}}$$

$$H = \frac{1}{\sum \frac{1}{x}} = \frac{N}{\sum \frac{1}{X}}$$

د بېلگې په ډول د درېو اعدادو 2 او 4 او 8 هارمونيک اوسط پیدا کړئ.

$$H = \frac{1}{\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8}} = \frac{1}{\frac{3}{8}} = \frac{8}{3} = 3.43$$

**بېلگه:** یوه موټر 100 کیلومتره واټن له 20 کیلومتره سرعت سره، 100 کیلومتره له 25 کیلومتره سرعت سره او 100 کیلومتره له 50 کیلومتره سرعت سره په یوه ساعت کې وهلی دی، د هغه متوسط سرعت محاسبه کړئ.

حل: موټر 300 کيلومتره واټن په بېلا بېلو سرعتونو سره وهلي دي، چې اړوند وختونه عبارت دي له:

$$t_1 = \frac{100}{20} = 5h$$

$$t_2 = \frac{100}{25} = 4h$$

$$t_3 = \frac{100}{50} = 2h$$

او متوسط سرعت عبارت دی له:

$$\begin{aligned}\bar{V} &= \frac{100 + 100 + 100}{5 + 4 + 2} = \frac{300}{t_1 + t_2 + t_3} \\ &= \frac{300}{\frac{100}{20} + \frac{100}{25} + \frac{100}{50}} = \frac{3}{\frac{1}{20} + \frac{1}{25} + \frac{1}{50}} \\ &= \frac{3}{\frac{5 + 4 + 3}{100}} = \frac{3}{\frac{11}{100}} = \frac{300}{11} = 27.2\end{aligned}$$

له هارمونیک اوسط څخه معمولاً د وسطي سرعت د پیدا کولو لپاره چې، عین واټن په بېلا بېلو سرعتونو سره وهي استفاده کېږي.

د یواځې (منفردو) کتنو د هارمونیک اوسط سنجش: د هارمونیک یواځې (منفرد) اوسطونو په یوه لړۍ کې له لاندې فورمول څخه په استفادې سنجش کېږي چې، په هغه کې  $X_1, X_2, X_3, \dots, X_n$  د متحولونو بېلا بېل ارقام وي او  $N$  د کتنو یا مشاهداتو تعداد ښيي.

$$H_m = \frac{N}{\sum \frac{1}{XN}}$$

بېلگه: د لاندې کتنو (مشاهداتو) هارمونیک اوسط پیدا کړئ.

X	$\frac{1}{X}$	N=5
2	$\frac{1}{2}$	
4	$\frac{1}{4}$	$HM = \frac{N}{\sum \frac{1}{X_m}}$
8	$\frac{1}{8}$	
5	$\frac{1}{5}$	$HM = \frac{5}{\frac{47}{10}} = 4.25$
10	$\frac{1}{10}$	

$$\sum \frac{1}{X} = \frac{47}{40}$$

د لنډې (غیر متمادي) لړۍ هارمونیک اوسط سنجش: په لنډې (غیر متمادي) لړۍ کې د

هارمونیک اوسط د  $HM = \frac{\sum f}{\sum \frac{f}{x}}$  فورمول په مرسته په لاس راځي.

بېلگه: د 120 تنو محصلینو نمرې په لاندې ډول ورکړل شوي دي د هغه هارمونیک اوسط پیدا کړئ.

F	$\frac{f}{X}$	$\frac{f}{X}$	
20	$\frac{20}{10}$	2	N=120
30	$\frac{30}{20}$	1.5	
50	$\frac{50}{25}$	2	HM = $\frac{\sum f}{\sum fx}$
15	$\frac{15}{40}$	0.37	
5	$\frac{5}{50}$	0.1	HM = $\frac{120}{5.97} = 20.10$
$\sum f = 120$	$\sum \frac{f}{x}$	$\sum \frac{f}{x} = 5.97$	

د اوږدې (متمادي) لړۍ هارمونیک اوسط سنجش: د اوږدې لړۍ د هارمونیک اوسط سنجش لاره لکه د لنډې (غیرمتمادي) لړۍ په شان ده. یواځینی توپیر یې دا دی چې، په X کې د ټولګیو وسطي ټکي یعنی m د استفادې وړ ګرځي او د هغه فورمول په لاندې ډول دی.

$$HM = \frac{\sum F}{\sum \frac{f}{m}}$$

بېلګه: د لاندې معلوماتو هارمونیک اوسط پیدا کړئ.

X	F	M	$\frac{f}{m}$	
10-20	4	15	$\frac{4}{15} = 0.26$	HM = $\frac{\sum f}{\sum \frac{f}{m}}$
20-30	6	25	$\frac{6}{25} = 0.24$	
30-40	10	35	$\frac{10}{35} = 0.28$	
40-50	7	45	$\frac{7}{45} = 0.15$	HM = $\frac{30}{0.98}$

$$50-60 \quad \frac{3}{\sum = 30} \quad 55 \quad \frac{\frac{3}{55}=0.05}{\sum \frac{f}{m} = 0.98} \quad HM=30.6$$

بېلگه: د لاندې کتنو (مشاهداتو) هارمونیک اوسط پیدا کړئ.

X	F	M	$\frac{f}{m}$
25-35	10	30	$\frac{10}{30}$
35-45	5	40	$\frac{5}{40}$
45-55	15	50	$\frac{15}{50}$
55-65	20	60	$\frac{20}{60}$
65-75	25	70	$\frac{25}{70}$
	$\sum f=75$		$\sum \frac{f}{m}=1.448$

$$HM = \frac{\sum f}{\sum \frac{f}{m}} \Rightarrow \frac{75}{1.448} = 5.79$$

مربعي برخه (بخش): د مربعاتو د حسابي اوسط مربع جذر ته د هغوی د څو عددونو مربعي اوسط ویل کېږي. په بل عبارت د  $X_n, \dots, X_3, X_2, X_1$  اعدادو مربعي اوسط عبارت دی له:

$$QM = \bar{X}^2 = \sqrt{\frac{\sum X^2}{n}} = \sqrt{\frac{X_1^2 + X_2^2 + \dots + X_n^2}{n}}$$

بېلگه: د 1,3,4,5,7 اعدادو مربعي اوسط پیدا کړئ.

$$X^2 = \sqrt{\frac{(1)^2 + (3)^2 + (4)^2 + (5)^2 + (7)^2}{5}} = \sqrt{\frac{100}{5}} = \sqrt{20} = 4.4$$

مور کولای شو مربعي اوسط هم په بېلو خانگو کې تر بحث او څېړنې لاندې ونیسو.  
 a- د یواځې (منفردې) لړۍ مربعي اوسط یعنې:

$$\bar{X}^2 = \sqrt{\frac{\sum X^2}{N}}$$

بېلگه: د لاندې یواځې (منفردو) اعدادو مربعي اوسط لاسته راوړئ.

X	X <sup>2</sup>
2	4
3	9
4	16
5	25
6	36
	$\sum X^2 = 90$

$$\bar{X}^2 = \sqrt{\frac{90}{5}} = \sqrt{18} = 4.2$$

b- د لنډې (غیرمتماذي) لړۍ مربعي اوسط: د لاندې فورمول په مرسته لاسته راځي.

$$\bar{X}^2 = \sqrt{\frac{\sum fX^2}{\sum f}}$$

بېلگه: د 20 تنو محصلینو نمرې په لاندې ډول ورکړل شوې دي د هغوی مربعي اوسط لاسته راوړئ.

X	f	X <sup>2</sup>	fX <sup>2</sup>
5	6	25	150
10	5	100	500
15	4	225	900
20	3	400	1200
25	2	625	1250
	$\sum f = 20$		$\sum fX^2$

$$\bar{X}^2 = \sqrt{\frac{4000}{20}} = \sqrt{200} = 14.14$$

b- په یوه اوږده (متماذي) لړۍ کې مربعي اوسط: په یوه اوږده (متماذي) لړۍ کې مربعي اوسط د لاندې فورمول په مرسته لاسته راځي.

$$\bar{X}^2 = \sqrt{\frac{\sum fm^2}{\sum f}}$$

بېلگه: د مخکینۍ بېلگې ارقام په نظر کې ولرئ په لاندې اوږدې (متمادي) لړۍ کې د هغه مربعي اوسط پیدا کړئ.

X	f	m <sup>2</sup>	Fm <sup>2</sup>
5-15	6	10=100	600
15-25	5	20=400	2000
25-35	4	30=900	3600
35-45	3	40=1600	4800
45-55	2	50=2500	5000
	$\Sigma f=20$		$\Sigma fm^2=16000$

$$X^2 = \sqrt{\frac{\sum fm}{\sum f}} \Rightarrow \sqrt{\frac{16000}{20}} = \sqrt{800} = 28.28$$

#### میدیان (د فریکونسي وسط)

تر اوسه پورې چې کوم اوسطونه مور مطالعه کړل هغه سنجش شوي اوسطونه دي چې، د یوې نمونې نظر ټولو اعدادو یا کتنو (مشاهداتو) ته د مشخصو فورمولونو په لړۍ کې محاسبه کېږي. په خلاف د دې په ځینو مواردو کې د وېشل شوو اوسطونو په ځای د اعدادو یا کتنو (مشاهداتو) وسطي موقفونو ته لکه میډیان (د فریکونسي وسط) یا مود (د فریکونسي زیاتوالی یا کثرت) چې وروسته به مطالعه شي اړتیا پیدا کېږي.

د یوې لړۍ اعدادو میډیان چې د هغوی د کمیت په نظر ترتیب شوي، نوموړې لړۍ له وسطي (منځني) عدد څخه عبارت دی، په بل عبارت میډیان د هغه عدد له ارزښت څخه عبارت دی چې، اړونده لړۍ په دوو برخو داسې ویشي چې، لږ تر لږه د لړۍ پنځوس فیصده اجزاء لږ یا مساوي په هغه یا لږ تر لږه پنځوس فیصده د لړۍ اجزاء مساوي یا له هغه څخه لوی وي.

د یوه آمار منځ (وسط) یا ډلبندي (صنف بندي) شوي اعداد د اندازې (صعودي یا نزولي) په ترتیب په لاندې بڼه په لاس راځي.

۱- که چېرې د آمار یا ارقامو اندازه تاق وي په دې صورت کې د هغوی منځ (میان) له هغه منځني رقم یا عدد څخه عبارت دی چې، د هغه دواړو خواوو ته په مساوي بڼه ارقام ځای په ځای کېږي. مثلاً د اعدادو منځ (میان) په نزولي بڼه 12، 13، 14، 15، 16، 17، 18، 19 او 20 څخه عبارت دي. د 16 عدد یعنې پنځم عدد منځنی (میان) دی.



او یا که د 5 تنو عاید په ترتیب سره 2500، 2800، 3200، 3400 او 4000 افغانۍ وي. د میدیان عاید عبارت له 3200 افغانۍ څخه دی.

دا باید څرگند کړو چې، د میدیان تثبیت باید له ټولو نه مخکې اعداد ترتیب کړي. **بېلگه:** د لاندې اعدادو میدیان پیدا کړئ.

10، 3، 5، 4، 8، 8، 4، 8 او 6

پورتني اعداد له ترتیب څخه وروسته په لاندې ډول دي.

3، 4، 5، 6، 8، 8، 8 او 10

د دې اعدادو میدیان له 6 څخه عبارت دی.

که چېرې د یوې لړۍ د اجزاوو تعداد جفت وي، د هغه میدیان د هغو دوو عددونو له وسط څخه عبارت دی چې، د اړوندې لړۍ په وسط کې واقع شوې ده.

**بېلگه:** د لاندې اعدادو د لړۍ میدیان پیدا کړئ.

5، 18، 5، 15، 7، 12، 9 او 11

له ترتیب څخه وروسته لرو:

5، 7، 9، 11، 12، 15 او 18

په دې بېلگه کې تعداد د 8 اجزاوې دي او د هغوی په وسط کې یو واحد عدد شتون نه لري بلکې دوه عدده 9 او 11 ځای پرځای شوي. په دې حالت کې د میدیان ارزښت د هغو دوه عددونو له اوسط څخه عبارت دی چې، د لړۍ په وسط کې واقع شوي دي.

$$\text{Med} = \frac{9+11}{2} = 10$$

**بېلگه:** د لاندې لړۍ میدیان پیدا کړئ.

2500، 2800، 3200، 3400، 4000 او 4300

د دې لړۍ میدیان عبارت دی له:

$$\text{Med} = (3200+3400) \div 2 = 3300$$

### د یواځې (منفردو) کتنو د میدیان سنجش

په لومړي سر کې به ورکړل شوې کتنې یا اعداد ترتیب کړو. په یوه ګروپ کې د اعدادو شمېر د (۱) له عدد سره جمع او د هغوی حاصل جمع په (۲) وېشل کېږي د شمېرې خارج قسمت ښيي چې، په هغه پورې اړوند ارزښت د میدیان له ارزښت څخه عبارت دی.

مثلاً که د یوې کتنې (مشاهدې) د اعدادو شمېر 15 وي د (1) عدد له 15 عدد سره جمع کيږي او پر 2 وېشل کيږي او خارج قسمت يعنې 8 شمېرې ښيي چې، د هغه اړوند ارزښت له ميدان څخه عبارت دی.

د لوی گروپ د گروپونو د سنجش لپاره له همدغه روش څخه گټه اخيستل کيږي. په يوه گروپ کې چې، د 2099 کتنو يا مشاهدو لرونکی وي د هغه ميدان به د 1050 اړوندې کتنې يا مشاهدې له ارزښت څخه عبارت وي  $(2099+1) \div 2 = 1050$ ، چې د هغه فورمول په لاندې ډول دی.

$$Med \frac{N+1}{2} \Rightarrow \frac{2099+1}{2} = \frac{2101}{2} = 1050$$

**بېلگه:** که چېرې د 7 تنو کارگرانو معاش په ورځ کې 100 افغانۍ، 150 افغانۍ، 80 افغانۍ، 160 افغانۍ، 90 افغانۍ، 200 افغانۍ او 104 افغانۍ وي، د هغوی د ميدان معاش سنجش کړئ.  
حل:

$$N=7$$

X

- 1- 80
- 2- 90
- 3- 100
- 4- 104
- 5- 150
- 6- 160
- 7- 200

$$\frac{N+1}{2} \Rightarrow \frac{7+1}{2} = \frac{8}{2} = 4$$

#### 4 د ميدان شمېره ده.

د 2 ميدان شمېره او د دې لړۍ ميدان چې، په څلورمې شمېرې پورې اړوندېږي له 104 عدد څخه عبارت دی يعنې د اوو تنو د معاش ميدان له 104 افغانیو سره برابر دی.  
بېلگه: د لاندې اعدادو په لړۍ کې د هغه ميدان پيدا کړئ.

$$N=10$$

$$\frac{N+1}{2} \Rightarrow \frac{10+1}{2} = \frac{11}{2} = 5.5$$

X

1- 381

2- 391

3- 407

4- 522

5- 591

6- 672

7- 753

8- 777

9- 1490

10- 2488

11-

څرنګه چې لیدل کیږي 5.5 شمېره یعنې د 5 او 6 کتنو (مشاهدو) ترمنځ موقعیت دی. نو د میدیان ارزښت د 5 او 6 شمېرو د وسطي ارزښتونو له ارزښت سره برابر دی او کولای شو هغه په لاندې بڼه په لاس راوړو.

$$\frac{591+672}{2} \Rightarrow 631.5$$

څرګندېږي چې 50% یاده شوې لړۍ مساوي یا له 631.5 څخه لږ ارزښت لري او پاتې 50 مساوي یا له 631.5 څخه زیات ارزښت لري.

د لنډې (غیر متمادي) لړۍ د میدیان سنجش: د لنډې (غیرمتمادي) لړۍ د سنجش لپاره لاندې ټکي په پام کې نیول کیږي.

۱- لومړی دې د لړۍ اعداد ترتیب شي.

۲- باید متزایده متراکمه فریکونسي پیدا کړل شي.

۳- د  $\frac{\sum F+1}{2}$  ارزښت دې پیدا شي.

۴- د متراکمې فریکونسي په خانه (ستون) کې هغه مجموعه چې له  $\frac{\sum F+1}{2}$  سره مساوي یا هغه رانغاړي پیدا او د هغه اړوند متحول ارزښت دې وټاکل شي، دغه ارزښت د میډیان قیمت ښيي.

**بېلگه:** لاندې معلومات په لاس کې شته د هغه میډیان پیدا کړئ.

ورځنی عاید	د وگړو تعداد	متزایده متراکمه فریکونسي
CF	F	X
16	16	80
40	24	100
66	26	150
96	30	180
116	20	200
122	6	250
	$\sum f=122$	

$$\frac{\sum f+1}{2} \Rightarrow \frac{122+1}{2} = 61.5$$

نو لیدل کېږي چې د هغې متزایدې فریکونسي 66 عدد چې مجموع  $\frac{\sum f+1}{2}$  یعنې 61.5 رانغاړي او 66 متحول ارزښت له 150 سره برابر دی چې همدغه 150 د 122 تنو د ورځني عاید میډیان دی.

C- د اوږدې (متماذي) لړۍ د میډیان سنجش: د اوږدې لړۍ د میډیان سنجش لپاره له لاندې فورمول څخه گټه اخلو.

$$\text{Med} = L + \frac{\frac{\sum f}{2} - CF}{F_{\text{med}}} . I$$

په دې فورمول کې  $L$  د ټولګي ښکتنی حد دی چې، میدیان په کې واقع شوی.  $CF$  د متزایدې متراکمو فریکونسي ګانو مجموع مخکې د ساده فریکونسي میدیان له ټولګي څخه، د میدیان ټولګي او  $I$  د میدیان د ټولګي ګډ (مشترک) واټن ښيي که چېرې ټولګي ګډ واټن لرونکی نه وي د میدیان د ټولګي پراخ والی (وسعت) په کار اچول کېږي.

**بېلګه:** د 281 تنو میاشتنی عاید په لاندې ډول ورکړل شوی دی، میدیان یې سنجش کړئ. د میدیان د ارزښت د پیدا کولو لپاره باید لاندې عملیې په ترتیب سره ترسره کړو.

۱- متزایده متراکمه فریکونسي ترتیبوو.

۲- د فریکونسي ګانو نیمه مجموعه یا  $\frac{\sum f}{2}$  په لاس راوړو.

۳- د متزایدو متراکمو فریکونسي ګانو ځانې (ستون) ته مراجعه کوو او له پورته څخه مخ

ښکته متزایده متراکمه کوچنۍ فریکونسي چې د  $\frac{\sum f}{2}$  مجموع چاپېروي او یا له هغه سره مساوي ده، ټاکو. دا فریکونسي زموږ د مطالعې په اړونده بېلګه کې 174 ده.

۴- د متزایدې متراکمې فریکونسي له ټاکلوڅخه وروسته چې،  $\frac{\sum f}{2}$  رانغاړي د هغه اړوند ټولګي یعنې د میدیان ټولګي تثبیتوو زموږ د پام وړ په بېلګه کې دا ټولګي ۱۳۰۰-۱۱۰۰ او ټیټنی حد یې یعنې  $L=1100$  دی.

۵- له میدیان څخه د مخکې ټولګي متزایدې متراکمې فریکونسي مجموع مشخصوو او زموږ د پام وړ په بېلګه کې  $CF=114$  دی.

۶- د میدیان د ټولګي ساده فریکونسي ټاکو چې، زموږ په بېلګه کې د 60 عدد دی.

۷- د ټولګيو ګډ واټن سنجش کوو چې، زموږ په بېلګه کې د ټولګيو ګډ واټن له 200 سره مساوي دی.

۸- پورتنی په لاس راغلي معلومات په اړوند فورمول کې وضع کوو او د میدیان ارزښت پیدا کوو.

عاید	F	CF	$L=1100$
300-500	1	1	$I=200$
500-700	16	17	$CF=114$

			Famed=60
700-900	39	56	د میدیان ټولګي ساده فریکونسي
700-1100	58	114	
1100-1300	60	174	$\text{Med} = L + \frac{\frac{\sum f}{2} - CF}{Famed} . I$
1300-1500	46	220	
1500-1700	22	242	$\text{Med} = 1100 + \frac{281 - 114}{60} . 200$
1700-1900	15	257	$\text{Med} = 1100 + \frac{26.5}{60} . 200$
1900-2100	15	272	$\text{Med} = 1100 + 0.44 . 200$
2100-2300	9	281	$\text{Med} = 1100 + 88$
281		$\text{Med} = 1188.3$	

یعنې 50% کارمندان مساوي یا له 1188 څخه لږ او 50% نور کارمندان مساوي او له 1188 څخه زیات اخلي.

**مود (د فریکونسي زیاتوالی):** مود د اعدادو په یوه لړۍ کې له هغه عدد یا ارزښت څخه عبارت دی چې، له بل هر عدد یا ارزښت څخه زیات څرګندیږي. په بل عبارت مود له هغه ارزښت څخه عبارت دی چې زیاتره معمول وي. په ځینو لړیو کې امکان لري یو یا څو موده شتون ولري یا حتی پرته له مود څخه وي. لکه د

1، 2، 3، 4، 5، 6، 7 او

په لړۍ کې مود د (4) عدد دی ځکه چې له نورو اعدادو څخه زیات څرګند شوی دی په دې ځای کې یو مود شتون لري، ځکه چې د اعدادو په لړۍ کې:

2، 3، 4، 5، 7، 9، 9، 10، 11، 11، 18

په پورته لړۍ کې دوه موده شتون لري چې له 9 او 11 څخه عبارت دي.

په لاندې لړۍ کې:

3و 5، 8، 10، 12، 17، 21

په پورته لړۍ کې مود شتون نه لري ځکه چې هر عدد یواځې یوځل څرگند شوی دی. مود په تجارتي مسایلو او اقتصادي مسایلو کې د کتنې وړ رول لري، د بېلګې په ډول د بوټ جوړونې په سرچینو یا شرکتونو کې، د گنډلو د قالبونو په طرح او ډیزاین کې اړین دي چې د پښو د تلې د سور (عرض)، د کورۍ جگوالی په متناسب ډول او د دوی په ډول نور مناسب شاخصونه په پام کې ونیول شي. له دې نه پرته نوموړی شرکت یا فابریکه د پښو د نورو او نورو مشخصاتو ته د نه پام له امله له نقص او تاوان سره مخامخ کیږي. له لاندې فورمول څخه په استفادې کولای شو مود د دفعاتو په یوه وېشنه کې محاسبه کړو.

$$Mode = L + \frac{Fm - F_1}{(Fm - f_1) + (fm - f_2)} \cdot i$$

په دې ځای کې:

L: له پور (طبقې) څخه ښکتنی واقعي حد چې، په هغه کې مود ځای لري.

Fm: هغه فریکونسي چې مود په هغه کې ځای لري.

F<sub>1</sub>: د ښکته پور فریکونسي، هماغه پور چې په هغه کې مود ځای لري.

F<sub>2</sub>: د پورتنی پور فریکونسي، هماغه پور چې په هغه کې مود ځای لري.

i: د ټولګي توپیر دی.

د مود له دې فورمول څخه په استفادې د لاندې دفعاتو وېشنه پیدا کوو.

90-99	20	L=59.5
80-89	25	Fm=304
70-79	211	F <sub>1</sub> =190
60-69	304	F <sub>2</sub> =211
50-59	190	i=10

$$40-49 \quad 87 \quad Mode = L + \frac{fm - f_1}{(fm - f_1) + (fm - f_2)}$$

$$30-39 \quad 8 \quad Mode = 59.5 + \frac{304 - 190}{(304 - 190) + (304 - 211)}$$

$$59.5 + \frac{1140}{207} \Rightarrow 59.5 + 5.5 = 65$$

او يا د تصنيف شوو اعدادو مود د لاندې فورمول په مرسته لاسته راتلاى شي.

$$\text{Mode} = L_1 + \left( \frac{\Delta 1}{\Delta 1 + \Delta 2} \right) \cdot c$$

په دې ځاى كې نوموړې نښې يا علايم عبارت دي له:

$L_1$ : د مود د ټولگي ښكتنى سرحد

$\Delta_1$ : د مود ټولگي د فریکونسي توپير د هغه د مخکني ټولگي له فریکونسي سره

$\Delta_2$ : د مود د فریکونسي توپير د هغه د وروستني ټولگي له فریکونسي سره (پرتله له اشارې څخه).

C: د مود د ټولگي د واټن کچه

دغه فورمول د 142 کورنيو د کلني عايد د وېشنې د فریکونسي په جدول کې تطبيق کوو.

لومړى بايد د مود ټولگى په اړونده وېشنه کې وټاکو، د مود ټولگى په يوه وېشنه کې له

هغه يوه څخه عبارت دى چې، د ډېرې زياتې فریکونسي لرونکې وي.

دا څرگنده ده چې زموږ په بېلگه کې څلورم ټولگى دى چې، د لويې فریکونسي يعنې د

40 کورنيوار لرونکى دى.

کلنى وسطي عايد (زر افغانى-)	کورنيو ار تعداد
66.00-66.49	11
66.50-66.99	15
67.00-67.49	24
67.50-67.99	40
68.00-68.49	20
68.50-68.99	14
69.00-69.49	11
69.50-69.99	7
	142

د جدول د مطالعې له مخې د مود په ټولگي کې يعنې 40 د هغه ښكتنى سرحد 67.495

زره افغانى دي. د مود د ټولگي د فریکونسي- توپير له متجانس ټولگي سره 16 کورنيواره

دى،  $16 = (40 - 24)$  همدارنگه د مود د ټولگي د فریکونسي توپير د هغه له وروستني ټولگي



سره 20 دی. د مود د ټولګي واټن کچه 0.50 زره افغانۍ ده د دې ارزښتونو تطبیق په فورمول کې په لاندې توګه څرګندېږي.

$$L_1 = 67.495$$

$$\Delta_1 = 40 - 24 = 16$$

$$\Delta_2 = 40 - 20 = 20$$

$$C = 0.50$$

$$\text{Mod} = L_1 + \left( \frac{\Delta_1}{\Delta_1 + \Delta_2} \right) \cdot C$$

$$\text{Mod} = 67.495 + \left( \frac{16}{16 + 20} \right) 0.50 = 67.72$$

د مود ارزښت دا رسوي چې په هماغه کال کې هره کورنۍ زیاته اندازه د 67.72 زره افغانۍ کلني عاید لرونکي ده..

#### د کارتیلونو، د سیلونو او پرسانتیلونو سنجش

د میدیان تر څنګه نور مقیاسونه هم شتون لري چې، یوه لړۍ په مساوي برخو وېشي چې، له هغوی څخه یې ډېر مهم کارتیلونه، دسیلونه او پرسانتیلونه دي. کارتیلونه (Q): له هغه متحول ارزښت څخه عبارت دي چې مجموعي فریکونسي په څلورو برخو وېشي.

دسیلونه (D): له هغه متحول ارزښت څخه عبارت دي چې مجموعي فریکونسي په لسو برخو وېشي.

پرسانتیلونه (P): له هغه متحول ارزښت څخه عبارت دي چې مجموعي فریکونسي په 100 برخو وېشي.

په هماغه ډول چې د یوې لړۍ یو ټکی په دوو برخو وېشي، د هغې درې ټکي په څلور برخو وېشي. 9 ټکي یې په 10 برخو وېشي او د هغه 99 ټکي په 100 برخو وېشي او په پایله کې یوه لړۍ 3 کارتیل، 9 دسیله او 99 پرسانتیله لري. 1، 2، 3 او ... ارقام چې د هغوی تر څنګ لیکل کېږي هغه مشخص ارزښت چې، سنجش په هغه پورې اړوندېږي ښيي یعنې  $Q_1$  لومړی کارتیل  $D_7$  اووم دسیل  $P_{80}$  اتیایم پرسانتیل ښيي.

د کارتیلونو، دسیلونو او پرسانتیلونو د سنجش لاره د میدیان د سنجش په شان ده چې، په لنډه توګه توضیح کیږي.

د دسیلونو د سنجش لاره د کارتیلونو په څېر د میدیان له برخې سره ورته والی لري یواځې هغه توپیر چې شتون لري دا دی چې، په هغه کې لری په 10 مساوي برخو وېشل

کیږي. که د هغوی  $\frac{1}{10}$  مطالعه شي د لومړي دسیل په نوم یادېږي، که د هغوی  $\frac{2}{10}$  مطالعه شي د دویم دسیل په نوم یادېږي.

د کارتیلونو سنجش: څرنګه چې میدیان یوه لری په دوو مساوي برخو ویشي. کارتیل یوه برخه په څلورو مساوي برخو ویشي او له هرې برخې څخه یې مور ته معلومات راکوي. که چېرې یوه مستقیمه کرښه د خپلو معلوماتو په توګه په پام کې ولرو. کارتیلونه هغه د درې ټکو په مرسته په څلورو مساوي برخو ویشي، څرنګه چې لومړی کارتیل 25% څرګندوي او د Q په توري ښودل کیږي او K د کارتیل شمېره ښيي.

دویم کارتیل 50% معلومات څرګندوي.

دریم کارتیل 75% معلومات څرګندوي.

کارتیلونه د Q په توري ښودل شوي او هغه شمېره چې د هغه په وړاندې لیکل کیږي د کارتیل شمېره ښيي. لکه  $Q_1$  لومړی کارتیل او  $Q_3$  دریم کارتیل ښيي.

د فورمول په اساس د هغه د وېشلو طریقه کټ مټ لکه د میدیان سنجش دی.

$$Q=L+\frac{K(\sum f)-cf}{FQK}.I$$

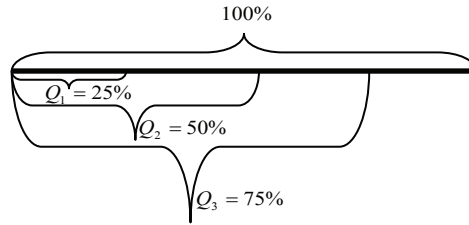
K په دې مساوي کې 1 او 2 تر 3 دي K=1, 2, 3

L د ټولګي ښکتنی حد چې کارتیل په هغه کې واقع شوی.

$C_F$  د کارتیل له ټولګي څخه د مخه د متزایدې متراکمې فریکونسي مجموعه.

FQ د کارتیل د ټولګي فریکونسي

I د کارتیل د ټولګي ګډ واټن



بېلگه: د درېيم کارټيل لاندې ورکړل شوي معلومات پيدا کړئ.

X	فريکونسي f	CF
10-20	10	10
20-30	12	22
30-40	13	35
40-50	7	42
50-60	18	60
60-70	20	80
70-80	2	82
	$\Sigma f = 82$	

$$K=1,2,3 \quad Q=L+\frac{3\left(\frac{\sum f}{4}\right)-cf}{FQ_3}$$

$$L=60 \quad Q=\frac{3(82)}{4}-61.5$$

$$Cf=60 \quad Q_3=60+\frac{3\left(\frac{82}{4}\right)-60}{20}.10$$

$$FQ_3=20 \quad Q_3=60+\frac{61.5-60}{20}.10$$

$$I=10 \quad Q_3=60+\frac{1.5}{20}.10=60.75$$

$$Q_3=60.75$$

بېلگه: د پورته معلوماتو په پام کې نیولو سره لومړی کارټیل سنجش کړئ.

$$Q_1 = L + \frac{(\sum \frac{f}{4}) - cf}{FQ_1} \cdot I$$

$$Q = \frac{\sum f}{4} \Rightarrow \frac{82}{4} = 20.5$$

$$L = 20$$

$$FQ_1 = 12$$

$$I = 10$$

$$Q_1 = 20 + \frac{20.5 - 10}{12} \cdot 10 = 27.5 \Rightarrow 20 + \frac{10.5}{12} \cdot 10 \Rightarrow 20 + 0.875 \cdot 10 \Rightarrow 20 + 8.75 = 28.75$$

$$Q_1 = 28.75$$

د **دیسیل سنجش**: دسیلونه داسې مرکزي ارزښت دی چې یوه لړۍ په 10 مساوي برخو ویشي او له هرې برخې څخه یې د معلوماتو لپاره څرگندونې کوي. فورمول یې په لاندې ډول دی. د D توری د دیسیل په مفهوم دی او K د دیسیل شمېره ښيي.

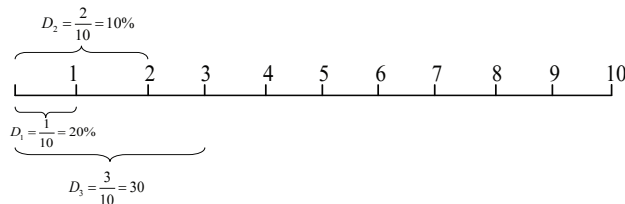
$$D_K = L + \frac{K(\sum \frac{f}{10}) - cf}{FD_k} \cdot I$$

D د دیسیلونو سنجش

K د دیسیلونو شمېرې زموږ لپاره څرگندوي

FDK د ټولګي ساده فریکونسي ده

د دیسیلونو په برخه کې،  $D_1$  لومړی دیسیل 10% معلومات،  $D_2$  دویم دیسیل 20% معلومات او  $D_3$  دریم دیسیل 30% معلومات په همدې توګه  $D_9$  نهم دیسیل 90% معلومات څرګندوي.



بېلگه: لاندې معلومات په پام کې ولرئ د هغه اووم ډیسیل سنجش کړئ.

K=7

X	F	CF
35-45	10	10
45-55	15	25
55-65	12	37
65-75	17	54
75-85	12	66
85-95	5	71
95-105	10	81
	$\Sigma f=81$	

$$D_7 = L + \frac{7(\sum f) - cf}{FD_7} \cdot I$$

$$L = 7 \left( \frac{81}{10} \right) = 56.7$$

$$D_7 = 75 + \frac{56.7 - 54}{12} \cdot 10$$

$$L = 75$$

$$D_7 = 75 + \frac{2.7}{12} \cdot 100$$

$$Cf = 54$$

$$D_7 = 77.25$$

$$FD_7 = 12$$

$$I = 10$$

بېلگه: پورتنې معلومات په پام کې ونیسئ. 40% معلومات خو بیه لري.

K=4

X	F	CF	$D_4 = L + \frac{4(\sum f) - cf}{FD_4}$
35-45	10	10	D=55
45-55	15	25	$D_4 = 4 \left( \frac{81}{10} \right) = 32.4$
55-65	12	37	L=55

65-75	17	54	CF=25
75-85	12	66	FD <sub>4</sub> =12
85-95	5	71	
95-105	10	81	D <sub>4</sub> =55+ $\frac{32.4-25}{12} \cdot 10$
<hr style="width: 20%; margin: auto;"/>			
$\Sigma f=81$			D <sub>4</sub> =55+6.16=61.16

د پرسانتیلونو سنجش: یوه لړۍ په 100 مساوي برخو ویشي او د لړۍ له هرې برخې څخه معلومات لاسته راځي د P توری د پرسانتیل په مفهوم دی او K د پرسانتیل شمېره ښيي. د هغه فورمول عبارت دی له:

$$P_k = L + \frac{k\left(\frac{\sum f}{100}\right) - CF}{FP_k}$$

**بېلگه:** لاندې معلومات په نظر کې ولرئ د هغه 85 پرسانتیل پیدا کړئ.

K=85

X	F	CF
35-45	10	10
45-55	15	25
55-65	12	37
65-75	17	54
75-85	12	66
85-95	5	71
95-105	10	81

$$\Sigma f = 81$$

$$P_{85} = L + \frac{85\left(\frac{\sum f}{100}\right) - CF}{FP_{85}} \cdot I$$

$$P = 85 \left( \frac{81}{100} \right) = 68.85$$

$$L = 85$$

$$I = 10$$

$$FP_{85} = 5$$

$$P_{85} = 85 + \frac{68.85 - 66}{5} \cdot 10$$

$$P_{85} = 90.7$$

د څلورم څپرکي لنډيز:

د مرکزي ميلان مقياسونه: د يوې لړۍ اوسط له يوه ارزښت يا يوه عدد څخه عبارت دی چې له ټولو اعدادو څخه استازيتوب کوي او څرنگه چې دا عدد د کميت له نظره د اړوندو اعدادو د لړۍ په مرکز يا وسط کې ځای په ځای کيږي ځينې وخت د مرکزي ميلان د مقياسونو په نوم ياديږي.

1- حسابي اوسط: د ټولو ورکړل شويو اعدادو يا ارقامو حاصل جمع تقسيم د هغوی پر تعداد باندې له حسابي اوسط څخه عبارت دی.

$$\bar{X} = \frac{\sum X}{N}$$

د اوږدې (متمادي) لړۍ حسابي اوسط د موندلو طريقه دې لارې لري.

$$X = \frac{\sum fm}{\sum m} \quad \text{a- مستقيم ميتود: د هغه فورمول په دې ډول دی.}$$

$$X = A + \frac{\sum fd}{\sum f} \quad \text{b- فرضي اوسط ميتود: د هغه فورمول په دې ډول دی.}$$

$$X = A + \frac{\sum fd}{\sum f} \quad \text{c- دمرحله يي انحراف ميتود: د هغه فورمول په دې ډول دی.}$$

2- هندسي اوسط: هندسي اوسط د  $n$  ام له جذر د  $n$  له حاصل ضرب، له کتنې او يا ارزښتونو څخه عبارت دي.

$$GM = \sqrt[n]{X_1 \cdot X_2 \cdot X_3 \dots X_n}$$

a- د يواځې (منفردو) کتنو د هندسي اوسط سنجش: د هغه فورمول په دې ډول دی.

$$GM = \frac{\sum \log X}{N}$$

b- د لنډې (غیرمتمادي) لړۍ د هندسي اوسط سنجش: د هغه فورمول په دې ډول دی.

$$GM = \frac{\sum f \log X}{\sum f}$$

c- د اوږد (متمادي) هندسي اوسط سنجش: د هغه فورمول په دې ډول دی.

$$GM = \frac{\sum f \log X}{\sum f}$$

3- هارمونيکي اوسط: هارمونيکي اوسط يو ډول اوسط دی چې د استعمال محدود موارد لري او د منفردو کتنو د حسابي اوسط معکوس په توگه معکوس شوي محاسبه کيږي او فورمول يې:

$$HM = \frac{1}{\frac{1}{X_1} + \frac{1}{X_2} \dots \frac{1}{X_n}} \quad \text{يا} \quad HM = \frac{N}{\sum \frac{1}{Xn}}$$

a- د يواځې (منفردو) کتنو د هارمونيک اوسط سنجش: د هغه فورمول په دې ډول دی.

$$HM = \frac{N}{\sum Xn}$$

b- د لنډې (غیرمتمادي) لړۍ د هارمونيک اوسط سنجش: فورمول يې په دې ډول دی.



$$HM = \frac{\sum f}{\sum \frac{f}{x}}$$

c- د اوږدې (متمادي) لړۍ د هارمونیک اوسط سنجش:

$$HM = \frac{\sum f}{\sum \frac{f}{m}}$$

مربعي اوسط: د مربعاتو د حسابي اوسط مربع جذر ته د هغو د څو عددو مربعي اوسط ویل کیږي او یا د  $X_n, \dots, X_2, X_1$  اعدادو مربعي اوسط عبارت دی له:

$$QM = \bar{X}^2 = \sqrt{\frac{X_1^2 + X_2^2 + \dots + X_n^2}{n}} \Rightarrow \sqrt{\frac{\sum X^2}{n}}$$

a- د یواځې (منفردې) لړۍ د مربعي اوسط سنجش: فورمول یې په دې ډول دی.

$$\bar{X}^2 = \sqrt{\frac{\sum X^2}{n}}$$

b- د لنډې (غیر متمادي) لړۍ مربعي اوسط: فورمول یې په دې ډول دی.

$$\bar{X}^2 = \sqrt{\frac{\sum fX^2}{\sum f}}$$

c- په یوې اوږدې (متمادي) لړۍ کې مربعي اوسط: فورمول یې په دې ډول دی.

$$\bar{X}^2 = \sqrt{\frac{\sum fm^2}{\sum f}}$$

میدیان (د فریکونسي ووسط): میډیان د هغه عدد له ارزښت څخه عبارت دی چې اړونده لړۍ په داسې ډول په دوو برخو وویشي چې، لږ تر لږه د لړۍ اجزاء پنځوس فیصده لږ یا له هغه سره مساوي، لږ تر لږه د دريو اجزاء پنځوس فیصده مساوي او یا له هغه څخه لور وي.

a- د یواځې (منفردو) کتنو د میدیان سنجش: فورمول یې په دې ډول دی:  $\frac{N+1}{2}$

b- د لنډې (غیرمتمادي) لړۍ د میدیان سنجش: فورمول یې په دې ډول دی:  $\frac{\sum f + 1}{2}$

c- د اوږدې (متمادي) لړۍ د میدیان سنجش: فورمول یې په دې ډول دی:

$$med = L + \frac{\sum f - cf}{fmed}$$

مود (دفریکونسي زیاتوالی): مود په یوه لړۍ اعدادو کې له هغه عدد یا ارزښت څخه عبارت دی چې له بل هر عدد یا ارزښت څخه زیات څرگندیږي او یا مود له هغه ارزښت څخه عبارت دی چې زیات معمول وي. مود د دفعاتو په یوه وېشنه کې داسې محاسبه کیږي.

$$\text{Mod} = L + \frac{Fm - f_1}{(fm - f_1) + (fm - f_2)}$$

$$\text{Mod} = L + \left( \frac{\Delta_1}{\Delta_1 + \Delta_2} \right) C$$

د کارتیلونو سنجش: له هغه متحول ارزښت څخه عبارت دی چې مجموعي فریکونسي په څلورو (4) برخو ویشي.

د دیسیلونو سنجش: له هغه متحول ارزښت څخه عبارت دی چې مجموعي فریکونسي په لسو (10) برخو ویشي.

د پرسیانتیلونو سنجش: د هغه متحول له ارزښت څخه عبارت دی چې مجموعي فریکونسي په سلو (100) برخو مساوي تقسیم کړي.

## د څلورم څپرکي پوښتنې

۱- دوه تنو زده کوونکو په ورځنۍ آزمونونه کې 3، 4، 5، 5، 6، 7، 8، 8 او 9 نمرې ترلاسه کړي دي.

a. د پورتنیو نمرو حسابي اوسط پیدا کړئ؟

b. د هغه میډیان او موډ پیدا کړئ؟

که پورتنۍ هره نمره د 5 له عدد سره ضرب شي د نوو (جدیدو) نمرو حسابي اوسط معلوم کړئ؟

۲- د حسابي اوسط ورکړل شوي لاندې معلومات، د مستقیمو طریقو او فرضي اوسط په مرسته تقسیم کړئ که چېرې  $A=70$  فرض شي؟

X	F
50	15
70	5
80	10
100	18
110	6
150	5

۳- د لاندې کتنو هندسي اوسط پیدا کړئ؟

X	F
20000	15
15000	18
10000	2
25000	12
18000	17
12000	13

۴- د لاندې لړۍ هارمونیک اوسط پیدا کړئ؟

X	F
25-35	10
35-45	5
45-855	15
55-65	20
65-75	25

۵- لاندې ورکړل شوي معلومات په 32 پرسانتیل، اووم دیسیل، 2 کارتیل پیدا کړئ؟

X	F
10-20	10
20-30	12
30-40	13
40-50	7
50-60	18
60-70	20
70-80	2

## د انحراف یا خوږېدو (پراگندګۍ) مقیاسونه

### ټولیزه موخه:

د انحراف یا خوږېدو (پراگندګۍ) په مفاهیمو پوهېدل

د زده کړې موخې: په دې څپرکي کې به زده کوونکي له لاندې موضوعاتو سره آشنایي پیدا کړي.

- ۱- انحراف یا خوږېدل (پراگندګۍ) او د هغه په مفهوم پوهېدل.
- ۲- د پراختیا (وسعت) په مفهوم پوهېدل.
- ۳- د کارتیلونو (مربعي انحراف) په نظر د انحراف په مفهوم پوهېدل.
- ۴- د وسطي انحراف په مفهوم پوهېدل.
- ۵- د انحراف په سر ضریب کې شامل د نسبي انحراف په مفهوم پوهېدل.

### انحراف یا خوږېدل (پراگندګۍ):

په تېر څپرکي کې د اوسطونو په اړه اوږد بحث ترسره شو، په هغه ځای کې څرګنده شوه چې اوسطونه په یواځیتوب سره نه شي کولای په مناسبه توګه د دفعاتو یوه وېشنه (فریکونسي) تعبیر او هغې ته بدلون ورکړي ځکه چې اوسطونه د دفعاتو په مرکزي برخه کې واقع شوي وي او نه شي کولای ووايي چې نمرې نظر اوسطونو ته په خپل منځ کې په کوم ترتیب سره واقع شوي دي، د څو ډولونو اوسطونو د سنجش سر بېره نه شي کولای پرته له زیاتو معلوماتو د خوږېدو (پراگندګۍ) د څرنګوالي په اړه قضاوت وکړي. د بېلګې په ډول د ښوونځي دوه ډلو زده کوونکو خپلې آزمویني تېرې کړي چې له زده کوونکو څخه د هرې ډلې د دفعاتو وېشنه په جداګانه توګه ترتیب شوي دي، څرنګه چې د دواړو ډلو زده کوونکو

د نمره حسابي اوسط 67 دی. د لومړي دفعاتو د وېشنې لوړه نمره 72 او ټیټه نمره یې 62 ده د دویمو دفعاتو د وېشنې لوړه نمره 107 او ټیټه نمره یې 25 ده. د لومړۍ وېشنې د نمره پراختیا (وسعت) 11 او د دویمې وېشنې د نمره پراختیا (وسعت) 83 دی. د دې لپاره چې د دفعاتو د وېشنې یو بشپړ انځور مو څرگند کړی وي د مرکزي موقعیت کچې او د نمره یوې خوړېدو ته اړتیا لرو.

د وسطي ارزښت موندل د اعدادو د خوړېدو یا اندازې له پوهېدو پرته نظر هغه ته د لږ علمي مفهوم لرونکي دي. سربېره په اوسطونو ښه ده د تحول او خوړېدو درجه او کچه نظر هغوی ته مطالعه شي.

البته د اعدادو د تحول او خوړېدو (پراگندګۍ) د سنجش ډېرې زیاتې لارې شتون لري په عمومي توګه اړوند مقیاسونه په دوه ګروپونو وېشل کېږي.

- مطلقه انحراف یا خوړېدل (پراگندګۍ)

- نسبي انحرافونه یا خوړېدل (پراگندګۍ)

خوړېدل یا مطلقه انحراف د لومړني مقیاس په واحد چې په وېشنه کې په کار اچول شوی افاده کېږي، څرنګه چې نسبي انحراف یا خوړېدل معمولاً د نسبتونو یا فیصدۍ په بڼه څرګندېږي.

په دې څپرکي کې څلور ډوله مطلقه انحراف یا خوړېدل مقیاس معرفي کېږي، د انحراف پراختیا (وسعت) نظر کارتیلونو ته، وسطي انحراف او معیاري انحراف، وروسته درې ډوله مقیاسونه د انحراف ضریب یا نسبي خوړېدو مطالعه کېږي. د انحراف ضریب، د معیاري انحراف ضریب او د انحراف ضریب نظر کارتیل ته.

**پراختیا:** د خوړېدو (پراگندګۍ) ډېره ساده اندازه پراختیا (وسعت) ده، پراختیا د اعدادو په یوه لړۍ کې د لوړې نمرې او ټیټې نمرې ترمنځ له تفاضل یعنې ښه والي څخه عبارت دی، چې په سمبولیکه بڼه په دې ډول ښودل کېږي.

$$R = X_h - X_L$$

په دې رابطه کې R پراختیا (وسعت)،  $X_N$  لوړه نمره او  $X_L$  ټیټه نمره ښيي. که چېرې د یوې آزمویښې نمرې د دفعاتو د وېشنې په بڼه راپور ورکړل شوی وي. په دې صورت کې د نمره پراختیا (وسعت) د ټیټې او لوړې وېشنې ترمنځ له ښه والي (تفاضل) څخه عبارت دی. پراختیا (وسعت) لکه نورې اندازې د واټن خوړېدل ښيي مثلاً پراختیا (وسعت) د 2، 3، 5، 7، 11، 29 او 35 په اعدادو کې عبارت دي له  $33=35-2$  څخه. پراختیا (وسعت) په تصنیف

شوو اعدادو کې د کوچني ټولگي د ښکته حد او د لوړ ټولگي د پورتنی حد ترمنځ توپير څخه عبارت دی. د بېلگې په ډول د 142 کورنيو د کلني عايد پراختيا په 1385 کال کې نظر جدول ته له  $3.99=69.99-66.0$  څخه عبارت دی يعنې 3.99 افغانۍ دي.

پراختيا (وسعت) نظر لاندې څو دليلونو ته لږ د استعمال وړ دی.

۱- د پراختيا (وسعت) برخه يواځې په دوه اعظمي او اصغري ارزښت پورې اړوندیږي، چې د اعدادو خورتيا په ښه توگه نه شي توضیح کولای.

۲- د پراختيا(وسعت) ارزښت په زیاتره اعدادو يا په غير عادي ارزښتونو کې شدیداً متأثره کېږي لکه په دوو لاندې لړيو کې:

3,5,6,7,10,12,15,18

3,8,8,8,9,9,18

د  $3-15=18$  پراختيا (وسعت) څرنګه چې لړۍ يې له ځانه لري د بېلابېلو خوږېدلو

لرونکې دي.

۱- د پراختيا (وسعت) ارزښت نظر د ښونې اندازې ته له حده وتلی (فاحش) بدلون پيدا کوي، په پورته يادو شوو دوو لړيو کې که چېرې دوه وروستي يا انتهايي عددونه حذف کړو پراختيا (وسعت) په لومړۍ لړۍ کې  $5-15=10$  او په دويمه لړۍ کې  $8-9=1$  دي.

د کارتيلونو په نظر انحراف (رېعي انحراف): د درېيمې ربعې د ټکو تر منځ نيمايي توپير (75%) او د لومړۍ ربعې تر منځ 25% ربعې انحراف دی، که چېرې درېيمه ربع په  $Q_3$  وښيو بايد تعريف  $Q = \frac{Q_3 - Q_1}{2}$  داسې نه وي او يا دا چې په يوه توزیع يا وېشنه کې د کارتيلونو ترمنځ پراخوالی د دريم او د هغه د لومړي کارتيل ترمنځ له توپير څخه عبارت دی. د بېلگې په ډول د 142 کورنيو د کلني عايد په وېشنه کې لرو:

$$Q_1 = 67.20 \text{ (لومړی کارتيل)}$$

$$Q_3 = 68.41 \text{ (درېيم کارتيل)}$$

او د کارتيلونو پراخوالی په دې حالت کې عبارت دی له:

$$Q_3 - Q_1 = 68.41 - 67.20 = 1.21 \text{ زر افغانۍ}$$

يعنې که د 50% ، 142 کورنيو اړو کلنی وسطي عايد چې د وېشنې په منځ (وسط) کې واقع شوي دي د 1.21 زرو افغانیو په اندازه تحول وکړي. (د 1.21 زره افغانیو په اندازه انحراف شتون لري).

ربعي ټکي د نمره په معيار باندې درې ټکي وي چې د نمره وېشنه يا توزيع په څلورو مساوي برخو ويشي او هره برخه، د نمره د مساوي تعداد لرونکي دي. ربعي ټکي د  $Q_2$ ،  $Q_3$  او  $Q_1$  سمبولونو په مرسته ښودل کېږي چې د 75%، 50% او 25% په ترتيب دي. د  $Q$  د محاسبې لپاره لومړی باید  $Q_1$  او  $Q_3$  محاسبه شي او بيا دې د  $Q_2$  قيمت وټاکل شي.  $Q_1$  او  $Q_3$  کټ مټ لکه 50% او يا  $Q_2$  محاسبه کېدای شي يواځې کوم توپير چې شتون لري هغه دا دی چې په منځنۍ يا ميانه محاسبه کې د  $\frac{N}{2}$  پرځای او  $\frac{N}{4}$  د  $Q_1$  د محاسبې لپاره او  $\frac{3N}{4}$  د  $Q_3$  د محاسبې لپاره په کار اچول کېږي يعنې:

$$Q_1 = L + \frac{\frac{n}{4} - F}{f} \cdot i$$

$$Q_3 = L + \left( \frac{\frac{3n}{4} - F}{f} \right) \cdot i$$

په پورتنی فورمول کې د هماغې طبقې تر ښکتنې حده د دفعاتو وېشنه ده چې ربع د هغه په دننه کې ځای لري.  $I$  د طبقې د واټن اندازه ده.  $F$  د دفعاتو د جمع حاصل تر هغې طبقې پورې چې ربعي په هغې کې ځای لري او  $f$  د طبقې اصلي دفعات دي چې ربعي په هغې کې شتون لري.

### وسطي انحراف:

وسطي انحراف يا انحراف نظر اوسط ته څرنگه چې له نوم څخه يې ښکاري د يوې لړۍ د انحراف حسابي اوسط يا د اعدادو مطلقه توپير نظر يو وسطي ارزښت ته لکه له حسابي اوسط يا ميدان څخه عبارت دی. که څه هم په عمل کې حسابي اوسط زياتره د يو وسطي ارزښت په توگه په کار اچول کېږي خو د تيورۍ له پلوه د اعدادو د انحراف مجموع نظر ميدان ته لږه اندازه ده، (البته مطلقه توپير) ښه ده چې په سنجش کې انحراف استعمال شي. په هر حال هغه ډول اوسط چې د وسطي انحراف په سنجش کې په کار اچول کېږي باید څرگند شي.

وسطي انحراف په تصنيف شوو اعدادو کې په هغه صورت کې چې  $\bar{X}$  وسطي ارزښت وي د لاندیني فورمول په مرسته وېشل کېږي.



$$MD = \frac{\sum |X - \bar{X}|}{n} = \frac{\sum |X|}{n} = \frac{\sum |d|}{n}$$

په دې ځای کې MD وسطي انحراف، x د یوې لړۍ یا سلسلې اعداد،  $\bar{X}$  حسابي اوسط، n د اعدادو یا کتنو (مشاهداتو) اندازه او d یا  $X_1 - \bar{X} = X$  عمودي کرښې (خطوط) مطلقه ارزښت (پرتله له اشارې څخه) افاده کوي. بېلگه: د 2,3,6,8,11 اعدادو وسطي انحراف پیدا کړئ. لومړی: باید د شمېرو حسابي اوسط سنجش شي:

$$\bar{X} = \frac{\sum X}{n} = \frac{2+3+6+8+11}{5} = \frac{30}{5} = 6$$

وروسته د اعدادو مطلقه انحراف نظر اوسط ته محاسبه کوو.

$$MD = \frac{|2-6| + |3-6| + |6-6| + |11-6| + |8-6|}{5}$$

$$MD = \frac{14}{5} = 2.8$$

یعنې ورکړل شوي اعداد د 2.8 په اندازه له حسابي اوسط څخه انحراف لري، وسطي انحراف کولای شو نظر میدیان ته هم سنجش کړو:

$$AD = \frac{\sum |X - Med|}{n}$$

مثلاً: په پورته اعدادو کې میدیان 6 دی څرنگه چې  $\bar{X} = Med$  په دې مثال کې دواړه ډوله وسطي ارزښت مساوي دي. همدارنگه وسطي انحراف په تصنیف شوو اعدادو کې کولای شو د لاندینيو فورمولونو له جملې څخه د یو فورمول په مرسته سنجش کړو.

$$MD = \frac{\sum f |X - \bar{X}|}{f} = \frac{\sum f |d|}{\sum f}$$

$$MD = \frac{\sum f|X - med|}{\sum f} = \frac{\sum f|d|}{\sum f}$$

په دواړو پورتنیو فورمولونو کې  $f$  د ټولگیو فریکونسي،  $X$  د ټولګي وسط،  $\bar{X}$  او  $med$  په ترتیب سره حسابي اوسط او د اړوندې وېشنې میدیان دي. د وسطي انحراف سنجش نسبتاً ساده او عام فهمه دی اما د استعمال موارد یې محدود دي. د وسطي انحراف استعمال د کوچنیو نمونو په اړه په هغه صورت کې چې دقیق او جامع تحلیلونو ته اړتیا نه وي ګټور دي په تصنیف شوو اعدادو او لویو نمونو کې په ندرت سره استعمالیږي.

### معیاري انحراف یا استندرد انحراف:

معیاري انحراف د نمره د خوړېدنې (پراګندګۍ) د درجې له ډېرو مهمو او استعمال شوو مشخص کونکو څخه دی چې په خپلواکه توګه د ټولګي (جمعیت) خوړېدنه (پراګندګۍ) د نمونې د خوړېدنې له پوهې څخه دا چې له هغه څخه ټولګي (جمعیت) غوره کړل شوی دی را ایستلای شي.

معیاري انحراف د بل مهم مقیاس مربع جذر یعنې وریانس څخه عبارت دي او یا معیاري انحراف د انحرافاتو مربع جذر دی.

معیاري انحراف او وریانس په یو سلسله اعدادو کې د لاندې فورمولونو په مرسته سنجش کیږي.

$$G^2 = \frac{\sum (X - \bar{X})^2}{n}$$

$$G^2 = \sqrt{\frac{\sum (X - \bar{X})^2}{n}}$$

په دې فورمول کې  $G$  (د یونان د ژبې کوچنی توری د سیګما په نوم) معیاري انحراف او  $G^2$  واریانس افاده کوي، د بېلګې په ډول د 2,3,6,8,11 اعدادو واریانس او معیاري انحراف په لاندې ډول لاسته راځي.

$$\bar{X} = \frac{\sum X}{n} = \frac{30}{5} = 6$$

$$G^2 = \frac{(2-6)^2 + (3-6)^2 + (6-6)^2 + (11-6)^2 + (8-6)^2}{5} = \frac{54}{5} = 10.8$$

$$G = \sqrt{G^2} = \sqrt{10.8} = 3.29$$

دويمه بېلگه: په يوه صنفی آزموينه کې زده کوونکو لاندې نمرې لاسته راوړي دي.

4,6,8,10,12

د دغو نمرو د معیاري انحراف محاسبه څرگنده ده، د نوموړو نمرو انحرافي محاسبه په

لاندیني جدول کې ښودل شوې ده.

X	X-X <sup>2</sup>	X <sup>2</sup>	$\bar{X} = \frac{40}{5} = 8$
12	12-8=4	16	
10	2	4	
8	0	0	
6	-2	4	
4	-4	16	
$\Sigma X=40$	$\Sigma X=0$	$\Sigma X^2=40$	

که چېرې د  $\Sigma X^2$  او N قیمتونه د معیاري انحراف په فورمول کې وضع کړو نو وبه لرو.

$$S = \sqrt{\frac{\sum X^2}{N}}$$

$$S = \sqrt{\frac{40}{5}} = \sqrt{8} = 2.814$$

د تصنیف شوو اعدادو معیاري انحراف هم کولای شو په څو لارو سنجش کړو په هغه

صورت کې چې د ټولګي وسط او اړوندې فریکونسي ګانې په کار واچوو، کولای شو له

لاندیني فورمول څخه استفاده وکړو.

$$G = \sqrt{\frac{\sum f(X - \bar{X})}{\sum f}}$$

په دې ځای کې  $f$  فریکونسي،  $X$  د ټولګي وسط او  $\bar{X}$  د اړوندې وېشنې حسابي اوسط دی،  $d=X-\bar{X}$  وضع شوی دی.

که چېرې د اعدادو انحراف د  $A$  د یو فرضي اوسط په توګه وسنجول شي یعنې  $d=X-A$  وي نو و به لرو.

او که انحراف د ټولګیو د موقعیت په نظر یعنې د ټولګي د واټن په واحدونو څرګند کړو د ټولګیو د ګډ واټن په صورت کې لیکو چې:

$$G = \sqrt{\frac{\sum fd'^2}{\sum f} - \left(\frac{\sum fd'}{\sum f}\right)^2}$$

په دې ځای کې  $d$  د ټولګي د واحد واټن په نظر انحراف او  $C$  د ټولګیو ګډ واټن دی. پورتنی فورمول د تصنیف شوو اعدادو د معیاري انحراف د موندلو لنده او اغېزمنه لار ده. په لاندیني جدول کې د 142 کورنیو اړو د کلني عاید په وېشنه کې پورتنی فورمول د ټولګي د واټن په واحدونو په لنده طریقه تطبیق کړو.

کلني وسطي عاید	فریکونسي	$d$	$Fd$	$Fd^2$
زر افغانۍ	$f$			
66.00-66.49	11	3	33	99
66.50-66.99	15	2	30	60
67.00-67.49	24	1	24	24
67.50-67.99	40	0	0	0
68.00-68.49	20	1	20	20
68.50-68.99	14	2	28	56
69.00-69.49	11	3	33	99
69.50-69.99	7	4	28	112
مجموع	142		22	470

$$G=C \cdot \sqrt{\frac{fd'^2}{f} - \left(\frac{fd'}{f}\right)^2}$$

$$=0.5 \cdot \sqrt{\frac{470}{142} - \left(\frac{22}{142}\right)^2} \Rightarrow 0.5(1.81) - 0.15$$

(زر افغانۍ)=0.83

**نسبي انحراف:** کولای شو دوه یا زیاتې لړۍ (سلسلې) د اړوندو لړیو د اعدادو د خوږېدنې (پراگندګۍ) د څرنګوالي د پوهېدو په غرض چې د پوره یا تقریباً ورته اوسطونو لرونکي وي پرتله (مقایسه) کړو، په ځینو حالاتو کې بېلا بېلې وېشنې بېل یا متفاوت اوسطونه لري او یا په بېلا بېلو واحدونو باندې څرګندېږي. په دې حالت کې د هغوی د معیاري انحراف پرتله نا ممکنه وي د بېلګې په ډول د طب د ډاکټرانو د کلني عاید د وېشنې معیاري انحراف 1500 افغانۍ او د پوهنتون د استادانو 1000 افغانۍ وي په دې به دلالت ونه کړي چې انحراف د طب د ډاکټرانو په عاید کې د 150 سلنې په اندازې، انحراف د پوهنتون د استادانو په کلني عاید کې وي یواځې په هغه حالت کې کولای شو تعبیر کړو چې په دواړو ګروپونو کې د کلني عاید اوسط مساوي وي. که د لومړني ګروپ د کلني عاید اوسط مثلاً 75000 او د دویمې 36000 وي د استادانو په عاید کې نسبي انحراف نظر د طب د ډاکټرانو عاید ته زیات دی. په حقیقت کې د انحراف د دوو مطلقه ارزښتونو په منځ کې توپیر له متفاوته اوسطونو سره په یواځیتوب (تنبه‌ای) سره د پرتلنې اساس نه شي کېدای. د مقیاسونو په دې حالت کې باید مطلقه انحراف په نسبي انحراف تبدیل شي، تر څو د اړوندو وېشنو د پرتلنې امکان میسر شي.

په دې ځای کې درې ډوله د نسبي انحراف مقیاس مطالعه کېږي.

دانحراف ضریب - د وسطي انحراف ضریب - د کارتیلونو د انحراف ضریب

د نسبي انحراف له مقیاسونو څخه یو مقیاس چې په عمل کې زیات په کار اچول کېږي د نسبي انحراف ضریب دی، دا ضریب معمولاً په  $V$  افاده کېږي او پر حسابي اوسط باندې د معیاري انحراف له نسبت څخه عبارت دی یعنې:

$$V = \frac{\text{معیاري انحراف}}{\text{حسابي اوسط}} = \frac{G}{X}$$

**بیلګه:** د طب د ډاکټرانو او د پوهنتون د استادانو د کلني عاید په اړه د انحراف ضریبونه عبارت دي له:

$$V_1 = \frac{1500}{75000} = 0.02 \text{ یا } 2\%$$

$$V_2 = \frac{1000}{36000} = 0.028 \text{ یا } 2.8\%$$

د بلې خورېدنې نسبي مقياس چې ډېر زيات معمول دی د وسطي انحراف د ضريب په نوم يادېږي چې لاندې په  $V_a$  باندې اعاده شوی دی چې پر حسابي اوسط باندې له وسطي انحراف څخه عبارت دی.

$$V_a = \frac{\text{وسطي انحراف}}{\text{حسابي اوسط}} = \frac{MD}{\bar{X}}$$

په يوه وېشنه کې د  $\bar{X}$  حسابي اوسط او د MD وسطي انحراف د هغو طريقو په اساس چې مخکې مطالعه شوي پيدا کړو. د  $(V_a)$  د وسطي انحراف ضريب هم په هغوی کې وېشو او په نسبت يا معمولاً په فيصدي يې څرگندوو د بېلگې په ډول په 11,8,6,3,2 پنځو عددونو کې څرنگه چې مو مخکې وليدل.

$$\bar{X} = 6$$

$$MD = 2.8$$

د وسطي انحراف ضريب: په دې اعدادو کې عبارت دي له:

$$V_a = \frac{MD}{\bar{X}} = \frac{2.8}{6} = 0.0466 \text{ يا } 46.6\%$$

دانحراف ضريب نظر کارتيلونو ته چې لاندې په  $V_q$  باندې افاده شوی د هغوی په مجموعې باندې د دريم کارتيل او لومړي کارتيل د توپير له نسبت څخه عبارت دی يعنې:

$$V_q = \frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1}$$

د بېلگې په ډول د 142 کورنيوارو وسطي کلي عايد په وېشنه کې.

$$Q_3 = 68.41$$

$$Q_1 = 67.21$$

$$V_q = \frac{68.41 - 67.21}{68.41 + 67.21} = \frac{1.20}{135.62} = 0.009 = 0.9\%$$

په لنډه توگه بايد ووايو چې دوه يا زياتې وېشنې د انحراف او خورېدنې له پلوه يواځې

هغه وخت پرتله کولای شو چې د کټ مټ اوسط یا تقریباً د کټ مټ اوسط لرونکی وي او په ورته (مشابه) واحد باندې افاده شوی وي پرته له دې باید د نسبي انحراف مقیاسونه په کار واچول شي.

د وېشنو د پرتلنې (مقایسې) پر وخت باید خپله مقیاس په کار واچول شي او نشو کولای  $V$  یوه وېشنه یا  $V_a$  او  $V_q$  له بلې وېشنې سره پرتله کړو.

### د پنځم څپرکی دمطالبو لنډیز

$$\frac{\sum |X - \bar{X}|}{n} = \frac{\sum |X|}{n} = \frac{\sum |d|}{n}$$

معیاري انحراف (ستندرد انحراف): معیاري انحراف د بل مهم مقیاس مربع جذر یعنې وریانس څخه عبارت دي او یا معیاري انحراف د انحرافاتو مربع جذر دی.

$$G = \sqrt{\frac{(X - \bar{X})^2}{n}}$$

$$G^2 = \frac{\sum (X - \bar{X})^2}{n}$$

نسبي انحراف: د نسبي انحراف ضریب درې ډوله مقیاسونه په لاندې ډول دي:

۱- د نسبي انحراف ضریب: پر حسابي اوسط باندې د نسبي انحراف له نسبت څخه عبارت دی.

$$V_q = \frac{\text{نسبي انحراف (معیاري)}}{\text{حسابي اوسط}} = \frac{G}{\bar{X}}$$

۲- د وسطي انحرافي ضریب: پر حسابي اوسط باندې له وسطي انحراف څخه عبارت دی.

$$V_{ش} = \frac{\text{وسطي انحراف}}{\text{حسابي اوسط}} = \frac{MD}{\bar{X}}$$

۳- د انحراف ضریب نظر کارتیلونو ته: د هغوی په مجموع باندې د دریم کارتیل او لومړي کارتیل د توپیر له نسبت څخه عبارت دی.

$$V_q = \frac{Q_3 - Q_1}{Q_3 + Q_1}$$

## د پنځم څپرکي پوښتنې

- ۱- نسبي مطلقه انحراف څه شی دی او په ډوله سنجش کېږي؟
- ۲- د نسبي انحراف ضریب په څو ډوله دی، هر یو یې له فورمول سره واضح کړئ؟
- ۳- انحراف یا خورېدل په یو لړۍ (سلسله) اعدادو کې څه مفهوم لري واضح یې کړئ؟
- ۴- معیاري انحراف تعریف کړئ او په څو طریقو سنجش کېږي؟
- ۵- انحراف نظر کارتیلونو ته واضح کړئ؟
- ۶- د وسطي انحراف فورمول په تصنیف شوو اعدادو کې په هغه صورت کې چې  $\bar{X}$  وسطي ارزښت وي، ولیکئ؟



## احتمالات

### مقدمه

پر امکاناتو، يقين او باور نه لرل هغه مفاهيم دي چې انسانان تل له هغه سره سر او کار لري او هر انسان د خپل د راتلونکي او پېښو (حوادثو) او اتفاقاتو په اړه چې د هغه په چاپېريال کې به ورپېښ شي، ذهن کې انديښنې او فکرونه لري.

نو ځکه د احتمال مفهوم او د هغه په کار اچونه په ورځنيو اجراتو کې د بشريت له تاريخ او تمدن سره تړاو لري او له احتمال څخه د گټې اخيستلو يو له مواردو څخه په لوبو کې دی او له دې چې لوبې (3500) کاله مخکې له ميلاده سابقه لري او د هماغه يوځايي لوبو له پيل څخه د بري او ناکامي له احتمال څخه يو لوري ته خبرې شوي او همدارنگه د لرغوني يونان د ستر پوه ارسطو په ليکنو کې د احتمال کلمه استعمال شوې ده.

خو د احتمال تيوري په ننۍ بڼه د پاسکال او فرما له کارونو څخه پيل شوې ده، څرنگه چې پاسکال د ترکيباتو د تيوري د لومړنيو اصولو (ترکيبي آناليز) بنسټ کېښود او د فرما په مرسته يې هغې ته پراختيا ورکړه او د احتمالاتو په مسايلو کې يې په ضمني توگه په کار واچاوه. وروسته دا ډگر د قدر وړ علماوو لکه کاردان، گاليله، چيشيف، برنولي او لاپلاس له لوري اندازه شوي دي. د احتمال د تيوري تطبيق د کلموگروف په مرسته د احتمال د تيوري په نوم په کال 1933 کې بشپړ شوې چې د احصايې د علماوو د منلو وړ وگرځېد.

د نن ورځې د احتمال تيوري په ډېرو مسلکي او تخصصي څانگو کې لکه انجنيري، منجمنت او د نفوس په شمېرنه کې د استعمال موارد لري چې د موضوع د اهميت پر اساس احتمال د تخنيکي او مسلکي زده کړو د بېلا بېلو څانگو په تعليمي پلانونو کې لکه د کمپيوټر تکنالوژي او هم د ادارې او حسابدارۍ انستيتوت په موجوده څانگو کې شاملې دي.

د دې برخې د تدوين او ټولونې موخه د اړينو او لازمو معلوماتو او اطلاعاتو رسول هغو محصلينو ته دي چې د دولسم ټولگي له فراغت څخه وروسته د ادارې او منجمنت په برخه کې يو دوه کلنه تعليمي دوره تېروي، تر څو و کولای شي د يو منيجر او د اداري امورو د فعال کارمند په توگه په دولتي او خصوصي برخو کې دنده تر سره کړي.

دا يو څرگند حقيقت دی چې دا اداري کارمند او منيجر د وخت له غوښتنو او هوکړو سره سم مکلف دي تر څو د ارقامو په ټولونه او تدوين کې د احصايې د بشپړولو او يا د پراختيايي (انکشافی) پلانونو د طرحې لپاره ځانگړې دندې سرته رسوي او د کارونو وروستي پرمختگونه او تکاملي لارې د ورځنيو دندو د سرته رسولو پر وخت په پام کې لري چې دغو موخو ته رسېدل په مسلمه او قطعي توگه د احتمالاتو د عمومي تيورۍ په زده کړه او د هغه په تطبيق باندې مکلف دي.

څرگنده ده چې د احتمالاتو په تيوري کې يو پراخ مبحث او زيات شمېر موضوع گانې او مطلبونه شامل دي چې په دې لنډيز کې د ټاکل شوو ساعتونو په پام کې نيولو سره به د ټولو يا لږو مطلبونو تشریح او توضیح کول نا ممکنه وي، نو ځکه هڅه شوې ده تر څو هرڅه چې زيات او له ټولو څخه اړين وي او د ادارې او منجمنت د ځانگو محصلينو لپاره گټور دي په موجوده پروگرام کې شامل شي.

د دې برخې عمومي موخه :

د اداري کارکوونکو له خوا د احتمالاتو د تيوري تطبيق په اقتصادي او ټولنيزو اتفاقاتو کې.

## د احتمالاتو مفاهیم

### ټولیزه موخه:

د احتمالاتو د موخو او مفاهیمو تعریف او توضیح.

د زده کړې موخې: د دې څپرکي په پای کې له محصلینو څخه هیله کېږي ترڅو:

- د پدیدو احتمالات توضیح کړي.
- د پدیدو ډولونه توضیح کړي.
- تصادفي او قطعي احتمالات دې تفکیک کړي.
- تصادفي تجربې دې توضیح کړي.
- په احتمالاتو کې دې ځینې مهم او اساسي مفاهیم توضیح کړي.

د احتمال کلمه په عامیانه ژبه کې د گمان او اټکل ښکاره کول او غالباً د ممکن په معنا په کار وړل کېږي او نظري او غیر عملي اړخ لري، لکه نن امکان لري یا احتمال د دې دی چې باران و اوري او یا د ارجنتاین د ټیم لپاره د بري چانس د فوټبال په نړیوالو مسابقاتو کې ۸۰٪ دی.

خو په علمي ژبه کې د احتمال کلمه د ریاضي په خاصه معنا کارول شوې ده چې د هغې معنا د یوې اتفاقي تجربې د یوې ځانگړې پایلې د ښکارېدو یا نه ښکارېدو د ډاډ یا اطمینان درجه ده. د احتمال ریاضیکي مفهوم د هغه د عامیانه مفهوم برعکس یو کمیتي مفهوم دی چې د اعدادو او ارقامو په مرسته افاده شوی او د معاصرو ریاضیاتو له میتودونو څخه په استفادې د تشخیص او ارزونې وړ ده او د ډاډ او اطمینان درجه د اتفاقي تجربو د پایلو

له ښکارېدو یا نه ښکارېدو څخه معمولاً د فیصدۍ په ارقامو، عام کسر او یا اعشاري کسر باندې ښودل کېږي. د پېښو (اتفاقاتو) تجربو د څرگندو شوو ارقامو پایلې تل دوه لاندې مشخصې لري.

۱- د یوې اتفاقي تجربې له ممکنه پایلو څخه د یوې پایلې د ښکارېدو یا نه ښکارېدو احتمال باید له صفر څخه لوی او له یو څخه کوچنی وي.

۲- د یوې اتفاقي تجربې له ممکنه پایلو څخه د یوې پایلې د ښکارېدو احتمال او یا نه ښکارېدو احتمال باید له یوه سره مساوي وي.

که:

(A) د یوې اتفاقي تجربې له ممکنه پایلو څخه یوه پایله وي.

$P(A)$  د A د پایلې د ښکارېدو احتمال وي.

$P(\bar{A})$  د A د پایلې د نه ښکارېدو احتمال وي.

نو

$$1) \quad 0 \leq P(A) \leq 1$$

$$2) \quad P(A) + P(\bar{A}) = 1$$

که چېرې د A د پایلې د ښکارېدو چانس او یا نه ښکارېدو چانس له یو بل سره مساوي وي، نو کولای شو د A د پایلې د ښکارېدو او یا نه ښکارېدو احتمال په کمیتي توګه په لاندې ډول افاده کړو:

$$P(A) = P(\bar{A})$$

$$P(A) = P(\bar{A}) = \frac{1}{2} = 0.5 = 50\%$$

له پورته مطلب څخه نتیجه اخیستل کېږي که چېرې د پېښو (اتفاقاتو) د ښکارېدو او یا نه ښکارېدو لپاره مساعد او نامساعد حالات شتون ولري، نو په دې اساس د دې پېښو (اتفاقاتو) له پېښېدو څخه هر یو نامساعده حالت و نه لري د هغه د مساعد والي احتمال (۱) دی او که حادثه مساعد حالت و نه لري د حادثې د مساعد والي احتمال صفر دی.

**بېلګه:** که چېرې په یوه قطي کې 10 سپینې مری، 5 تورې مری، او 3 سرې مری موجودې وي او یوه مری په اتفاقي توګه له قطي څخه وباسو.

$$\text{الف- د تورې مری احتمال } P(B) = \frac{5}{18}$$

$$\text{ب- د سرې مری احتمال } P(R) = \frac{3}{18}$$

$$\text{ج- د سپینې مری احتمال } P(W) = \frac{10}{18}$$

$$\text{د- د شنې مری احتمال } P(G) = \frac{0}{18}$$

د احتمال احصائیوي او کلاسیک مفاهیم د هغه له ریاضیکي مفهوم سره فرق کوي څرنګه چې:

۱- که چېرې د  $A$  د یوې اتفاقي پېښې د ښکارېدو احتمال په  $P(A)$ ، د  $A$  د اتفاقي پېښې د مساعدو پایلو تعداد په  $N(A)$  او د  $A$  د اتفاقي پېښې د ممکنه پایلو تعداد په  $N(S)$  وښیو، نو کولای شو د احتمال کلاسیک مفهوم د لاندې فورمول په مرسته څرګند کړو.

$$P(A) = \frac{N(A)}{N(S)}$$

له دې فرضیې سره سم که چېرې یو ټولګی (جمعیت) تر احصائیوي مطالعې لاندې راځي باید محدود وي او د اتفاقي تجربو له پایلو څخه هر یو باید د ښکارېدو مساوي چانس ولري او اما له دې چې:

۲- په زیاتره وختونو کې هغه ټولګي (جمعیتونه) چې تر احصائیوي مطالعې لاندې راځي د هغوی د عناصرو تعداد غیر محدود او یا ډېر زیات وي، نو ځکه د ټولګي (جمعیت) د جوړو شوو عناصرو د ښکارېدو قواعد غیر ممکن وي او پوره معلومات د هغه د ښکارېدو یا نه ښکارېدو په اړه په واک یا اختیار کې نه وي چې د یوې اتفاقي پېښې د ښکارېدو یا نه ښکارېدو دا رنګه حالات د هغه د کلاسیک په مفهوم توضیح کېدلای نه شي. د  $A$  د اتفاقي پېښې د ښکارېدو یا نه ښکارېدو احتمال په دې حالت کې د نسبي فریکونسي په مرسته تشخیص کېږي. که د  $A$  د اتفاقي پېښې مطلقه فریکونسي په  $F(n)$  او د  $A$  د اتفاقي پېښې نسبي فریکونسي په  $F(A)$  څرګنده کړو. نو کولای شو د  $A$  د اتفاقي پېښې نسبي فریکونسي د ریاضي له پلوه په لاندې ډول افاده کړو.

$$F(A) = \frac{F(A)}{n}$$

که چېرې د  $n$  نمونې حجم ورو ورو لوی شي او په پای کې لایتناهي ته نږدې شي، د  $A$  د اتفاقي پېښې نسبي فریکونسي ورو ورو یو سرحدي ارزښت ته نږدې کیږي چې که هغه د  $A$  د اتفاقي پېښې د ښکارېدو احتمال یو اټکلي ارزښت و منو په لاندې ډول یې افاده کوو.

$$\lim_{n \rightarrow \infty} F(A) = \frac{F(A)}{n} = P(A)$$

پورتنی فورمول د احتمال اقتصادي مفهوم توضیح کوي.

**بېلگه:** د ادارې او حسابدارۍ انستیتوت په یوه ټولګي کې 100 تنه محصلین دي، که 60 تنه نجونې او پاتې نور هلکان وي او یو تحصیلي بورس دې ټولګي ته ورکړل شوی وي او یو تن محصل په اتفاقي توګه نوموړي بورس ته معرفي شي څومره احتمال لري چې:

الف- په دې بورس کې یوه نجلی-کاندیده شي.

ب- یوه نجلی- په دې بورس کې کاندیده نه شي.

ج- د ټولګي اول نمره دې په دې بورس کې کاندید شي.

**حل:** د احتمال د کلاسیک مفهوم سره سم موږ لرو:

الف-

$$\left. \begin{array}{l} N(S) \\ N(A) \\ N(B) \\ N(A) \end{array} \right\} \Rightarrow P(B) = \frac{N(B)}{N(S)} = \frac{60}{100} = 0.6 = 60\%$$

$$P(\overline{B}) = 1 - P(B) = 1 - 0.6 = 0.4 = 40\% \quad \text{ب-}$$

$$P(A_1) = \frac{N(A_1)}{N(S)} = \frac{1}{100} = 0.01 = 1\% \quad \text{ج-}$$

**بېلگه:** یوې فابریکې د برق سامان او لوازم تولید کړی او وړاندې له دې چې تولیدات یې بازار ته وړاندې شي، د تخنیکي کیفیت له پلوه تر احصائیوي آزمايښت لاندې راځي.

یوه نمونه د 1200 سایزو په واحد د تصدی له ورځنیو تولیداتو څخه په اتفاقي توګه پورته شوي، داسې ښيي چې 1100 واحد یې له نمونې سره سم او 100 واحد یې د ټاکل شوي نورم سره سم نه دي. په تولیداتو کې له نورم سره سم 200 واحد یې لومړۍ درجه تولیدات، 300 واحد یې دویمه درجه تولیدات او پاتې نور یې دریمه درجه تولیدات دی که چېرې یو واحد په اتفاقي توګه پورته شي او تر احصائیوي کتنې (مشاهدې) لاندې راشي څومره احتمال لري چې:

الف- تولید له نورم سره سم ښکاره شي.

ب- نمونه له تولیداتو سره د نورم په خلاف پېښېږي.

ج- اخیستل شوی واحد د لومړۍ درجې تولیداتو څخه وي.

د- نمونه په دویمه درجه تولیداتو باندې پېښ شي.

ه- نمونه په دریمه درجه تولیداتو باندې پېښ شي.

حل:

$$n=1200$$

$$F(A)=1100$$

$$F(A_2)=100$$

$$F(A_1)=200, F(A_2)=300$$

$$F(A_3)=600$$

$$F(A)=\frac{F(A)}{n} \quad \text{حل: عمومي فورمول}$$

$$F(A)=\frac{1100}{1200}=0.91=91\% \quad \text{الف-}$$

$$F(A_2)=\frac{100}{1200}=0.09=9\% \quad \text{ب-}$$

$$F(A_1)=\frac{200}{1200}=0.16=16\% \quad \text{ج-}$$

$$F(A_2)=\frac{300}{1200}=0.25=25\% \quad \text{د-}$$

$$F(A_3)=\frac{600}{1200}=0.5=50\% \quad \text{ه-}$$

**تصادفي تجربه:** د ځينو تجربو پایلې له مخکې څخه په پوره ډول په گوته شوي وي، مثلاً کله چې یوه ډبره وغورځوو دا ډبره په ځمکه لویږي او یا که یوه اندازه اوبو ته حرارت ورکړو، کله چې د اوبو د حرارت درجه د سانتي گړېد سلو درجو ته ورسېږي اوبه په بخار بدلېږي خو د دې په وړاندې نورې تجربې شتون لري چې، مور نه شو کولای د هغوی پایلې مخکې له مخکې په دقت سره وټاکو او یواځې له تجربې وروسته د هغوی پایله په گوته کېږي او دا ډول تجربو ته تصادفي تجربې وايي، لکه:

۱- که چېرې د پیسو یوه سکه هوا لور ته واچوو دا سکه د ښکته کېدو پر وخت پر مخ یا پر شا (شېر او خط) کښیږي. په بل عبارت د سکې په غورځولو کې امکان لري دوي نتیجې لاسته راشي شېر یا خط چې دا مطلب یواځې وروسته د سکې له ناستې څخه د سطحې پرمخ کولای شو ووايو چې سکه پر مخ ناسته ده او یا په شا، نو ځکه ویلای شو چې: د تصادفي تجربو مطالعه چې ممکنه نتایج ښيي، د احتمالاتو د تیوري د بنسټ په اندازې پېژندل شوې ده او همدارنگه د مطلب د ساده کېدو لپاره فرض کېږي چې، د لاسته راغلو پایلو تعداد به د متناهي (محدودو) تصادفي تجربو څخه وي.

نمونه یي فضاء: که چېرې  $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$  له یوې تصادفي تجربې څخه ممکنې پایلې وي.

$$S = (a_1, a_2, a_3, \dots, a_n) \text{ Set}$$

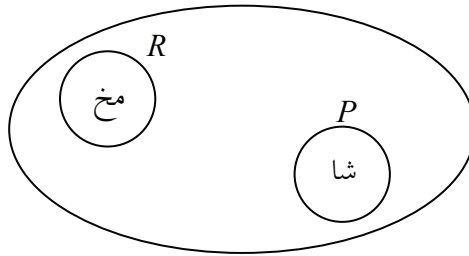
نوم او نمونه یي فضاء لوستل کېږي، له  $S$  څخه هر عنصر له نمونه یي فضاء څخه یو ټکی یاځای نومول کېږي د بېلگې په ډول:

**بېلگه:** یوه سکه هوا ته اچول کېږي. دا سکه په ښکته راتلو کې د  $(R)$  پر مخ یا د  $(P)$  پر شا کښیږي، مجموعه:  $S = \{P, R\}$

ټولې ممکنې مجموعې چې دا تجربه ښيي د تصادفي تجربې د نمونه یي فضاء په نوم نومول کېږي او د  $R$  او  $P$  له عناصرو څخه هر یو د نمونه یي فضاء د یو ټکي په نوم لوستل کېږي. **نوټ:** یو متناهي ست د حقيقي اعدادو د انټروالونو په بڼه، د ټرلې نمونې د هندسي احجامو او اشکالو د نمونې فضاء جوړوي.

**بېلگه:** یو مکعب چې شپږ مخه لري د ناستې پر وخت به له یوه څخه تر شپږ مخه ولري.





SET:  $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  چې د دې تجربې ټولې ممکنې نتيجې ښيي د دې تجربې د نمونه يي فضاء په نوم لوستل کيږي. دا مجموعه شپږ عنصره لري  
**تصادفي پېښه (پېش امد):** څرنگه چې مخکې مو وليدل د يو مکعب په تويدو سره د نمونې فضاء برابره ده له:

$$S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

که چېرې په دې تجربه کې له دوو اړخونو څخه د يوه پر مخ کېدل چې د هغې پر مخ جفت عدد ليکل شوی وي. زموږ مطلوب وي د  $A = \{2, 4, 6\}$  مجموعه چې د مطلوب ټولې پايلې ښيي د يوې تصادفي پېښې (پېش امد) په نوم لوستل کيږي څرنگه چې:

$$A \subset S$$

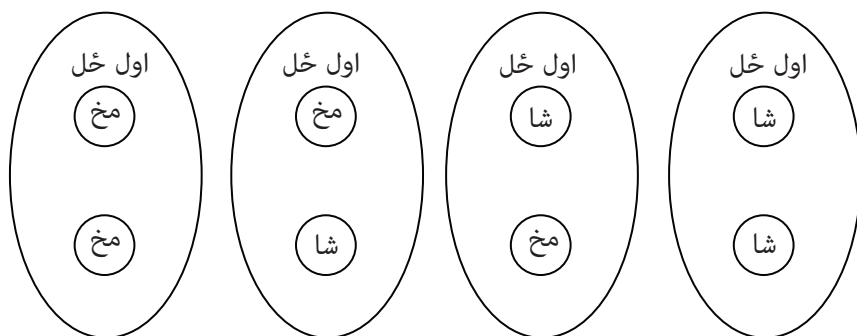
نو ويلای شو چې هر فرعي ست له نمونه يي فضاء څخه يوه پېښه (پېش امد) ده. په بل عبارت، که چېرې  $S$  د تصادفي تجربې د نمونې فضاء وي،  $A$  يوه تصادفي پېښه (پېش امد) لوستل کيږي يواځې او يواځې.  $A \subset S$

**تعريف:** په يوه تصادفي تجربه کې د فرعي ست تصادفي پېښه (پېش امد) عبارت د هغې تجربې له نمونه يي فضاء څخه ده. په بل عبارت، که چېرې  $S$  د تصادفي تجربې د نمونې فضاء وي،  $A$  يوه تصادفي پېښه (پېش امد) لوستل کيږي، يواځې او يواځې  $A \subset S$  او همدارنگه ويلای شو چې:

که له يوې تصادفي تجربې څخه يوه پېښه (پېش امد) ټاکل شوی وي، د دې تجربې په هر ځل سرته رسولو سره ويل کيږي چې د  $A$  پېښه واقع شوې ده کله چې نتيجه لاسته راغله د  $A$  غړی (عضو) دې وي.

**لکه:** يوه سکه دوه ځله هوا ته اچول کيږي، نمونه يي فضاء او تصادفي پېښه (پېش امد) چې د مخ ښکارېدل په دوه واړه اچولو کې يا د شا ښکارېدل په دوه واړه اچولو کې عبارت دي وليکئ.

حل: دا سکې د ناستې په وخت کې له دې ښو څخه به يوې ښې ته مخ ولري.



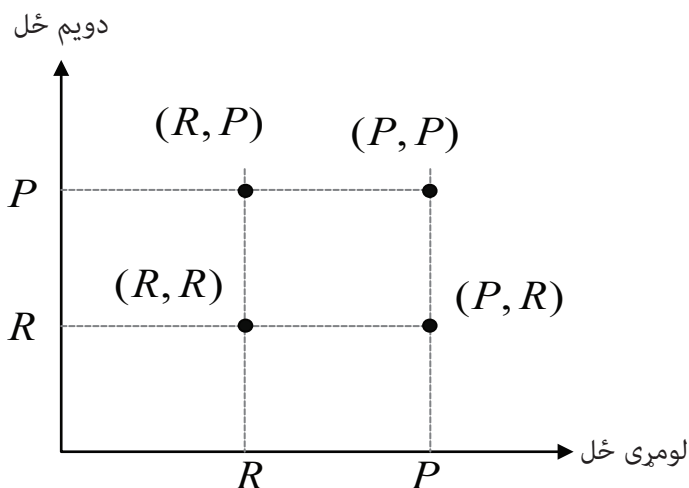
که چېرې د سکې د مخې د راتگ نتیجه په R او د شا د راتگ نتیجه په P وښیو. د پایلو مجموعه د هر ځل اچولو لپاره برابره ده له:

$$A = \{R, P\}$$

هغه څه ته په پام سره د دیکارتي په حاصل ضرب کې د A یوه مجموعه په خپله دې کې ویل شوې ده بېلابېل حالات چې سکه په دوه ځله کې ممکنه ده له یو بل سره پر ځمکه کښیني او یا په بل عبارت د دې تجربې نمونه یي فضاء برابره ده له:

$$S = \{(R, R), (R, P), (P, R), (P, P)\}$$

د نمونه یي فضاء د لاسته راوړلو لپاره کولای شو د قایم د مختصاتو له سیستم څخه هم استفاده وکړو.



په دې تجربه کې د  $A$  تصادفي پېښه (پېش امد) يعنې دوه ځله په مخ راتگ يا دوه ځله په شا راتگ عبارت دی له:

د  $A$  پېښه د  $S$  له نمونه يي فضاء څخه فرعي ست دی چې په پورته بڼه کې ښودل شوې ده.

**احتمال:** له مخکينيو توضيحاتو سره سم اوس کولای شو احتمال په دقيقه او مشخصه توگه تعريف کړو. که چېرې تصادفي پېښې ته کوم عدد نسبت ورکړل شي او د هغه په مرسته د هغې پېښې د پېښيدو چانس وښووي، لومړی فرض کيږي چې د نمونې د فضاء د عناصرو تعداد متناهي وي او همدارنگه دا عناصر بېل وي او د نمونه يي فضاء د ټولو عناصرو د ښکارېدو چانس برابر وي. د بېلگې په ډول:

۱- د يوې سالمې سکې په اچولو سره نمونه يي فضاء عبارت ده له:

$$S = \{R, P\}$$

د دې نمونه يي فضاء د عناصرو تعداد متناهي دی او مساوي په 2 دی له بل پلوه دا عناصر بېل دي او د دې عناصرو د ښکارېدو چانس له يو بل سره مساوي وي او د نمونه يي فضاء د ټولو عناصرو د ښکارېدو چانس برابر وي. د بېلگې په ډول:

۱- د يوې سالمې سکې په اچولو سره نمونه يي فضاء عبارت ده له:

$$S = \{R, P\}$$

د دې نمونه يي فضاء د عناصرو تعداد متناهي دی او مساوي په 2 دی له بل پلوه دا عناصر بېل دي او د دې عناصرو د ښکارېدو چانس له يو بل سره مساوي وي.

۱- د يوه سالم مکعب په اچولو کې نمونه يي فضاء شپږ غړي لري.

$$S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

او له عناصرو څخه د هر يو عنصر د ښکارېدو چانس مساوي دی.

د نمونه يي فضاء او د تصادفي پېښو د مفهوم په څرگندېدو سره کولای شو احتمال تعريف کړو.

**تعريف:** که د نمونه يي فضاء د عناصرو تعداد محدود وي او د دې عناصرو د ښکارېدو چانس مساوي وي د هرې تصادفي پېښې احتمال لکه  $A$  چې په  $P(A)$  سره ښودل کيږي مساوی دی په:

$$P(A) = \frac{\text{د عناصرو شمېر } A}{\text{د عناصرو شمېر } S} \quad \text{(د هرې پېښې د پېښېدو احتمال) } P(A)$$

څرنګه چې  $0 \leq n(A) \leq n(S)$

او  $0 \leq P(A) \leq 1$  وي به.

یعنې د هرې پېښې احتمال د صفر او یوه ترمنځ عدد دی یا په بل عبارت:

$$P(A) = \frac{\text{د مساعدهو حالتونو تعداد}}{\text{د ممکنه حالتونو تعداد}} \quad \text{(د } A \text{ د پېښې د پېښېدو احتمال)}$$

**بېلګه:** یو مکعب یو ځل غورځوو که د  $B$  پېښه (پیش امد) د طاق عدد له ښکارېدو څخه عبارت وي مور لرو:

$$S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

$$B = \{1, 2, 5\}$$

$$P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

**بېلګه:** د  $\{a, b, c\}$  د مجموعې ټول درې توریز ترکیبات دې د بېلا بېلو کارتونو پر مخ ولیکل شي، داسې چې هر یو ترکیب د یو کارت پر مخ وي له ګډولو ورسته، یو کارت د قرعې په توګه پورته کوو. احتمال د دې چې د  $b$  توری د دې کارت پر مخ وي څه دی.

**حل:** د  $\{a, b, c, d\}$  د مجموعې درې توریز ترکیبات عبارت دي له:

$$S = \{abc, acd, abd, bcd\}$$

که چېرې  $A$  مطلوبه پېښه (پیش امد) وي مور لرو:

$$A = \{abc, abd, bcd\}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{3}{4} \quad \text{په پایله کې احتمال یې برابر دی له}$$

## د لومړي څپرکي د مطالبو لنډيز

د احتمال کلمه د يوې اتفاقي تجربې د ښکارېدو يا نه ښکارېدو د ډاډ د درجې په معنا ده او احتمال په مطابقت کې د کمياتو او مشخصه اعدادو په مرسته د معاصره رياضياتو په فورمولونو سره څرگندولای شو.

څرنګه چې د يوې ممکنه نتيجې د ښکارېدو يا نه ښکارېدو احتمال تل له صفر څخه لوی او له يوه څخه کوچنی وي. په واقعيت کې د مساعده او نا مساعده حالاتو د اتفاقاتو د پېښېدو امر د احتمال (probability) په نوم يادېږي. د کلاسيک له مفاهيمو سره سم احتمال د ممکنه نتايجو پر تعداد باندې له مساعدو نتايجو او تعداد څخه عبارت دی يعنې

$$P(A) = \frac{N(A)}{N(S)}$$

خو احتمال له احصائيوې مفهوم سره سم، د يوې حادثې نسبي فريکونسي مساوي کيږي د حادثې د مطلقه فريکونسي د دفعاتو له تعداد سره.

د احتمالاتو په تيوري کې د قطعي او ثابتو پديدو او تصادفي پديدو له مفاهيمو سره مخامخ کيږو، که چېرې د هرې حادثې نتيجې له مخکې څخه معلومې وي د قطعي پدېدو په نوم يادېږي او که د يوې حادثې د تجربې نتيجې له مخکې څخه معلومې نه وي د پديدې يا تصادفي تجربې په نوم يادېږي.

د تصادفي تجاربو مطالعه د احتمالاتو د تيوري بنسټ جوړوي. د يوې تجربې له نتايجو څخه مجموعه (ست) د نمونې د فضاء په نوم يادېږي. څرنګه چې د يوې نمونې د فضاء هر فرعي ست د يوې تصادفي پېښې (پېش امد) ښکارندوی دی.

## د لومړي څپرکي پوښتنې

- ۱- د لوبو یو درجن قطعې په نظر کې نیسو چې (52) پاڼې ولري. که د خښتې رنګ A ونوموو په اتفاقي توګه د یوې پاڼې د انتخابولو په اثر د (A) ښکاره کېدل عبارت دي له:
- ۲- په یو ټولګي کې له سل تنو محصلینو څخه آزموینه اخیستل کېږي چې په نوموړي ټولګي کې (35) تنه یې نجونې او پاتې نور یې هلکان دي، د یوه محصل د آزمویني پارچه په اتفاقي توګه پورته کوو احتمال د دې چې پارچه په چاپوړې اړوندېږي څومره دی؟
- a. په یوه جنۍ پورې؟
- b. یو تن هلک پورې؟
- ۳- په یو پاکټ کې دوه د سلو افغانیو نوټونه، څلور د پنځوسو افغانیو نوټونه، لس د شلو افغانیو نوټونه او شل د لسو افغانیو نوټونه په غیر منظمه توګه ځای په ځای شوي دي، د هغوی له جملې څخه یو نوټ په اتفاقي توګه غوره کېږي.
- ۴- یوه کورنۍ درې اولاده غواړي، احتمال د دې چې:
- c. درې واړه اولاده هلکان وي څو دی؟
- d. په دريو اولادو کې یو هلک وي څو دی؟
- ۵- په یوه کڅوړه کې ۵ سرې مری او درې شنبې مری شتون لري، موږ دوه مری پر له پسې له کڅوړې څخه وباسو (پرته د ځای له ټاکلو) معلوم کړئ چې:
- e. احتمال د دې چې دوه مری سرې وي څو دی؟
- f. احتمال د دې چې د لومړنۍ رنګ سور او د دویمې رنګ شین وي څو دی.
- $$P(B) = \frac{n(B)}{n(S)}, P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} \Leftarrow n(s) = C_1^8 \cdot C_1^7$$
- لارښوونه
- ۶- په یوه کڅوړه کې ۵ سرې مری او درې شنبې مری شتون لري، له دې کڅوړې څخه دوه مری پرله پسې وباسو (د ځای له ټاکلو سره) معلوم کړئ چې احتمال د دې چې:
- g. دواړه مری سرې وي څو دی؟
- h. لومړنۍ مری سره او دویمه شنه وي څو دی؟

$$n(S) = \begin{bmatrix} 8 \\ 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 8 \\ 1 \end{bmatrix}$$

## دویم څپرکی

### د احتمالاتو د سنجش بنسټیز قواعد

#### ټولیزه موخه:

د خپلواکه او مشروطه اتفاقاتو په محاسبه کې د جمع او ضرب له قاعدې څخه  
گټه اخیستل.

د زده کړې موخې: زده کوونکي باید د دې څپرکي په پای کې وکولای شي تر څو:

- د جمع قاعده تعریف کړي.
- د ضرب قاعده تعریف کړي.
- خپلواک حوادث محاسبه کړي.
- مشروط حوادث محاسبه کړي.

د بېلابېلو برخو په څېړنو کې لکه په اتفاقي حادثاتو پورې اړوند د احصائیې مسایل، د ښکارېدو یا نه ښکارېدو احتمال یواځې یوه اتفاقي حادثه د بحث وړ نه ده بلکې په زیاتره مواردو کې د ښکارېدو یا نه ښکارېدو احتمال دوه یا څو اتفاقي حادثې هم د علاقې وړ وي. هغه قواعد چې د هغه په مرسته د دوه یا څو اتفاقي حادثو د ښکارېدو احتمال سنجش کېږي، د اتحاد د قواعدو (د جمع قاعدې) په نوم او هغه قواعد چې د هغې په مرسته د یو ځای ښکارېدو یا څو اتفاقي حادثو احتمال سنجش کېږي، د احتمال د تقاطع قواعد (د ضرب قاعدې) په نوم یادېږي او دواړه قاعدې د نوې ریاضي د نښو (علامو) او سمبولونو (ستونو) په اساس فورمول بندي کېږي.

په احتمالاتو کې د جمع قاعده: مخکې له دې چې د جمع قاعده توضیح شي ضروري گڼل کېږي تر څو د اتفاقي حادثو په مفهوم پوه شو.

**خپلواکه (مستقله) اتفاقي حادثې:** خپلواکه ناڅاپي پېښې هغه پېښې دي چې د يوې ناڅاپي پېښې څرگندیدنه د بلې ناڅاپي پېښې په څرگندیدو پورې تړلې نه وي. په بل عبارت د يوې پېښې د څرگندېدو احتمال د بلې پېښې د څرگندېدو احتمال متاثره نه کړي د بېلگې په ډول. که په يوه لوبې کې (۱۰) دانې مردکۍ په بشپړه توګه يو له بل سره ورته (مشابه) موجودې وي، که چېرې دوه مردکي په اتفاقي توګه پورته کړل شي، د دې احتمال چې په لومړي ځل دويم نمبر مردکي او په دويم ځل پنځم نمبر مردکي پورته کړل شوي مساوي دي. که د دويم نمبر مردکي ښکارېدل د A د اتفاقي حادثې په توګه او د پنځم نمبر مردکي ښکارېدل د B د اتفاقي حادثې په توګه ومانو نو د A د اتفاقي حادثې او د B د اتفاقي حادثې احتمال د رياضي له پلوه تر پورتنیو شرايطو لاندې په لاندې بڼه افاده کېږي.

$$P(A) = \frac{N(A)}{N(S)} = \frac{1}{10} \quad P(B) = \frac{N(B)}{N(S)} = \frac{1}{10}$$

**په خپلواکه (مستقله) اتفاقي حادثه کې د جمع قاعده:** که چېرې A او B دوه اتفاقي او خپلواکه حادثې له يو بل څخه داسې وي چې د دواړو حادثو ښکارېدل د امکان وړ نه وي په دې صورت کې احتمال د دې چې يو له دغو دوو اتفاقي حادثو څخه ښکاره شي عبارت دي له:

$$(A \cup B) \Leftrightarrow P(A \cup B) = P(A) + P(B)$$

که چېرې خپلواکه اتفاقي حادثې له دوو حادثو څخه زياتې وي په دې صورت کې د نوموړو حالاتو اتحاد په لاندې توګه معلومېږي.

$$P(A_1 \cup A_2 \cup A_3 \dots A_n) \Leftrightarrow P(A_1 \cup A_2 \cup A_3 \dots \cup A_n) \\ = P(A_1) + P(A_2) + P(A_3) + \dots + P(A_n)$$

او دا مطلبونه هغه وخت د امکان وړ دي چې A, B دوه اتفاقي حادثې وي، چې د هغوی يوځای ښکارېدل د امکان وړ وي. په داسې مواردو کې احتمال د دې چې په يوه اتفاقي تجربه کې لږ تر لږه يو له دوو اتفاقي حادثو څخه A يا B ښکاره شي عبارت دي له:

$$P(A \cup B) \Leftrightarrow P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B):$$

که چېرې درې غیر خپلواکې اتفاقي حادثې په نظر کې وي، پورتنی فورمول په لاندې بڼه بدليږي:



$$P(A \cup B \cup C) \Leftrightarrow P(A \cup B \cup C)$$

$$= P(A) + P(B) + P(C) - P(A \cap C) - P(A \cap B) + P(A \cap B \cap C)$$

$$P(A \cup B \cup C) + 1 - P(A \cap B \cap C)$$

بېلگه: که  $P(A) = \frac{1}{3}$ ,  $P(B) = \frac{1}{5}$ ,  $P(A \cap B) = \frac{1}{8}$  معلوم کړئ چې:

$$\left. \begin{array}{l} \text{a- } P(A^c) = ? \\ \text{b- } P(B^c) = ? \\ \text{c- } P(A^c \cup B^c) \\ \text{d- } P(A^c \cap B^c) \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{a) } P(A^c) = 1 - P(A) = 1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{3} \\ \text{b) } P(B^c) = 1 - P(B) = 1 - \frac{1}{5} = \frac{4}{5} \\ \text{c) } P(A \cup B) = P(A \cap B) = 1 - P(A \cap B) = 1 - \frac{1}{8} = \frac{7}{8} \\ \text{d) } P(A^c \cap B^c) = P(A \cup B)^c = 1 - P(A \cup B) \\ = 1 - P(A \cup B) = 1 - [P(A) + P(B) - P(A \cap B)] = \\ 1 - \left( \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{8} \right) = \frac{71}{120} \end{array}$$

په احتمالاتو کې د تقاطع (ضرب) قاعده:

a- دوه حادثو ته خپلواکه (مستقل) وایي که چېرې د یوې پېښې د بلې پېښې په احتمال کې کومه اغیزه ونه لري په دې صورت کې کولای شو ولیکو چې:

$$P(A \cap B) = P(A)P(B)$$

بېلگه: فرض کړئ د یو تن محصل د کامیابۍ احتمال د ۱۳ ټولګي د دویم سمستر د ریاضیاتو په مضمون کې (A حالت) ۴۰ فیصده او د همدغه محصل د کامیابۍ احتمال د اقتصادي جغرافیې په مضمون کې (B حالت) ۸۰ فیصده وي، خومره احتمال لري چې په دواړو مضمونو کې کامیاب شي؟

$$P(A \Delta B) \Leftrightarrow P(A \cap B) \Rightarrow P(A) \times P(B) = 0.4 \times 0.8 = 0.32 = 32\%$$

**يادونه:** که چېرې د خپلواکه حادثو تعداد له دوو حادثو څخه زيات وي د ضرب د قاعدې فورمول په لاندې توگه پراختيا پيدا کوي.

$$P(A_1 \Delta A_2 \Delta A_3 \dots \Delta A_n) \Leftrightarrow P(A_1 \cap A_2 \cap A_3 \dots \cap A_n) \\ P(A_1) \times P(A_2) \times P(A_3) \dots P(A_n)$$

b- په ځينو مواردو کې د حوادثو او واقعاتو پېښېدنه له يو بل څخه خپلواکه نه دي بلکې د يوې حادثې پېښېدنه د بلې حادثې په پېښېدنې پورې تړلې (مقيده) او مشروطه وي، يا په بل عبارت د A حالت هغه وخت پېښېږي چې يو بل حالت لکه (B) پېښه شوي وي. د A د حادثې د پېښېدنې احتمال د B حالت په پېښېدنې مشروط گڼې او د  $P(A/B)$  د نښې په مرسته يې څرگندوي دغه احتمال د مشروط يا (Conditional Probability) په نوم يادوي او ليکي.

$$P(A/B) = \frac{n(A \cap B)}{n(B)} \quad \text{يا} \quad P(A/B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

اما د شرطي احتمال د محاسبې لپاره له لاندې فورمول څخه گټه اخيستل کيږي.

$$P(A/B) = P(B) \cdot P(A/B) \quad \text{يا} \quad P(A/B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

$$\Rightarrow P(A \cap B) = P(A) \cdot P\left(\frac{B}{A}\right)$$

**بېلگه:** په يوه پاکټ کې څلور دانې د سرو زرو (طلا) سکې او دوه دانې د سپينو زرو (نقرې) سکې اېښودل شوي دي، که يوه سکه په اتفاقي ډول وټاکل شي د دې احتمال چې نوموړې سکه به طلا وي  $\frac{4}{6}$  وي، فرض کوو چې نوموړې سکه طلا وي  $\frac{4}{6}$  به وي، او د دويم ځل لپاره پاکټ ته نه غورځول کيږي او دويمه غوره کرل شي د دې احتمال چې دويمه هم

طلا وي له  $\frac{3}{6}$  څخه عبارت دی، په نتيجه کې د دې احتمال چې د شپږو نوموړو سکو له جملې څخه لومړی او دويم دواړه طلا وي عبارت دي له:

$$P(A_1 \cap A_2) = P(A_1) \cdot P\left(\frac{A_2}{A_1}\right) = \frac{4}{6} \cdot \frac{3}{5} = \frac{2}{5} = 0.4$$

**بېلگه:** د لوبو د قطعو له يو درجن څخه ۳ پاڼې يو پر بل پسې ټاکل کېږي او د دويم ځل لپاره د قطعې منځ ته غورځول کېږي، د دې احتمال چې لومړی، دويمه او دريمه به طوس وي څومره دی؟

$$P(A_1 \cap A_2 \cap A_3) = P(A_1) \cdot P(A_2) \cdot P(A_3) = \frac{4}{52} \cdot \frac{3}{51} \cdot \frac{2}{50}$$

**يادونه:** دوه حادثې چې د هغوی هم مهاله پېښېدنه امکان و نه لري نا سازگار حادثې ورته ويل کېږي.

### د دويم څپرکي د مطالبو لنډيز:

هغه قواعد چې د هغې په مرسته د دوو يا څو اتفاقي حادثو د ښکارېدو احتمال سنجش کېږي د جمع د قواعدو په نوم او هغه قواعد چې د هغې په مرسته د يو ځای د ښکارېدو د دوو يا څو اتفاقي حادثو احتمال سنجش کېږي د احتمالي ضرب د قواعدو په نوم يادېږي چې، دواړه قاعدې د نوې رياضي د نښو او سمبولونو (د ست د تيوري) په اساس فورمول بندي کېږي.

که چېرې د يوې اتفاقي حادثې ښکارېدل د بلې اتفاقي حادثې په ښکارېدو تړلې (مقيده) نه وي د خپلواکه اتفاقي حادثې په نوم يادېږي چې، په داسې حالاتو کې د مطالعې وړ پديدو ښکارېدل، د نورو حادثو ښکارېدل نه اغېزمن کوي.

اما په ځينو ځايونو کې د حادثو او واقعاتو پېښېدنه له يو بل څخه خپلواکه نه وي بلکې د يوې حادثې پېښېدنه د بلې حادثې په پېښېدنه باندې تړلې (مقيده) او مشروط وي، نو که A د حادثې پېښېدنه د B د حادثې په پېښېدنه مشروط وي، دا ډول احتمال د مشروط احتمال په نوم يادېږي.

د دوو حادثو پېښېدنه چې هم مهاله امکان و نه لري ناسازگار حوادث جوړوي.

## د دویم څپرکي پوښتنې

- ۱- ثابت کړئ چې  $n!.n!=(n^2)!$
- ۲- په یوه صندوقچه کې (۳۰) دانې مردکي شتون لري چې، د هغوی له جملې څخه (۱۰) دانې یې سره، (۵) دانې یې شنه او (۱۵) دانې یې سپین دي. احتمال یې داسې پیدا کړئ چې له صندوقچې څخه د یوه مردکي په ایستلو کې به مردکی کوم رنگ وي.
- ۳- ممتحن د (۲۵) پوښتنو له جملې څخه درې پوښتنې غوره کوي، کوم احتمال به شتون ولري چې محصلین به د کومو دريو پوښتنو په اړه له (۲۰) پوښتنو څخه حدس ووهي.
- ۴- د دوه قطبو په منځ کې د برق یو شمېر گروپونه شتون لري، څرنگه چې په لومړي قطبي کې د (۱۲) گروپونو له جملې څخه یو دانه یې ناقص او همدارنگه په دویم قطبي کې د (۱۰) دانو له جملې څخه یو دانه یې هم ناقص دی. احتمال یې په هغه صورت کې پیدا کړئ چې، که له لومړي قطبي څخه په کيفي ډول یو گروپ واخیستل شي او په دویم قطبي کې کېښودل شي، هم ناقص دی.

- د دویم قطبي لارښوونه  $P(B_2) = \frac{1}{12}$  و  $P(B) = \frac{11}{12}$
- ۵- ۵۰٪ ټولې پرزې چې د یوې دستگاه په مرسته تولیدیږي او په هغه کې یو فیصد زیان شتون لري، ۳۰٪ فیصد یې چې د دویمې دستگاه په مرسته تولیدیږي دوه فیصد زیان لري او ۲۰٪ فیصد چې د دریمې دستگاه په مرسته تولیدیږي په هغه کې ۵.۱٪ فیصد زیان شتون لري. مساوي احتمال به څو وي که پرزه له دستگاه څخه زیانمنه تولید شي.

$$P(A) = P(B_1) \cdot P_{B_1}(A) + P(B_2) \cdot P_{B_2}(A) + P(B_3) \cdot P_{B_3}(A)$$

- ۱- د لوبو د ۳۶ قطعو له منځ څخه په کيفي توگه درې قطعې اخیستل کيږي، احتمال یې په هغه صورت کې پیدا کړئ چې د درې اخیستل شوو قطعو له جملې څخه لږ تر لږه یو له هغه څخه طوس وي.

$$P(A) = 1 - P(A), P(A) = \frac{C_{32}^3 \cdot C_3^0}{C_{36}^3}$$

لارښوونه:

## د ترکیباتو تیوري

## ټولیزه موخه:

پېش بینی شوو موخو ته د رسېدو په غرض د پدیدو ترکیب، بدلون او ترتیب.

د زده کړې موخې: هیله کېږي تر څو زده کوونکي د دې څپرکي په پای کې وکړای شي:

- ۱- د بدلیدو یا تبدیل مفهوم توضیح کړي او د بحث وړ پدیدې دې په مناسبه توګه تبدیلی کړي.
- ۲- د ترتیب مفهوم دې توضیح کړي او د بحث وړ پدیدې دې په مناسبه توګه ترتیب کړي.
- ۳- ترکیب دې د احتمالاتو له تیوري سره سم توضیح او د پدیدو حوادث دې ترکیب کړي.

د ترکیباتو د محاسبې لپاره د احتمالاتو دوه عمده او بنسټیز اصله شتون لري چې، د جمع له قواعدو (د اتحاد قاعده) او ضرب قاعدې (تقاطع) څخه عبارت دی چې په دویم څپرکي کې په لنډه توګه توضیح او تشریح شوي دي، خو دا قواعد په شمېرلو کې د ضرب له اصل سره او په شمېرلو کې د جمع له اصل سره توپیر لري، ځکه د اتحاد او تقاطع قواعد پر حوادثو او اتفاقي احتمالاتو تړلي دي چې، پر له پسې متصل یا منفصل وي، خو د شمېرلو او ضرب لپاره د جمع په قواعدو کې موږ له موجوده او مشخصه پدیدو او واقعیتونو سره سر او کار لرو چې هغوی ته له خپلې غوښتنې او ارادې سره سم نظم او ترتیب ورکولای شو.

په شمېرلو کې د جمع اصل: که چېرې  $n$  د خپلواکې عملېې جمله په  $P_1, P_2, P_3, \dots, P_n$  بېلا بېلو بڼو سر ته رسېدای شي او عملیه چې مقصد یې د دغو عملیاتو له جملې څخه د یوې پېښېدنه وي په  $P = P_1 + P_2 + \dots + P_n$  په بېلا بېلو بڼو تر سره کېدای شي.

بېلګه: له څلور رنګه ټوکر (تور، سپین، سور او شین) څخه کولای شو څو بیرقې جوړ کړو داسې چې هر بیرق له دوو رنګونو څخه لږ رنګ ونه لري.

حل:

$P_1=4.3=12$  د دوه رنگه بیرقونو تعداد

$P_2=4.3.2.1=24$  د درې رنگه بیرقونو تعداد

$P_3=4.3.2.1=24$  د څلور رنگه بیرقونو تعداد

$P=P_1+P_2+P_3$  د ټولو بیرقونو تعداد

په شمېرلو کې د ضرب اصل: که چېرې د  $n$  عملیه د  $P_1, P_2, P_3, \dots, P_n$  په بېلا بېلو بڼو پېښې شي دغه عملیې په هم مهاله توګه د  $P=P_1.P_2.P_3 \dots P_n$  په بېلا بېلو بڼو ترسره کېدای شي.

بېلګه: له څلور تنو انگلیسانو، پنځه تنو فرانسویانو او دوه تنو مصریانو څخه څو درې کسيزه کمیسیونونه چې د نوموړو استازو لرونکي وي جوړېدای شي.  
حل: د کمیسیونونو تعداد:

$$P=4.5.2=40$$

**ترتیبونه (Arrangements):** هغه بېلا بېل حالات چې  $n$  شي، په مرتبه توګه د یو بل څنګ ته ځای په ځای کېدای شي د هغوی د بېلا بېلو ترتیبونو په نوم یادېږي او د دې ترتیبونو تعداد عبارت دی له:

$$P(n,n)=n!$$

په بل عبارت د ست له عناصرو څخه د هر محدود منظم ست ته ترتیب ویل کېږي.

څرنگه چې په افاده کې  $A_n^k$ ,  $n=k$  وضع شي نو:

$$P_n = n! = A_n^k$$

بېلګه: د  $a, b, c$  درې توري په څو بڼو د یو بل څنګ ته ځای په ځای کېدای شي.

$$P=3!=3.2.1=6$$

بېلګه: د  $2, 4, 6$  او  $8$  له ارقامو څخه څو څلور رقمي عدده کولای شو جوړ کړو داسې چې د اعدادو ارقام نه وي تکرار شوي.

$$P(n,n)=4!=4.3.2.1=24$$

**بدلونونه (Permutations):** هغه بېل حالات چې  $r$  شي، له بېلا بېل  $n$  شي څخه ( $r < n$ ) د یو بل په څنګ کې مرتب کېدای شي. د  $n$  شی د  $r$  په بدلونونو په نوم یادېږي او د هغوی تعداد عبارت دی له:

$$P(n,r) = \frac{n!}{(n-r)!}$$

$$A_n^r = \frac{n!}{(n-r)!} = n(n-1)(n-2) \dots (n-r+1)$$

**بېلگه:** یو توپیر لرونکی درې رنگه بیرغ په هغه صورت کې چې زموږ په لاس کې موجوده مواد له پنځو رنگونو څخه جوړ شوي وي جوړولای شو داسې چې د ټوکر درې رنگه په افقي شان د بیرغ عرض جوړوي او له رنگونو څخه سور رنگ حتمي وي.

$$A_5^3 = \frac{5!}{(5-3)!} = 5.4.3 = 60$$

(۱) یادونه- لیدل کیږي چې د خصوصي حالت ترتیب له بدلون څخه دی کله چې  $r=n$  وي.  
(۲) یادونه- که چېرې  $n$  شی د دایرې پر مخ مرتبه شي د دایروي بدلونونو په نوم یادېږي او د هغه ترتیبونه عبارت دي له  $(n-1)!$

**ترکیبونه (Combinations):** هغه بېلا بېل حالات چې  $(r)$  شی، د  $n$  شی له ترتیب څخه پرته له دې چې په پام کې و نیول شي بېل ټاکل کیږي د  $n$  شی  $r$  په ترکیبونو په نوم یادېږي او د هغوی تعداد عبارت دي له:

$$\left[ \begin{matrix} n \\ r \end{matrix} \right] = \frac{n!}{(n-r)!r!} = \frac{n(n-1)(n-2)\dots((n-r+1))}{(n-r)!r!} \quad r < n$$

$$\left[ \begin{matrix} n \\ 0 \end{matrix} \right] = 1 = \left[ \begin{matrix} n \\ n \end{matrix} \right] \quad \text{واضح ده چې}$$

د  $\left[ \begin{matrix} n \\ r \end{matrix} \right]$  د سمبول په ځای د  $C(n,r)$  او  $C_n^r$  سمبولونو څخه هم گټه اخیستل کیږي چې، په دې فورمول کې  $r$  فرعي ستونه عضوي  $r$  له یو ست څخه عضوي  $n$  بڼي.

• وروسته د پورتنیو توضیحاتو پر بنا ویلی شو چې د  $r$  شی یو ترکیب له بېل یا متمایز  $n$  شی څخه عبارت دی د  $r$  شي غوره کول له دې څیزونو (اشیاوو) څخه پرته له دې چې په یو ځانگړي ځای کې ځای پرځای شي په مجده توگه او پرته له دې چې د هغوی ترتیب په پام کې و نیول شي.

نو لیدل کیږي که په بدلون کې ترتیب راغلی وي، څیزونه (اشیاء) بدل کړو یو نوی حالت لاسته راځي څرنگه چې د څیزونو ځای په ځای کول په ترکیب کې نوی حالت منځ ته نه راوړي او له بل پلوه په بدلون او ترکیب کې انتخاب په نظر کې نیول کیږي. په داسې حال کې چې په ترکیب کې د انتخاب ترتیب په نظر کې نه نیول کیږي او د ترکیب مفهوم د اړیکې یا رابطې په توګه د طبیعي اعدادو ترمنځ توضیح کوي.

بېلګه: په یوه کڅوړه کې (۳) سرې مری، (۵) سپینې مری او (۸) شنې مری دي. په څو لارو کولای شو (۲) سرې مری، (۱) سپینه مری او (۲) شنې مری غوره کړو.

حل: باید دا په پام کې ولرو چې هر رنگه مری له یو بل څخه توپیر لري نو مطلوبه کمیت عبارت دی له:

$$\binom{3}{2} \binom{5}{1} \binom{8}{2} = \frac{3!}{2!!} \cdot \frac{5!}{1!4!} \cdot \frac{8!}{2!6!} = \frac{3 \cdot 5 \cdot 8 \cdot 7}{1 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 1} = 420$$

$$\binom{9}{5} = \frac{9!}{(9-5)!5!} = \frac{9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1}{4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1} = 144$$

**تکراري ترکیبونه:** له تکرار سره ترکیب: د یوه ست د عناصرو په ټاکلو کې د ست ځینې عناصر څو ځلې تکرارېږي د بېلګې په ډول د ۱، ۳، ۴ او ۵ له اعدادو څخه څو درې رقمي عدده کولای شو ترتیب کړو. که چېرې یو یا عین عدد څو ځلې تکرار شي نو  $125=5^3$  کیږي. نو په دې اساس تکرار لرونکي ترتیبونه د  $A_n^m = n^m$  د فورمول په مرسته څرګندېږي.

بېلګه: څو درې رقمي عدده کولای شو د ۱ او ۲ په رقمونو ولیکو.

$$8=2^3$$

بېلګه: څو بېلا بېل څلور رقمي عدده کولای شو له صفر، ۱ او ۲ اعدادو څخه ترتیب کړو که چېرې د اعدادو تکرار مجاز وي.

حل: له درې ورکړل شوو عددونو څخه څلور رقمي اعداد جوړولای شو په دې شرط چې هغه اعداد چې کین لوري ته یې صفر ځای په ځای کیږي منفي شي.

$$A_3^4 - A_3^3 = 3^4 - 3^3 = 81 - 27 = 54$$

**بدلېدل یا تکرار:** د  $n$  شی د بدلېدلو تعداد بشپړي، څرنگه چې په هغه کې یو د  $P$  دفعه او بل د  $q$  دفعه له څیزونو (اشیاء) څخه تکرار شوي وي عبارت دي له:



$$\frac{n!}{P!q!} \text{ یا } P_{n_1, n_2, \dots, n_m} = \frac{(n_1 + n_2 + \dots + n_m)!}{n_1! n_2! \dots n_m!} = \frac{n!}{n_1! n_2! \dots n_m!}$$

که چېرې  $n!$  بدلونونه انتخاب شي او د دې ست عناصر تکراري وي، بدلون له تکرار سره له  $n!$  څخه کوچنی دی.

بېلگه: د کلمې بېلا بېل څو توري کولای شو له هغو تورو څخه چې د (Matematika) کلمه جوړه شوې ده واخلو.

حل:  $n_1=2$ ، (توري m)  $n_2=3$ ، (توري a)  $n_3=2$ ، (توري t)  $n_4=1$ ، (توري e)  $n_5=1$ ، (توري u)  $n_6=1$ ، (توري k)  $n_6=1$ ،  
نو لرو:

$$P(n_1, n_2, n_3, n_4, n_5, n_6) = \frac{10!}{2!3!2!1!1!1!} = 151200$$

بېلگه: د کلمې څو توري کولای شو د BABBY له کلمې څخه جوړه کړو.  
حل: په دې ځای کې  $5! = 120$  د  $B_1, A, B_2, B_3, y$  له تورو څخه تبدیل لرو چې په هغو کې درې B بېل یا متمایز شوي دي چې شپږ لاندې بدلونونه جوړولای شو.

$B_1 B_2 B_3 Ay, B_1 B_3 B_2 Ay, B_2 B_1 B_3 Ay, B_2 B_3 B_1 Ay, B_3 B_1 B_2 Ay, B_3 B_2 B_1 Ay$

$$P_{5,3} = \frac{5!}{3!} = \frac{5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1}{3 \cdot 2 \cdot 1} = 20$$

او د 6 عدد مساوي دی له 3! سره.

ترکیب له تکرار سره: فرض کوو د  $\{a, b, c\}$  ست ورکړل شوی وي او له هغه څخه (5) عنصره ترکیب له تکرار سره جوړ کړو لکه د aabbc بڼه او د 11.11.1 سمبولیک څرگندېږي، دا څرگندېدل داسې توضیح کېږي چې، a د دویم ځل لپاره تکرار شوی دی (۱۱) وروسته له هغې چې a شتون نه لري، (۰) وروسته له صفر څخه b د ۱۱ په بڼه او همدارنګه بل b شتون نه لري او د صفر په مرسته بیلېږي. په آخر کې د C (۱) توري شتون لري.

$$P_{5,3-1} = \frac{(5+3-1)!}{5!(3-1)!}$$

خکه چې:

$$C_n^m = P_{mn-1} = \frac{(m+n-1)}{m!(n-1)!}$$

$$C_{m+n}^m = C_{m+n}^{n-1} \text{ يا}$$

**بېلگه:** د پرچون خرڅوونکي په يوه دوکان کې لس ډوله پست کارته شتون لري، په څو ډوله کولای شو له ۱۲ او ۸ پست کارتونو څخه ترکیب جوړ کړو په دې شرط چې د پست کارت په غوره کولو کې تکرار مجاز وي.

$$C_{10}^{-12} = \frac{(12+10-1)!}{12!(10-1)!} = 293930$$

$$C_{10}^{-8} = \frac{(12+8-1)!}{8!(10-1)!} = 24310$$

**بېلگه:** په يوه ټولگي کې چې لس زده کوونکي لري، شپږ تنه يې نرينه او څلور تنه يې ښځينه دي د n طريق تعداد چې:

- a- له دې زده کوونکو څخه دې يوه څلور عضوي کمېټه غوره کړي.
- b- يوه څلور عضوي کمېټه، دوه نرينه او دوه ښځينه دې غوره کړي.
- c- ټولگی دې وکړای شي رئیس، د رئیس مرستیال، خزانه دار او منشي غوره کړي.

**حل:**

$$C(10,4) = \binom{10}{4} = 910 \quad \text{-a}$$

b- له شپږ نرينه و څخه  $\binom{6}{2}$  طريق 2 نرينه ټاکل کيږي او 4 ښځينه  $\binom{4}{2}$  طريق او ښځينه ټاکل کيږي نو:

$$\binom{6}{2} \binom{4}{2} = 90$$

c- په دې پوښتنه کې ترکیب په نظر کې نه دی بلکې ترتیب په نظر کې دی بناً:

$$n = P(6,4) = A_6^4 = 360$$

$$\left[ \begin{matrix} 9 \\ 5 \end{matrix} \right] = \frac{9!}{(9-5)!5!} = \frac{9!}{4!.5!} = \frac{9.8.7.6.5.4.3.2.1}{4.3.2.1.5.4.3.2.1} = 144 \quad \text{بېلگه:}$$

## د درېيم څپرکي د مطالبو لنډيز

هغه بېلا بېل حالت چې  $n$  شی په مرتبه توګه د یو بل په څنګ کې ځای په ځای کېدای شي د هغوی د بېلا بېل ترتیب په نوم یادېږي او د ترتیبونو تعداد د فکتوریل په مرسته لاسته راتلای شي، د بېلګې په ډول کولای شو د  $n$  شی ترتیب د دې فورمول په مرسته لاسته راوړو.  
 $P(n,n)=n!$

تبدیل: هغه توپیر لرونکي حالات چې  $r$  شی، له  $n$  شي څخه ( $r < n$ ) د یو بل په څنګ کې مرتب کېدای شي او د بدلونونو تعداد د لاندني فورمول په مرسته لاسته راځي.

$$P(n,r) = \frac{n!}{(n-r)!}$$

همدارنګه ترتیب له تکرار سره، تبدیل له تکرار سره او ترکیب له تکرار سره په احتمالاتو کې د استعمال موارد لري.

ترکیب: هغه بېلا بېل حالات چې ( $r$ ) شی، د  $n$  شي له ترتیب څخه پرته له دې چې په پام کې و نیول شي بېل ټاکل کېږي د  $n$  شی،  $r$  په  $r$  ترکیبونو په نوم یادېږي.

## د درېم څپرکي پوښتنې

- ۱- له ۱۱ ټوکه کتابونو څخه په څو بېلا بېلو بڼو کولای شو پنځه ټوکه يې په الماری کې مرتب کړو.
- ۲- د teeth له کلمې څخه څو پنځه توريږي نمونې کولای شو وليکو.
- ۳- څو يوولس توريږي نمونې د MISSISSIPPI له کلمې څخه جوړېدلای شي.
- ۴- له يو دولس کسيز لسټ څخه څو پنځه کسيز بېل گروپونه کولای شو غوره کړو.
- ۵- له يو گروپ څخه چې له ۴ نرينه او ۵ ښځينه څخه جوړ شوی وي، څو پنځه کسيزه کميټې چې ۳ تنه نرينه او ۲ تنه ښځينه غړي ولري، د ټاکلو وړ دي.
- ۶- د افغانستان د کلمې توري په څو ډوله ترتيب کېدای شي.
- ۷- اوه دانې مڼې د درې تنو ماشومانو ترمنځ داسې چې د هغوی مشر ته درې دانې او نورو هر يوه ته دوه، دوه دانې ورسپري په څو ډوله ترتيب کېدای شي.
- ۸- له لس تنو محصلينو څخه څو دوه کسيز گروپونه جوړېدلای شي.
- ۹- که چېرې يوه سکه څلور ځلې پورته واچول شي.
  - a. ممکنه فضاء مطلوبه ده.
  - b. په څو حالته کې دوه ځلې په مخ راځي.
  - c. په څو حالته کې درې ځلې په مخ راځي.

## سرچینې او اخیستنې

### د احتمالاتو برخه

- ۱- جلیلی مرزا، ریاضیات جدید، ۱۳۷۰
- ۲- غوری، محمد انور، ریاضی عمومی، ۱۳۸۴
- ۳- موحد حبیب الله، تیوری احتمالات، ۱۳۸۵
- ۴- پوهاند غلام سنایی و پهنیار ذکیه، حل مسایل احتمال ۱۳۸۶

### د احصایې برخه

- ۱- اصیل، مراد علی، تیوری احصائیه
- ۲- غوری، محمد انور، ریاضی عمومی
- ۳- حمیدی، عبدالباقي، احصائیه
- ۴- لکچرنوت پوهنځی اقتصاد، ۱۳۸۶-۱۳۸۷

## د ښوونیز نصاب د پراختیا د ریاست پیغام

د پوهنې وزارت د تخنیکي او مسلکي زده کړو معینیت دښوونیز نصاب د انکشاف ریاست د ټولنې دعیني او ښکاره ضرورت په درک کولو سره چې د محصلینو او شاگردانو د درسي کتابونو په برخه کې یې تخنیکي او مسلکي رشتې درلودې او لري یې، په لومړي سر کې یې تصمیم ونيو، چې په ښوونیزو پلانونو او درسي مفرداتو باندې بیاکتنه وکړي او ورپسې بیا د شاگردانو او محصلینو د درسي کتابونو د تالیف لپاره مبادرت او کوشښ وکړي. د خدای (ج) په فضل او مرحمت سره او د ادارې او حسابدارۍ څانګې د ښوونکو په میرانې او همت سره د ادارې او حسابدارۍ درسي کتابونه تالیف شول تر څو په وړیا ډول د شاگردانو او محصلینو په واک او اختیار کې ورکړل شي.

د علم او معرفت له ټولو لوستونکو، علاقمندانو، د ادارې او حسابدارۍ د مکاتبو له ښوونکو، گرانو شاگردانو او د تخنیکي او مسلکي زده کړو د چارو له متخصصینو او همدا شان له ټولو څېړونکو او شنونکو څخه صمیمانه هیله کېږي، چې د دې کتابونو په مطالعې سره چې په لومړي ځل د ښوونکو او د ادارې او حسابدارۍ څانګې د مسلکي غړو له لوري تالیف او تدوین شوي دي. د مسلکي، تخنیکي او علمي مطالبو او مفاهیمو د څرنگوالي په هکله خصوصاً د هغوی املايي او انشايي اشتباهاتو په اړه مونږ ته لارښوونه وکړي، ترڅو په راتلونکي کې وکړای شو، په همدې او نورو برخوکې گرانو شاگردانو ته له دې څخه ښه، غوره، گټور او ارزښتناکه موضوعات وړاندې کړو.

همدا شان له گرانو شاگردانو او محصلینو څخه هیله کوو ترڅو د دې کتابونو د مطالعې او استفادې پر مهال د هیواد اقتصادي ستونزې، فقر او وروسته پاتې والی په نظر کې ونیسي او د کتابونو په ساتنه کې کوشښ او زیار وباسي، ترڅو د ډېرو شاگردانو او محصلینو د گټې وړ وگرځي.

پته: دپوهنې وزارت - د تخنیکي او مسلکي زده کړو معینیت د تعلیمي نصاب د انکشاف ریاست - د کتابونو د تالیف او د درسي ممدو موادو د برابرولو عمومي مدیریت.

**Get more e-books from [www.ketabton.com](http://www.ketabton.com)  
Ketabton.com: The Digital Library**